



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>



Sch 38.15



Harvard College Library

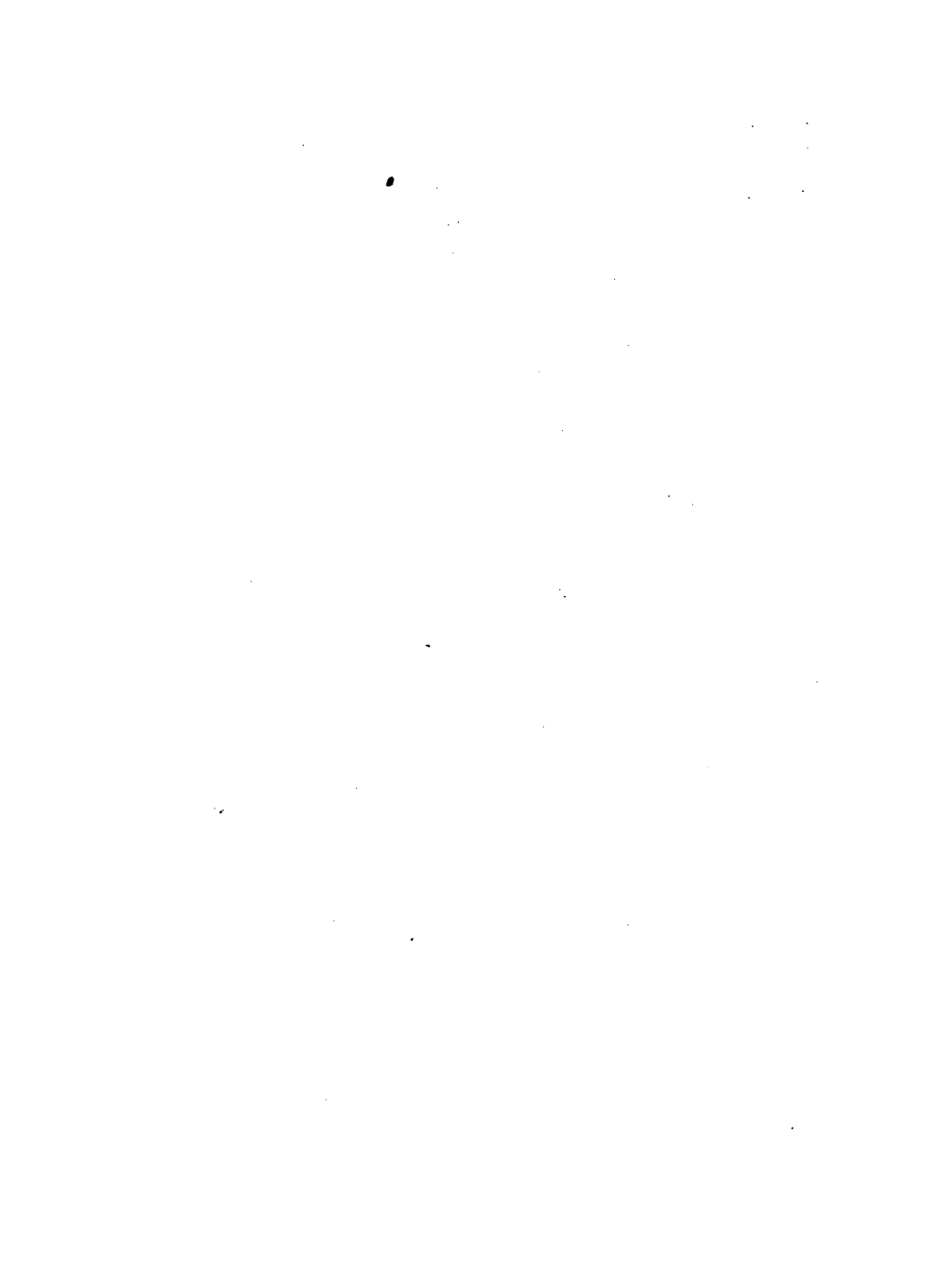
FROM THE

CONSTANTIUS FUND

Established by Professor E. A. SOPHOCLES of Harvard University for "the purchase of Greek and Latin books, (the ancient classics) or of Arabic books, or of books illustrating or explaining such Greek, Latin, or Arabic books." (Will, dated 1880.)

6

17/12/10 6323-60



0

HERONIS ALEXANDRINI
OPERA QVAE SVPERSVNT OMNIA.

VOL. III.

RATIONES DIMETIENDI
ET
COMMENTATIO DIOPTRICA

RECENSUIT

HERMANNVS SCHOENE.

CVM CXVI FIGVRIS.



LIPSIAE
IN AEDIBVS B. G. TEVBNERI.
MCMIII.

HERONS VON ALEXANDRIA
VERMESSUNGSLEHRE UND DIOPTRA

GRIECHISCH UND DEUTSCH

VON

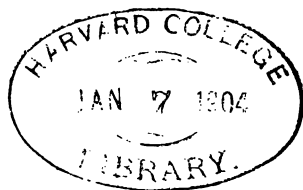
HERMANN SCHÖNE.

MIT 116 FIGUREN.



LEIPZIG,
DRUCK UND VERLAG VON B. G. TEUBNER.
1903.

Sh 38.15



Constantus fund

AUGUSTO BRINKMANN

Quae hoc volumine coniunxi Heronis Alexandrini scripta duo, eorum ut recensio facilis, ita difficilis est emendatio; nam omnis utriusque memoria singulis codicibus continetur vetustis illis quidem, sed et mendosis et lacunosis. Quod cum ita esse intellexerem atque alia eorum antiqua exempla umquam repertum iri desperarem, in hac editione adornanda id imprimis mihi agendum esse sentiebam, ut librorum illorum scripturam cum fide consignarem, non quo coniectandi periculum prorsus recusandum esse censerem, sed ut omnis emendandi conatus ad praestantissimi aut unici exempli auctoritatem tamquam ad certam normam dirigeretur.

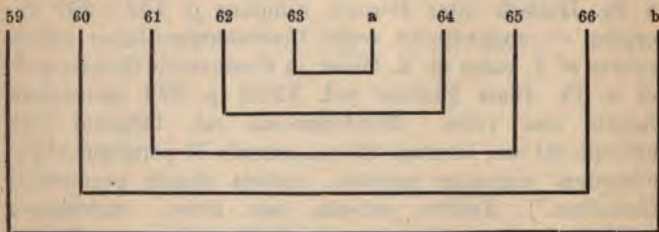
I

Dimetiendi rationes, trium opus librorum antehac non editum — nam diversus mensurarum liber singularis est a Fr. Hultsch inter Heronis reliquias p. 188—207 receptus — suppeditavit *codex Constantinopolitanus palatii veteris n° 1*, cuius ab E. Miller in Confusaneis Graecis p. V et a Fr. Blass *Hermae* vol. XXIII p. 222 mentionem factam esse video. Membranaceus est, foliorum 112 altorum 30 cm., latorum 22 cm., saeculo XI perspicue atque admodum eleganter scriptus, crebris figuris geometricis distinctus.¹⁾ Folium primum cum altero, centesimum undecimum cum centesimo duodecimo biniones efficiunt singulares, quorum neuter scriptus est; intermediarum

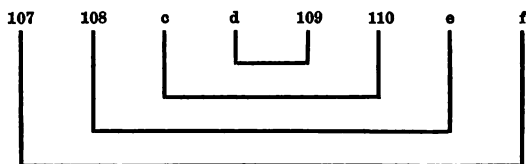
1) Saeculo XII attribuebat Dethier; cf. P. Hunfalvy, *rarische Berichte aus Ungarn* II (1878) p. 565.

autem membranarum cum quaterna paria inter se con-
serta sint, quattuordecim corpuscula foliorum facile
distinguuntur. Horum quaternionum octo solummodo
primores in ora ima primae cuiusque paginae Graecis
numeris signati sunt; at et hi et qui sequuntur omnes
in sinistro angulo marginis superioris primae cuiusque
paginae crucibus minutulis notati inveniuntur. Com-
prehenduntur igitur binione priore fol. 1—2, quater-
nionem α fol. 3—10, β fol. 11—18, γ fol. 19—26,
 δ fol. 27—34, ε fol. 35—42, ς fol. 43—50, ζ fol. 51—58,
 η fol. 59—66, nono fol. 67—74, decimo fol. 75—82,
undecimo fol. 83—90, duodecimo fol. 91—98, tertio de-
cimo fol. 99—106, quarto decimo fol. 107—110, binione
altero fol. 111—112.

Sunt quaedam in nonnullis quaternionibus singularia.
Ac primum quidem in medio margine inferiore fol. 10^v,
quod est primi quaternionis ultimum, scriptum est α , in
ceterorum fasciculorum foliis ultimis nulla huiusmodi
nota cernitur. Deinde octavus qui videtur esse quaternio,
non potius quaternio quam quinio existimandus est, sed
cuius duo folia excisa sint, quorum exstant etiamnunc
reliquiae valde illae quidem exiguae (a et b dicam).
Harum igitur membranarum cohaerentia in hunc modum
repraesentari potest:



Diversa quarti decimi quaternionis ratio est; cuius
cum quattuor folia exsecta sint, quae c, d, e, f dicam,
formam refert hance:



Ex eis, quae dixi, apparet librum Constantinopolitanum olim fuisse sex foliis auctiorem. Neque vero iactura dicenda est illarum membranarum amissio, quippe quarum nulla scripta fuerit. Quod quo facilius intelligatur, est operae pretium cognoscere, quid in singulis foliis exaratum sit.

Codex igitur Constantinopolitanus duabus ex partibus constat, quarum prior (fol. 3—66) congeriem exhibet ex variis commentationibus mathematicis commixtam, altera (fol. 67—110) rationes dimetiendi ab Herone compositas continet. Hae duae partes etsi et ab eodem librario scriptae nec argumento inter se dissimiles sunt, tamen utrum uno ab initio volumine coniunctae fuerint an posteriore demum aetate compactae sint, videtur dubitari posse, quandoquidem prioris partis quaternionum ordo notis numeralibus indicatur, alterius non indicatur: ego ut illam opinionem probabiliorum ducam, cum summa membranarum utriusque partis similitudo facit tum idem omnibus impressarum linearum tricennum singularum numerus. Scripta insunt haec:

fol. 3^r—17^r *Εὐκλείδου γεωμετρία* (man. 2 in ras.).

fol. 17^v—19^r collectio problematum, cui *Διοφάντους* (*Διοφάντους* m. 2) nomen praefixum est.

fol. 19^r—23^r *μέθοδος τῶν πολυγώνων*

fol. 23^v—26^v *μέθοδος καθολική ἐπὶ τῶν πολυγώνων*

fol. 27^r—42^r *Ἡρώνης εἰσαγωγαὶ ἐτ περὶ εὐθυσμετρικῶν*

fol. 42^r—53^v *μέτρησις τετραστούου ἦτοι τετρακαμάρου ἐπὶ τετραγώνου βάσεως*

fol. 54^r—54^v *μέτρησις ὄντος σίτου ἐξ ἀποθέσεως*

fol. 55^r—61^r *μέτρησις πυραμίδων*

- fol. 61^r—62^v *Εὐκλείδου εὐθυμετρικά*
 fol. 63^r—63^v *Ἡρώνομος* (in ras. m. 2) *γεωμετρικά*
 fol. 64^r—66^r *Διδύμου Ἀλεξανδρέως περὶ παντοίων ξύλων*
τῆς μετροῦσεως
 fol. 66^v vacuum relictum est
 fol. 67^r—110^v *Ἡρώνομος μετρικά.*

Hac ex tabula facile patet, quibus causis permotus librarius in octavo et quarto decimo quaternione alia atque in ceteris ratione sibi utendum esse putaverit. Etenim cum posteriorem codicis partem tripertito Heronis operi destinatam a novo quaternione (fol. 67 sq.) initium sumere vellet, antecedentis fasciculi, qui foliis 59, 60, 61, 62, 64, 65, 66, b constabat, folium ultimum deficiente materia vacuum relictum exsecuit ac postea, ne quid ad pristinam integritatem deesse videretur, unum folium vel potius dimidium binionem (fol. 63 a fol. a solutum) inseruit, in quo sua ipsius manu, sed atramento paulo diverso tabulam metrologicam *γεωμετρικά* inscriptam exaravit. Idem in describendis dimetiendi rationibus occupatus, cum numero versuum computato provideret fore, ut quattuor quarti decimi quaternionis membranae superfluerent, prudenti sane consilio, ut bibliopegae commoditati prospiceret, non quattuor extrema folia exsecuit, sed tertium quartumque (c, d) et septimum octavumque (e, f).

Scriptus est liber Constantinopolitanus a librario indocto (man. 1), qui quoniam quae ex exemplaribus describebat, fere non intellegebat, in multos errores se induit, sed a fraude ac fallaciis alienus fuit. Cui quod ad manum erat operis Heroniani exemplum, id et uncialibus litteris scriptum et multis locis detritum perrosunumque fuisse ex magno numero mendorum palaeographica ratione tollendorum atque ex frequentia lacunarum interstitiis ab ipso librario commonstratarum colligitur. Indidem scholia aliquot antiqua transscripta esse videntur, quae ab ipso librario, sed scripturae genere compendioso marginibus codicis adpicta sunt.

Saeculo XV ineunte liber Constantinopolitanus a duobus hominibus doctis, quorum alter (m. 2) grandiore ac negligentiore, alter (m. 3) minore et diligentiore utebatur genere scribendi, ita pertractatus est, ut et scholia multa adscriberentur et levia quaedam emendandi conamina fierent in lacunis explendis et erroribus apertissimis tollendis; quod ut in multis recte factum est, ita multi non minus aperti errores relictis sunt, quaedam autem ex eo genere inveniuntur, quo mancis falsa integritatis species inducitur. In his cum multa sint, quae nisi e coniectura eaque fallaci ducta esse nequeant, nec quidquam, quod coniectura repertum esse nequeat, emendatoribus illis alios operis Heroniani codices ad manum fuisse nego. Ceterum scholiorum illorum, quae posthac a me edentur, nonnulla atramento evanido tantopere obscurata sunt, ut ego ne contentissima quidem oculorum acie legere potuerim: at potuit Ioannes Ludovicus Heiberg. Idem vir illustris etiam in aliis huius codicis partibus praesentem operam mihi denegare noluit, quo eius beneficio me maxime obstrictum esse sentio.

Si verum est — quod est profecto — Pneumatica, Automatopoetica, Belopoetica, Dioptrica Heroni Alexandrino tuto posse attribui, rationum dimetiendi libri tantam certe prae se ferunt in dicendi, disputandi, prooemiandi genere cum illis similitudinem, ut nisi ab eodem homine compositi esse nequeant. De his, quamdiu properditis habebantur, tanta hominum doctissimorum disensione certatum est, quantam, dum auctorum testificatio certo iudicio capiendi non suppetit, in quaestione perobscura fuisse consentaneum est.¹⁾ Nunc postea quam opus illud, cuius omnis propemodum praeter titulum memoria aboleverat, ex diuturna oblivione emersit, controversia facile diiudicatur. Errasse igitur eos apparet, qui quot-

1) Cf. Eutocius in Archimedis dimens. circuli t. III p. 270 Heiberg.

quot in codicibus recentioribus Heroni attribuuntur commentationes mathematicae ac mechanicae, eas omnes ex amplissima illa — ut putabant — scriptione tamquam ex fonte derivatas ac posterioribus temporibus semper aliquid demendo, interpolando, immutando depravatas esse existimabant. Verum enim vero cum cuncta illa scripta et rerum ordine ac delectu et genere dicendi dissociantur a libris nuper repertis, tum Heronis geometria quae dicitur capitibus aliquot e dimetiendi rationibus desumptis ampliata invenitur: quae qui interpolavit, cum in alio Heronis libro sese ea repperisse testetur (p. 131 et 134 Hultsch), fieri non potest, ut ipsam geometriam e libris rationum dimetiendi excerptam esse putemus: quod ne faciamus, dissuadet etiam singulorum utriusque operis capitum comparatio. Quodsi fere omnes illi libelli a Fr. Hultsch editi non uno nomine dissident a genuina illa, quam recuperavimus, Heronis scriptione mathematica, videndum erit, quo iure huic etiamnunc attribuantur.

II

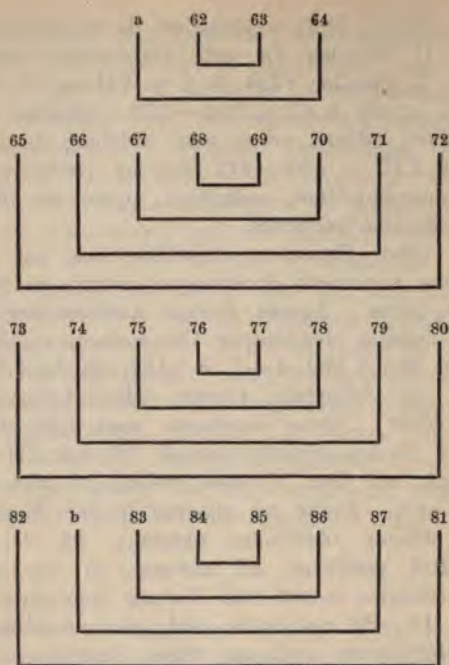
Commentationis dioptricae codices mihi innotuerunt quinque, Parisiaci tres, Vindobonensis, Argentoratensis. Eorum longe antiquissimus est *codex Parisiacus inter supplementa Graeca n° 607* a Minoide Myna Macedone incertum quo loco repertus in Galliamque advectus, nunc insigne bibliothecae nationalis decus. Celebri hoc libro, quem norunt qui vel militaribus Graecorum scriptoribus vel Aristodemo historico operam dederunt, nec Venturius uti potuit, cum Heronis Dioptrica Italice verteret¹⁾, nec Vincentius, cum ipsum libellum in publicum primus proferret.²⁾ Quae insunt, breviter indicavit H. Omont In-

1) Commentarij sopra la storia e le teorie dell'ottica del Cavaliere Giambattista Venturi; tomo primo (Bologna 1814) p. 77—147.

2) Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque Impériale t. XIX, 2^e partie (Paris 1858) p. 157—337.

ventarii t. III p. 282; explicatius de eo dixerunt cum alii tum C. Wescher in arte Graecorum poliorcetica p. XV sq., C. Mueller FHG V, 1 p. VII sq., R. Prinz in Fleckeiseni annali t. CI p. 193—210. Quorum disputationibus quae addere posse mihi videbar, ea in Musei Rhenani t. LIII p. 432—447 exposui; nunc in earum rerum commemoratione consistam, quae ad institutam hanc quaestionem pertinent.

Codex igitur Parisiacus miscellus liber est ex variorum diversi argumenti diversaeque originis codicum partibus compositus. Agmen ducunt quaterniones privi e Nicetae Choniatae Joannisque Chrysostomi codicibus nescio quibus evulsi (fol. 1—7, 8—15), claudunt quiniones complures ex decurtato aliquo codice Lysiaco relictii (fol. 104—129). Quae interiecta sunt folia 16—103, ea, cum a duobus diversis saeculi XI aut XII librariis scripta sint, ad duos diversos codices et ipsa videntur referenda esse. Atque ad alterum quidem librum, qui variarum urbium obsidiones exhibuit, fol. 16—17 et fol. 88—103 pertinent; ad alterum, in quo cum alia scripta mechanica insunt tum Heronis commentatio dioptrica, fol. 18—88 revocanda sunt: utraque olim in speciem quaternionum ordinata fuisse invictis argumentis demonstravit Prinzius, nisi quod de eis se dubitare significavit membranis, quae Dioptricorum initium exhibent. Nollem fecisset vir prudentissimus ac paene supra modum cautus; nam aut egregie fallor aut harum eadem ratio est atque ceterarum. Nempe incipit illa Heronis scriptio a fol. 62^r, continuatur usque ad fol. 80^v, finitur fol. 82^r. Inter folia 61 et 62 excisi alicuius folii reliquiae cernuntur, quod cum fol. 64 nunc solitario olim cohaesit. Porro non solum fol. 81 et 82 hodieque cohaerentia locum inter se permutare oportet, verum etiam propter argumenti continuationem interseri eis folia 83—87, quae tria olim effecisse paria folii cuiusdam particula initio residua evidenter ostendit. Itaque haec fuit primigenia illarum membranarum compaginatio:



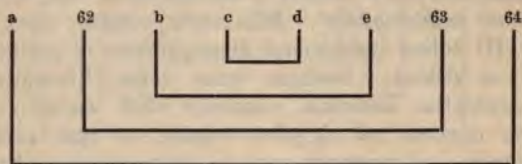
Iam altius quaestio repetenda est. In commentatione dioptrica locus est p. 196, 2, quem ampla lacuna deformatum esse Venturius (l. l. p. 85) argumentis ex ipso Heronis opusculo desumptis ita demonstravit, ut artius adstringi ratio nequirit. Cuius sagacissimae et verissimae disputationi quae opposita sunt a Vincentio, ea partim verbis Graecis parum recte explicatis aut licenter mutatis, partim rationibus perperam conclusis continentur. Principio Vincentius, quamquam *τύπανον* et *τυμπάνιον* voces, utpote quae diversas instrumenti dioptrici partes significarent, distinguendas neque inter se permutandas esse recte pronuntiavit (l. l. p. 184, 22), tamen in cap. VIII cum in omnibus codicibus scriptum sit: *ἐπεστράφθω* ὁ

χανών ὁ ἐπὶ τῷ τυμπάνῳ, ipse ἐπὶ τῷ τυμπανίῳ scripsit atque hoc loco, si dis placet, emendato ad acutissimam utilissimamque Venturii observationem redarguendam abusus est. Deinde quod negat Venturium perspexisse nonnullas instrumenti illius partes mobiles fuisse, nec verum est — nam potuisse nonnullas partes mobiles fuisse disertis ille verbis significavit — et si maxime verum esset, in hac quaestione diiudicanda momentum non faceret. Tum „il ne manque ici“, inquit, „que la mention des pièces mobiles, et Héron a bien pu, a dû même reporter toutes ces descriptions de détail aux passages où elles pouvaient être placées fructueusement; car ici elles eussent été inintelligibles“. Mihi secus videtur; nam Hero in cap. III totius instrumenti descriptionem et potuit proponere et debuit. Denique quae verba Vincentius in unius sententiae ambitum commodè coire statuit: οὗ τὰ σημάτια ἀρροστὰ τῷ εἰρημένῳ τόρῳ, ea ipse explicare non potuit, sed mutanda esse in interpretatione Franco-gallica significavit¹⁾: quod apparet quantum de opinionis ab eo defensae probabilitate detrahat.

Tantum igitur abest, ut Venturii ratiocinatio argumentis a Vincentio adlatis refutata sit, ut lacunam rectissime ab illo animadversam esse pateat. Quae quomodo orta sit, nunc, postea quam archetypi codicis interposita est auctoritas, nemo erit quin perspiciat. Nam ille de quo agitur locus in vetusto libro Parisiaco sic scriptus invenitur, ut quae praecedunt proxime hiatum verba: οὗ τὰ ση[, ea in imo folio 62^v posita sint, quae subsequuntur hiatum verba:]ἀρροστὰ τῷ εἰρημένῳ τόρῳ, ea initio fol. 63^r legantur. Itaque nil magis manifestum est quam grandem illam lacunam aliquot ipsius libri Parisiaci membranarum amissione natam esse. Quot vero folia interciderint, Prinzius definiri posse negavit. Nescio an aliis, mihi quidem certe deperditorum foliorum numerus

1) Sic enim vertit: „dont les supports sont fixés sur le chapiteau du tube“ eisque adscripsit: „Le grec dit: fixés à l'axe“

videtur calculis subductis ita definiri posse, vix ut ad-dubitare liceat. Nam cum et ceterae huius codicis partes quaternionibus absolvantur et ipsius commentationis diop-tricae longe maxima pars in quaternionibus exarata sit, etiam primam eius partem in integro olim quaternione scriptam fuisse si minus certum, at veri est simillimum. Iam cum neque inter folia 63 et 64 neque inter folia 64 et 65 quicquam deesse disputationis continuatione satis demonstretur, consentaneum est, ut inter folia 62 et 63 duo membranarum paria intercidisae statuamus. Quo fit, ut fasciculi illius forma restituatur haecce:



Ex hoc decurtato codice Parisiaco sive ipso sive apographis cetera opusculi Heroniani exempla quotquot adhuc innotuerunt omnia esse derivata indicio est perinde ab omnibus relata lacuna illa, quam quattuor illius libri schedarum iactura natam esse demonstravi.¹⁾ Qui quibus successionis corruptionisque quasi gradibus sese excipiant, explorare vix attinet; neque enim ullam oportet esse horum auctoritatem, cum aditus ad communem eorum fontem hodieque pateat. Sunt autem hi:

1) Nam quod p. 196, 2 in cod. Paris. n° 607 *στη* scriptum est, in ceteris *στηνάρια*, potuit profecto hoc unum vocabulum a quovis librario coniectura e consimili loco p. 194, 25 ducta restitui. Et vero factum est ita. Nam si aliud huius commen-tationis exemplum idque integrius librario illi ad manum fuisset, profecto totam illam quae nunc desideratur disputationis partem ex eo transtulisset. Atqui non transtulit; ergo ne tres quidem syllabas istas ex alio libro sumpsit, sed de suo addidit. Mitto alia indicia; hoc addo recentiores codices a Parisiaco n. 607 ita discrepare, ut dissimilitudo orta esse possit ex describentium erroribus atque aliquo etiam emendandi conatu.

Codex Vindobonensis Ms. philosophicus Graecus olim n° 110, nunc n° CXL saec. XVI exaratus, foliorum scriptorum 96. Fol. 1^r in mg. sup. leguntur haec: „Ex libris Sebastiani Tengnagel J. U. D. et Caes. Bibliothecae Praefecti A° 1619.“ De hoc libro dixit G. Schmidt in supplemento primi Heronis operum voluminis p. 23 et 88. Heronis de dioptra opusculum in foliis 31—59 scriptum est. In imo fol. 32^r leguntur haec: οὗ τὰ σημεῖα; fol. 32^v et octo quae sequuntur folia nec scripta nec numeris insignita sunt; fol. 33^r ab his verbis incipit: ἀποστὰ τῷ εἰρημένῳ τόμῳ. Manifestum igitur est librarium codicis Vindobonensis, cum perspexisset in vetusto exemplo Parisiaco mediam disputationem hiatu interruptam esse, tot folia, quot deperditae commentationis parti necessaria esse existimabat, vacua reliquisse; consequens autem est, ut Venturium fallaci specie in errorem inductum esse statuamus, quod hunc codicem magis etiam quam ceteros decurtatos esse existimavit (*Commentary* p. 79): de qua re prudenter iudicavit Vincentius l. I. p. 427—430.

E codice Vindobonensi Heronis libellus in eos codices transcriptus esse videtur, quibus Vincentius in editione sua adornanda usus est. Atque alter eorum, *Argentoratensis bibliothecae seminarii protestantici n° C III 6*, quamquam anno 1871 incendio absumptus est, tamen quo loco habendus sit, existimari hodieque potest; nam exstat apographum a Fr. Hase confectum¹⁾, quod pater meus benigne mihi commodavit. Eiusdem farinae codex est *Parisiacus n° 2430*, saeculo XVI scriptus, de quo vid. H. Omont *Inventarii* t. II p. 260 et G. Schmidt l. I. p. 29. Horum igitur uterque e codice Vindobonensi deductus est; tantum enim abest, ut hic liber minus integer quam illi sit, ut haud pauca verba exhibeat ab illis praetermissa. Cuius

1) cf. Fr. Hase de *militarium scriptorum Graecorum et Latinorum omnium editione instituenda narratio* (Berolini 1847) p. 10 et G. Schmidt l. I. p. 26.

Heronis op. vol. III ed. Schoene.

generis haec sunt exempla potiora: p. 174, 5 Vi. εἰς εὐχέρειαν μεταγαγεῖν, τὰ δὲ ψευδῶς εἰρημένα | p. 184, 3 ἔλασσον | p. 198, 19 εἶτα διόπτρα μὲν ἔστω ἡ *A*, εὐθεῖα δὲ ἡ *B, Γ*, καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις β, ἀναβάσεως δὲ πῆχυν εἰς | p. 198, 25 στίχοις | p. 200, 4 παραλλήλω | p. 208, 17 οὕτως ἡ *ΓΒ* πρὸς *ΒΑ*. ἐχέτω δὲ τὸν τῆς *ΓΕ* πρὸς *ΑΔ* | p. 238, 5 ἡνίκα (sic) ἂν βουλόμεθα καὶ κατὰ κάθετον ὁρύσσοντες | p. 246, 8 καὶ ἐν αὐτῷ δύο εὐθεῖαι ἔστωσαν αἱ *ΚΑ, ΜΝ* | p. 254, 9 ἔστω sq. usque ad βούλωμαι | p. 262, 6 μήτε συστήλεσθαι | p. 276, 5 μετρεῖν | p. 300, 26 ἐκάστη usque ad καί.

Qui superest, *codex Parisiacus inter supplementa Graeca n° 816* (cf. H. Omont *Inventarii t. III* p. 313), is apographum est libri Parisiaci n° 2430 in usum Vincentii saeculo XIX factum.

In hac subsidiorum criticorum penuria adiumentum non prorsus spernendum quo Heronis opusculum emendetur praebet ignoti nobis scriptoris Byzantini de geodesia libellus a Vincentio editus.¹⁾ Is Heroni Byzantio contra archetypi codicis fidem perperam attribuitur; nam in codice Vaticano Graeco n° 1605 (membr. saec. XI), quem unicum huic libello recensendo praesidium esse K. K. Mueller (*Mus. Rhen. t. XXXVIII* [1883] p. 454—463) docuit, sine titulo traditur. Quem qui conscripsit, ut omnem propemodum disputationis suae materiam a vetustioribus scriptoribus corrogasse videtur, ita Heronis de dioptra librum se adhibuisse disertis ipse verbis professus est (p. 388). Cuius cum codice usus sit hic illic meliore quam qui nobis praesto est Parisiacus vetustus, ad menda quaedam tollenda, maxime in cap. XXXI, utilitatem adfert. Sed quae olim inter primum et alterum geodesiae caput posita fuisse videtur instrumenti dioptrici descriptio, ea quaternionibus aliquot archetypi illius codicis amissis perit; quae si exstaret, ad lacunam illam opusculi Heroniani

1) Notices et extraits t. XIX, 2^e partie (Paris 1858) p. 348 sq.

explendam nonnihil inde redundaret; nam quoniam prooemium commentationis dioptricae ab anonymo illo scriptore in praefatione (cap. I) conscribillaanda adhibitum est, ex eodem armamentario eum etiam ea sumpsisse credibile est, quae de ipsius dioptrae structura non potuit non proponere. Quae cum ita sint, abiecta spe hiatus illius ex codicibus integrioribus explendi dioptrae Heronianae formam eorum indiciorum ope restituere oportet, quae per posteriorem commentationis partem sparsa inveniuntur.

Quoniam quibus praesidiis commentationis dioptricae recensio munita sit exposui, dicendum est de interpolationibus.

Ac primum Fr. Hultsch¹⁾ gravissimum illud theorema, quo areae triangularis mensura ex tribus lateribus efficitur (c. XXX), medio Heronis libello ab interpolatore quodam insertum esse autumavit. Quod si verum esset, caput illud perquam memorabile posset videri ex primo libro rationum dimetiendi desumptum esse; in hoc enim opere demonstratio illa paene eisdem verbis proponitur (p. 20, 6 sq.). At invictum praesto est argumentum quo Hultschii opinio refellatur. Ipse enim Hero in cap. XXVII: *δυνατόν δὲ, inquit, μετρήσαι τὸ ΗΚΑ τρίγωνον, ἐπειδήπερ ἔχω τὰς πλευρὰς αὐτοῦ· τοῦτο γὰρ ἐξῆς δέξομεν*. His verbis in capite XXVII positis quoniam quasi digitum intendit in caput XXX, aut neutrum horum capitum aut utrumque ab eo scriptum esse liquido apparet. Confirmatur haec ratiocinatio duobus exemplis plane consimilibus. Nam quae in cap. XXIV scripta sunt: *δεήσει ἐπίστασθαι ἀπὸ τοῦ δοθέντος τραπεζίου ὥς δεῖ ἀφελεῖν τραπεζίον ἴσον τῷ δοθέντι· τοῦτο δὲ ἐξῆς δέξομεν*, his ad cap. XXVIII relegamur; item quae in cap. XXVI leguntur: *ὥς δεῖ δὲ ἀφελεῖν τρίγωνον ἢ προσθεῖναι, ἐξῆς δέξομεν*, iis ea spectantur, quae in cap. XXIX demonstrantur. Qui haec expenderit, facile opinor intelleget capita XXVIII, XXIX, XXX non modo non aliena esse

1) Heronis Alexandrini reliqu. praef. p. XVII.

a commentationis dioptricae consilio, verum etiam necessaria eius esse supplementa, quippe quibus difficiles aliquot demonstrationes mathematicae, quarum in superioribus capitibus mentio facta sit, contineantur.

Ut haec iniuria, ita ea, quae in capite XXXVII exponuntur, merito interpolationis suspicionem moverunt; nam toto genere aliena sunt a quaestionibus dioptriciis eisque ne minima quidem societate coniunguntur. Sed quod Hermannus Diels¹⁾ fragmentum illud, quod etiam initio Mechanicorum Heronis legitur²⁾, in vetusto aliquo corpore commentationum Heronianarum medium inter Dioptrica et Mechanica locum obtinuisse ob eamque rem posterioribus temporibus tum una cum commentatione dioptrica, tum una cum Mechanicis per libros manu scriptos propagatum esse suspicatus est, vereor ne haec opinatio in lubrico versetur. Etenim in vetusto codice Parisiaco (suppl. Gr. n° 607) caput illud XXXVII non extremo Heronis libro adiunctum reperitur, sed continuatur eo capite, quod nunc est XXXV, in Vincentii autem editione editoris iudicio arbitrioque factum est, ut caput illud eo loco, quem in codicibus tenet, moveretur: quae res subobscurae quidem, sed indicata tamen est p. 319. Itaque coniectura illa sane speciosa mihi reprobanda esse videtur; neque enim, quantum ego existimare possum, certum praesto est argumentum, quo evincatur caput XXXVII ab interpolatore extremae Heronis commentationi adscriptum fuisse ac postea demum sive membranarum traiectione sive alia de causa sedem mutasse.

Figurarum geometricarum — ut hoc addam — alia est in priore atque in altero Heronis scripto ratio. Nam cum rationum dimetiendi libros in codice Constantino-politano figuris diligenter pictis distinctos viderem, has ipsas delineandas curavi; dioptricae autem commentationis

1) *Deutsche Literaturzeitung* 1895, 44.

2) Carra de Vaux, *Les Mécaniques d'Héron d'Alexandrie* p. 39 sq.; cf. Nix II, 1 p. XXIII et 2.

figuras partim a Vincentio mutuatus sum, partim refinxi, quoniam eae, quae in libro Parisiaco sunt, non omnes idoneae videbantur.

Heronis similiumque Heronis scriptorum emendatio facilis est eademque difficilis: facilis, quia illi in angusto verborum et sententiarum gyro quasi circumaguntur; difficilis, quia in eis rebus explicandis versantur, quae a litteratorum studiis plerorumque alienae sunt. Itaque ego, ut homo grammaticus mathematices parum peritus, multo minus me, quam par erat, assecutum esse scio speroque fore, ut alii inchoatum opus perficiant. Quodsi qua sunt in hoc volumine, quae litteris conducere videantur, ea non tam mihi accepta referri cupio quam patri meo optimo, qui et repertos a se in codice Constantinopolitano rationum dimetiendi libros edendos mihi tradidit et commentationem dioptricam cum libro Parisiaco accuratissime collatam mihi commodavit. Praeterea Maximilianus Nath, vir doctissimus, dum plagulas mea causa semel iterumque perlegit, acutissimis observationibus et emendationibus egregie de hac editione meruit. Statio haec, non portus est; ad portum nisi coniuncta multorum opera non pervenietur. Itaque si philologorum et mathematicorum studia ad hos libros legendos, emendandos, illustrandos excitavero, amplissimum laboris praemium consecutus esse mihi videbor.



**ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ
ΜΕΤΡΙΚΩΝ**

Α Β Γ

ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Α

ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

^{polit.}
^{L. 67^c} Ἡ πρώτη γεωμετρία, ὡς ὁ παλαιὸς ἡμᾶς διδάσκει
 λόγος, περὶ τὰς ἐν τῇ γῇ μετρήσεις καὶ διανομὰς
 κατησχολεῖτο, ὅθεν καὶ γεωμετρία ἐκλήθη· χρειώδους 5
 δὲ τοῦ πράγματος τοῖς ἀνθρώποις ὑπάρχοντος ἐπὶ
 πλέον προήχθη τὸ γένος, ὥστε καὶ ἐπὶ τὰ στερεὰ
 σώματα χωρῆσαι τὴν διοίκησιν τῶν τε μετρήσεων καὶ
 διανομῶν· καὶ ἐπειδὴ οὐκ ἐξήρκει τὰ πρῶτα ἐπινοη-
 θέντα θεωρήματα, προσεδέηθησαν ἔτι περισσοτέρας 10
 ἐπισκέψεως, ὥστε καὶ μέχρι νῦν τινὰ αὐτῶν ἀπορεῖσθαι,
 καίτοι Ἀρχιμήδους τε καὶ Εὐδόξου γενναίως ἐπιβε-
 βληκότων τῇ πραγματείᾳ. ἀμύχανον γὰρ ἦν πρὸ τῆς
 Εὐδόξου ἐπινοίας ἀπόδειξιν ποιήσασθαι, δι' ἧς ὁ κύλιν-
 δρος τοῦ κώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ 15
 καὶ ὕψος ἴσον τριπλάσιός ἐστι, καὶ ὅτι οἱ κύκλοι πρὸς
 ἀλλήλους εἰσὶν ὡς ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετραγώνων πρὸς
 ἄλληλα. καὶ πρὸς[ς] τῆς Ἀρχιμήδους συνέσεως ἄπιστον
 ἦν ἐπινοῆσαι, διότι ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια τετρα-
 πλασία ἐστὶ τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν αὐτῇ (π. σφ. 20

1 tituli litterae minio scriptae, dein inauratae 3—9 am-
 plicata leguntur in Heronis pers. Geometria 106 p. 138, 31 sq.
 Hu. 3 cf. Herodotus II 109 10 προσεδέηθησαν: sc. αὐτῶν μετρή-
 σεis 14 δι' ἧς: διότι Heiberg 14—15 cf. Archimedes π.

VERMESSUNGSLEHRE VON HERON VON ALEXANDRIA.

ERSTES BUCH.

FLÄCHENVERMESSUNG.

In ihren Anfängen beschäftigte sich die Geometrie, ^{Vorred} wie die alte Erzählung uns lehrt, mit den Landvermessungen und Landteilungen, wovon sie auch Geometrie (Landmessung) genannt ward. Da dies Geschäft für die Menschen nützlich war, so wurde sein Gattungsbegriff erweitert, sodafs die Handhabung der Messungen und Teilungen auch zu den festen Körpern fortschritt, und da die zuerst gefundenen Sätze nicht ausreichten, so bedurften jene Operationen noch weiterer Forschung, sodafs sogar bis zum gegenwärtigen Moment manches davon noch ungelöst ist, obwohl Archimedes und Eudoxus den Gegenstand vortrefflich behandelt haben. Denn vor des Eudoxus Entdeckung war es unmöglich, den Nachweis zu liefern, dafs der Cylinder dreimal so gross ist, als der Kegel, der mit ihm dieselbe Basis und die gleiche Höhe hat (Elem. XII 10), sowie dafür, dafs die Kreise sich zu einander verhalten wie die Quadrate ihrer Durchmesser zu einander (Elem. XII 2). Und vor Archimedes' scharfsinniger Entdeckung war es nicht wahrscheinlich, dafs man auf den Gedanken kam, dafs

ῥαίλας καὶ κολύτρον I 1 vol. I p. 4, 14 Heib.
ὅς <τὰ> ἀπὸ Heiberg 18 πρὸς: corr. man. 2

17 ὡς ἀπὸ:

καὶ κυλ. I, 33 vol. I p. 136 Heib.) καὶ ὅτι τὸ στερεὸν αὐτῆς δύο τριτημόριά ἐστι τοῦ περιλαμβάνοντος αὐτήν κυλίνδρου (ibid. I, 34 corollarium vol. I p. 146 Heib.) καὶ ὅσα τούτων ἀδελφὰ τυγχάνει. ἀναγκαίως οὖν ὑπαρχούσης τῆς εἰρημένης πραγματείας καλῶς ἔχειν ἡγησάμεθα συναγαγεῖν, ὅσα τοῖς πρὸ ἡμῶν εὐχρηστα ἀναγέγραπται καὶ ὅσα ἡμεῖς προ(σ)εθεωρήσαμεν. ἀρξώμεθα δὲ ἀπὸ τῶν ἐπιπέδων μετρήσεων, συμπαραλαμβάνοντες τοῖς ἐπιπέδοις καὶ τὰς ἄλλας ἐπιφανείας κοίλας ἢ κυρτάς, ἐπειδήπερ πᾶσα ἐπιφάνεια ἐκ δύο <δια>στάσεων ἐπινοεῖται. αἱ δὲ συγκρίσεις τῶν εἰρημένων ἐπιφανειῶν γίνονται πρὸς τι χωρίον εὐθύγραμμόν τε καὶ ὀρθογώνιον, εὐθύγραμμον μὲν, ἐπεὶ ἡ εὐθεῖα ἀμετάπτωτός | ἐστὶ παρὰ τὰς ἄλλας γραμμάς· πᾶσα γὰρ εὐθεῖα ἐπὶ πᾶσαν εὐθεῖαν ἐφαρμόζει, αἱ δὲ ἄλλαι κοῖλαι ἢ κυρταὶ οὐ πᾶσαι ἐπὶ πάσας. <...> διὸ πρὸς ἐστηκός τι, λέγω δὲ τὴν εὐθεῖαν, ἐτι δὲ καὶ πρὸς τὴν ὀρθὴν γωνίαν τὴν σύγκρισιν ἐποιήσαντο· πάλιν γὰρ πᾶσα ὀρθὴ ἐπὶ πᾶσαν ὀρθὴν ἐφαρμόζει, αἱ δ' ἄλλαι οὐ πᾶσαι ἐπὶ πάσας. καλεῖται δὲ πῆχυς μὲν ἐμβαδός, ὅταν χωρίον τετράγωνον ἐκάστην πλευρὰν ἔχῃ πῆχεος ἑνός· ὁμοίως δὲ καὶ ἐμβαδός ποὺς καλεῖται, ὅταν χωρίον τετράγωνον ἔχῃ ἐκάστην πλευρὰν ποδὸς ἑνός. ὥστε αἱ εἰρημέναι ἐπιφάνειαι τὰς συγκρίσεις λαμβάνουσι πρὸς τὰ εἰρημένα χωρία ἢ τὰ τούτων μέρη. πάλιν δ' αὖ τὰ στερεὰ σώματα τὰς συγκρίσεις λαμβάνει πρὸς χωρίον στερεὸν εὐθύγραμμόν τε καὶ ὀρθογώνιον, πάντη ἰσόπλευρον· τοῦτο δὲ ἐστὶ κύβος ἔχων ἐκάστην πλευρὰν ἥτοι πῆχεος ἑνός ἢ ποδὸς ἑνός· ἢ

fol. 67^v

7 προεθεωρήσαμεν: correxi 8 <τῶν> τῶν Heiberg
10—11 ἐκ δύο στάσεων: corr. man. 3 16 post πάσας spatium 16

die Oberfläche der Kugel viermal so groß ist als der Flächeninhalt eines ihrer größten Kreise, und daß ihr Kubikinhalte zwei Drittel des sie umschließenden Cylinders ist, und was es sonst noch an verwandten Sätzen giebt.
 5 Da nun das bezeichnete Studium unentbehrlich ist, so hielten wir für angemessen, alles zusammenzustellen, was unsere Vorgänger Brauchbares darüber aufgezeichnet und was wir selbst dazu gefunden haben.

Beginnen wollen wir mit den Messungen von ebenen
 10 Flächen, indem wir zu den ebenen Flächen auch die übrigen, convexen oder concaven, Oberflächen dazunehmen, da der Begriff jeder Oberfläche nur zweier Dimensionen bedarf. Verglichen werden die genannten Oberflächen mit einem geradlinigen rechtwinkligen Flächenstück, einem
 15 geradlinigen, weil die Gerade im Unterschied von den übrigen Linien beim Umschlagen unveränderlich ist (denn jede Gerade paßt auf jede andere Gerade; die übrigen, convexen oder concaven, Linien dagegen nicht sämtlich auf sämtliche anderen). Deshalb verglich man mit etwas Fest-
 20 stehendem, nämlich der Geraden, weiter aber auch mit dem rechten Winkel. Denn wiederum paßt jeder rechte Winkel auf jeden anderen rechten Winkel, die anderen dagegen nicht sämtlich auf alle übrigen ihrer Gattung. Man spricht aber von einer Quadratelle, wenn ein quadratisches Flächenstück Seiten von der Länge einer Elle hat;
 25 in ähnlicher Weise spricht man von einem Quadratfuß, wenn ein quadratisches Flächenstück Seiten von der Länge eines Fußes hat. Die genannten Oberflächen werden daher mit diesen Flächenstücken oder Teilen derselben verglichen.
 30 Die festen Körper wiederum werden verglichen mit einem festen Körper, der geradkantig und rechtwinklig und überall gleichkantig ist — dies ist aber ein Würfel, an dem jede Kante 1 Elle oder 1 Fuß beträgt — oder wieder

πάλιν πρὸς τὰ τούτων μέρη. δι' ἣν μὲν οὖν αἰτίαν πρὸς τὰ εἰρημένα χωρία ἡ σύγκρισις γίνεται, εἴρηται, ἑξῆς δὲ ἀρξώμεθα τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις μετρήσεων. ἵνα οὖν μὴ καθ' ἑκάστην μέτρησιν πόδας ἢ πήχεις ἢ τὰ τούτων μέρη ὀνομάζωμεν, ἐπὶ μονάδων τοὺς ἀριθμοὺς ἐκθησώμεθα· ἕξδον γὰρ αὐτὰς πρὸς ὃ βούλεται τις μέτρον ὑποτίθεσθαι.

α. Ἐστω χωρίον ἑτερομήκης <τὸ $AB\Gamma\Delta$ ἔχον> τὴν μὲν AB μονάδων ε, τὴν δὲ $A\Gamma$ μονάδων γ. εὐρεῖν αὐτοῦ <τὸ ἐμβαδόν>. ἐπεὶ πᾶν παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον <περιέχουσθαι λέ>γεται ὑπὸ δύο τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιέχουσῶν εὐθειῶν> καὶ ἔστι τὸ ὑπὸ τῶν BA $A\Gamma$ περιεχόμενον <τοιούτο, τὸ> ἐμβαδὸν τοῦ ἑτερομήκους ἔσται μονάδων ιε. <ἐὰν γὰρ ἑκατέρα πλευρὰ> διαιρεθῇ ἢ μὲν AB εἰς τὰς μονάδας ε, ἢ δὲ $A\Gamma$ ὁμοίως <εἰς τὰς γ μονάδας καὶ δι>ὰ τῶν τομῶν παράλληλοι ἀχθῶσιν ταῖς τοῦ παραλληλογράμμου πλευραῖς, ἔσται τὸ χωρίον διηρημένον εἰς χωρία ιε, ὧν ἕκαστον ἔσται μονάδος α. κἂν τετράγωνον δὲ ἦ τὸ χωρίον, ὃ αὐτὸς ἀρμόσει λόγος.

β. Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ $AB\Gamma$ ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ B γωνίαν. καὶ ἔστω ἡ μὲν AB μονάδων γ, ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων δ. εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου καὶ <τὴν ὑποτείνουσιν. προσανα>πεπληρώσθω τὸ $AB\Gamma\Delta$ <παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, οὗ> τὸ

6 ἐκθησώμεθα: corr. Heiberg 8 spatium 8 litterarum; supplemento a man. 2 adscripto ἔχον addidi 10 αὐτὴν: correxi spatium 8 litterarum; supplevi 11 spatium 12 litterarum; supplevi coll. Eucl. Elem. II def. 1. 12 spatium 13 litterarum; supplevi. <εχουσῶν πλευρῶν> man. 2 13 spatium 9 litterarum; supplevi. <ὀρθογώνιον τὸ> man. 2 14 spatium 15 litterarum; supplevi. <ἑκατέρα τῶν πλευρῶν> m. 2 15 τὰς ε μονάδας

mit Teilen dieser Würfel. Aus welchem Grunde nun die Vergleichung mit den genannten Raumteilen angestellt wird, ist gesagt, im Folgenden aber wollen wir mit den Oberflächenmessungen beginnen. Damit wir nun nicht⁵ bei jeder Messung Fulse oder Ellen oder Teile davon zu nennen brauchen, so werden wir die Zahlenangaben in Einheiten machen, denn man kann dieselben jeder beliebigen Maßeinheit unterlegen.

I. Es sei $AB\Gamma\Delta$ ein Rechteck, in dem $AB = 5$, $A\Gamma$ ¹⁰ $= 3$; zu finden seinen Inhalt. Da jedes rechtwinklige Parallelogramm bestimmt wird durch zwei einen rechten Winkel einschließende Gerade und die von BA , $A\Gamma$ bestimmte Figur ein solches ist, so wird der Inhalt des

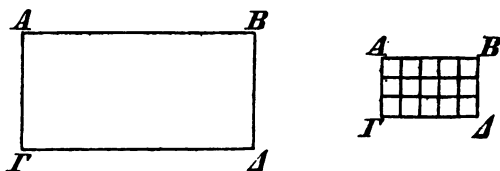


Fig. 1.

Rechtecks $= 15$ sein, denn wenn jede Seite geteilt wird,¹⁵ und zwar AB in seine 5 Einheiten, $A\Gamma$ aber in seine 3 Einheiten und durch die Schnittpunkte Parallelen zu den Seiten des Parallelogramms gezogen werden, so wird die Fläche in 15 Flächenstücke geteilt sein, von denen jedes gleich 1 Flächeneinheit sein wird. Und wenn die²⁰ Fläche ein Quadrat ist, so wird derselbe Beweis passen.

II. Es sei $AB\Gamma$ ein rechtwinkliges Dreieck, in dem der Winkel bei $B = 1R$ und $AB = 3$, $B\Gamma = 4$ sein soll. Zu finden den Inhalt des Dreiecks und seine Hypotenuse. Man ergänze das rechtwinklige Parallelogramm $AB\Gamma\Delta$,

Heiberg 16 spatium 15 litterarum; supplevi. <εἰς τὰς τρεῖς καὶ δι> man. 2 24 spatium incertum; supplevi. <τ. δ.π. συμ>
man. 2 25 spatium 22 litterarum; supplevi. <ἐπεὶ γὰρ τοῦ
 $AB\Gamma\Delta$ ὁρθογωνίου παραλληλογράμου> man. 2

ἐμβαδὸν, ὥς ἐπάνω <δέδεικται, μονάδων ιβ. τὸ δὲ $AB\Gamma$ \langle τρίγωνον> ἡμισὺ ἐστὶ τοῦ $AB\Gamma A$ <παραλληλογράμμου· ἐστὶ οὖν> τοῦ $AB\langle\Gamma\rangle$ τριγώνου <τὸ ἐμβαδὸν μονάδων 5· καὶ> ἐπεὶ ὀρθή ἐστὶν <ἢ πρὸς τῷ B γωνία, τὰ ἀπὸ τῶν AB $B\Gamma$ > τετράγωνα ἴσα ἐστὶν <τῷ ἀπὸ τῆς AG τετραγώνῳ> καὶ ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν AB $B\Gamma$ <τετράγωνα μονάδων κε· καὶ τὸ ἀπὸ τῆς> AG ἄρα ἐστὶ μονάδων κε· αὐτὴ <ἄρα ἡ AG μονάδων ε· ἡ δὲ μέθοδός ἐστὶν αὕτη> τὰ μὲν γ ἐπὶ τὰ δ ποιήσαντα λαβεῖν <τὸ ἡμισυ τούτων· γίνεταί 5· τοσούτων> τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. καὶ <.....τὰ γ > ἐφ' ἐαυτὰ ποιήσαντα καὶ ὁμοίως τὰ δ ἐφ' ἐαυτὰ <ποιήσαντα συνθεῖναι>· καὶ γίνονται κε· καὶ τούτων πλευρὰν λαβόντα ἔχειν <τοῦ τριγώνου τὴν> ὑποτείνουσαν.

γ. Ἐστω τρίγωνον ἰσοσκελὲς τὸ $AB\Gamma$ ἴσην ἔχον τὴν AB τῇ AG καὶ ἐκατέραν <τῶν> ἴσων μονάδων ι. τὴν δὲ $B\Gamma$ [τῇ AG <καὶ>] ἐκατέραν τῶν ἴσων μονάδων ι
fol. 68^v <τὴν δὲ $B\Gamma$ >] | μονάδων ιβ. εὗρεῖν αὐτοῦ[s] <τὸ ἐμβαδόν>· ἤχθω κάθετος ἐπὶ τὴν $B\Gamma$ ἢ AD . καὶ διὰ μὲν τοῦ A τῇ $B\Gamma$ παράλληλος ἤχθω ἢ EZ , διὰ δὲ τῶν B , Γ τῇ AD παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ BE , ΓZ · διπλάσιον ἄρα ἐστὶν τὸ $B\Gamma EZ$ παραλληλόγραμμον τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου· βάσιν τε γὰρ αὐτῷ ἔχει τὴν αὐτὴν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἰσοσκελὲς

1 spatium 19 litterarum; supplevit man. 2 2 spatium 20 litterarum; supplevit man. 2 3 AB : corr. man. 2 spatium 18 litterarum; supplevit man. 2 4 spatium 17 litterarum; supplevi. <ἢ ὑπὸ $AB\Gamma$ γωνία καὶ ...> man. 2 5 spatium 17 litterarum; supplevi. AG ὑποτείνουσός man. 2 6 ἀπὸ τῶ: corr. man. 2 7 spatium 25 litterarum; supplevi. <τ. μ. ις συναμφοτέρω· καὶ τὸ ἀπὸ> man. 2 8 spatium 17 litterarum; supplevi. <ἄρα ἐστὶ μονάδων ε> man. 2 9 spatium 21 litterarum; supplevi. τὰ μὲν β: correxi 11 spatium 17 litterarum; supplevi post αὐτὰ spatium 9 litterarum; supplevi 13 spatium 20 litterarum; supplevi

dessen Inhalt = 12 ist, wie oben gezeigt; der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ aber ist gleich der Hälfte des Parallelogramms $AB\Gamma A$ (Elem. I 34). Der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$

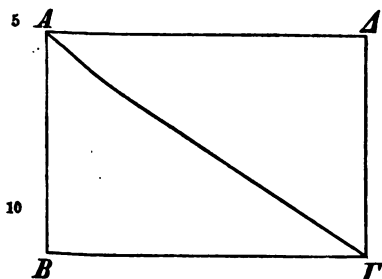


Fig. 2.

wird also = 6 sein.

Und da der Winkel bei $B = 1 R$ ist, so ist

$$AB^2 + B\Gamma^2 = A\Gamma^2.$$

Nun ist aber

$$AB^2 + B\Gamma^2 = 25;$$

also ist auch

$$A\Gamma^2 = 25;$$

folglich

$$A\Gamma = 5.$$

Das Verfahren ist folgendes: $\frac{3 \times 4}{2} = 6$. So viel beträgt der Inhalt des Dreiecks. Und $3^2 + 4^2 = 25$. Nimmt man hiervon die Wurzel, so hat man die Hypotenuse des Dreiecks.

III. Es sei $AB\Gamma$ ein gleichschenkliges Dreieck, in dem $AB = A\Gamma = 10$, $B\Gamma = 12$ sei. Zu finden seinen Inhalt.

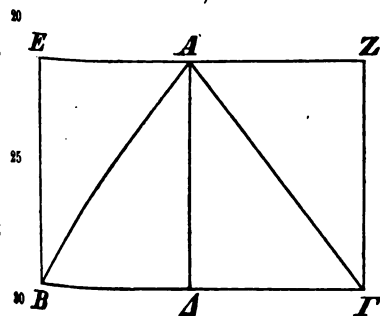


Fig. 3.

Es werde auf $B\Gamma$ die Höhe AA' gefällt und durch A zu $B\Gamma$ eine Parallele EZ , durch B und Γ aber zu AA' die Parallelen $BE, \Gamma Z$ gezogen. Folglich ist das Parallelogramm $BEZ\Gamma$ doppelt so groß als das Dreieck $AB\Gamma$; denn es hat dieselbe Basis wie die-

15 spatium 7 litterarum; supplevi 16 sq. delevi 17 αὐτοῦς:
correxī; lacunam 12 litterarum supplevi 20 <Z> add. man. 2

ἐστὶ καὶ κάθετος ἦται ἡ $ΑΔ$, ἴση ἐστὶν ἡ $ΒΔ$ τῇ $ΔΓ$. καὶ ἐστὶν ἡ $ΒΓ$ μονάδων ιβ· ἡ ἄρα $ΒΔ$ ἐστὶ μονάδων ς. ἡ δὲ $ΑΒ$ μονάδων ι· ἡ ἄρα $ΑΔ$ ἐστὶ μονάδων η, ἐπειδήπερ τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΒ$ ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $ΒΔ ΔΑ$ · <ὥστε καὶ> ἡ $ΒΕ$ ἐστὶ μονάδων η. ἡ δὲ $ΒΓ$ ἐστὶ μονάδων ιβ. τοῦ ἄρα $ΒΓΕΖ$ παραλληλογράμμου τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων ρς· ὥστε τοῦ $ΑΒΓ$ τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων μη. ἡ δὲ μέθοδος ἐστὶν αὕτη· λαβὲ τῶν ιβ τὸ ἥμισυ· γίνονται ς· καὶ τὰ ι ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται ρ. ἄφελε τὰ ς ἐφ' ἑαυτὰ, ἅ ἐστὶ λς· γίνονται λοιπὰ ξδ. <τούτων πλευρὰ γίνεται η> τοσούτου ἐστὶ ἡ $ΑΔ$ κάθετος. <καὶ τὰ ιβ ἐπὶ τὰ η· γίνονται> ρς. τούτων τὸ ἥμισυ. <γίνονται μη· τοσούτων ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου>.

δ. Τῶν δὲ ἀνισοσκελῶν τριγώνων <τὰς γωνίας 15 δεῖ ἐπισκέψασθαι ὅπως τὰς ἀγομένας καθέτους ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς πλευρὰς εἰδῶμεν, ἥτοι ἐντὸς τῶν γωνιῶν πίπτουσιν ἢ ἐκτός· ἐστὼ οὖν δοθὲν τρίγωνον τὸ $ΑΒΓ$ ἔχον ἐκάστην πλευρὰν δοθεῖσων μοιρῶν. καὶ δεῖον ἐστὶν ἐπισκέψασθαι εἰ τύχοι τὴν πρὸς τῷ $Α$ 20 γωνίαν, ἥτοι ὀρθή ἐστὶν ἢ ἀ<μβλεῖ>α ἢ ὀξεῖα· εἰ μὲν οὖν τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ τετράγωνον ἴσον ἐστὶν <τοῖς> fol. 69^r ἀπὸ τῶν $ΒΑ ΑΓ$ τετραγώνοις, δῆλον ὅτι ὀρθή ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ $Α$ γωνία· εἰ δὲ ἔλασσον, ὀξεῖα· εἰ δὲ μείζον, δῆλον ὅτι ἀμβλεῖα ἐστὶν ἢ πρὸς τῷ $Α$ γωνία. ὑπο- 25 κείσθω δὴ τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ τετράγωνον ἔλασσον τῶν

5 spatium 3 litterarum; supplevit Heiberg 13 spatium 17 litterarum; supplevi 14 versus unus et dimidius vacui; supplevi 15 spatium 18 litterarum; supplevi; [ἐπισκε] etiam m. 2. 17 ἰδῶμεν: corr. Heiberg 20 fortasse δεῖον ἐστὼ 21 spatium 5 litterarum; supplevit man. 2. 24 ἐλάσσων et μείζων: correxi 26 δέ: correxi ἀπὸ τῆς: correxi ἐλάσσων: correxi

d liegt zwischen denselben Parallelen (Elem. I 41).
 a das Dreieck gleichschenkelig ist und die Höhe AA'
 ist, so ist $BA' = A'I$. Nun ist $BI = 12$. Also
 $AI = 6$. Es ist aber $AB = 10$; also $AA' = 8$, da
 $BA'^2 + AA'^2$. Und auch $BE = 8$, BI aber $= 12$.
 Inhalt des Parallelogramms $BFEZ$ ist also $= 96$.
 Inhalt des Dreiecks ABF ist also $= 48$. Das Ver-
 ist folgendes:

$$\frac{12}{2} \cdot 8 = 48$$

$$10^2 = 100$$

$$100 - 36 = 64$$

$$\sqrt{64} = 8 = AA'$$

$$12 \times 8 = 96$$

$$\frac{96}{2} = 48.$$

beträgt der Inhalt des Dreiecks.

Bei den ungleichschenkligen Dreiecken muß man
 Winkel an der Spitze betrachten, um zu wissen, ob

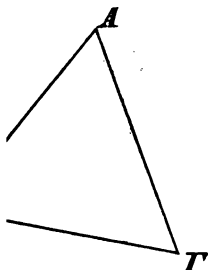


Fig. 4.

die von den Winkeln auf die
 gegenüberliegenden Seiten ge-
 fälltten Höhen innerhalb der
 Winkel fallen oder außerhalb.

Es sei gegeben das Dreieck ABI ,
 in dem jede Seite eine gegebene
 GröÙe habe. Und es sei bei-
 spielsweise nötig, den Winkel
 bei A zu betrachten, ob er ein
 rechter oder ein stumpfer oder
 ein spitzer ist. Wenn nun
 BI^2 gleich $BA^2 + AI^2$ ist, so
 ist klar, daß der Winkel bei

rechter ist; wenn es aber kleiner ist, so ist er ein
 ; wenn es größer ist, so ist es offenbar, daß der
 bei A ein stumpfer ist (Elem. II 12—13). Es werde

ἀπὸ τῶν BA AG τετραγώνων. ὀξεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ πρὸς
 τῷ A γωνία. εἰ γὰρ οὐκ ἔσται ὀξεῖα, ἦτοι ὀρθή ἐστὶν
 ἢ ἀμβλεία. ὀρθή μὲν οὖν οὐκ ἐστίν· ἔδει γὰρ τὸ ἀπὸ
 τῆς $BΓ$ τετραγώνων ἴσον εἶναι τοῖς ἀπὸ τῶν GA AB
 τετραγώνοις· οὐκ ἔστιν δέ· οὐκ ἄρα ὀρθή ἐστὶν ἡ 5
 πρὸς τῷ A γωνία. οὐδὲ μὴν ἀμβλεία ἐστίν· ἔδει γὰρ
 τὸ ἀπὸ τῆς $BΓ$ τετραγώνων μείζον εἶναι τῶν ἀπὸ τῶν
 GA AB τετραγώνων· οὐκ ἔστιν δέ· οὐδὲ ἄρα ἀμβλεία
 ἐστίν. ἐδείχθη δὲ ὅτι οὐδὲ ὀρθή· ὀξεῖα ἄρα ἐστίν.
 ὁμοίως δὴ ἐπιλογιόμεθα καὶ ἐὰν τὸ ἀπὸ τῆς $BΓ$ τε- 10
 τράγωνον μείζον ἢ τῶν ἀπὸ τῶν BA AG τετραγώνων,
 ὅτι ἀμβλεία ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ A γωνία.

ε. Ἐστω τρίγωνον ὀξυγώνιον τὸ $ABΓ$ ἔχον τὴν
 μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, τὴν δὲ $BΓ$ μονάδων $\iota\delta$, τὴν
 δὲ AG μονάδων $\iota\epsilon$. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. φα- 15
 νερόν <..... ὅτι> ὀξεῖα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ B
 γωνία· τὸ <γὰρ ἀπὸ τῆς AG τετραγώνων ἔλασσον>
 ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν AB $BΓ$ τετραγώνων. κάθετος
 ἡχθῶ ἐπὶ τὴν $BΓ$ ἢ AD . τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς AG <τῷ
 δις ὑπὸ τῶν GB BD ἔλασσόν> ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν AB 20
 $BΓ$ ὡς <.....> δέδεικται. καὶ ἔστι τὰ μὲν
 ἀπὸ τῶν AB $BΓ$ <μονάδων $\tau\zeta\epsilon$, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς> AG
 μονάδων <σ>κε· λοιπὸν ἄρα τὸ δις ὑπὸ <τῶν GB BD
 μονάδων $\rho\mu$ · τὸ ἄρα> ἅπαξ ὑπὸ τῶν GB BD ἐστὶ
 μονάδων ο. καὶ <ἐστὶν ἡ $BΓ$ μονάδων> $\iota\delta$ · ἡ ἄρα BD 25
 ἐστὶ μονάδων ε. καὶ ἐπεὶ τὸ ἀπὸ τῆς AB <ἴσον ἐστὶ>

1 τῶν ἀπὸ τὸ: correxi 13 [ὀξυγώνιον] Heiberg 14 lacuna
 15 litterarum capax; supplevi 16 spatium 14 litterarum;
 supplevi ὅτι; cetera dubia, f. ἐκ τῶν προγεγραμμένων τῷ A :
 corr. Heiberg 17 spatium 14 litterarum; supplevi 18 spatium 17
 litterarum; supplevi 19 spatium 26 litterarum; supplevi 20 τοῖς
 ἀπὸ: correxi 21 spatium 14 litterarum; fortasse <ἐν τοῖς

angenommen, $B\Gamma^2$ sei kleiner als $BA^2 + A\Gamma^2$; es ist also der Winkel bei A ein spitzer. Denn wenn er nicht ein spitzer ist, ist er entweder ein rechter oder ein stumpfer. Ein rechter nun ist er nicht; denn dann müßte $B\Gamma^2 = \Gamma A^2 + AB^2$ sein. Das ist aber nicht der Fall; folglich ist der Winkel bei A kein rechter. Er ist jedoch auch kein stumpfer; denn dann müßte $B\Gamma^2$ größer sein als $\Gamma A^2 + AB^2$. Das ist aber nicht der Fall; er ist also auch kein stumpfer. Es ward aber gezeigt, daß er auch kein rechter ist; er ist also ein spitzer. In ähnlicher Weise nun werden wir schliessen, daß wenn $B\Gamma^2$ größer ist als $BA^2 + A\Gamma^2$, der Winkel bei A ein stumpfer ist.

V. Es sei $AB\Gamma$ ein spitzwinkliges Dreieck, in dem $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $A\Gamma = 15$ ist. Zu finden seinen Inhalt. Es ist aus dem

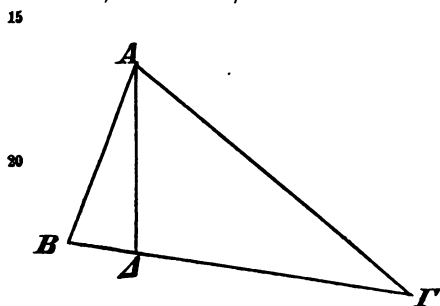


Fig. 5.

Bewiesenen klar, daß der Winkel bei B ein spitzer ist. Denn $A\Gamma^2$ ist kleiner als $AB^2 + B\Gamma^2$. Es werde auf $B\Gamma$ die Höhe AA' gefällt.¹⁾ Es ist also

$$A\Gamma^2 + 2\Gamma B \times BA' = AB^2 + B\Gamma^2,$$

wie $\langle \dots \rangle$ gezeigt

ist. Nun ist $AB^2 + B\Gamma^2 = 365$ und $A\Gamma^2 = 225$. Folglich ist $2B\Gamma \times BA' = 140$; folglich $B\Gamma \times BA' = 70$. Nun ist $B\Gamma = 14$; folglich wird $BA' = 5$. Und da $AB^2 = AA'^2 + BA'^2$ ist und $AB^2 = 169$, $BA'^2 = 25$ ist,

1) AA' müßte auf $B\Gamma$ senkrecht stehen.

$\sigma\tau\omicron\iota\gamma\iota\sigma$ aut $\langle \tau\omega\sigma\sigma\omicron\iota\gamma\iota\sigma\tau\eta \rangle$ aut $\langle \tau\omega\epsilon\beta\kappa\lambda\epsilon\iota\delta\eta\delta\pi\omicron \rangle$ cf. Euclidis Elementa II 13 22 spatium 10 litterarum; supplevi 23 $\langle \sigma \rangle$ addidi spatium 15 litterarum; supplevi 25 spatium 10 litterarum; supplevi 26 spatium 4 litterarum; supplevi

τοῖς ἀπὸ τῶν $ΑΔ ΔΒ$ · καὶ ἔστι τὸ μὲν ἀπὸ τῆς $ΑΒ$
 fol. 69^v μονάδων ρξθ|, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $ΒΔ$ μονάδων κε·
 λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ ἔσται μονάδων ρμδ.
 αὐτῇ ἄρα ἡ $ΑΔ$ ἔσται μονάδων ιβ. ἔστι δὲ καὶ ἡ
 $ΒΓ$ μονάδων ιδ· τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $ΒΓΑΔ$ ἔσται 5
 μονάδων ρξη. καὶ ἔστι τοῦ $ΑΒΓ$ τριγώνου διπλάσιον·
 τὸ <ἄρα> $ΑΒΓ$ τρίγωνον ἔσται μονάδων πδ. ἡ δὲ
 μέθοδος ἔσται τοιαύτη· τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρξθ·
 καὶ τὰ ιδ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρϑς· καὶ τὰ ιε ἐφ'
 ἑαυτά· γίννεται σκε· <σύνθετες τὰ ρξθ καὶ τὰ ρϑς· 10
 γίννεται τξε· ἀπὸ τούτων ἄφελε τὰ σκε> γίννεται
 λοιπὰ ρμ· τούτων τὸ ἥμισυ· γίννεται ο· παράβαλε παρὰ
 τὸν ιδ· γίννεται ε· καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρξθ.
 ἀφ' ὧν ἄφελε τὰ ε ἐφ' ἑαυτά· λοιπὰ ρμδ. τούτων
 πλευρὰ γίννεται ιβ· τοσοῦτον ἔσται ἡ κάθετος. ταῦτα 15
 πολυπλασίασον ἐπὶ τὸν ιδ· γίννεται ρξη· τούτων τὸ
 ἥμισυ πδ· τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

5. Ἐστω τρίγωνον ἀμβλυγώνιον τὸ $ΑΒΓ$ ἔχον
 τὴν μὲν $ΑΒ$ μονάδων ιγ, τὴν δὲ $ΒΓ$ μονάδων ια,
 τὴν δὲ $ΑΓ$ μονάδων κ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ 20
 τὸ ἐμβαδόν. ἐκβεβλήσθω ἡ $ΒΓ$ καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθε-
 τος ἦχθω ἡ $ΑΔ$. τὸ <ἄρα> ἀπὸ τῆς $ΑΓ$ μείζον ἔστι τῶν
 ἀπὸ τῶν $ΑΒΒΓ$ τῷ δις ὑπὸ τῶν $ΓΒΒΔ$. καὶ ἔστιν
 <τὸ> μὲν ἀπὸ τῆς $ΑΓ$ μονάδων ν, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$
 μονάδων <ρκα, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $ΑΒ$ ρξθ· τὸ ἄρα δις 25
 ὑπὸ> τῶν $ΓΒΒΔ$ μονάδων ρι. τὸ ἄρα ἑπαξ ὑπὸ τῶν
 $ΓΒΒΔ$ ἔστιν <μονάδων νε> καὶ ἔστιν ἡ $ΒΓ$ μονάδων
 ια· ἡ ἄρα $ΒΔ$ ἔσται μονάδων ε. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΑΒ$ μονάδων
 ιγ· ἡ ἄρα $ΑΔ$ ἔσται μονάδων ιβ. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΒΓ$ μονά-
 δων <ια· τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $ΑΔ$ > $ΒΓ$ ἔσται μονάδων ρλβ. 30
 καὶ ἔστι διπλάσιον τοῦ $ΑΒ$ <Γ> τριγώνου. τὸ ἄρα $ΑΒΓ$

so wird $AA^2 = 144$. Folglich wird $AA = 12$ sein. Es ist aber $BF = 14$. Folglich wird $BF \times AA = 168$ sein, und dies ist das Doppelte des Dreiecks ABF . Folglich wird das Dreieck $ABF = 84$ sein. Das Verfahren ist folgendes:

$$13^2 = 169$$

$$14^2 = 196$$

$$15^2 = 225$$

$$169 + 196 - 225 = 140$$

$$\frac{140}{2} = 70$$

$$70 : 14 = 5$$

$$13^2 = 169$$

$$169 - 5^2 = 144$$

$$\sqrt{144} = 12.$$

So groß wird die Höhe sein. Dies multipliziere mit 14; es gibt 168; hiervon die Hälfte ist 84. So groß wird der Inhalt sein.

VI. Es sei ABF ein stumpfwinkliges Dreieck, in dem $AB = 13$, $BF = 11$, $AF = 20$. Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde BF verlängert und auf sie die Höhe AA gefällt.²⁾ Nun ist

$$AF^2 - 2FB \times BA = AB^2 + BF^2.$$

Nun ist

$$AF^2 = 400; BF^2 = 121; AB^2 = 169.$$

Also ist $2FB \times BA = 110$, also $FB \times BA = 55$.

Nun ist $BF = 11$; folglich ist $BA = 5$. Nun ist aber

2) AA müsste auf der Verlängerung von FB senkrecht stehen.

7 spatium 2 litterarum; supplevit man. 2 10 inserui

19 μ id: correxit m. 2 22-23 $\tau\theta$ $\acute{\alpha}\nu\theta$ $\tau\acute{\alpha}\nu$: corr. man. 2

24 $\langle\tau\theta\rangle$ inserui μ i: corr. man. 2 $\tau\theta$ corr. ex $\tau\acute{\alpha}\nu$ man. 2

26 spatium 2 litterarum; supplevi 29 spatium 15 litterarum; supplevi 31 $\tau\theta$ AB : corr. man. 2 τ , $\acute{\alpha}\nu\theta$: corr. man. 2

τρίγωνον ἔσται μονάδων $\xi \langle \varsigma \rangle$. ἡ δὲ μέθοδος ἔσται [ῆ] αὕτη. τὰ $\iota\gamma$ ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται $\rho\xi\theta$ · καὶ τὰ $\iota\alpha$ ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται $\rho\kappa\alpha$ · καὶ τὰ κ ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται ν . σύνθες τὰ $\rho\xi\theta$ καὶ τὰ $\rho\kappa\alpha$ · γίγνεται $\sigma\varsigma$ · ταῦτα ἄφελε $\sigma\iota$ ἀπὸ τῶν ν · λοιπὰ $\rho\iota$. | τούτων τὸ ἥμισυ γίγνεται $\nu\epsilon$.

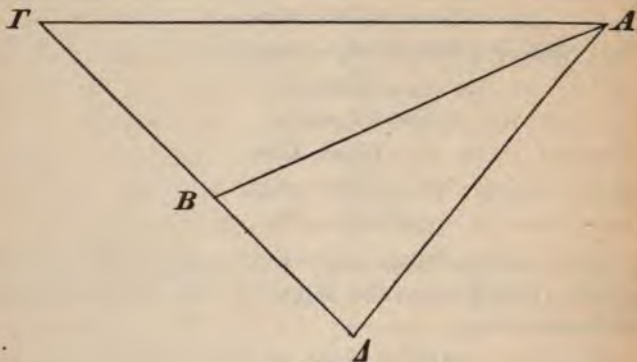


Fig. 6.

παράβαλε παρὰ τὸν $\iota\alpha$ · γίγνεται ϵ . καὶ τὰ $\iota\gamma$ ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται $\rho\xi\theta$. ἄφελε τὰ ϵ ἐφ' ἑαυτὰ· λοιπὰ $\rho\mu\delta$. τούτων πλευρὰ γίγνεται $\iota\beta$. ἔσται ἡ κάθετος μονάδων $\iota\beta$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\iota\alpha$ · γίγνεται $\rho\lambda\beta$. τούτων τὸ ἥμισυ $\xi\varsigma$ · τοσούτου ἔσται τὸ ἑμβαδὸν τοῦ τριγώνου.

Μέχρι μὲν οὖν τούτον ἐπιλογιζόμενοι τὰς γεωμετρικὰς ἀποδείξεις ἐποιήσαμεθα, ἐξῆς δὲ κατὰ ἀνάλυσιν διὰ τῆς τῶν ἀριθμῶν συνθέσεως τὰς μετρήσεις ποιήσομεθα.

ξ. Ἐὰν ᾧσι δύο ἀριθμοὶ οἱ AB , $B\Gamma$, ἔσται τοῦ ἀπὸ AB τετραγώνου ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ $B\Gamma$ τετραγώνου πλευρὰ $\langle \delta \rangle$ ὑπὸ $AB \langle \Gamma \rangle$ περιεχόμενος ἀριθμός. ἐπεὶ

$AB = 13$; folglich wird $AA = 12$ sein. Aber auch $BT = 11$. Folglich wird $AA \times BT = 132$ sein, und dies ist der doppelte Wert des Dreiecks ABT . Folglich wird das Dreieck $ABT = 66$ sein. Das Verfahren ist folgendes:

$$\begin{array}{rcl}
 5 & & 13^2 = 169 \\
 & & 11^2 = 121 \\
 & & 20^2 = 400 \\
 & 169 + 121 = 290 \\
 & 400 - 290 = 110 \\
 10 & & \frac{110}{2} = 55 \\
 & 55 : 11 = 5 \\
 & 13^2 = 169 \\
 & 169 - 5^2 = 144 \\
 & \sqrt{144} = 12.
 \end{array}$$

15 Die Höhe wird $= 12$ sein. Ferner:

$$\begin{array}{rcl}
 12 \times 11 = 132 \\
 \frac{132}{2} = 66.
 \end{array}$$

So groß wird der Inhalt des Dreiecks sein.

Bis hierher nun haben wir die geometrischen Be-
 20 weise durch Rechnung gegeben; im folgenden aber werden
 wir die Messungen nach Maßgabe einer Analyse vermitteltst
 Zusammensetzung der Zahlenwerte bewerkstelligen.

VII. Wenn AB und BT zwei Zahlenwerte sind, so
 wird $\sqrt{AB^2 \times BT^2} =$ dem Inhalt von $ABT^1)$ sein. Denn

1) Gemeint ist ein Rechteck mit den Seiten AB und BT .

1 <ς> add. man. 2 2 ἡ ἀντή: delevi ἡ 3 post v 6 fere
 litterae erasae; nil desideratur 10 τοσοῦτον: correxi 17 ὁ
 additum f. a manu 1 <Γ> add. man. 2

γὰρ ἐστὶν ὡς ὁ AB πρὸς τὸν $BΓ$, οὕτως ὁ τε ἀπὸ AB τετράγωνος πρὸς τὸν ὑπὸ $ABΓ$ περιεχόμενον ἀριθμὸν καὶ ὁ ὑπὸ $ABΓ$ πρὸς τὸν ἀπὸ $BΓ$ τετράγωνον, ἔσται ἄρα καὶ ὡς ὁ ἀπὸ AB τετράγωνος πρὸς τὸν ὑπὸ $ABΓ$, οὕτως ὁ ὑπὸ $ABΓ$ πρὸς τὸν ἀπὸ $BΓ$ τετράγωνον. ἐπεὶ οὖν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔχουσιν, ἔσται ὁ ὑπὸ τῶν ἁκρῶν ἴσος τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου τετραγώνῳ· ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ AB τετράγωνος ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ $BΓ$ ἴσος ἔσται τῷ ὑπὸ τῶν $ABΓ$ ἐφ' ἑαυτόν. τοῦ ἄρα ἀπὸ AB ἐπὶ τὸν ἀπὸ $BΓ$ τετράγωνον πλευρὰ ἐστὶν ὁ ὑπὸ τῶν $ABΓ$ περιεχόμενος ἀριθμός.

fol. 70^v η. | Ἔστι δὲ καθολικὴ μέθοδος ὥστε τριῶν πλευρῶν δοθεισῶν οἰουδηποτοῦν τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν εὑρεῖν χωρὶς καθέτου· οἷον ἔστωσαν αἱ τοῦ τριγώνου πλευραὶ μονάδων ζ, η, θ. σύνθες τὰ ζ καὶ τὰ η καὶ τὰ θ· γίννεται κδ. τούτων λαβὲ τὸ ἥμισυ· γίννεται ιβ. ἄφελε τὰς ζ μονάδας· λοιπαὶ ε. πάλιν ἄφελε ἀπὸ τῶν ιβ τὰς η· λοιπαὶ δ. καὶ ἔτι τὰς θ· λοιπαὶ γ. ποίησον τὰ ιβ ἐπὶ τὰ ε· γίννονται ξ. ταῦτα ἐπὶ τὸν δ· γίννονται σμ· ταῦτα ἐπὶ τὸν γ· γίννεται ψκ· τούτων λαβὲ πλευρὰν καὶ ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. ἐπεὶ οὖν αἱ ψκ ὀγήτην τὴν πλευρὰν οὐκ ἔχουσι, ληφόμεθα μετὰ διαφόρου ἐλαχίστου τὴν πλευρὰν οὕτως· ἐπεὶ ὁ συνεγγίζων τῷ ψκ τετραγώνος ἐστὶν ὁ ψκθ καὶ πλευρὰν ἔχει τὸν κζ, μέρισον τὰς ψκ εἰς τὸν κζ· γίννεται κς καὶ τρίτα δύο· πρόσθες τὰς κζ· γίννεται νγ τρίτα δύο. τούτων τὸ ἥμισυ· γίννεται κςλγ'. ἔσται ἄρα τοῦ ψκ ἡ πλευρὰ ἐγγιστα τὰ κςλγ'. τὰ γὰρ κςλγ' ἐφ' ἑαυτὰ γίννεται ψκ λς'. ὥστε τὸ διάφορον μονάδος

5 τὸν ἀπὸ: correxit m. 2 7 ἴσος τὸ: corr. man. 2 9 τὸ
ὑπὸ: corr. man. 2 11 ὑπὸ τὸν: correxi 20 τῶν δ: correxi τὸν γ:

da $AB : B\Gamma = AB^2 : AB\Gamma = AB\Gamma : B\Gamma^2$, so wird folglich auch $AB^2 : AB\Gamma = AB\Gamma : B\Gamma^2$ sein. Da nun 3 Zahlenwerte in einem Verhältniß stehen, so wird das Produkt der beiden äußeren gleich dem Quadrat der mittleren sein (Elem. VI 17). Also wird $AB^2 \times B\Gamma^2 = AB\Gamma^2$ sein; also $\sqrt{AB^2 \times B\Gamma^2} = AB\Gamma$.

VIII. Es giebt eine allgemeine Methode, um, wenn drei Seiten eines beliebigen Dreiecks gegeben sind, den Inhalt ohne die Höhe zu finden. Beispielsweise seien die 10 Seiten des Dreiecks = 7, 8, 9.

$$7 + 8 + 9 = 24$$

$$\frac{24}{2} = 12$$

$$12 - 7 = 5$$

$$12 - 8 = 4$$

$$12 - 9 = 3$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 4 = 240$$

$$240 \times 3 = 720.$$

Daraus ziehe die Wurzel, und sie wird gleich dem Inhalt 20 des Dreiecks sein. Da nun 720 eine rationale Wurzel nicht besitzt, so werden wir mit kleinster Differenz die Wurzel folgendermaßen ziehen. Da die 720 nächstkommende Quadratzahl 729 ist und die Wurzel 27 hat, so theile 720 durch 27; es giebt $26\frac{2}{3}$.

$$27 + 26\frac{2}{3} = 53\frac{2}{3}$$

$$\frac{53\frac{2}{3}}{2} = 26\frac{1}{2} + \frac{1}{3}.$$

correxī 22 sq. cf. P. Tannery Zeitschrift f. Math. u. Physik, hist. litt. Abt. 1894 pag. 13—15; M. Curtze ib. 1897 p. 113 sq.; Eutocius p. 270, 1 sq. Heib. 22 $\bar{\epsilon}\eta$ $\tau\eta\nu$: $\epsilon\eta\tau\eta\nu$ $\tau\eta\nu$ m. 2(?)

28 $\epsilon\gamma\gamma\iota\sigma\tau\alpha$ $\tau\acute{\alpha}$: $\tau\acute{\alpha}$ f. delendum 29 μ corr. ex μ man. 1

Es wird also die Wurzel aus 720 annähernd $= 26\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$ sein. Denn $(26\frac{1}{2} + \frac{1}{8})^2 = 720\frac{1}{36}$, sodaß die Differenz nur $\frac{1}{36}$ beträgt. Wenn wir aber wünschen, daß die Differenz kleiner als $\frac{1}{36}$ wird, so werden wir anstatt 729 den gefundenen Wert $720\frac{1}{36}$ einsetzen, und wenn wir dann wieder dasselbe thun, so werden wir finden, daß die Differenz viel kleiner als $\frac{1}{36}$ wird. Der geometrische Beweis hierfür ist

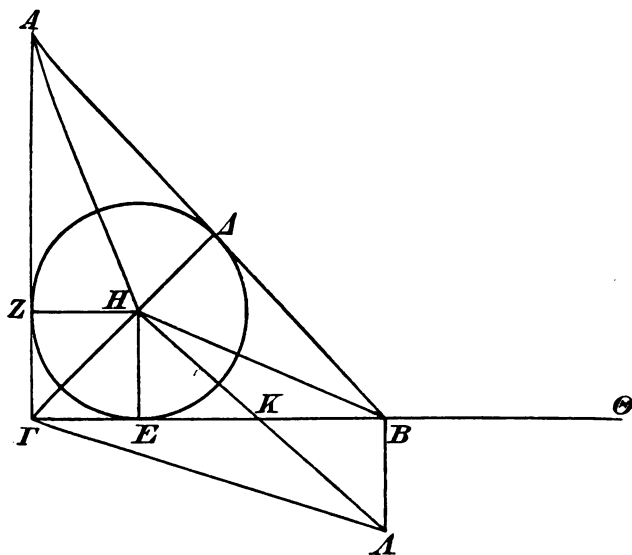


Fig. 8.

folgender. Wenn die 3 Seiten eines Dreiecks gegeben sind, seinen Inhalt zu finden. Es ist nun möglich, wenn man eine Höhe fällt und ihre Größe bestimmt, den Inhalt des Dreiecks zu finden. Die Aufgabe sei aber, den Inhalt ohne die Höhe zu bestimmen. Das gegebene Dreieck sei $AB\Gamma$, und es sei jede der Seiten AB , $B\Gamma$, ΓA gegeben. ΓA

ἔστω τὸ δοθὲν τρίγωνον τὸ $ABΓ$ καὶ ἔστω ἐκάστη
 τῶν AB , $BΓ$, $ΓΑ$ δοθεῖσα· εὐρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ἐγγε-
 γραφθῶ εἰς τὸ τρίγωνον κύκλος ὁ $ΔΕΖ$, οὗ κέντρον
 ἔστω τὸ H , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ AH , BH , $ΓH$, $ΔH$,
 EH , ZH . τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ $BΓ$ EH διπλάσιόν ἐστι ⁵
 τοῦ $BHΓ$ τριγώνου, τὸ δὲ ὑπὸ $ΓΑ$ ZH τοῦ $ΑΓH$
 τριγώνου, <τὸ δὲ ὑπὸ AB $ΔH$ τοῦ ABH τριγώνου>·
 τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ $ABΓ$ τριγώνου καὶ
 τῆς EH , τουτέστι τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ $ΔΕΖ$
 κύκλου, διπλάσιόν ἐστι τοῦ $ABΓ$ τριγώνου. ἐκβεβλή- ¹
 σθῶ ἡ $ΓB$, καὶ τῇ $ΑΔ$ ἴση κείσθῳ ἡ $BΘ$ · ἡ ἄρα
 $ΓBΘ$ ἡμίσειά ἐστι τῆς περιμέτρου τοῦ $ABΓ$ τριγώνου
 διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν μὲν $ΑΔ$ τῇ AZ , τὴν δὲ AB
 τῇ BE , τὴν δὲ $ZΓ$ τῇ $ΓE$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $ΓΘ$
 EH ἴσον ἐστὶ τῷ $ABΓ$ τριγώνῳ. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν ¹
 $ΓΘ$ EH πλευρά ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς $ΓΘ$ ἐπὶ τὸ
 ἀπὸ τῆς EH · ἔσται ἄρα τοῦ $ABΓ$ τριγώνου τὸ
 ἐμβαδὸν ἐφ' ἑαυτὸ γενόμενον ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς $ΘΓ$
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς EH . ἤχθῳ τῇ μὲν $ΓH$ πρὸς ὀρθὰς
 ἡ HA , τῇ δὲ $ΓB$ ἡ BA , καὶ ἐπεξεύχθῳ ἡ $ΓA$. ἐπεὶ ²
 οὖν ὀρθὴ ἐστὶν ἑκατέρω τῶν ὑπὸ $ΓHA$, $ΓBA$, ἐν
 κύκλῳ ἄρα ἐστὶ τὸ $ΓHBA$ τετράπλευρον· αἱ ἄρα
 ὑπὸ $ΓHB$, $ΓAB$ δυσὶν ὀρθαῖς εἰσὶν ἴσαι. εἰσὶν δὲ καὶ
 αἱ ὑπὸ $ΓHB$, AHA δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι διὰ τὸ δίχα
 τετυγῆσθαι τὰς πρὸς τῷ H γωνίας τα<ι>ς AH , BH , $ΓH$ ²⁵
 καὶ ἴσας εἶναι τὰς ὑπὸ τῶν $ΓHB$, AHA ταῖς ὑπὸ τῶν
 AHG , $ΔHB$ καὶ τὰς πάσας τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας
 εἶναι· ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ AHA τῇ ὑπὸ <Γ> AB .
 ἔστι δὲ καὶ ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $ΑΔH$ ὀρθῇ τῇ ὑπὸ $ΓBA$

finden seinen Inhalt. Es werde (Elem. IV 4) in das Dreieck der Kreis ΔEZ einbeschrieben, dessen Mittelpunkt H sein soll, und die Verbindungslinien $AH, BH, \Gamma H, \Delta H, EH, ZH$ gezogen. Es ist also:

$$B\Gamma \times EH = 2 BHF$$

$$\Gamma A \times ZH = 2 \Gamma H$$

$$AB \times \Delta H = 2 ABH$$

Also ist das Produkt aus dem Umfang des Dreiecks $AB\Gamma$ und EH , d. h. dem Radius des Kreises ΔEZ , doppelt so groß als das Dreieck $AB\Gamma$. Nun werde ΓB verlängert, und es werde $B\Theta = A\Delta$ gemacht. Dann ist $\Gamma B\Theta$ gleich dem halben Umfang des Dreiecks $AB\Gamma$, weil $A\Delta = AZ$, $\Delta B = BE$ und $Z\Gamma = \Gamma E$. Also ist

$$\Gamma\Theta \times EH = AB\Gamma.$$

Nun ist aber

$$\Gamma\Theta \times EH = \sqrt{\Gamma\Theta^2 \times EH^2}.$$

Also wird $AB\Gamma^2 = \Theta\Gamma^2 \times EH^2$ sein.

Nun soll zu ΓH rechtwinklig HA und zu ΓB rechtwinklig BA gezogen und die Verbindungslinie ΓA gezogen werden. Da nun jeder der beiden Winkel ΓHA und ΓBA ein rechter ist, so ist ΓHBA ein Kreisviereck. Folglich ist

$$\Gamma HB + \Gamma AB = 2 R.$$

Es ist aber auch $\Gamma HB + AHA = 2 R$, weil die Winkel bei H durch die Geraden $AH, BH, \Gamma H$ halbiert sind und die Summe der Winkel ΓHB und AHA gleich ist der Summe der Winkel $AH\Gamma$ und ΔHB und sie alle zusammen gleich 4 Rechten sind. Also ist $AHA = \Gamma AB$. Es ist aber auch der rechte Winkel $A\Delta H$ gleich dem rechten Winkel ΓBA . Also ist das Dreieck AHA dem Dreieck ΓBA ähnlich. Folglich ist

$$B\Gamma : BA = A\Delta : \Delta H = B\Theta : EH$$

corr. m. 2 τὰς ταῖς m. 2 26 ΓHB ἢ HA : corr. m. 2
τὰς πρὸ: corr. m. 2 27 $\delta\epsilon\theta\acute{\alpha}\varsigma$: correxi 28 $\langle\Gamma\rangle$ add. m. 2

ἴση· ὁμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ $ΑΗΔ$ τρίγωνον τῷ $ΓΒΑ$
 τριγώνῳ. ὥς ἄρα ἡ $ΒΓ$ πρὸς $ΒΑ$, ἡ $ΑΔ$ πρὸς $ΑΗ$,
 τουτέστιν ἡ $ΒΘ$ πρὸς $ΕΗ$, καὶ ἐναλλάξ, ὥς ἡ $ΓΒ$
 πρὸς $ΒΘ$, ἡ $ΒΑ$ πρὸς $ΕΗ$, τουτέστιν ἡ $ΒΚ$ πρὸς
 $ΚΕ$ διὰ τὸ παρὰλληλον εἶναι τὴν $ΒΑ$ τῇ $ΕΗ$, καὶ
 συνθέντι, ὥς ἡ $ΓΘ$ πρὸς $ΒΘ$, οὕτως ἡ $ΒΕ$ πρὸς $ΕΚ$.
 ὥστε καὶ ὥς τὸ ἀπὸ τῆς $ΓΘ$ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν $ΓΘ<ΘΒ>$,
 οὕτως τὸ ὑπὸ $ΒΕΓ$ πρὸς τὸ ὑπὸ $ΓΕΚ$, τουτέστι
 πρὸς τὸ ἀπὸ $ΕΗ$. ἐν ὀρθογωνίῳ γὰρ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς
 ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἤκται ἡ $ΕΗ$. ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς
 $ΓΘ$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΕΗ$, $<οὕ>$ πλευρὰ ἦν τὸ ἐμβαδὸν
 τοῦ $ΑΒΓ$ τριγώνου, ἴσον ἔσται τῷ ὑπὸ $ΓΘΒ$ ἐπὶ τῷ
 ὑπὸ $ΓΕΒ$. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἐκάστη τῶν $ΓΘ$, $ΘΒ$, $ΒΕ$
 $ΓΕ$. ἡ μὲν γὰρ $ΓΘ$ ἡμίσειά ἐστι τῆς περιμέτρου τοῦ
 $ΑΒΓ$ τριγώνου, ἡ δὲ $ΒΘ$ ἡ ὑπεροχή, ἣ ὑπερέχει
 ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς $ΓΒ$, ἡ δὲ $ΒΕ$ ἡ ὑπερ-
 οχή, | ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς $ΑΓ$
 ἡ δὲ $ΕΓ$ $<ἡ>$ ὑπεροχή, ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περι-
 μέτρου τῆς $ΑΒ$, ἐπειδήπερ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν $ΕΓ$ τῇ
 $ΓΖ$, ἡ δὲ $ΒΘ$ τῇ $ΑΖ$, ἐπεὶ καὶ τῇ $ΑΔ$ ἐστὶν ἴση,
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $ΑΒ<Γ>$ τριγώνου
 συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν $ΑΒ$ μονάδων $<ιγ>$,
 ἡ δὲ $ΒΓ$ μονάδων $ιδ$, ἡ δὲ $ΑΓ$ μονάδων $ιε$. σύνθε-
 τὰ $ιγ$ καὶ $ιδ$ καὶ $ιε$. καὶ γίνεταί $μβ$. ὧν ἡμίσι
 γίνεταί $κα$. ὕφειλε τὰς $ιγ$. λοιπαὶ $η$. εἴτα τὰς $ιδ$
 λοιπαὶ $ξ$. καὶ ἔτι τὰς $ιε$. λοιπαὶ $ς$. τὰ $κα$ ἐπὶ τὰ $η$
 καὶ τὰ γενόμενα ἐπὶ τὸν $ξ$, καὶ ἔτι τὰ γενόμενα ἐπὶ
 τὸν $ς$. συνάγονται $ζνς$. τούτων πλευρὰ $<πδ>$ τοσοῦ-
 του ἔσται τοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν.

7 $<ΘΒ>$ suppl. m. 2(?) 10 $ΕΗ$: immo $ΗΕ$ 11 ο
 ante πλευρὰν add. m. 2 12 τὸ ὑπὸ: corr. m. 2 18 $<ἡ>$

und umgekehrt:

$$\Gamma B : B\Theta = BA : EH = BK : KE,$$

weil BA zu EH parallel ist, und

$$\Gamma\Theta : B\Theta = BE : EK;$$

so dafs auch

$$\begin{aligned}\Gamma\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B &= BE \times \langle \Gamma E \rangle : \Gamma E \times EK \\ &= BE \times \langle \Gamma E \rangle : EH^2\end{aligned}$$

Denn im rechtwinkligen Dreieck ist vom rechten Winkel auf die Hypotenuse die Höhe EH gefällt. Daher wird $\Gamma\Theta^2 \times EH^2$, woraus die Wurzel gleich dem Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ war, gleich $\Gamma\Theta \times \Theta B \times \Gamma E \times EB$ sein. Nun ist gegeben jede der Linien $\Gamma\Theta$, ΘB , BE , ΓE . Denn $\Gamma\Theta$ ist die Hälfte des Umfangs des Dreiecks $AB\Gamma$; $B\Theta$ aber ist die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs gröfser ist als ΓB ; BE aber die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs gröfser ist als AE ; EF aber die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs gröfser ist als AB , da ja

$$EF = FZ, B\Theta = AZ,$$

weil es auch $= AA$ ist. Folglich ist der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ gegeben. Er wird folgendermafsen berechnet. Es sei $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $AE = 15$.

$$13 + 14 + 15 = 42$$

$$\frac{42}{2} = 21$$

$$21 - 13 = 8$$

so dann

$$21 - 14 = 7$$

$$21 - 15 = 6$$

$$21 \times 8 \times 7 \times 6 = 7056.$$

Hieraus die Wurzel ist gleich 84. So grofs wird der Inhalt des Dreiecks sein.

addidi 21 $\langle \Gamma \rangle$ add. m. 2 22 $\langle \Gamma \rangle$ add. m. 2 26 μ
 loizal ξ L: corr. m. 2 28 lacuna 10 litterarum; suppleri

fol. 72^r

θ. | Ἐπεὶ οὖν ἐμάθομεν τριγώνου τῶν πλευρῶν
δοθεισῶν εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ῥητῆς οὔσης <τῆς> καθέτου,
ἔστω μὴ ῥητῆς ὑπαρχούσης τῆς καθέτου τὸ ἐμβαδὸν
εὐρεῖν. ἔστω γὰρ τρίγωνον τὸ $ABΓ$ ἔχον τὴν μὲν
 AB μονάδων η , τὴν δὲ $BΓ$ μονάδων ι , τὴν δὲ $ΑΓ$ ⁵
μονάδων $\iotaβ$ · καὶ ἦχθω κάθετος ἡ $ΑΔ$. ἀκολουθῶς δὴ
τοῖς ἐπὶ τοῦ ὀξυγωνίου εἰρημένους ἔσται τὸ δις ὑπὸ
 $ΓΒΔ$ μονάδων κ · ἡ ἄρα $ΒΔ$ ἔσται μονάδος α , καὶ
τὸ ἀπ' αὐτῆς ἄρα μονάδος α . ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς
 AB μονάδων $\xiδ$ · λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ ἔσται ¹⁰
μονάδων $\xiγ$. ἀλλὰ

καὶ τὸ ἀπὸ $BΓ$
μονάδων ϱ · τὸ ἄρα
ἀπὸ $BΓ$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ
 $ΑΔ$ ἔσται μονάδων
 $\varsigma\tau$. τούτου δὲ πλευ-
ρά ἔστιν ὁ ὑπὸ
 $BΓ ΑΔ$ [ἐφ' ἐαν-
τόν]· ὁ ὑπὸ τῶν
 $BΓ ΑΔ$ ἄρα ἐφ'

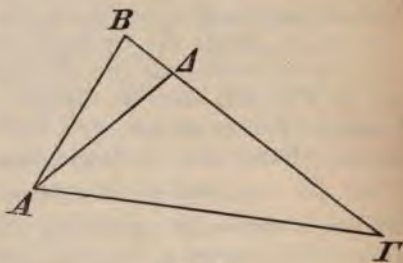


Fig. 9.

ἐαυτὸν ἔσται μονάδων $\varsigma\tau$. τὸ ἄρα ἡμισυ τοῦ ὑπὸ
 $BΓ ΑΔ$ ἐφ' ἐαυτὸ μονάδων $\alpha\theta\omicron\epsilon$ · ὣν γὰρ τετραγώ-
νων αἱ πλευραὶ διπλασίονες ἀλλήλων εἰσίν, τὰ ἀπ'
αὐτῶν τετραπλάσιά ἐστιν τῶν ἀπὸ τῶν ἡμίσεων. τὸ
δὲ ἡμισυ τοῦ ὑπὸ τῶν $BΓ ΑΔ$ τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ τοῦ ²⁵
τρίγωνου· ἔστιν ἄρα τὸ τοῦ τριγώνου ἐμβαδὸν δυνά-
μει $\alpha\theta\omicron\epsilon$. ἔξεστι δὲ τῶν $\xiγ$ τὴν πλευρὰν σύνεγγυς
λαβόντα εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ὡς ῥητῆς οὔσης τῆς καθέ-

2 <τῆς> addidi 18—19 [ἐφ' ἐαυτόν]: delevit man. 2

25 ἡμισυ: in ἡμίσεος mutavit et <πλευρὰ> add. m. 2 perperam

28 λαβόντα ex λαβεῖν τα fec. m. 1

IX. Nachdem wir nun gelernt haben, wenn die Seiten eines Dreiecks gegeben sind, den Inhalt zu finden, falls die Höhe rational ist, sei jetzt die Aufgabe, falls die Höhe nicht rational ist, den Inhalt zu finden. Es sei nämlich $AB\Gamma$ das Dreieck, in dem

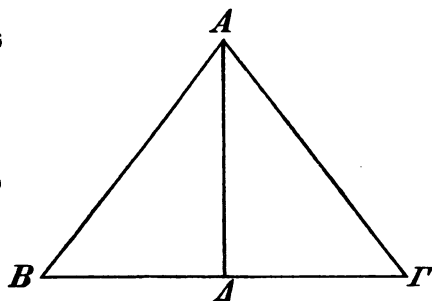


Fig. 10.

$$\begin{aligned} AB &= 8, \\ B\Gamma &= 10, \\ A\Gamma &= 12, \end{aligned}$$

und es werde die Höhe $A\Delta$ gezogen.³⁾ Entsprechend nun dem beim spitzwinkligen Dreieck Bemerkten wird $2\Gamma B \times B\Delta = 20$ sein, folglich $B\Delta = 1$ und auch $B\Delta^2 = 1$. Es ist aber $AB^2 = 64$; folglich wird $A\Delta^2 = 63$ sein. Es ist aber auch $B\Gamma^2 = 100$; also $B\Gamma^2 \times A\Delta^2 = 6300$. Also ist

$$\begin{aligned} \sqrt{6300} &= (B\Gamma \times A\Delta) \\ (B\Gamma \times A\Delta)^2 &= 6300 \\ \left(\frac{B\Gamma \times A\Delta}{2}\right)^2 &= 1575; \end{aligned}$$

denn von den Quadratzahlen, von deren Wurzeln die eine ²⁵ doppelt so groß ist als die andere, verhält sich die größere zur kleineren wie 4 : 1. Die Hälfte aber von $B\Gamma \times A\Delta$ ist gleich dem Inhalt des Dreiecks. Es ist also der Inhalt des Dreiecks im Quadrat = 1575. Es ist aber möglich, wenn man die Wurzel von 63 annähernd ²⁶ bestimmt, den Inhalt zu finden, als wäre die Höhe rational. Nun ist die Wurzel von 63 annähernd $7\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$

3) In Fig. 9 müßte $A\Delta$ auf $B\Gamma$ senkrecht stehen.

του. τῶν δὲ $\xi\gamma$ σύνεγγύς ἐστιν ἡ πλευρὰ $\xi\zeta$ δ' ἡ $\iota\zeta'$.
 ἤσκει οὖν τοσούτου ὑποστησάμενον τὴν κάθετον τὴν
 βαδὸν εὐρεῖν· ἐστὶ δὲ $\lambda\theta\zeta$ ἡ $\iota\zeta'$.

fol. 72^v ι. Ἐστω τραπέζιον ὀρθογώνιον τὸ $ΑΒΓΔ$ ὃ
 ἔχον τὰς πρὸς τοῖς A, B γωνίας, καὶ ἔστω ἡ $|$ μὲν
 μονάδων ς , ἡ δὲ $BΓ$ $\iota\alpha$, ἡ δὲ AB μονάδων
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν καὶ ἔτι τὴν $ΓΔ$. τετυγ-
 δίχα ἡ $ΓΔ$ κατὰ τὸ E , καὶ τῇ AB παράλληλος ἡ
 διὰ τοῦ E ἡ ZEH , καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $ΑΔ$ ἐπὶ τ
 ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $ΔE$ τῇ $EΓ$, ἴση ἄρα καὶ ἡ $ΔZ$ τῇ
 κοινᾷ προσ-
 κείσθωσαν αἱ $ΑΔ BH$ · συν-
 αμφότερος
 ἄρα ἡ $AZ BH$
 συναμφοτέρω
 τῇ $ΑΔ BΓ$ ἴση
 ἐστίν. δοθεῖ-
 σα δὲ ἐστὶν
 συναμφότε-
 ρος ἡ $ΑΔ BΓ$,
 ἐπεὶ καὶ ἑκα-

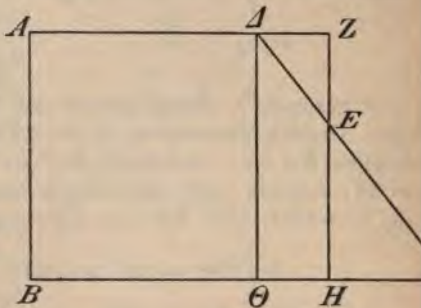


Fig. 11.

τέρᾳ αὐτῶν· δοθεῖσα ἄρα καὶ συναμφότερος ἡ AZ
 τουτέστι δύο αἱ BH · καὶ ἡ BH ἄρα ἐστὶ δοθ
 ἀλλὰ καὶ ἡ AB · δοθὲν ἄρα τὸ $ABZH$ παραλλ
 γραμμον. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ $ΔEZ$ τρίγωνον
 $EΗΓ$, κοινὸν προσκείσθω τὸ $ABHEΔ$ πεντάπλευ
 ὄλον· ἄρα τὸ $ABZH$ παραλληλόγραμμον ὅλῳ τῷ AE
 τραπέζῳ ἴσον ἐστὶ. δοθὲν δὲ ἐδείχθη τὸ AB
 παραλληλόγραμμον· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ $ΑΒΓΔ$
 πέζιον. ἡ δὲ $ΓΔ$ εὐρεθήσεται οὕτως· ἤχθω κάθ

$+\frac{1}{8} + \frac{1}{16}$. Es wird nun nötig sein, die Höhe so groß anzusetzen und dann den Inhalt zu finden. Er beträgt $39\frac{1}{2} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16}$.

X. Es sei $AB\Gamma A$ ein rechtwinkliges Trapez, in dem die Winkel bei A und bei B rechte sind; und es sei $AA = 6$, $B\Gamma = 11$, $AB = 12$. Zu finden seinen Inhalt und außerdem ΓA . Es werde ΓA halbiert in E ,⁴⁾ und zu AB werde durch E die Parallele ZEH gezogen und AA bis Z verlängert. Da $\angle E = \angle \Gamma$, so ist auch $\angle Z = \angle \Gamma$. Auf beiden Seiten werde hinzugefügt $AA + BH$. Folglich sind $AZ + BH = AA + B\Gamma$. Es ist aber $AA + B\Gamma$ gegeben, da jede der beiden Linien gegeben ist. Also ist auch $AZ + BH = 2BH$ gegeben; also ist auch BH gegeben; aber auch AB ; mithin ist das Parallelogramm $ABZH$ gegeben. Und da Dreieck $A EZ =$ Dreieck $E H \Gamma$ ist, so werde auf beiden Seiten das Fünfeck $ABHEA$ zugefügt. Also ist das ganze Parallelogramm $ABZH =$ dem ganzen Trapez $AB\Gamma A$. Das Parallelogramm $ABZH$ aber ward als gegeben nachgewiesen. Gegeben ist also auch das Trapez $AB\Gamma A$. ΓA dagegen wird auf folgende Weise gefunden werden. Es werde die Höhe $A\Theta$ gezogen. Da nun AA gegeben ist, so ist also auch $B\Theta$ gegeben, aber auch $B\Gamma$: folglich ist nun auch $\Gamma\Theta$ gegeben; aber auch $A\Theta$, da dies $= AB$ ist, und der Winkel bei Θ ist ein rechter; also ist auch ΓA gegeben. Berechnet wird es der Analyse entsprechend in folgender Weise:

$$\begin{aligned} 6 + 11 &= 17 \\ \frac{17}{2} &= 8\frac{1}{2} \\ 8\frac{1}{2} \times 12 &= 102. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt sein. Dagegen $A\Gamma$ wird folgendermaßen bestimmt.

4) In Fig. 11 ist dies nicht der Fall.

ἡ $\Delta\Theta$. ἐπεὶ οὖν δοθεῖσά ἐστιν ἡ $ΑΔ$, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $ΒΘ$. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΒΓ$ · καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ $ΓΘ$ δοθεῖσά ἐστιν. ἀλλὰ καὶ ἡ $\Delta\Theta$ · ἴση γάρ ἐστι τῇ $ΑΒ$ καὶ ὀρθή ἐστιν ἡ πρὸς τῷ Θ γωνία· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $ΓΔ$. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως σύνθες τὰ ς καὶ τὰ $\iota\alpha$ · γίγνεται $\iota\zeta$. τούτων τὸ ἡμισυ γίγνεται $\eta\lambda$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\iota\beta$ · γίγνεται $\rho\beta$ · τοσοῦτον ἄρα τὸ ἐμβαδόν. ἡ δὲ $\Delta\Gamma$ οὕτως· ὕψελε ἀπὸ τῶν $\iota\alpha$ τὰ ς · καὶ γίγνεται λοιπὰ ϵ . ταῦτα ἐφ' ἑαυτὰ· γίγνεται $\kappa\epsilon$ · καὶ τὰ $\iota\beta$ ἐφ' ἑαυτὰ· γίγνεται $\rho\mu\delta$. πρόσθες τὰ $\kappa\epsilon$ γίγνεται $\rho\zeta\theta$. τούτων πλευρὰ γίγνεται $\langle\iota\gamma\rangle$ τοσοῦτον ἔσται ἡ $\Delta\Gamma$.

fol. 73^r

ια. | Ἐστω τραπέζιον ἰσοσκελὲς τὸ $ΑΒΓΔ$ ἴσην ἔχον τὴν $ΑΒ$ τῇ $ΓΔ$, καὶ ἑκατέρα αὐτῶν ἔστω μονάδων $\iota\gamma$, ἡ δὲ $ΑΔ$ μονάδων ς , ἡ δὲ $ΒΓ$ μονάδων $\iota\zeta$ · εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν καὶ τὴν κάθετον. ἤχθω τῇ $ΓΔ$ παράλληλος ἡ $ΑΕ$, καὶ κάθετος ἤχθω ἐπὶ τὴν $ΒΓ$ ἡ $ΑΖ$ · παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστί τὸ $ΑΕΓΔ$. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν $ΑΔ$ τῇ $ΕΓ$, ἡ δὲ $ΓΔ$ τῇ $ΑΕ$ ὥστε ἔσται ἡ μὲν $ΑΕ$ μονάδων $\iota\gamma$, ἡ δὲ $ΕΓ$ μονάδων ς · λοιπὴ ἄρα ἡ $ΒΕ$ μονάδων ι . ἐπεὶ οὖν ἰσοσκελὲς ἐστὶ τὸ $ΑΒΕ$ τρίγωνον ἔχον ἑκάστην πλευρὰν δοθεῖσαν, ἔσται ἄρα καὶ ἡ $ΑΖ$ κάθετος δοθεῖσα· καὶ ἔσται μονάδων $\iota\beta$, ὥς προδέδεικται. τετμήσθωσαν δὲ δίχα αἱ $ΑΒ$, $ΓΔ$ τοῖς $Η$, Θ , καὶ κάθετοι ἐπὶ τὴν $ΒΓ$ $\langle\eta\chi\theta\omega\sigma\alpha\nu\rangle$

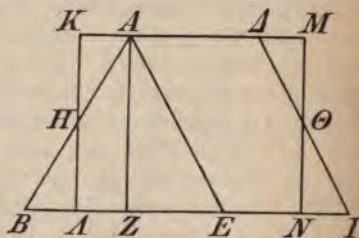


Fig. 12.

$$\begin{aligned}
 11 - 6 &= 5 \\
 5^2 &= 25 \\
 12^2 &= 144 \\
 144 + 25 &= 169 \\
 \sqrt{169} &= 13.
 \end{aligned}$$

groß wird $\Delta\Gamma$ sein.

XI. Es sei $AB\Gamma\Delta$ ein gleichschenkliges Trapez, in dem $AB = \Gamma\Delta = 13$, $AD = 6$, $B\Gamma = 16$. Zu finden seinen Inhalt und seine Höhe. Es werde zu $\Gamma\Delta$ die

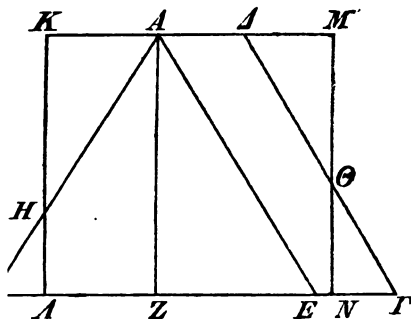


Fig. 13.

Parallele AE gezogen und auf $B\Gamma$ die Höhe AZ gefällt. Folglich ist $AE\Gamma\Delta$ ein Parallelogramm. Also ist $AD = E\Gamma$ und $\Gamma\Delta = AE$, sodafs $AE = 13$, $E\Gamma = 6$ sein wird. Also ist $BE = 10$. Da nun das Dreieck ABE gleichschenklig ist und

seinen Seiten von gegebener Gröfse hat, so wird auch die Höhe AZ gegeben sein. Sie wird, wie vorher gezeigt ist, $AZ = 12$ sein. Nun sollen AB und $\Gamma\Delta$ in H und Θ halbiert werden und auf $B\Gamma$ die Höhen KHA und $\Gamma\Theta N$ gefällt werden. Dann ist Dreieck $AKH = BHA$ und $\Delta M\Theta = \Gamma N\Theta$, sodafs, wenn auf beiden Seiten das Viereck $AHAN\Theta\Delta$ hinzugefügt wird, das Parallelogramm $KAMN$ gleich dem Trapez $AB\Gamma\Delta$ sein wird.

5 $\Gamma\Delta$ corr. ex ΓE m. 1(?) 10 $\overline{\kappa\epsilon}$: ϵ renov. m. 1 11 $\alpha\chi\theta$:
 rr. man. 2 $\langle \nu\gamma \rangle$ add. man. 2 11–12 $\tau\omicron\sigma\omicron\upsilon\tau\omicron\nu$: corr. m. 2
 $\tau\omega$: correxi 12 $\tau\omicron$ $\epsilon\mu\beta\alpha\delta\delta\omicron\nu$: delevit et in mg. η $\delta\gamma$ ad-
 ripsit man. 2 31 ΓA : correxi $\langle \eta\chi\theta\omega\sigma\alpha\nu \rangle$ addidi

αὶ $KH\Lambda$, $M\Theta N$. ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ μὲν AKH τρίγωνον τῷ BHA , τὸ δὲ $\Delta M\Theta$ τῷ $\Gamma N\Theta$. ὥστε κοινοῦ προστεθέντος τοῦ $AHAN\Theta\Delta$ ἑξαπλεύρου ἴσον ἔσται τὸ $KAMN$ παραλληλόγραμμον τῷ $AB\Gamma\Delta$ τραπεζίῳ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν AK τῇ BA , ἡ δὲ ΔM τῇ ΓN αὶ ἄρα $AK \Delta M$ ἴσαι εἰσὶν ταῖς $BA \Gamma N$. κοινῶν προστεθεισῶν τῶν $\Delta\Delta \Lambda N$ ἔσται συναμφοτέρος ἡ $KMAN$ τουτέστι δύο αὶ KM , συναμφοτέρῳ τῇ $\Delta\Delta B\Gamma$ ἴση. καὶ ἔστι δοθεῖσα συναμφοτέρος ἡ $\Delta\Delta B\Gamma$. ἔστι γὰρ μονάδα κβ· ἔσονται ἄρα καὶ αὐτὴ δύο αὶ KM μονάδων κβ· <αὐτὴ ἄρα ἡ KM > μονάδων ια. ἀλλὰ καὶ ἡ $K\Lambda$ μονάδων ι, ἴση γάρ ἐστι τῇ $A \langle Z \cdot$ τὸ ἄρα $K\Lambda NM$ > παραλληλόγραμμον ἔσται μονάδων ρλβ. καὶ ἔστιν ἴσον τῷ $AB\Gamma$ τραπεζίῳ· ἔσται ἄρα καὶ τὸ $AB\Gamma\Delta$ τραπέζιον μονάδων ρλβ. <συντε>θήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως ἄφελε ἀπὸ τῶν ις τὰς ε· γίνονται λοιπαὶ ι. τοῦτα τὸ ἡμισυ ε. καὶ ταῦτα ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται κε· καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται ρξθ. ἄφελε τὰ κε· λοιπαὶ ρμδ. τούτων πλευρὰ γίνεταί <ιβ>· ἔσται ἡ κάθετος μονάδων ιβ. τὸ δὲ ἐμβαδὸν οὕτως· σύνθεσ τὰ ις καὶ τὰ ε· γίνονται κβ· ὧν ἡμισυ· γίνονται ια· <ταῦτα> ἐπὶ τὴν κάθετον· γίνεταί ρλβ· τοσούτων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν ιβ. Ἔστω τραπέζιον ὀξυγώνιον τὸ $AB\Gamma\Delta$ ὀξεῖον ἔχον τὴν πρὸς τῷ B γωνίαν, καὶ ἔστω ἡ μὲν A μονάδων ιγ, ἡ δὲ $\Gamma\Delta$ μονάδων κ, ἡ δὲ $\Delta\Delta$ μονάδων ε, ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων κξ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ τὸ ἐμβαδόν. ἔχθω τῇ $\Gamma\Delta$ παράλληλος ἡ AE καὶ κάθετος ἡ AZ . ἡ μὲν ἄρα AE ἔσται μονάδων κ·

fol. 75^v

2 $\Gamma H\Theta$: correxi 3 προστεθέντος: correxi 7 $KMAN$:
 correxi 10 sq. spatium 8 litterarum; supplevi 12 lacuna
 litterarum; supplevi 21 <ταῦτα> m. 2.

Und da $AK = BA$ und $AM = \Gamma N$, so ist $AK + AM = BA + N\Gamma$. Wird auf beiden Seiten $AA + AN$ zugesetzt, so wird $KM + \Lambda N = 2KM = AA + B\Gamma$ sein. Und $AA + B\Gamma$ ist gegeben; es ist nämlich $= 22$; daher wird auch $2KM = 22$, also $KM = 11$ sein. Aber auch $KA = 12$, denn es ist $= AZ$. Also wird das Parallelogramm $KANM = 132$ sein. Und dies ist gleich dem Trapez $AB\Gamma A$. Also wird auch das Trapez $AB\Gamma A = 132$ sein. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen:

$$\begin{aligned} 16 - 6 &= 10 \\ \frac{10}{2} &= 5 \\ 5^2 &= 25 \\ 13^2 &= 169 \\ 169 - 25 &= 144 \\ \sqrt{144} &= 12. \end{aligned}$$

Die Höhe wird $= 12$ sein. Den Inhalt findet man folgendermaßen:

$$\begin{aligned} 16 + 6 &= 22 \\ \frac{22}{2} &= 11 \\ 11 \times 12 &= 132. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt sein.

XII. Es sei $AB\Gamma A$ ein spitzwinkeliges Trapez, das bei B einen spitzen Winkel hat, und es sei $AB = 13$, $\Gamma A = 20$, $AA = 6$, $B\Gamma = 27$. Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde zu ΓA die Parallele AE gezogen und die Höhe AZ gefällt. Also wird $AE = 20$, $\Gamma E = 6$

15 lacuna 5 litterarum; supplevit man. 2. 19 lacuna
2 litterarum; supplevi 22 ante $\epsilon\pi\iota$ inseruit $\tau\alpha\upsilon\tau\alpha$ man. 2.

Heronis op. vol. III ed. Schoene.

δὲ ΓΕ μονάδων εἰς λοιπὴ ἄρα ἡ ΒΕ μονάδων ὥστε διὰ τὸ <τὸ> ΑΒΕ ὀξυγώνιον τρίγωνον <εἶναι> ἔσται ἡ ΑΖ κάθετος μονάδων ιβ. δίχα δὲ τμηθεὶ τῶν ΑΒ ΓΔ τοῖς Η, Θ καὶ καθέτων ἀχθεισῶν ΚΗΛ ΜΘΝ ὁμοίως τῷ ἐπάνω δεῖξομεν, ὅτι τὸ ΑΒΓ <Δ> τραπέζιον ἴσον ἐστὶ τῷ ΚΑΜΝ παραλλ. γράμμῳ, συναμφοτέρος δὲ ἡ ΒΓ ΑΔ διπλῇ ἐστὶ τῆς Ι καὶ ἔσται ἡ ΚΜ

μονάδων ις. ἔστι δὲ καὶ ἡ ΚΑ μονάδων ιβ, ἐπεὶ καὶ ἡ ΑΖ· τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ τραπέζίου ἔσται μονάδων ρη. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἄφελε ἀπὸ

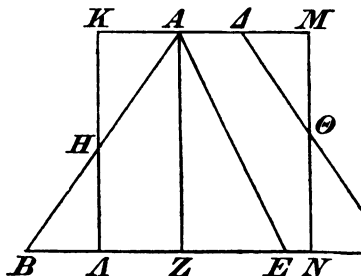


Fig. 14.

τῶν κς τὰ εἰς λοιπὰ γίννεται κα. καὶ τρίγωνον γωνίου τῶν πλευρῶν δοθεισῶν ιγ καὶ κα καὶ κ εὐρὴ ἡ ΑΖ κάθετος· ἔστιν δὲ μονάδων ιβ, ὡς ἐμάθο, καὶ σύνθεσ κς καὶ <ς>· γίννεται τὸ ἥμισυ ις. τὸ ἐπὶ <ιβ> γίννεται ρη. τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδ. ιγ. Ἔστω τραπέζιον ἀμβλυγώνιον τὸ ΑΒ ἔχον ἀμβλεῖαν τὴν πρὸς τῷ Β, καὶ ἔστω ἡ μὲν μονάδων ιγ, ἡ δὲ ΓΔ κ, ἡ δὲ ΑΓ ε, ἡ δὲ ΒΔ μ δων ις. εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ τὸ ἐμβαδ. ἡχθω κάθετος ἡ ΑΕ καὶ τῇ ΓΔ παράλληλος ἡ ἔσται ἄρα ἡ μὲν ΑΖ μονάδων κ, ἡ δὲ ΖΔ μονάδων ι καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΒΖ μονάδων ια· ὥστε διὰ τὸ τὸ Α τρίγωνον ἀμβλυγώνιον εἶναι ἔσται ἡ ΑΕ μονάδων

sein. Folglich wird $BE = 21$ sein, sodafs, weil ABE ein spitzwinkeliges Dreieck ist, die Höhe $AZ = 12$ sein wird. Werden nun AB und ΓA in H und Θ halbiert und die Höhen KHA und $M\Theta N$ gefällt, so werden wir, ähnlich wie oben, zeigen, dafs das Trapez $AB\Gamma =$ dem Parallelogramm $KAMN$ ist. Nun ist aber $B\Gamma + A\Delta = 2KM$, also wird $KM = 16\frac{1}{2}$ sein. Es ist aber auch $KA = 12$, da auch $AZ = 12$ ist. Also wird der Inhalt des Trapezes $= 198$ sein. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, in folgender Weise. $27 - 6 = 21$. Nun mufs von einem spitzwinkligen Dreieck, dessen Seiten $= 13, 21$ und 20 gegeben sind, die Höhe AZ gefunden werden; sie ist $= 12$, wie wir gelernt haben.

$$27 + 6 = 33$$

$$\frac{33}{2} = 16\frac{1}{2}$$

$$16\frac{1}{2} \times 12 = 198.$$

So grofs wird der Inhalt sein.

XIII. Es sei $AB\Gamma A$ ein stumpfwinkeliges Trapez, das bei B einen stumpfen Winkel hat, und es sei $AB = 13$, $\Gamma A = 20$, $A\Gamma = 6$, $B\Delta = 17$. Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde die Höhe AE und zu ΓA die Parallele AZ gezogen. Also wird $AZ = 20$, $Z\Delta = 6$ sein; folglich ist $BZ = 11$; sodafs, weil das Dreieck ABZ stumpfwinkelig ist, $AE = 12$ sein wird. Und ähnlich dem

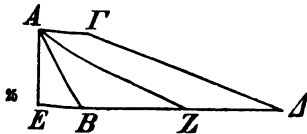


Fig. 15.

oben gesagtten wird bewiesen werden, dafs $(B\Delta + A\Gamma) \times AE =$ dem doppelten Trapez $AB\Gamma A$ sein wird. Der

2 <τὸ> suprascr. m. 2 <εἶναι> ante τράγωνον add. man. 2
 5 τὸ ἐπ' αὐτοῦ: corr. man. 2 22 <5> addidi 23 supplevi
 25 τῆς πρὸς τὸ: corr. man. 2 26 ΓΔ ἢ: corr. m. 2 26 AΓ
 ex AΔ fec. m. 2.

καὶ ὁμοίως τοῖς ἐπάνω δειχθήσεται τὸ ὑπὸ συναμφο-
τέρου τῆς $B\Delta A\Gamma$ καὶ τῆς AE διπλάσιον τοῦ $AB\Gamma A$
τραπεζίου· τὸ ἄρα ἔμβαδὸν τοῦ τραπεζίου ἔσται μονάδων
ρλη. συντεθήσεται δὲ οὕτως· ἄφελε ἀπὸ τῶν ιζ τὰ ε'
λοιπὰ ια· καὶ τριγώνου ἀμβλυγωνίου τῶν πλευρῶν ⁵
δοθεισῶν ιγ, ια, κ εὐρήσθω ἡ κάθετος· γίγνεται ιβ· καὶ
σύνθες τὰ ιζ καὶ <ε>· γίγνεται κγ· τούτων τὸ ἥμισυ
γίγνεται ια_λ· ταῦτα ἐπὶ τὰ ιβ· γίγνεται ρλη· τοσούτου
ἔσται τὸ ἔμβαδὸν τοῦ τραπεζίου.

<ιδ>· Ὁ δὲ ῥόμβος καὶ τὸ ῥομβοειδὲς τὴν μέτρησιν ¹⁰
φανερὰν ἔχουσιν. δεῖ γὰρ ἑκατέρου αὐτῶν τὰς πλευρὰς
δοθείσας εἶναι καὶ μίαν διάμετρον. ὧν δοθέντων ὁ
μὲν ῥόμβος ἔσται ἐκ δύο ἰσοσκελῶν τριγώνων συγκεί-
μενος, τὸ δὲ ῥομβοειδὲς ἐκ δύο τριγώνων ἥτοι ὀξυγῶ-
ν¹ων | <ἢ ἀμβλυγωνίων>, καὶ διὰ τοῦτο δοθήσεται ¹⁵
αὐτῶν <τὸ ἔμβαδόν>. τὰ μὲν οὖν ἀποδειχθέντα τετρά-
πλευρα <μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ> παράλληλον εἶχε
<τὸ δὲ παρὸν τὸ A > $B\Gamma A$ τὴν μὲν πρὸς τῷ Γ γωνίαν
<ἐχέτω> ὀρθήν, μηδεμίαν δὲ πλευρὰν μηδεμιᾷ παρὰ-
λληλῷ <ν καὶ> ἔτι ἐκάστην τῶν πλευρῶν δοθείσαν, τὴν ²
μὲν < AB μονάδων> ιγ, τὴν δὲ < B > Γ μονάδων ι,
τὴν δὲ ΓA μονάδων κ, τὴν δὲ ΔA μονάδων ιζ·
δεῖξαι αὐτοῦ τὸ ἔμβαδὸν δοθέν. ἐπεξεύχθω ἡ $B\langle A \rangle$
καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος <ῆχθω> ἡ AE . ἐπεὶ ἑκατέρα
τῶν $B\Gamma \Gamma A$ δοθείσα ἐστὶν καὶ ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ $\langle A \rangle \Gamma$,
δοθὲν ἄρα ἐστὶ τὸ $B\Gamma A$ τρίγωνον· καὶ ἔτι τὸ ἀπὸ
τῆς $B\Delta$ ἔσται δοθέν· ἔστι γὰρ μονάδων φ· ἀλλὰ καὶ

2 διπλάσιον τὸ: corr. m. 2 5 τρίγωνον: corr. m. 2 10 in
mg. numerus capitis non adscriptus 14—15 ὀξυγώνων: correxi
15 spatium 12 litterarum; supplevit m. 2 16 spatium 12 littera-
rum; supplevi. <ἐκαστον> perperam m. 2 17 spatium 17 littera-
rum; supplevit m. 2 18 spatium 13 litterarum; supplevit m. 2

Inhalt des Trapezes wird daher = 138 sein. Berechnet wird es folgendermaßen:

$$17 - 6 = 11.$$

Nun ist in einem stumpfwinkeligen Dreieck, dessen Seiten = 13, 11 und 20 gegeben sind, die Höhe zu finden. Sie ist = 12.

$$17 + 6 = 23$$

$$\frac{23}{2} = 11\frac{1}{2}$$

$$11\frac{1}{2} \times 12 = 138.$$

¹⁸ So groß wird der Inhalt des Trapezes sein.

XIV. Beim Rhombus und beim Rhomboïd ist die Art der Ausmessung von selbst klar. Es müssen nämlich von jedem der beiden die Seiten und ein Durchmesser gegeben sein. Wenn diese Stücke gegeben sind, so wird der ¹⁹ Rhombus aus zwei gleichschenkeligen Dreiecken zusammengesetzt sein, das Rhomboid dagegen aus zwei spitzwinkligen oder stumpfwinkeligen Dreiecken. Und aus diesem Grunde wird der Inhalt derselben gegeben sein.

Die behandelten Vierecke nun hatten immer eine Seite ²⁰ einer anderen parallel. Das jetzt vorliegende $AB\Gamma A$ jedoch soll bei Γ einen rechten Winkel haben, aber keine Seite der anderen parallel; weiter soll jede der Seiten gegeben sein und zwar $AB = 13$, $B\Gamma = 10$, $\Gamma A = 20$, $AA = 17$. Zu zeigen, daß damit sein Inhalt gegeben ist. Man ziehe ²¹ die Verbindungslinie BA und auf sie die Senkrechte AE . Da nun jede der beiden Linien $B\Gamma$ und ΓA gegeben ist, und der Winkel bei Γ ein rechter ist, so ist das Dreieck $B\Gamma A$ gegeben. Weiter ist auch BA^2 gegeben = 500;

πρὸς τὸ: correxit m. 2 19 spatium 10 litterarum; supplevit m. 2
 20 spatium 9 litterarum; supplevit m. 2 21 spatium 4 litterarum;
 supplevi spatium 1 litterae; supplevit m. 2 23 <A> supra
 lineam add. man. 2 24 spatium 4 litterarum; supplevit m. 2
 25 [A] delevit man. 1 24 post AE inseruit καὶ m. 2

τὸ ἀπὸ τῆς AB δοθέν· δοθέντα ἄρα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν AB $B\Delta$ · καὶ ἐστὶ μείζονα τοῦ ἀπὸ τῆς AA . ὁξεία ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $AB\Delta$ · τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν AB $B\Delta$ τοῦ ἀπὸ τῆς AA μείζονά ἐστιν τῷ δις ὑπὸ τῶν $\Delta B BE$. δοθέν ἄρα ἐστὶν τὸ δις ὑπὸ τῶν $\Delta B BE$ · ὥστε καὶ τὸ ἅπαξ ὑπὸ τῶν $\Delta B BE$ δοθέν ἐστὶ· καὶ ἐστὶ πλευρὰ τοῦ ἀπὸ τῆς $B\Delta$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ BE . δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ ΔB ἐπὶ τὸ ἀπὸ BE · καὶ ἐστὶ δοθέν τὸ ἀπὸ $B\Delta$ · δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ BE . ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ $[B]EA$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ $B\Delta$ ·

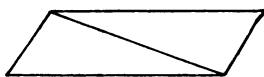
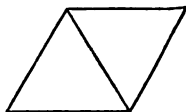


Fig. 16.

καὶ ἐστὶν αὐτοῦ πλευρὰ τὸ ὑπὸ $B\Delta$ AE . δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ $B\Delta$ AE . καὶ ἐστὶ διπλάσιον τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου· δοθέν ἄρα καὶ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον· ἀλλὰ καὶ τὸ $B\Gamma\Delta$ · ὥστε καὶ ὅλον τὸ

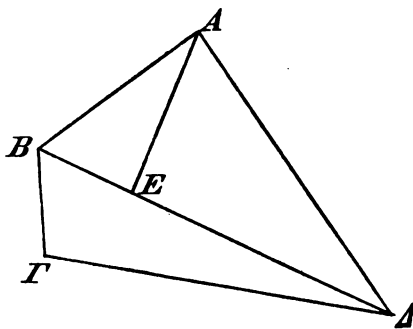


Fig. 17.

$AB\Gamma\Delta$ τετράπλευρον δοθέν ἐστὶ. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· τὰ ι ἐπὶ τὰ κ · γίγνεται σ . καὶ τούτων τὸ ἥμισυ· γίγνεται ρ . καὶ πάλιν τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρ . καὶ τὰ κ ἐφ' ἑαυτά·

7 τῷ δις: corr. man. 2 13 BEA : del. B et τῆς supra-scriptis m. 2.

es ist aber auch AB^2 gegeben. Also ist $AB \times BA$ gegeben, und dies ist größer als AA^2 . Also ist der Winkel ABA ein spitzer. Folglich ist

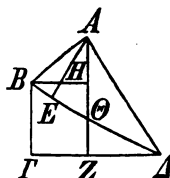


Fig. 18.

$$AB \times BA - 2AB \times BE = AA^2.$$

Folglich ist $2AB \times BE$ gegeben, so daß auch $AB \times BE$ gegeben ist, und zwar ist es $= \sqrt{BA^2 \times BE^2}$. Gegeben ist also auch $AB^2 \times BE^2$. Und gegeben ist BA^2 , also auch BE^2 .

¹⁰ Aber auch $EA^2 \times BA^2$. Und es ist

$$\sqrt{EA^2 \times BA^2} = BA \times AE.$$

Gegeben ist also auch $BA \times AE$. Und dies ist doppelt so groß als das Dreieck ABA . Gegeben ist also auch

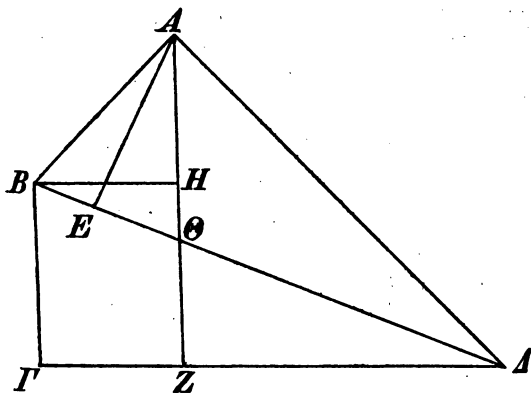


Fig. 18a.

das Dreieck ABA ; aber auch BGA ; so daß das ganze ¹⁵ Viereck $ABGA$ gegeben sein wird. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, in folgender Weise:

γίννεται υ. σύνθεσ· γίννεται φ. καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑα
 fol. 75^r γίννεται ρξθ. ταῦτα μετὰ τῶν φ γίννεται χξθ· ἄφα
 τὰ ιξ ἐφ' ἑαυτά· λοιπαὶ τπ· τούτων τὸ ἥμισυ γίνν
 ργ· ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ῥξρ. ταῦτα παρὰ
 φ· γίννεται οβ ε' ἄφελε ταῦτα ἀπὸ τῶν <ρ>ξθ· γίν
 ται λοιπαὶ ρς[ε'ί]. ταῦτα ἐπὶ τὸν φ· γίννεται <μ,
 τούτων πλευρὰ γίννεται σκ· τούτων τὸ ἥμισυ γίνν
 ρι· τοσούτου ἐστὶ τοῦ $AB\Delta$ τὸ ἐμβαδόν. ἀλλὰ
 τοῦ <BΓΔ> μονάδων ρ· τοῦ ἄρα $AB\Gamma\Delta$ τετραπλει
 τὸ ἐμβαδόν ἐστὶ <σι.> [ἐστίν] <ὅτι> δὲ καὶ ἡ
 τοῦ A κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὴν $\Gamma\Delta$ δοθεῖσά ἐσ
 δείξομεν ἐξῆς.

ιε. Ἔστω τραπέζιον τὸ $AB\Gamma\Delta$ δοθεῖσαν
 ἐκάστην τῶν πλευρῶν καὶ ὀρθὴν τὴν ὑπὸ B
 γωνίαν. ὅτι δοθεῖσά ἐστίν ἡ ἀπὸ τοῦ A κάθε
 ἀγομένη ἐπὶ τὴν $\Gamma\Delta$. ἤχθω γὰρ ἐπὶ μὲν τὴν
 κάθετος ἡ AZ , ἐπὶ δὲ τὴν AZ ἡ BH , ἐπὶ δὲ
 $B\Delta$ ἡ AE . φανερόν δὴ, ὅτι δοθεῖσά ἐστίν ἡ
 καὶ ἡ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ AE , ἐπεὶ καὶ αἱ
 $A\Delta$ δοθεῖσαι εἰσιν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ Γ
 τῇ ὑπὸ $B\Theta A$, ἀλλὰ καὶ ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $B\Gamma\Delta$ ὀρθὴ
 ὑπὸ $AE\Theta$ ἴση, ἐστὶν ἄρα ὡς ἡ $A\Gamma$ πρὸς ΓB , ἡ
 πρὸς $E\Theta$. λόγος δὲ τῆς $\Gamma\Delta$ πρὸς ΓB δοθείς· λ
 ἄρα καὶ τῆς AE πρὸς $E\Theta$ δοθείς. καὶ ἐστὶ δοθ
 ἡ AE · δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $E\Theta$. καὶ ὀρθὴν γω
 περιέχουσι· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $A\Theta$. καὶ ἐπεὶ ἐκα
 τῶν BE , $E\Theta$ δοθεῖσά ἐστίν, δοθὲν ἄρα τὸ ὑπὸ

5 <ρ> in rasura scripsit man. 2 6 ἐπὶ τῶν: correxi
 tium 6 litterarum: supplevi 8 $AB\Gamma$: corr. et *τριγώνον*
 m. 2 10 spatium 4 litterarum: supplevit m. 2 [ἐστίν] d
 <σι> suprascr. m. 2 spatium 4 litterarum: supplevit

$$10 \times 20 = 200$$

$$\frac{200}{2} = 100$$

$$10^2 = 100$$

$$20^2 = 400$$

$$400 + 100 = 500$$

$$13^2 = 169$$

$$500 + 169 = 669$$

$$669 - 17^2 = 380$$

$$\frac{380}{2} = 190$$

$$190^2 = 36\,100$$

$$\frac{36\,100}{500} = 72\frac{1}{5}$$

$$169 - 72\frac{1}{5} = 96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10}$$

$$\left(96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10}\right) \times 500 = 48\,400$$

$$\sqrt{48\,400} = 220$$

$$\frac{220}{2} = 110.$$

So groß wird der Inhalt des Dreiecks $AB\Delta$ sein. Aber auch der Inhalt von $B\Gamma\Delta = 100$. Der Inhalt des Vierecks $AB\Gamma\Delta$ wird also $= 210$ sein. Dafs aber auch die von A auf $\Gamma\Delta$ gefällte Senkrechte gegeben ist, werden wir im Folgenden zeigen.

XV. Es sei $AB\Gamma\Delta$ ein Trapez, in dem jede der Seiten gegeben und der Winkel $B\Gamma\Delta$ ein rechter ist. Zu zeigen, dafs die von A auf $\Gamma\Delta$ gefällte Senkrechte gegeben ist. Es werde auf $\Gamma\Delta$ die Senkrechte AZ gefällt, und auf AZ die Senkrechte BH , auf $B\Delta$ die Senkrechte AE . Nun ist klar, dafs $B\Delta$ und die Senkrechte darauf, AE , gegeben ist, da auch BA und AD gegeben sind. Und da Winkel $\Gamma B\Delta = B\Theta A^1$), aber auch der rechte Winkel $B\Gamma\Delta =$ dem rechten Winkel $AE\Theta$ ist,

1) Θ ist Schnittpunkt von AZ und $B\Delta$.

$B\Theta E$. καὶ ἔστιν ἴσον τῷ ὑπὸ τῶν $A\Theta H$ ὀρθῇ ;
 ἐκατέρα τῶν πρὸς τοῖς E , H . δοθεῖσα ἄρα καὶ
 $H\Theta$. ὥστε καὶ ἡ AH . ἀλλὰ καὶ ἡ HZ . ἴση γὰρ ἐ
 τῇ $B\Gamma$. καὶ ὅλη ἄρα ἡ AZ δοθεῖσά ἐστιν. συντε
 fol. 75^v σεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· | ἔστω ;
 ἡ μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων ι , ἡ δὲ |
 μονάδων κ , ἡ δὲ $ΔA$ μονάδων $\iota\zeta$. ἀκολουθῶς
 τοῖς ἐπὶ τοῦ ἐμβαδοῦ εἰρημένοις ἔσται ἡ μὲν ;
 κάθετος δυνάμει $\varsigma\zeta\text{Λ} \epsilon\acute{\iota}$, ἡ δὲ BE δυνάμει $\omicron\beta \epsilon$.
 δὲ $BΔ$ δυνάμει φ . καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν $\GammaΔ$ ἐστὶ μο
 δων κ , ἡ δὲ ΓB μονάδων ι , τὰ ἄρα ἀπὸ τού
 μονάδων υ καὶ μονάδων ρ . ποιήσων οὖν ὥς τὸ
^{<ε'>}
 πρὸς ρ , τὰ $\varsigma\zeta \delta$ πρὸς τί· ἔσται πρὸς $\kappa\delta \epsilon'$ τοσού
 ἔσται τὸ ἀπὸ $E\langle\Theta\rangle$. καὶ $\langle\text{πο}\rangle\lambda\lambda\alpha \langle\text{πλασιάζαντες}\rangle$
 $\omicron\beta \epsilon$ ἐπὶ τὰ $\kappa\delta \epsilon'$ καὶ τῶν γενομένων τὴν πλεον
 λαβόντες καὶ διπλασιάζαντες ἃ γίνεταί τοῦ δις ι
 τῶν $BE \langle E\Theta \rangle$ προσθήσομεν τοῖς ἀπὸ BE , E
 τουτέστι τοῖς $\omicron\beta \epsilon$ καὶ $\kappa\delta \epsilon'$ συντεθεῖσιν. καὶ ἔ
 μεν τὴν $B\Theta$ δυνάμει $\rho\pi$. καὶ σύνθες τὰ $\varsigma\zeta \text{Λ}$
 καὶ $\kappa\delta \epsilon'$ γίνεταί $\rho\kappa\alpha$. καὶ πολλαπλασίασον τὰ $\rho\pi$
 τὰ $\kappa\delta \epsilon'$ γίνεταί δυνάμει $\delta\tau\nu\varsigma$. μέρισον εἰς
 $\rho\kappa\alpha$ γίνεταί $\lambda\varsigma$. καὶ ἄφελε ἀπὸ δυνάμει $\rho\kappa\alpha$ δυ
 μεῖ $\lambda\varsigma$ [λοιπὰ δυνάμει $\lambda\varsigma$] λοιπὰ δυνάμει $\kappa\epsilon$, ἃ ἐ
 μήκει ϵ . πρόσθες ὧσων ἐστὶν ἡ $B\Gamma$. ἔστι δὲ ι γ
 νεται $\iota\epsilon'$ τοσούτου ἔσται ἡ AZ κάθετος. καὶ ἡ |
 $E\Theta$ δυνάμει $\kappa\delta \epsilon'$, ἡ δὲ $H\Theta$ μήκει ς , ἡ δὲ ;
 μήκει $\iota\alpha$.

9 $\varsigma\zeta \text{Λ} \epsilon' \iota' \epsilon$: sed extremam litteram del. m. 1 14 s
 plevit m. 2 17 $\langle E\Theta \rangle$ add. m. 2 19 συνθέντες: corr. r
 23 [λοιπὰ δυνάμει $\lambda\varsigma$] del. m. 2 24 ὧσων: correxi 25
 σοῦτον: correxi

st $\angle \Gamma : \Gamma B = AE : E\Theta$. Nun ist aber das Ver-
 nis von ΓA zu ΓB gegeben; also ist auch das Ver-
 nis von AE zu $E\Theta$ gegeben. Und gegeben ist AE ;
 ben also auch $E\Theta$; und sie umschließen einen rechten
 kel, also ist auch $A\Theta$ gegeben. Und da jede der
 en Geraden BE und $E\Theta$ gegeben ist, so ist $B\Theta \propto \Theta E$
 ben, und es ist gleich $A\Theta \propto \Theta H$. Denn jeder der
 en Winkel bei E und H ist gleich einem rechten.
 ben ist also auch $H\Theta$; sodafs auch AH gegeben ist,
 so aber auch HZ , denn es ist gleich $B\Gamma$. Also ist
 AZ ganz gegeben. Berechnet wird es nun, der
 lyse entsprechend, folgendermafsen. Es sei $AB = 13$,
 $= 10$, $\Gamma A = 20$, $\angle A = 17$. Entsprechend nun
 beim Inhalt Bemerkten wird die Höhe im Quadrat
 $36\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10}$ sein. Es ist aber $BE^2 = 72\frac{1}{5}$ und
 $= 500$. Und da $\Gamma A = 20$, $\Gamma B = 10$, so sind ihre
 rate 400 und 100. Setze nun $400 : 100 = 96\frac{4}{5} : x$.
 n wird $x = 24\frac{1}{5}$ sein. So grofs wird $E\Theta^2$ sein.
 multiplizieren nun $72\frac{5}{1}$ mit $24\frac{1}{5}$ und ziehen aus dem
 lukt die Wurzel, nehmen den doppelten Wert von
 $\propto E\Theta$, und setzen dies zu $BE^2 + E\Theta^2$, d. h. zu
 $+ 24\frac{1}{5}$ hinzu und erhalten $B\Theta^2 = 180$.

$$96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10} + 24\frac{1}{5} = 121$$

$$\left(180 \propto 24\frac{1}{5}\right)^2 = 4356$$

$$\frac{4356}{121} = 36$$

$$\sqrt{121} - \sqrt{36} = \sqrt{25}$$

$$\sqrt{25} = 5$$

$$5 + 10 = 15.$$

grofs wird die Höhe AZ sein. Und es ist $E\Theta^2 = 24\frac{1}{5}$
 $\propto = 6$, $A\Theta = 11$.

ις. Ἐστω δὴ πάλιν τραπέζιον τὸ $AB\Gamma\Delta$ ἔχον τὴν
 μὲν πρὸς τῷ Γ ὀρθήν, τὴν δὲ AB μονάδων ιγ, τὴν
 δὲ $B\Gamma$ μονάδων ι, τὴν δὲ $\Gamma\Delta$ μονάδων η, τὴν δὲ $A\Delta$
 μονάδων κε. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ἐπεξεύχθω ἡ
 $B\Delta$. ὁμοίως δὴ ἔσται τοῦ $B\Gamma\Delta$ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν
 δοθέν. καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $B\Delta$ μονάδων ρξδ· ἀλλὰ καὶ
 fol. 70^r τὸ ἀπὸ τῆς $| AB$ μονάδων ρξθ· τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν
 AB $B\Delta$ ἔσται μονάδων τλγ. καὶ ἔστιν ἐλάσσονα
 τοῦ ἀπὸ τῆς $A\Delta$. ἀμβλεία ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $AB\Delta$.
 ἤχθω δὴ κάθετος ἐπὶ τὴν $B\Delta$ ἐκβληθεῖσεν ἡ AE .
 τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $A\Delta$ τῶν ἀπὸ τῶν AB $B\Delta$ μείζον
 ἐστὶ τῷ δις ὑπὸ τῶν $B\Delta$ BE . δοθέν ἄρα τὸ δις ὑπὸ
 τῶν $B\Delta$ BE . ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ τῶν AB BE δοθέν
 ἐστίν. καὶ ἔστι πλευρὰ τοῦτο τοῦ ἀπὸ $B\Delta$ ἐπὶ τὸ
 ἀπὸ BE . δοθέν ἄρα τὸ ἀπὸ $B\Delta$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ BE .
 ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ $B\Delta$. καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς
 EB δοθέν ἐστὶ. καὶ ὀρθή ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ E . δοθέν
 ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ AE . ὥστε καὶ τὸ ἀπὸ AE ἐπὶ τὸ
 ἀπὸ $B\Delta$ δοθέν ἐστίν. καὶ ἔστιν αὐτοῦ πλευρὰ $\langle \tauὸ \rangle$
 ὑπὸ τῶν AE $B\Delta$. δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ AE $B\Delta$.
 καὶ ἔστιν αὐτοῦ ἡμισυ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον. δοθέν
 ἄρα καὶ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον. ὥστε καὶ ὅλον τὸ $AB\Gamma\Delta$
 τετράπλευρον δοθέν ἐστίν. συντεθήσεται δὲ οὕτως
 τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίνεταί ρ. καὶ τὰ η ἐφ' ἑαυτά
 γίνεταί ξδ· ὁμοῦ ρξδ. καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίνεταί
 ρξθ· σύνθε· γίνεταί τλγ. καὶ τὰ κε ἐφ' ἑαυτά
 γίνεταί χκε. ἄφελε τὰ τλγ· γίνεταί λοιπὰ σγβ.
 τούτων τὸ ἡμισυ· γίνεταί ρμς· ταῦτα ἐφ' ἑαυτά·
 γίνεταί μονάδες κατ'· παρὰ τὸν ρξδ· γίνεταί

VI. Es sei wiederum $AB\Gamma A$ ein Trapez, in dem Γ ein rechter Winkel und $AB = 13$, $B\Gamma = 10$, $= 8$, $AA = 25$ ist. Zu finden seinen Inhalt. Man ziehe die Verbindungslinie BA , dann ist in ähnlicher (wie vorher) der Inhalt des Dreiecks $B\Gamma A$ gegeben.

Und es ist $BA^2 = 164$; aber $AB^2 = 169$. Also wird

$$AB^2 + BA^2 = 333$$

sein. Und dies ist kleiner als AA^2 . Also ist der Winkel ABA ein stumpfer. Es werde nun auf die Verlängerung von BA die Kathete AE gefällt. Also ist $AA^2 - 2BA \times BE = AB^2 + BA^2$. Es

so $2BA \times BE$ gegeben, sodafs auch $BA \times BE$ gegeben ist, und es ist dieses $= \sqrt{BA^2 \times BE^2}$. Gegeben

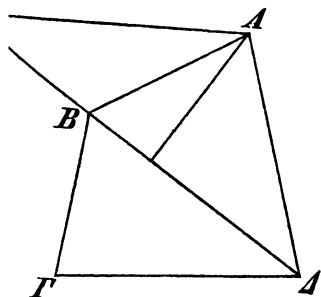


Fig. 19 a.

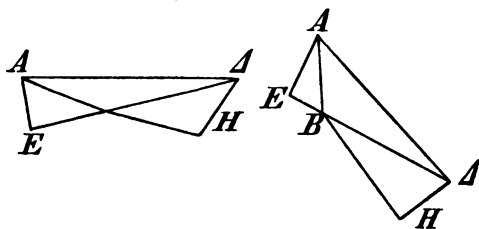


Fig. 19 b u. c.

also auch $BA^2 \times BE^2$, aber auch BA^2 , und es ist auch EB^2 gegeben. Und der Winkel bei E ist ein rechter; gegeben ist also auch AE^2 , sodafs auch $AE^2 \times BA^2$ gegeben ist. Und die Wurzel daraus ist gleich $AE \times BA$; also ist auch $AE \times BA$ gegeben. Und die Hälfte hiervon ist das Dreieck ABE ; gegeben ist also

$\rho\chi\theta$ καὶ $\rho\chi^{\rho\delta}$ ταῦτα ἄφελε ἀπὸ τῶν $\rho\chi\theta$. λοιπὰ $\lambda\theta$
καὶ δ . ταῦτα πολλαπλασίασον ἐπὶ τὸν $\rho\chi\delta$. γίννεται
 $\varsigma\upsilon$. ὧν πλευρὰ γίννεται π . τούτων τὸ ἥμισυ γίννεται
 μ . ἔσται τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν μονάδων μ .
ἀλλὰ καὶ τοῦ $B\Gamma\Delta$ ὁμοίως μ . ὅλου ἄρα τοῦ $AB\Gamma\Delta$
τραπεζίου τὸ ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων π , ὕπερ ἔδει δεῖξαι.

fol. 76^v

"Ὅσα μὲν οὖν ἔδει ἐπὶ τε τριπλεύρων καὶ τετρα-
πλεύρων τεταγμένων εἰπεῖν, προγέγραπται· ἐὰν δὲ
δέῃ καὶ τετραπλεύρου τυχόντος τὰς πλευρὰς λαβόντας
τὸ ἐμβαδὸν εἰπεῖν, δεήσει καὶ μίαν διαγώνιον λαβεῖν¹¹
αὐτοῦ, ὥστε διαιρεθὲν αὐτὸ εἰς δύο τρίγωνα ἔχειν
τὸ ἐμβαδὸν δοθέν. ἐμάθομεν γὰρ τριγώνου τῶν
πλευρῶν δοθεισῶν τὸ ἐμβαδὸν εὑρεῖν τῇ καθολικῇ
μεθόδῳ. ἄνευ δὲ μιᾶς διαγωνίου ἀδύνατον ἔσται τὸ
ἐμβαδὸν τοῦ τετραπλεύρου εἰπεῖν. τῶν γὰρ αὐτῶν¹⁵
πλευρῶν δοθεισῶν τοῦ τετραπλεύρου μεταπίπτει τὸ
ἐμβαδὸν διαρομβουμένου αὐτοῦ καὶ παρασπωμένου
ἐν ταῖς αὐταῖς πλευραῖς. καὶ τὰ μὲν περὶ τῶν
τριπλεύρων καὶ τετραπλεύρων ἐπὶ τοσοῦτον εἰρήσθω,
ἐξῆς δὲ περὶ τῶν ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων εὐθυ-²⁰
γράμμων γράψομεν ἄχρι τοῦ δωδεκαγώνου, ἐπειδὴ
τοῦτο συνεγγίζει μᾶλλον τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ.

ιζ. Ἐστω δὲ πρότερον τρίγωνον ἰσόπλευρον, οὗ
ἐκάστη ἐστὶ πλευρὰ μονάδων ι . καὶ ἔστω τὸ $AB\Gamma$.
ἦχθω κάθετος ἐπὶ τὴν ΓB ἢ $A\Delta$. ἐπεὶ διπλῇ ἐστίν²⁵
ἢ $B\Gamma$, τουτέστιν ἢ AB , τῆς $B\Delta$, τετραπλάσιον ἄρα
τὸ ἀπὸ AB τοῦ ἀπὸ $B\Delta$. ὥστε τριπλάσιον τὸ ἀπὸ
 $A\Delta$ τοῦ ἀπὸ ΔB . τοῦ δὲ ἀπὸ ΔB τετραπλάσιόν

auch das Dreieck ABA , so daß auch das ganze Viereck $ABTA$ gegeben ist. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned}
 10^2 &= 100 \\
 8^2 &= 64 \\
 100 + 64 &= 164 \\
 13^2 &= 169 \\
 169 + 164 &= 333 \\
 25^2 &= 625 \\
 625 - 333 &= 292 \\
 \frac{292}{2} &= 146 \\
 146^2 &= 21\,316 \\
 21\,316 : 164 &= 129\frac{160}{164} \\
 169 - 129\frac{160}{164} &= 39\frac{4}{164} \\
 93\frac{4}{164} \times 164 &= 6400 \\
 \sqrt{6400} &= 80 \\
 \frac{80}{2} &= 40.
 \end{aligned}$$

Der Inhalt des Dreiecks ABT wird $= 40$ sein. Aber auch $BT A$ ist $= 40$. Der Inhalt des ganzen Trapezes $ABTA$ wird also $= 80$ sein, was zu zeigen war.

Alles nun, was bei den bestimmten Dreiecken und Vierecken gesagt werden mußte, ist vorstehend aufzeichnet. Falls es aber gilt, wenn man von einem beliebigen Viereck die Seiten kennt, seinen Inhalt anzugeben, so wird man auch noch eine Diagonale desselben kennen müssen, sodaß, da es dann in 2 Dreiecke geteilt ist, sein Inhalt gegeben ist. Denn wir lernten, wenn von einem Dreieck die Seiten gegeben sind, seinen Inhalt durch die allgemeine Methode zu finden. Ohne eine Diagonale dagegen wird es nicht möglich sein den Inhalt des Vierecks anzugeben. Denn wenn ebendieselben Seiten des Vierecks gegeben sind, so verändert sich sein Inhalt, wenn es dem Rhombus genähert und, mit Beibehaltung derselben Seiten, seitwärts verschoben wird. So viel über die

ἐστὶ τὸ ἀπὸ $B\Gamma$. ἐπίτριτον ἄρα ἔσται τὸ ἀπὸ BI
 τοῦ ἀπὸ $ΑΔ$. τὸ ἄρα ἀπὸ $B\Gamma$ πρὸς τὸ ἀπὸ $ΑΔ$
 λόγον ἔχει, ὃν δ πρὸς γ , καὶ πάντα ἐπὶ τὸν ἀπὸ BI
 τουτέστιν τό τε ἀπὸ $B\Gamma$ ἐφ' ἑαυτὸ καὶ τὸ ἀπὸ $ΑΔ$
 fol. 77^r ἐπὶ τὸ ἀπὸ $B\Gamma$. ἡ ἄρα ἀπὸ τῆς $B\Gamma$ | δυνάμεως πρὸς
 τὸ ἀπὸ τῆς $B\Gamma$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ λόγον ἔχει, ὃν δ
 πρὸς γ , τουτέστιν ὃν $\iota\varsigma$ πρὸς $\iota\beta$. τὸ δὲ ἀπὸ τῆς BI
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ τὸ ὑπὸ $ΑΔ$ $B\Gamma$ ἐστὶν ἐφ' ἑαυτό.
 τουτέστι δύο τρίγωνα
 ἐφ' ἑαυτά. ἡ ἄρα
 ἀπὸ $B\Gamma$ δυναμοδύ-
 ναμὶς πρὸς δύο τρί-
 γωνα ἐφ' ἑαυτὰ λό-
 γον ἔχει, ὃν $\iota\varsigma$ πρὸς
 $\iota\beta$. δύο δὲ τρίγωνα ἐφ'
 ἑαυτὰ ἐνὸς τριγώνου
 ἐφ' ἑαυτὸ ἐστὶν τε-
 τραπλάσια. ἡ ἄρα
 ἀπὸ τῆς $B\Gamma$ δυναμο-

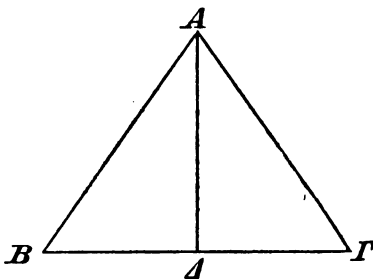


Fig. 20.

δύναμὶς πρὸς ἓν τρίγωνον ἐφ' ἑαυτὸ λόγον ἔχει, ὃν
 $\iota\varsigma$ πρὸς γ . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ἀπὸ $B\Gamma$ δυναμοδύνα-
 μὶς, ἐπεὶ καὶ ἡ $B\Gamma$. δοθὲν ἄρα ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ
 τριγώνου ἐφ' ἑαυτό· ὥστε καὶ αὐτὸ τὸ τρίγωνον δοθὲν
 ἐστίν. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως.
 τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρ. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίγνε-
 ται μ^{α} . τούτων λαβὲ γ^{ι} . γίγνεται $\alpha\omega\sigma\epsilon$. τούτων πλε-
 ρὸν λαβέ· καὶ ἐπεὶ οὐκ ἔχει ζητὴν πλευρὰν, εἰλήφθω
 ὡς ἐμάθομεν ἔγγιστα μετὰ διαφόρου. καὶ ἔσται τ .
 ἐμβαδὸν $\mu\gamma\gamma'$.

11 δυναμο in mg. supplevit m. 1 20 δυναμοδυνάμεως: corre^{ct}

Dreiecke und Vierecke. Im folgenden aber werden wir über die gleichseitigen und gleichwinkligen gradlinigen Figuren bis zum Zwölfeck schreiben, da dieses sich mehr dem Umfang des Kreises annähert.

XVII. Es sei nun zunächst ein Dreieck gleichseitig, von dem jede Seite = 10 sei. Und es sei $AB\Gamma$. Auf

ΓB werde die Höhe AA gefällt.

Da nun $B\Gamma = AB = 2BA$, so ist $AB^2 = 4BA^2$, also

$$AA^2 = 3BA^2;$$

es ist aber $AB^2 = \frac{1}{4}B\Gamma^2$; also

ist $B\Gamma^2 = \frac{3}{4}AA^2$. Mithin ist $B\Gamma^2 : AA^2 = 4 : 3$, und (dies) alles werde mit $B\Gamma^2$ multipliziert, d. h. sowohl $B\Gamma^3$ mit sich selbst als auch AA^2 mit $B\Gamma^2$; also $B\Gamma^4 : B\Gamma^2 \times AA^2 = 4 : 3 = 16 : 12$. Es ist aber

$$B\Gamma^2 \times AA^2 = (AA \times A\Gamma)^2,$$

d. h. gleich dem Quadrat des doppelten Dreiecks. Also ist $B\Gamma^4 : \text{Quadrat des doppelten Dreiecks} = 16 : 12$. Nun ist aber das doppelte Dreieck ins Quadrat = 4 mal 1 Dreieck ins Quadrat. Also ist $B\Gamma^4 : \text{Dreiecksquadrat} = 16 : 3$. Nun ist $B\Gamma^4$ gegeben, da $B\Gamma$ gegeben ist. Also ist auch der Inhalt des Dreiecks ins Quadrat, mithin auch das Dreieck selbst gegeben.

Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100^2 = 10000$$

$$10000 \times \frac{3}{16} = 1875.$$

Daraus ziehe die Wurzel: und da es keine rationale Wurzel hat, so soll sie annähernd mit Differenz genommen werden, und dann wird der Inhalt = $43\frac{1}{3}$ sein.

Αἴημα. Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ $AB\Gamma$ ὀρθή
 ἔχον τὴν πρὸς τῷ Γ , δύο δὲ πέλπτων ὀρθῆς τὴν πρὸ
 τῆς A . δεῖξαι ὅτι τὸ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς BA A .
 πενταπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ AG . ἐκβεβλήσθω ἡ A .
 ἐπὶ τὸ Δ , καὶ τῇ AG ἴση κείσθω ἡ $\Gamma\Delta$, καὶ ἐκ-
 ζεύχθω ἡ $B\Delta$. ἴση ἔρα ἡ μὲν AB τῇ $B\Delta$, ἡ ἰ-
 σὴ ὑπὸ $AB\Gamma$ γωνία τῇ ὑπὸ $\Gamma B\Delta$. ἀλλὰ ἡ ὑπὸ ΓB
 γωνία τριῶν πέλπτων ἐστὶν ὀρθῆς διὰ τὸ τὴν ὑ-
 πὸ $BA\Gamma$ γωνίαν δύο πέλπτων εἶναι· ἡ ἔρα ὑπὸ AB
 γωνία ἕξ πέλπτων ἐστὶν ὀρθῆς· πενταγώνου ἔρα ἐς
 γωνία ἡ ὑπὸ $AB\Delta$. καὶ ἔστιν ἴση ἡ AB τῇ $B\Delta$.
 101. 77^v τῆς ἔρα AD ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνομένης
 μείζον τμήμα ἐστὶν ἡ AB . καὶ ἔστι τῆς AD ἡμίσει
 ἡ AG . τὸ ἔρα ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς BA AG πεν-
 πλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς AG .

ιη. Ἐστω πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογών-
 τὸ $AB\Gamma\Delta E$, οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἔστω μονάδων
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τ-
 περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ Z , καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ Γ
 $Z\Delta$ καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν $\Gamma\Delta$ ἡ ZH . ἔσται ἔρα
 ὑπὸ τῶν $\Gamma Z\Delta$ γωνία τεσσάρων πέλπτων ὀρθῆς·
 ἔρα ὑπὸ ΓZH δύο πέλπτων ἐστὶν ὀρθῆς. καὶ ἔστι
 ὀρθή ἡ ὑπὸ ΓHZ . τὸ ἔρα ἀπὸ συναμφοτέρου τ-
 ΓZ ZH πενταπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς ZH . ἀλ-
 ἐπεὶ ἐν ἀριθμοῖς οὐκ ἔστιν εὐρεῖν τετράγωνον τετρ-
 γώνου πενταπλάσιον, ὥς σύνεγγυς δεῖ λαβεῖν· ἔε-
 δὲ ὁ $\pi\alpha$ πρὸς $\langle\tau\epsilon\rangle$ συναμφοτέρος ἔρα ὁ ΓZ Z
 λόγον ἔχει πρὸς τὸν ZH , ὃν θ πρὸς δ . καὶ διελόντι
 ΓZ πρὸς ZH λόγον ἔχει $\langle\delta\rangle$ ν ϵ πρὸς δ . καὶ τ-
 $\langle\alpha\pi\delta\rangle$ ΓZ ἔρα πρὸς $\langle\tau\delta\rangle$ ἀπὸ ZH , ὃν $\kappa\epsilon$ πρὸς $\iota\varsigma$. κα-
 λοιπὸς τοῦ ἀπὸ ΓH πρὸς $\langle\tau\delta\rangle$ ἀπὸ ZH , ὃν θ πρ-

Hilfssatz. Es sei $AB\Gamma$ ein rechtwinkliges Dreieck, das bei Γ einen rechten Winkel hat, und den Winkel bei $A = \frac{2}{5}$ eines Rechten. Zu zeigen, daß $(BA + A\Gamma)^2 = 5A\Gamma^2$ ist. Es werde $A\Gamma$ bis Δ verlängert und es sei $\Gamma\Delta = A\Gamma$ und es werde die Verbindungslinie $B\Delta$ gezogen. Also ist $AB = B\Delta$ und Winkel $AB\Gamma = \Gamma B\Delta$.

Nun ist aber Winkel $\Gamma B\Delta = \frac{3}{5}$ eines Rechten, weil Winkel $B\Gamma\Delta = \frac{2}{5}$ eines Rechten ist. Also ist Winkel $AB\Delta = \frac{6}{5}$ eines Rechten. Mithin ist $AB\Delta$ der Winkel eines (regelmäßigen) Fünfecks. Und es ist $AB = B\Delta$. Wenn nun $A\Delta$ nach dem goldenen Schnitt geteilt wird, so ist AB der größere Abschnitt und es ist $A\Delta = 2A\Gamma$. Also ist $(BA + A\Gamma)^2 = 5A\Gamma^2$.

XVIII. Es sei $AB\Gamma\Delta E$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck, von dem jede Seite = 10 sein soll.

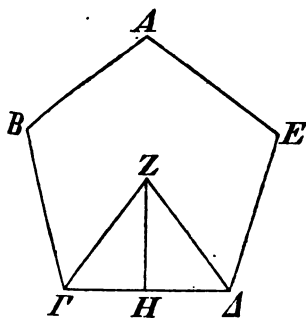


Fig. 22.

Zu finden seinen Inhalt.

Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises Z und ziehe die Verbindungslinien ΓZ und $Z\Delta$ und falle auf $\Gamma\Delta$ die Höhe ZH . Also wird der

Winkel $\Gamma Z\Delta = \frac{4}{5}$ eines Rechten sein; folglich Winkel $\Gamma ZH = \frac{2}{5}$ R. Und

$\Gamma ZH = 1$ R. Also ist $(\Gamma Z + ZH)^2 = 5ZH^2$.

Da es aber nicht möglich ist, in Zahlen ein Quadrat zu finden, das das Fünffache eines anderen Quadrats beträgt, so muß man es annähernd nehmen. Es ist aber $81 : \langle 16 \rangle$. Also ist

1 $\lambda\eta$ $\bar{\mu}$ $\bar{\mu}\alpha$: correxī 2 et 3 $\pi\phi\delta$ $\tau\delta$: correxī 20 $Z\Delta$: Δ
ex Θ fec. m. 1 23 ΓZH : ϕ orr. m. 2 27 suppl. m. 2 28 δ
in rasura m. 1 29 $\xi\chi\epsilon\upsilon\upsilon$ ϵ : correxī 29 spatium 3 litterarum;
suppl. m. 3 30 et 31 $\langle \tau\delta \rangle$ addidi 31 ante $\tau\omega\upsilon$ ins. δ m. 2

ις· τῆς ἄρα ΓH πρὸς $H Z$ λόγος, ὃν γ πρὸς δ ὥστε τῆς $\Gamma \Delta$ πρὸς $Z H$ λόγος ἐστίν, ὃν ς πρὸς δ τουτέστιν ὃν γ πρὸς β· τὸ ἄρα ἀπὸ $\Gamma \Delta$ πρὸς τὸ ὑπὸ $\Gamma \Delta Z H$ λόγον ἔχει, ὃν γ πρὸς β. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ τῆς $\Gamma \Delta$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ τῶν $\Gamma \Delta Z H$ καὶ ἔστι διπλάσιον τοῦ $\Gamma Z \Delta$ τριγώνου· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ $\Gamma Z \Delta$ τρίγωνον. καὶ ἔστι πέμπτον μέρος τοῦ $A B \Gamma \Delta E$ πενταγώνου· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ πεντάγωνον συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι[ε] ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται τούτων τὸ τρίτον· γίνεται λγ γ'. ταῦτα πεντάκις

fol. 78^r γίγνεται ρξ β. τοσούτον ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ πενταγώνου ὡς ἔγγιστα· ἐὰν δὲ ἕτερον τετράγωνον ἑτέρου τετραγώνου πενταπλάσιον μᾶλλον ἐγγίξον λβωμεν, ἀκριβέστερον εὐρήσομεν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν.

ιθ. Ἐστω ἑξάγωνον ἰσοπλευρον καὶ ἰσογώνιον $A B \Gamma \Delta E Z$, οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἀνὰ μονάδας ι. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ H , καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΓH , $H \Delta$. ἴση ἄρα ἐστίν ἡ $\Gamma \Delta$ ἑκατέρω τῶν ΓH , $H \Delta$ · ἰσοπλευρον ἄρα ἐστὶ τὸ $\Gamma H \Delta$ τρίγωνον. καὶ ἔστιν αὐτοῦ πλευρὰ δοθεῖσα· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ $\Gamma H \Delta$ τρίγωνον

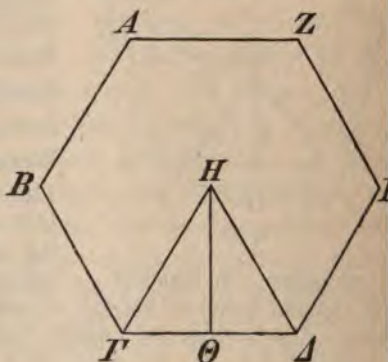


Fig. 23.

$$\Gamma Z + ZH : ZH = 9 : \langle 4 \rangle$$

$$\Gamma Z : ZH = 5 : 4$$

$$\Gamma Z^2 : ZH^2 = 25 : 16$$

$$\Gamma H^2 : ZH^2 = 9 : 16$$

$$\Gamma H : HZ = 3 : 4$$

$$\Gamma A : ZH = 6 : 4 = 3 : 2$$

Also:

$$\Gamma A^2 : \Gamma A \times ZH = 3 : 2.$$

Nun ist gegeben ΓA^2 , gegeben ist also auch $\Gamma A \times ZH$ und dies ist zweimal so groß als das Dreieck $\Gamma Z A$.

Gegeben ist also auch das Dreieck $\Gamma Z A$ und es ist $\frac{1}{5}$ des Fünfecks $AB\Gamma A E$. Gegeben ist also auch das Fünfeck. Berechnet wird es folgendermaßen:

$$10^2 = 100$$

$$\frac{100}{8} = 33\frac{1}{8}$$

$$33\frac{1}{8} \times 5 = 166\frac{5}{8}.$$

So groß wird der Inhalt des Fünfecks annähernd sein. Wenn wir aber eine andere Quadratzahl, die in größerer Annäherung das Fünffache einer zweiten Quadratzahl ist, nehmen, so werden wir seinen Inhalt genauer finden.

XIX. Es sei $AB\Gamma A E Z$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Sechseck, von dem jede Seite = 10 sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises H und ziehe die Verbindungslinien ΓH und $H A$. Dann ist $\Gamma A = \Gamma H = H A$.

Also ist $\Gamma H A$ ein gleichseitiges Dreieck. Und seine Seite ist gegeben, also ist auch das Dreieck $\Gamma H A$ gegeben und ist $= \frac{1}{6}$ des Sechsecks. Gegeben ist also auch das Sechseck $AB\Gamma A E Z$. Berechnet wird es folgendermaßen.

2 οἷ: correxi 9 ιε: correxi 9—10 φ. τοῦτων: correxi

11 γίνεταί φ: correxit m. 3 18 ἀνὰ ῥ μ ι: f. ἀνὰ μονάδων ι,
cf. Hultsch Her. reliqu. p. XIV. 28 ἱσοπλεύρων: corr. m. 1

καὶ ἔστιν ἕκτον μέρος τοῦ ἐξαγώνου· δοθὲν ἄρα
τὸ $ABΓΔEZ$ ἐξαγώνου. συντεθήσεται δὲ οὕτως
ι ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ρ. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίγνι
μ.^α τούτων τὸ τέταρτον· γίνεται βφ. ταῦτα εἰκα
καὶ ἐπτάκι· γίνεται μ̄ ζφ. τούτων λαβὲ πλευρὰν ἔγγ
γίγνεται σνθ. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐξαγά

Αἴημμα. Ἐὰν εἰς κύκλον ἐπτάγωνον ἰσόπλευ
ἐγγραφῇ, ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου πρὸς τὴν
ἐπταγώνου πλευρὰν λόγον ἔχει, ὃ(ν) ἡ πρὸς ζ.
γὰρ κύκλος ὁ $BΓ$ περὶ κέντρον τὸ A , καὶ ἐνηρμ
εἰς αὐτὸν ἐξαγώνου πλευρὰ ἡ $BΓ$, τουτέστιν ἰσ
fol. 78^v ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου· καὶ κάθετος ἐπ' α
ἡ $ΑΔ$. ἔσται ἄρα ἡ $ΑΔ$ ὡς ἔγγιστα ἴση τῇ
ἐπταγώνου πλευρᾷ. ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ΒΑ$, $ΑΓ$.
πλευρον ἄρα ἐστὶ τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον. τριπλα
ἄρα ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ τοῦ ἀπὸ τῆς $ΔΒ$.
ἄρα τῆς $ΑΔ$ πρὸς $ΔΒ$ δυνάμει ὡς ἔγγιστα ὃ[ν]
μθ πρὸς ιε· καὶ μήκει λόγος τῆς $ΑΔ$ πρὸς $ΔΒ$
ζ πρὸς δ. καὶ ἔστι τῆς $ΒΔ$ διπλῇ ἡ $ΒΓ$. τῆς
ἄρα πρὸς $ΔΑ$ λόγος ἐστὶν, ὃν ἔχει τὰ η πρὸς ζ.

κ. Ἐστω ἐπτάγωνον ἰσόπλευρον τὸ $ΑΒΓΔΕ$
οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονάδων ι. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ε
δόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ αὐτὸ κύκλου
καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ΔΘ$, $ΘΕ$ καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν
ἡ $ΘΚ$. λόγος ἄρα τῆς $ΘΔ$ πρὸς $ΔΕ$, ὃν η πρ
πρὸς δὲ τὴν $ΔΚ$, ὃν η πρὸς γλ, τουτέστιν ὃ
πρὸς ζ. ὥστε τῆς $Θ[Ε]Κ$ πρὸς $ΚΔ$ λόγος ὡς ἔγγ
ὁ τῶν ιδ γ' πρὸς τὸν ζ, τουτέστιν ὃν μγ πρὸς

5 μ̄ βφ: corr. m. 3
27 [E] del. m. 1 (?)

9 ὁ η: correxi

17 δν: ci

$$10^2 = 100$$

$$100^2 = 10\,000$$

$$\frac{10\,000}{4} = 2500$$

$$2500 \times 27 = 67\,500.$$

5 Daraus ziehe annähernd die Wurzel: es ergibt 259. So groß wird der Inhalt des Sechsecks sein.

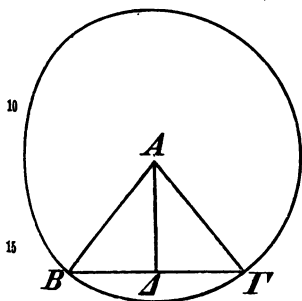


Fig. 24.

Hülfsatz.

Wenn in einen Kreis ein gleichseitiges Siebeneck eingeschrieben wird, so verhält sich der Radius des Kreises zur Seite des Siebenecks wie 7 : 8. Es sei $B\Gamma$ ein Kreis um A , und es werde in ihn eingezeichnet die Seite eines Sechsecks d. h. eine dem Radius gleiche Linie, und auf sie die Höhe $A\Delta$ gefällt. Es wird also $A\Delta$ annähernd

20 gleich der Seite des Siebenecks sein. Man ziehe die Verbindungslinien BA und AT . Dann wird $AB\Gamma$ ein gleichseitiges Dreieck sein. Also ist $A\Delta^2 = 3\Delta B^2$. Also ist

$$\left(\frac{A\Delta}{\Delta B}\right)^2 \text{ annähernd} = \frac{49}{16}$$

$$\frac{A\Delta}{\Delta B} = \frac{7}{4}.$$

Nun ist

$$2BA = B\Gamma;$$

also

$$B\Gamma : \Delta A = 8 : 7.$$

30 XX. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Siebeneck, von dem jede Seite = 10 ist. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des

ὥστε καὶ τῆς $\triangle A E$ πρὸς $K\Theta$ λόγος, ὃν $\mu\beta$ πρὸς $\mu\gamma$,
 τουτέστιν ὃν $\pi\delta$ πρὸς $\pi\varsigma$. καὶ τοῦ ἀπὸ $\triangle A E$ ἄρα πρὸς
 τὸ ὑπὸ $\triangle A E K\Theta$ λόγος ὁ
 αὐτός· ὥστε \langle τοῦ ἀπὸ $\triangle A E$ \rangle
 πρὸς τὸ $\triangle \Theta E$ τριγώνου
 λόγος, ὃν $\pi\delta$ πρὸς $\mu\gamma$.
 τοῦ δὲ τριγώνου πρὸς τὸ
 ἐπιτάγωνον λόγος ὁ τοῦ α
 πρὸς ξ · καὶ τοῦ ἀπὸ $\triangle A E$
 ἄρα πρὸς τὸ ἐπιτάγωνον $\iota\beta$
 πρὸς $\mu\gamma$. καὶ ἔστι δοθὲν
 τὸ ἀπὸ $\triangle A E$ · δοθὲν ἄρα
 καὶ τὸ ἐπιτάγωνον. συν-
 τεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι
 ἐφ' ἐαυτὰ· γίννεται ρ . ταῦτα ἐπὶ τὰ $\mu\gamma$ · γίννεται $\rho\tau$.
 τούτων τὸ $\iota\beta$ · γίννεται τῇ γ' . τοσούτου ἔσται τὸ
 ἐμβαδὸν τοῦ ἐπιταγώνου.

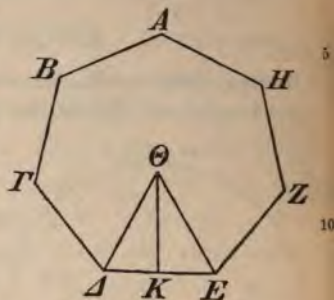


Fig. 25.

fol. 79^r κα. | Ἐστω οκτάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον
 τὸ $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$, οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονάδων ι .
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ
 περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ K , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $K\Delta$,
 KE καὶ ἐπὶ τὴν ΔE κάθετος ἤλθω ἡ $ΚΛ$. ἡ ἄρα
 ὑπὸ $\triangle KE$ γωνία ἡμίσεως ἐστὶν ὀρθῆς· ὥστε τετάρτον
 ἐστὶν ὀρθῆς ἡ ὑπὸ $\triangle K\Lambda$. συνεστιάτω δὴ αὐτῇ ἴση
 ἡ ὑπὸ $\triangle K\Lambda M$ · τετάρτον ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ $\triangle K\Lambda M$ · ἡμί-
 σους ἄρα ἡ ὑπὸ $\triangle M\Lambda$ ἐστὶν ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἡ πρὸς
 τῷ Λ · ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $\angle \Lambda$ τῇ $M\Lambda$. διπλάσιον ἄρα
 τὸ ἀπὸ $\triangle M$ τοῦ ἀπὸ $M\Lambda$ · ἡ ἄρα $\triangle M$ πρὸς $M\Lambda$
 λόγον ἔχει ἔγγιστα, ὃν $\iota\zeta$ πρὸς $\iota\beta$. ἴση δὲ ἐστὶν ἡ

1 MB: B in rasura m. 2 (?) 4 inserui 17 ἐξῆς ἡ κα-
 ταγραφή in marg. inf. m. 1

in umgeschriebenen Kreises Θ und ziehe die Verbindungslinien $\Delta\Theta$ und ΘE und auf ΔE die Höhe ΘK . Also $\Theta\Delta:\Delta E = 8:7$ und $\Theta\Delta:\Delta K = 8:3\frac{1}{2} = 16:7$. Also $\Theta K:K\Delta = \text{annähernd } 14\frac{1}{3}:7 = 43:21$. Also $\Delta E:K\Theta = 42:43 = 84:86$. Also auch $\Delta E^2:E \times K\Theta = 84:86$. Daher $\langle \Delta E^2 \rangle$: Dreieck $\Delta\Theta E$ $84:43$. Nun verhält sich aber das Dreieck zum Siebeneck $= 1:7$. Also auch ΔE^2 zum Siebeneck wie 43 . Und es ist ΔE^2 gegeben; also ist auch das Siebeneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned} 10^2 &= 100 \\ 100 \times 43 &= 4300 \\ \frac{4300}{12} &= 358\frac{1}{3}. \end{aligned}$$

groß wird der Inhalt des Siebenecks sein.

XXI. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Achteck, von dem jede Seite $= 10$. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises K und ziehe die Verbindungslinien $K\Delta$ und KE und falle auf ΔE die Höhe $K\Lambda$. Also ist der Winkel $\Delta KE = \text{einem halben Rechten}$; sodafs Winkel $\Delta K\Lambda = \frac{1}{4}$ Rechten ist. Ihm sei nun Winkel $K\Lambda M$ gleich. Also ist auch $K\Lambda M = \frac{1}{4}$ Rechten.

hin ist Winkel $\Delta M\Lambda = \frac{1}{2}$ Rechten. Der Winkel bei Λ aber ist ein Rechter, also ist $\Delta\Lambda = M\Lambda$. Mithin ist

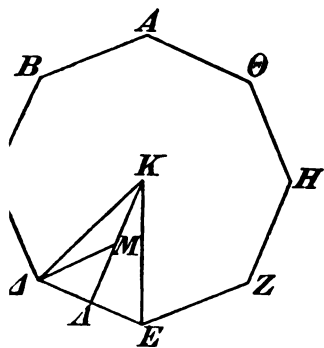


Fig. 26.

ΔM τῇ MK λόγος ἄρα ἐστὶ τῆς KM πρὸς MA , ὃν αἱ ιζ πρὸς ιβ. τῆς ἄρα KA πρὸς MA , τουτέστι πρὸς ΔA λόγος, ὃν κθ πρὸς ιβ· πρὸς ἄρα τὴν ΔE ὃν κθ πρὸς κδ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΔE πρὸς τὸ ὑπὸ $\Delta E KA$ λόγον ἔχει, ὃν κθ πρὸς κθ· πρὸς ἄρα τὸ KEA τρίγωνον, ὃν κθ πρὸς ιδλ. πρὸς ἄρα τὸ $ABΓ\Delta EZH\Theta$ ὀκτάγωνον λόγον ἔχει [τ]ὸν κθ πρὸς ρις, τουτέστιν ὃν ς πρὸς κθ. καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ ΔE δοθέν· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὀκτάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρ. ταῦτα ἐπὶ κθ· γίγνεται βδ. τούτων τὸ ἕκτον· γίγνεται υλγ γ'. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀκταγώνου.

fol. 79^v

κβ. | Ἐστω ἐννάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον τὸ $ABΓ\Delta EZH\Theta K$, οὗ ἐκάστη τῶν πλευρῶν μονάδων ι. εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. περιγεγράφθω περὶ αὐτὸ κύκλος, οὗ κέντρον ἔστω τὸ A , καὶ ἐπέξευχθῶ ἡ EA καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ M , καὶ ἐπέξευχθῶ ἡ MZ . τὸ ἄρα EZM τρίγωνον δοθέν ἔστιν τοῦ ἐν(ν)αγώνου. δέδεικται δὲ ἐν τοῖς περὶ τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ὅτι ἡ ZE τῆς EM τρίτον μέρος ἔστιν ὥς ἔγγιστα· τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ME ἐνναπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς EZ . ὥστε ὀκταπλάσιόν ἐστι τὸ ἀπὸ MZ τοῦ ἀπὸ ZE · ἐν γὰρ ἡμικυκλίῳ ὀρθή ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Z γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ MZ πρὸς τὸ ἀπὸ ZE λόγον ἔχει ὥς ἔγγιστα, ὃν σπθ πρὸς λς. ἡ ἄρα MZ πρὸς ZE λόγον ἔχει ὥς ἔγγιστα, ὃν ιζ πρὸς ς· ὥστε τὸ ἀπὸ EZ πρὸς τὸ EMZ τρίγωνον λόγον ἔχει, ὃν λς πρὸς να, τουτέστιν

6 \angle ex 5 fec. m. 2 7 τὸν: correxi 16 τὸ A : correxi
 18 ἐναγώνου: correxi 19 δέδεικται: sc. ab Hipparcho, cuius ferebantur περὶ τῆς πραγματικῆς τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν βιβλία
 ιβ teste Theone Comm. in Alm. I cap. 9 p. 110 Halma

$= 2MA^2$. Also $AM:MA$ annähernd $= 17:12$.
 t aber $AM = MK$; also ist $KM:MA = 17:12$.
 ist $KA:MA = KA:AA = 29:12$ und $KA:AE$
 $= 24$. Also $AE^2:AE \times KA = 24:29$; also AE^2
 reieck $KEA = 24:14\frac{1}{2}$. Also AE^2 zu dem Achteck
 $AEZH\Theta = 24:116 = 6:29$. Nun ist AE^2 ge-
 ; also ist auch das Achteck gegeben. Berechnet
 es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 29 = 2900$$

$$\frac{2900}{6} = 433\frac{1}{3}.$$

ofs wird der Inhalt des Achtecks sein.

XII. Es sei $AB\Gamma AEZH\Theta K$ ein gleichseitiges und
 winkliges Neuneck, von dem jede Seite $= 10$ sei.

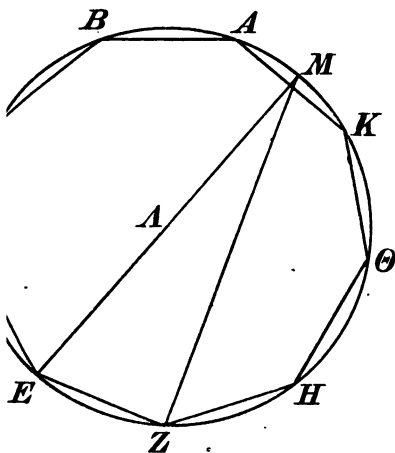


Fig. 27.

Zu finden sei-
 nen Inhalt. Es
 werde demsel-
 ben ein Kreis
 umschriebe-
 nen, dessen
 Mittelpunkt A
 sei, und man
 ziehe die Ver-
 bindungslinie
 EA und ver-
 längere sie bis
 M und ziehe
 die Verbin-
 dungslinie
 MZ. Also ist
 von dem Neun-
 eck das Dreie-
 eck EZM ge-

Es ist aber in der Schrift über die Geraden im
 nachgewiesen, daß annähernd $3ZE = EM$ ist.

δν ιβ πρὸς ιζ. πρὸς ἄρα τὸ ἐν(ν)άγωνον λόγῳ
 δν ιβ πρὸς οςL, τουτέστιν δν κδ πρὸς ρνγ, το
 δν η πρὸς να. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ EZ
 ἄρα καὶ τὸ ἐννάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως
 ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρ. ταῦτα ἐπὶ να· γίγνε
 τούτων τὸ η'· γίγνεται χλζL. τοσούτου ἔστι
 ἐνναγώνου τὸ ἐμβαδόν.

κγ. Ἔστω δεκάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ
 νιον τὸ $ABΓΔEZHΘKA$, οὗ ἐκάστη πλευρὶ
 δων ι. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰληφθῶ τὸ
 τοῦ περὶ αὐτὸ
 κύκλου τὸ M ,
 καὶ ἐπεζεύχ-
 θωσαναὶ ME ,
 MZ καὶ κάθε-
 τος ἐπὶ τὴν
 EZ ἡ MN .

fol. 80^r

| ἡ ἄρα ὑπὸ
 EMZ γωνία
 δύο πέλπτων
 ἐστὶν ὀρθῆς·
 ὥστε ἡ ὑπὸ
 EMN πέμ-
 πτου ἐστὶν
 ὀρθῆς. συν-
 εστάτω αὐτῇ

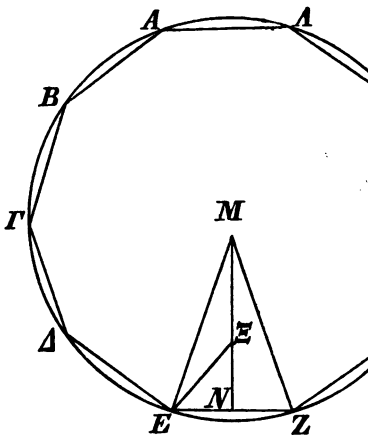


Fig. 28.

ἴση ἡ ὑπὸ $MEΞ$ · δύο ἄρα πέμπτων ἐστὶν
 $NΞE$. ὀρθῇ δὲ ἡ ὑπὸ $ENΞ$ · λόγος ἄρα ι
 πρὸς $NΞ$, δν ε πρὸς δ, πρὸς δὲ τὴν EN , δν

1 ἐνάγωνον: correxi 4 ἐνάγωνον (sic) m. 1 1
 sed I del. m. 1

Also ist $ME^2 = 9EZ^2$, mithin $MZ^2 = 8ZE^2$. Denn der Winkel bei Z ist ein rechter im Halbkreis. Mithin ist $ME^2 : ZE^2$ annähernd $= 289 : 36$. Also $MZ : ZE$ annähernd $= 17 : 6$. Es verhält sich aber EZ^2 zu dem Dreieck EMZ wie $36 : 51 = 12 : 17$. Also EZ^2 zu dem Neuneck $= 12 : 76\frac{1}{2} = 24 : 153 = 8 : 51$. Nun ist EZ^2 gegeben; also ist auch das Neuneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned} 10^2 &= 100 \\ 100 \times 51 &= 5100 \\ \frac{5100}{8} &= 637\frac{1}{2}. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des Neunecks sein.

XXIII. Es sei $ABΓΔEZHΘKA$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Zehneck, von dem jede Seite $= 10$ sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umbeschriebenen Kreises M und ziehe die Verbindungslinien ME und MZ , und falle auf EZ die Höhe MN . Es ist also der Winkel EMZ gleich $\frac{2}{5}$ eines Rechten, sodafs Winkel EMN gleich $\frac{1}{5}$ eines Rechten sein wird. Ihm sei gleich Winkel $MEΞ$. Also ist Winkel $NΞE = \frac{2}{5}$ eines Rechten. Nun ist aber Winkel $ENΞ$ ein Rechter, also ist $EΞ : NΞ = 5 : 4$, $EΞ : EN = 5 : 3$. Nun ist $EN = NZ$. Also wird $EZ : MN = 6 : 9 = 2 : 3$. Also auch $EZ^2 : EZ \times MN = 2 : 3$. Also EZ^2 : Dreieck $EZM = 2 : 1\frac{1}{2}$; also EZ^2 zu dem Zehneck $= 2 : 15$. Nun ist EZ^2 gegeben; also ist auch das Zehneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned} 10^2 &= 100 \\ 100 \times 15 &= 1500 \\ \frac{1500}{2} &= 750. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des Zehnecks sein.

γ. ἴση δὲ ἡ μὲν $E\Xi$ τῇ ΞM , ἡ δὲ EN τῇ NZ .
 ἔσται ἄρα λόγος τῆς EZ πρὸς MN , ὃν ς πρὸς θ ,
 τουτέστιν ὃν β πρὸς γ . καὶ τοῦ ἀπὸ $E\langle Z\rangle$ ἄρα
 πρὸς τὸ ὑπὸ $EZ M\langle N\rangle$, ὃν β πρὸς γ . ὥστε πρὸς τὸ
 EZM τρίγωνον, ὃν β πρὸς $\alpha\Gamma$. ὥστε πρὸς τὸ δεκά-
 γωνον λόγον ἔχει, ὃν β πρὸς $\iota\epsilon$. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ
 ἀπὸ EZ . δοθὲν ἄρα καὶ τὸ δεκάγωνον. συντεθήσεται
 δὲ οὕτως. τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίνεταί ρ . ταῦτα ἐπὶ τὰ
 $\iota\epsilon$ · γίνεταί $\alpha\phi$. τούτων τὸ ἡμισυ· γίνεταί ψ .
 τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ δεκαγώνου.

κδ. Ἔστω ἐνδεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώ-
 νιον τὸ $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda M$, οὗ ἑκάστη πλευρὰ
 μονάδων ι . εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. περιγεγράφθω
 περὶ αὐτὸ κύκλος, οὗ κέντρον ἔστω τὸ N , καὶ ἐπε-
 ξεύχθω ἡ ZN καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Ξ , καὶ ἐπε-
 ξεύχθω ἡ ΞH . τὸ ἄρα $ZH\Xi$ τρίγωνον δύο ἐνδέ-
 κατα τοῦ ἐνδεκαγώνου ἔστιν. δέδεικται δὲ ἐν τοῖς περὶ
 τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ὅτι λόγος τῆς $Z\Xi$ πρὸς ZH ὡς
 ἔγγιστα ὁ τῶν $\kappa\epsilon$ πρὸς ζ , ὁ δὲ τῆς ΞH πρὸς HZ
 λόγος, ὃν κδ πρὸς ζ . τοῦ ἄρα ἀπὸ ZH πρὸς τὸ $ZH\Xi$
 τρίγωνον λόγος ὁ τῶν μθ πρὸς πδ, τουτέστιν ὁ τῶν
 fol. 80^v ζ πρὸς $\iota\beta$. τοῦ δὲ τριγώνου | πρὸς τὸ ἐνδεκάγωνον
 λόγος, ὃν β πρὸς $\iota\alpha$. ὥστε πρὸς τὸ ἐνδεκάγωνον λόγον
 ἔχει τὸ ἀπὸ τῆς ZH , ὃν ζ πρὸς $\xi\varsigma$. καὶ ἔστι δοθὲν
 τὸ ἀπὸ ZH . δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἐνδεκάγωνον. συντε-
 θήσεται δὲ οὕτως. τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίνεταί ρ . ταῦτα
 ἐπὶ τὰ $\xi\varsigma$ · γίνεταί $\varsigma\chi$. τούτων τὸ ἑβδομον· γίνεταί
 \mathcal{D} μβ ς . τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐνδεκαγώνου.

1 $N\Xi Z$: sed Ξ del. m. 1 3 τοῦ ἀπὸ E : supplevi 4 EZM :
 supplevi 10 τοσούτου: correxi 17 cf. quae ad p. 58, 19 ad-
 scripsi 20 $ZH Z$: correxi 25 $ZH\Delta$: ὁθεν: correxi

XXIV. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda M$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Elfeck, von dem jede Seite = 10 sei. Zu finden seinen Inhalt. Man beschreibe um dasselbe einen Kreis, dessen Mittelpunkt N sein soll, und ziehe

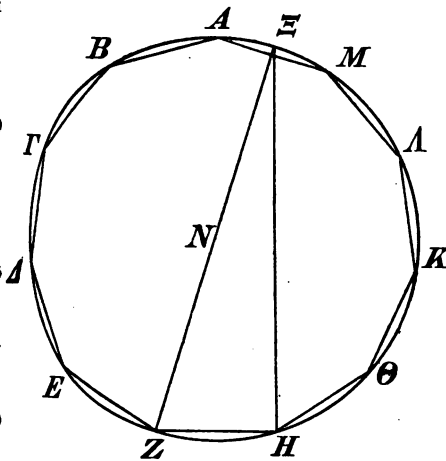


Fig. 29.

die Verbindungsline ZN und verlängere sie bis Ξ , und ziehe die Verbindungsline ΞH .

Also ist das Dreieck

$$ZH\Xi = \frac{2}{11}$$

des Elfecks.

Nun ist aber in der Schrift über die Geraden im Kreise nachgewiesen,

dafs $Z\Xi:ZH$

annähernd = 25 : 7 ist. Nun ist $\Xi H:HZ = 24:7$; also ist ZH^2 zu dem Dreieck $ZH\Xi = 49:84 = 7:12$. Das Dreieck verhält sich aber zu dem Elfeck wie 2:11. So dafs ZH^2 zu dem Elfeck sich verhält wie 7:66. Nun ist ZH^2 gegeben; also ist auch das Elfeck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 66 = 6600$$

$$\frac{6600}{7} = 942\frac{6}{7}.$$

So groß wird der Inhalt des Elfecks sein.

XXV. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Zwölfeck, von dem jede Seite = 10

κε. Ἐστω δωδεκάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσο-
τὸ $ΑΒΓΔΕΖΗΘΚΑΜΝ$ ἔχον ἐκάστην $ο$
μονάδων $ι$. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλή-
κέντρον τοῦ περὶ αὐτὸ[ν] κύκλου τὸ Ξ , καὶ
χθώσαν αἱ $\Xi Η$, $\Xi Ζ$ καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν $ΗΖ$
ἡ ἄρα ὑπὸ $Ζ\Xi Ο$ γωνία ἔκτον ἐστὶν ὀρθῆς· συν-
οῦν αὐτῇ $Ιση$ ἡ ὑπὸ $\Xi Ζ Π$. τρίτου ἄρα ἐστὶν
ἡ ὑπὸ $ΖΠΟ$.

τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς
 $ΠΟ$ τριπλά-
σιόν ἐστι τοῦ
ἀπὸ τῆς $ΟΖ$.
λόγος ἄρα τῆς
 $ΠΟ$ πρὸς $ΟΖ$
ὡς ἔγγιστα,
ὃν ξ πρὸς δ .
ὥστε καὶ τῆς
 $ΖΗ$, τουτέστι
τῆς $\Xi Π$, πρὸς
 $ΠΟ$ λόγος ὡς
ἔγγιστα, ὃν η
πρὸς ξ . ὥστε
καὶ τῆς $ΖΗ$

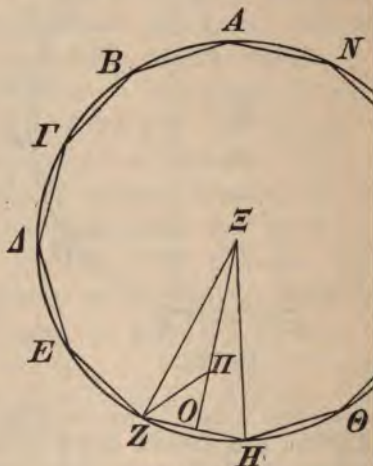


Fig. 30.

πρὸς $\Xi Ο$ λόγος, ὃν $\langle \eta \rangle$ πρὸς $ιε$. καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς $ΠΟ$
πρὸς τὸ ὑπὸ $ΖΗ \Xi Ο$ λόγος, ὃν $\langle \eta \rangle$ πρὸς $ιε$, πρὸς
 $ΖΗ \Xi$ ἄρα τρίγωνον, ὃν $\langle \eta \rangle$ πρὸς ξ . καὶ πρὸς τὸ
γωνιον ἄρα, ὃν η πρὸς α , τουτέστιν ὃν δ πρὸς
ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ $ΖΗ$. δοθὲν ἄρα καὶ τὸ δωδεκά-
συντεθῆσεται δὲ οὕτως· τὰ $ι$ ἐφ' ἑαυτὰ· γίννεται $ι$
ἐπὶ τὰ $με$ · γίννεται $\delta\phi$. τούτων τὸ τέταρτον· γ

fol. 81^r | ,αρκε. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν τοῦ δωδεκά-

sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umbeschriebenen Kreises Ξ und ziehe die Verbindungslinien ΞH und ΞZ , und fälle auf HZ die Höhe ΞO . Also ist der Winkel $Z\Xi O$ gleich $\frac{1}{6}$ eines Rechten. Ihm sei gleich der Winkel $\Xi Z H$. Also ist Winkel $Z H O = \frac{1}{3}$ eines Rechten. Mithin ist $H O^2 = 3 O Z^2$. Daher ist $H O : O Z$ annähernd $= 7 : 4$. Daher ist auch $Z H : H O = \Xi H : H O$ annähernd $= 8 : 7$. Daher auch $Z H : \Xi O = \langle 8 \rangle : 15$. Mithin ist

$$Z H^2 : Z H \times \Xi O = \langle 8 \rangle : 15$$

Also

$$Z H^2 : \text{Dreieck } Z H \Xi = 8 : 7\frac{1}{2}$$

$$Z H^2 : \text{Zwölfeck} = 8 : 90 = 4 : 45.$$

Nun ist $Z H^2$ gegeben; also ist auch das Zwölfeck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 45 = 4500$$

$$\frac{4500}{4} = 1125.$$

So groß wird der Inhalt des Zwölfecks sein.

Alle Vielecke nun, die nicht gleichseitig und gleichwinkelig sind, werden in Dreiecke zerlegt und so gemessen. Die runden aber unter den ebenen Figuren und allgemein alle diejenigen Oberflächen, die gemessen werden können, werden wir im Folgenden der Reihe nach besprechen.

Archimedes nun zeigt in der Kreismessung, daß 11 Quadrate des Durchmessers des Kreises nahezu 14 Kreisen gleich sind. Daher wird man, wenn der Durchmesser des Kreises beispielsweise $= 10$ gegeben ist, 10^2 nehmen müssen, es ergibt 100.

4 $\alpha\theta\tau\delta\nu$: correxī $\tau\delta B$: correxī 6 $\epsilon\pi\delta$ ex $\epsilon\pi\lambda$ fec.
 m. 1 7 $\Xi Z H$: correxī 24 spatium 1 aut 2 litterarum:
 supplevi 25 et 26 $\delta\nu \pi\phi\delta\varsigma$: inserui $\langle\eta\rangle$ 27 $\xi\rho\alpha$ delendum censet Heiberg

Ὅσα δὲ τῶν πολυγώνων σχημάτων οὐκ ἔστιν ἰσό-
πλευρα καὶ ἰσογώνια, ταῦτα εἰς τρίγωνα καταδιαιρού-
μενα μετρεῖται· τὰ δὲ περιφερῆ τῶν ἐπιπέδων σχημά-
των καὶ καθόλου τῶν ἐπιφανειῶν ὅσαι δύνανται
μετρεῖσθαι, ἐξῆς κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐκδησόμεθα.

⟨κς⟩. Ἀρχιμήδης μὲν οὖν ἐν τῇ τοῦ κύκλου μετρήσει
(c. 2 t. I p. 262 Heib.) δείκνυσιν, ὅτι ἰα τετράγωνα τὰ ἀπὸ
τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου ἴσα γίνονται ὡς ἔγγιστα ἰδ
κύκλοις· ὥστε ἐὰν δοθῇ ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου εἰ τύχοι
μονάδων ι, δεήσει τὰ ι ἐφ' ἑαυτὰ ποιῆσαι· γίνονται ρ¹⁰
ταῦτα ἐπὶ τὰ ια· γίνονται ιαρ· ὦν τὸ ιδ'. γίνονται οη¹⁰ιδ'.
τοσούτου δεῖ ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.
ὁ δὲ αὐτὸς Ἀρχιμήδης δείκνυσιν ἐν τῷ περὶ πλιν-
θίδων καὶ κυλίνδρων, ὅτι παντὸς κύκλου ἡ περίμετρος
πρὸς τὴν διάμετρον μείζονα μὲν λόγον ἔχει <ἢ ὅν ἔχει>¹⁵
μ^{κα} / αωοε πρὸς μ⁵ / ζυμα, ἐλάσσονα δὲ ἢ ὅν ἔχει¹⁵ μ¹⁰
/ ζωπη πρὸς μ⁵ βтна· ἀλλ' ἐπεὶ οὗτοι οἱ ἀριθμοὶ πρὸς
τὰς μετρήσεις οὐκ εὐθετοῦσι, καταβιβάζονται εἰς ἐλα-
χίστους ἀριθμούς, ὡς τὸν κβ πρὸς τὰ ζ. ὥστε ἐὰν
δοθῇ ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου εἰ τύχοι μονάδων ιδ καὶ²⁰
βούληται τις τὴν περίμετρον εὑρεῖν, δεῖ ποιῆσαι τὰ ιδ
ἐπὶ τὰ κβ καὶ τούτων λαβεῖν τὸ ἑβδομον, καὶ ἀποφαί-
νεσθαι τοσούτου τὴν περίμετρον· ἔστι δὲ μονάδων μδ.
fol. 81^v καὶ ἀνάπαλιν δὲ, ἐὰν δοθῇ ἡ περίμετρος μονάδων μδ
καὶ βουλόμεθα τὴν διάμετρον εὑρεῖν, ποιήσομεν τὰ²⁵
μδ ἐπτάκις καὶ τῶν γενομένων τὸ κβ' λαβόντες ἔξομεν
τὴν διάμετρον· ἔστι δὲ ιδ. δείκνυσι δὲ ὁ αὐτὸς Ἀρχι-
μήδης ἐν τῇ τοῦ κύκλου μετρήσει (c. 1 t. I p. 259
Heib.), ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς περιφερείας τοῦ κύκλου καὶ
τῆς ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἐστι τοῦ κύκλου· ὥστε³⁰

$$100 \times 11 = 1100$$

$$\frac{1100}{14} = 78\frac{1}{2} + \frac{1}{14}$$

und so groß den Inhalt des Kreises angeben müssen.

Ebenderselbe Archimedes zeigt in der Schrift über Plinthise¹⁾ und Cylinder, daß das Verhältnis des Umfangs jedes Kreises zu dem Durchmesser größer ist als 211875 : 67441, kleiner aber als 197888 : 62351. Da aber diese Zahlen für Messungen nicht bequem sind, so werden sie auf das Verhältnis der kleinsten Zahlen, nämlich 22 : 7, zurückgeführt. Daher muß man, wenn der Durchmesser des Kreises beispielsweise = 14 gegeben ist und man den Umfang finden will, 14 mit 22 multiplizieren und hiervon $\frac{1}{7}$ nehmen, und so groß den Umfang angeben. Er ist aber 44. Und umgekehrt, wenn der Umfang = 44 gegeben ist und wir den Durchmesser finden wollen, so werden wir 44 siebenmal nehmen, und wenn wir dann von dem Produkt $\frac{1}{22}$ nehmen, so werden wir den Durchmesser erhalten. Er ist = 14.

Ebenderselbe Archimedes zeigt in der Kreismessung, daß das Produkt aus dem Umfang des Kreises und seinem Radius doppelt so groß ist als der Inhalt des Kreises. Wenn daher der Umfang = 44 gegeben ist, so werden wir die Hälfte des Durchmessers = 7 nehmen, und mit 44 multiplizieren. Wenn wir dann die Hälfte des Produkts nehmen = 154, so werden wir den Inhalt des Kreises so groß anzugeben haben.

1) cf. Heron Byz. pers. geod. p. 384 Vincent.

6 in mg. numerus capitis non adscriptus 15 addidi
16 correxi 22 λαβεῖν τὸ ἐμβαδόν: correxi; ζ'' supra scr. m. 2
24 in ima ora fol. 81^r haec adscripta:

μετῶν λόγος· $\frac{\alpha\alpha}{\mu} \sqrt{\alpha\omega\omicron\epsilon}$ $\frac{5}{\mu} \sqrt{\zeta\upsilon\mu\alpha}$ περίμετρος κβ
ἐλάττων λόγος· $\frac{\iota\theta}{\mu} \sqrt{\zeta\omega\pi\eta}$ $\frac{5}{\mu} \sqrt{\beta\tau\nu\alpha}$ διάμετρος ζ

29 κυκλίου: correxi

ἐὰν δοθῇ ἡ περίμετρος μονάδων $\mu\delta$, λαβόντες διαμέτρον τὸ ἡμισυ· εἰσι δὲ μονάδες ζ · πολλαπλασομεν ἐπὶ τὰ $\mu\delta$ · καὶ τῶν γενομένων τὸ ἡμισυ βόντες· εἰσι δὲ μονάδες $\rho\eta\delta$ · τοσούτου ἀποφα[ι]νούμεν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

Ἐὰν δέη χωρίου τινὸς δοθέντος ἦτοι εὐθυγράμῳ ἢ οἰουδηποτοῦν τούτῳ ἴσον κύκλον πορίσασθαι, λαβόντες τὸ ἐμβαδὸν τοῦ χωρίου· ἔστω δὲ μονάδων ι · τούτων τὰ $\iota\delta$ ἐνδέκατα· ἃ γίγνεται $\rho\zeta\varsigma$ · καὶ τοῦτο πάλιν λαβόντες πλευρὰν· ἔστι δὲ μονάδων $\iota\delta$ · τοσούτου ἀποφανούμεθα τὴν τοῦ κύκλου διάμετρον.

Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων τὸ μέγεθος τῶν περιφερειῶν αὐτῶν χωρίον δυνατόν ἐστιν εἰς ἀπὸ τοῦ κέντρου μετρήσαντα ἐκάτερον τῶν κύκλων καὶ ἀφελόντα τοῦ μείζονος τὸν ἐλάσσονα. ἵνα δὲ μὴ δύο κύκλοι ἀλλὰ καὶ ἑνὶ κέντρῳ ποιεῖσθαι, δεῖξομεν οὕτως.

Ἐστῶσαν δύο κύκλοι περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον διάμετροι αἱ AB $\Gamma\Delta$. ἐπεὶ οὖν τοῦ ἀπὸ τῆς A καὶ Γ γίγνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μείζονος κύκλου ὁμοίως τοῦ ἀπὸ τῆς $\Gamma\Delta$ τὰ $\iota\alpha$ $\iota\delta$ γίγνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐλάσσονος κύκλου, τῆς ἕκτα τῶν ἀπὸ $\Gamma\Delta$ ὑπεροχῆς τὰ $\iota\alpha$ $\iota\delta$ γίγνεται τὸ ἐμβαδὸν εἰρημένου χωρίου, ὃ καλεῖται ἵππος. ἡ δὲ τῶν AB $\Gamma\Delta$ ὑπεροχὴ τὸ τετράκις ἐστὶν ὑπὸ ΓB ἐπειδὴ περὶ καὶ $\langle\tau\delta\rangle$ τετράκις ὑπὸ ΓB $B\Delta$ μετὰ ἀπὸ $\Gamma\Delta$ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΓB συναμφοτέρος δὲ ἡ ΓB $B\Delta$ ἴση ἐστὶ τῇ AB , δῆπερ καὶ ἡ $B\Delta$ τῇ $A\Gamma$ ἴση ἐστίν. ὥστε ἐὰν

4 ἀποφανούμεθα: corr. m. 1 9 post $\iota\delta$ spatium 2
rarum; $\langle\iota\alpha\rangle$ ins. m. 2 11 ἀποφανομένου: correxi
 $\iota\alpha$: corr. m. 2 23 $\iota\delta$ $\iota\alpha$: correxi 25 $\langle\tau\delta\rangle$ inserui

Wenn die Aufgabe ist, falls ein gradliniges oder beliebig gestaltetes Raumstück gegeben ist, einen Kreis zu konstruieren, der diesem gleich ist, so nehmen wir den Inhalt des Raumstücks, er sei $= 154$, davon $\frac{1}{11} = 14$; $14 \times 14 = 196$. Und wenn wir davon wieder die Wurzel nehmen — sie ist $= 14$ — so werden wir so groß den Durchmesser des Kreises anzugeben haben.

Wenn 2 Kreise um denselben Mittelpunkt liegen, so kann man den Raum zwischen ihren Peripherien finden, wenn man jeden der beiden Kreise mißt und den kleineren von dem größeren abzieht. Damit wir aber nicht die Messung zweier Kreise vornehmen müssen, werden wir folgenden Beweis geben.

Es seien zwei Kreise um denselben Mittelpunkt, deren Durchmesser AB und ΓA seien. Da nun $\frac{11}{14} \times AB^2$

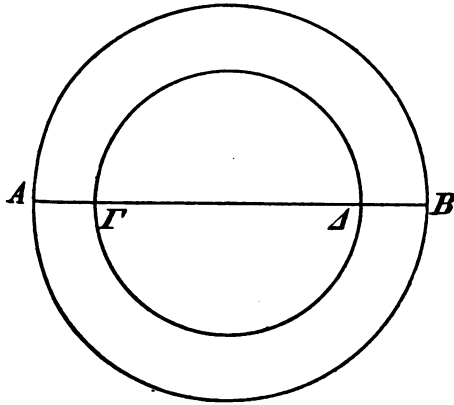


Fig. 31.

gleich dem Inhalt des größeren und gleicherweise

$$\frac{11}{14} \times \Gamma A^2$$

gleich dem Inhalt des kleineren Kreises ist, so ist $\frac{11}{14} \times$

den Unterschied von AB^2 und ΓA^2 gleich dem Inhalt des bezeichneten

Raumstücks,

das „Itys“ (d. h. Kreisring) genannt wird. Es ist aber die Differenz von AB^2 und $\Gamma A^2 = 4\Gamma B \times B\Delta$, da $4\Gamma B B\Delta + \Gamma A^2 = (\Gamma B + B\Delta)^2$. Nun ist aber

$$\Gamma B + B\Delta = AB, \text{ da } B\Delta = A\Gamma \text{ ist.}$$

fol. 82^r ἡ μὲν $\Gamma\Delta$ μονάδων ιδ, ἑκατέρα δὲ τῶν $ΑΓ \mid ΒΔ$ μ
δων ε, ἔσται ἡ $\GammaΒ$ μονάδων κ. ταῦτα ἐπὶ τὰ ε· γί
ται ρκ· ταῦτα τετράκι· γίνεται υπ· τούτων τὰ ια
γίνεται τοξ ζ'. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τῆς ι

κξ. Εἰς δὲ τὴν τοῦ τμήματος μέτρησιν προ
ψομεν ταῦτα. ἔστω ὁσαδηποτοῦν μεγέθη τετραπλ

ἀλλήλων τὰ A, B, Γ, Δ ἡ

καὶ πλείονα ἀρχόμενα ἀπὸ
μεγίστου τοῦ A · λέγω ὅτι τὸ

γ' τοῦ A ἴσον ἐστὶν τοῖς
 $B\Gamma\Delta$ καὶ τῷ γ' τοῦ Δ · ἐπεὶ

γὰρ τὸ A τετραπλάσιόν ἐστι
τοῦ B , τὸ A ἄρα ἴσον ἐστὶ

τέτ(τ)αρσι τοῖς B . τὸ ἄρα
τρίτον τοῦ A ἴσον ἐστὶ τῷ B

καὶ τῷ γ' τοῦ B . διὰ τὰ
αὐτὰ δὴ καὶ τὸ γ' τοῦ B ἴσον

ἐστὶν τῷ Γ καὶ τῷ γ' τοῦ Γ .

ὁμοίως δὴ καὶ τοῦ Γ τὸ γ' ἴσον ἐστὶ τῷ Δ καὶ τ
τοῦ Δ . ὥστε τὸ γ' τοῦ A ἴσον ἐστὶ τοῖς $B\Gamma\Delta$
τῷ γ' τοῦ Δ .

κη. Ἐστω τμήμα κύκλου τὸ $ΑΒΓ$ καὶ ἀπὸ μ
τῆς $ΑΓ$ πρὸς ὀρθὰς ἡ $\DeltaΒ$, ἀπὸ δὲ μέσης τῆς
πρὸς ὀρθὰς ἡ $ΕΖ$. ὅτι ἡ $ΒΔ$ τῆς $ΕΖ$ ἐλάσσων
ἢ ἐπίτριτος. προσαναπεληρώσθω ὁ κύκλος καὶ
βεβλήσθωσαν αἱ $ΒΔ, ΖΕ$ ἐπὶ τὰ $Η, Θ$, καὶ κἀκ
ἡ $ΖΚ$. ἐπεὶ διπλῇ ἐστὶν ἡ $ΑΔ$ τῆς $\DeltaΕ$, τετραπλ
ἄρα τὸ ἀπὸ $ΑΔ$ τοῦ ἀπὸ $\DeltaΕ$, τουτέστι τοῦ ἀπὸ

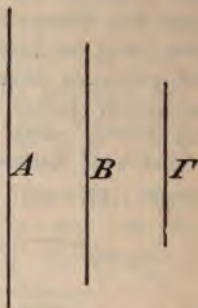


Fig. 32.

3 τὰ in τὸ mut. m. 2 ιδ ια: correxi 10 in π
τριτημόριον τοῦ A m. 1 καί: ἐτι supra scr. m. 2 11 τ
τριτημορίῳ supra scr. m. 2 14 τέταρσι: correxi

Wenn daher $\Gamma A = 14$, $A\Gamma = BA = 6$ gegeben sind, so wird $\Gamma B = 20$.

$$20 \times 6 = 120$$

$$120 \times 4 = 480$$

$$\frac{480 \times 11}{14} = 377\frac{1}{7}.$$

So groß wird der Inhalt des Kreisringes sein.

XXVII. Für die Messung des Segments wollen wir folgendes vorausschicken. Es seien beliebig viele Größen die eine viermal so groß als die andere, α , β , γ , δ oder auch mehr, die mit α als dem größten anfangen.

Ich behaupte, daß $\frac{\alpha}{3} = \beta + \gamma + \delta + \frac{\delta}{3}$ ist. Denn da α viermal so groß ist als β , so ist $\alpha = 4\beta$. Also ist $\frac{\alpha}{3} = \beta + \frac{\beta}{3}$. Aus denselben Gründen ist also auch $\frac{\beta}{3} = \gamma + \frac{\gamma}{3}$; ebenso also auch $\frac{\gamma}{3} = \delta + \frac{\delta}{3}$. Daher ist $\frac{\alpha}{3} = \beta + \gamma + \delta + \frac{\delta}{3}$.

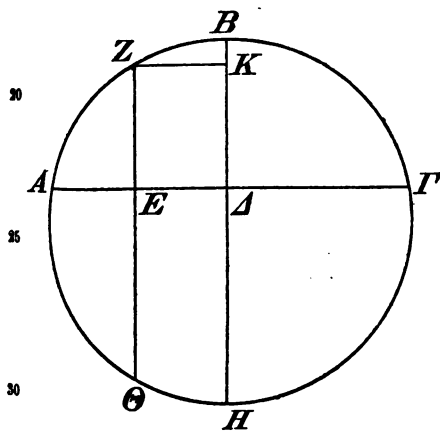


Fig. 83.

XXVIII. Es sei $AB\Gamma$ ein Kreis-segment, und von der Mitte von $A\Gamma$ gehe im rechten Winkel AB , von der Mitte von $A\Gamma$ im rechten Winkel EZ aus. Zu zeigen, daß BA kleiner ist als $1\frac{1}{3}EZ$. Man vervollständige den Kreis und verlängere BA und ZE bis H und Θ , und falle die

fol. 82^v ὥστε | καὶ τὸ ὑπὸ HAB τετραπλάσιόν ἐστι τοῦ ὑπὸ HKB . ἀλλὰ τὸ ὑπὸ HAB πρὸς τὸ ὑπὸ HKB ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περὶ τὸ ὑπὸ HAB πρὸς τὸ ὑπὸ HA, KB , τουτέστιν ἢ AB πρὸς BK . ἡ ἄρα AB τῆς BK μείζων ἐστὶν ἢ τετραπλῇ· ἀναστρέψαντι ἄρα ἢ AB τῆς AK , τουτέστι τῆς EZ , ἐλάττων ἐστὶν $\langle \eta \rangle$ ἐπίτριτος.⁵

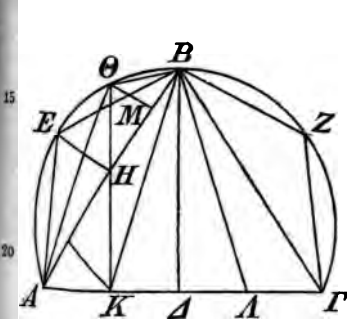
κθ. Ἔστω τμήμα τὸ ἐπὶ τῆς AG , καὶ πρὸς ὁρθὰς ἀπὸ μέσης τῆς AG ἢ AB καὶ δίχα αἱ AB, BG περιφέρειαι κατὰ τὰ E, Z καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ AB, BG, AE, EB, BZ, ZG . ὅτι τὸ ABG τρίγωνον ἑλάσ-¹⁰ σόν ἐστὶν ἢ τετραπλάσιον τῶν AEB, BZG τριγώνων. ἡχθῶ κάθετος μὲν ἐπὶ τὴν AB ἢ EH , παράλληλος δὲ τῇ BA διὰ τοῦ H ἢ ΘK καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ $A\Theta, \Theta B$. ἴση ἄρα ἢ AK τῇ KA . ἡ ἄρα BA τῆς ΘK ἐλάττων ἐστὶν ἢ ἐπίτριτος. τῆς δὲ HK ἔστι¹⁵ διπλῇ· ὥστε ἢ KH τῆς ΘH ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλάσιον· ὥς δὲ $\langle \eta \rangle$ KH πρὸς ΘH , τὸ AKB τρίγωνον πρὸς τὸ $AB\Theta$ τρίγωνον ἑλαττον ἄρα ἐστὶν ἢ διπλάσιον τὸ AKB τρίγωνον τοῦ $AB\Theta$ τριγώνου. τοῦ δὲ AKB διπλάσιόν ἐστὶν τὸ $AB\Delta$ · ἑλαττον ἄρα ἢ τετρα-²⁰ πλάσιον τὸ $AB\Delta$ τοῦ $AB\Theta$. τὸ δὲ $AB\Theta$ τρίγωνον ἑλαττόν ἐστι τοῦ AEB , ἐπεὶ καὶ ἢ EH τῆς ἀπὸ τοῦ Θ ἐπὶ τὴν AB καθέτου. πολλῶν ἄρα τὸ $A\Delta B$ ἑλαττόν ἐστὶν ἢ τετραπλάσιον τοῦ AEB . διὰ τὰ αὐτὰ καὶ τὸ ABG τρίγωνον ἑλαττόν ἐστὶν ἢ τετραπλάσιον²⁵ τοῦ BZG τριγώνου· τὸ ἄρα ABG ἑλαττόν ἐστὶν ἢ τετραπλάσιον τῶν AEB, BZG τριγώνων.

fol. 83^r λ. | Τὸ δὲ τμήμα τοῦ κύκλου τὸ ἑλαττον ἡμικυκλίου οἱ μὲν ἀρχαῖοι ἀμελέστερον ἐμέτρουν. συντι-

1 HAB : sed Δ in ras. m. 2 (?) 6 $\langle \eta \rangle$ add. m. 2 18 $\langle \eta \rangle$ add. m. 2

Höhe ZK . Da $AA = 2AE$, so ist $AA^2 = 4AE^2 = 4ZK^2$. Daher ist auch $HA \times AB = 4HK \times KB$. Nun ist aber $HA \times AB : HK \times KB$ kleiner als $HA \times AB : HA \times KB$, d. h. kleiner als $AB : BK$. Also ist AB größer als $4BK$. Also ist AB kleiner als $1\frac{1}{3}AK$, also kleiner als $1\frac{1}{3}EZ$.

XXIX. Es sei über AF ein Kreissegment, und im rechten Winkel gehe von der Mitte von AF die Gerade AB aus, und die Umfänge AB und BF seien in E und Z halbiert, und man ziehe die Verbindungslinien AB , BF , AE , EB , BZ , ZF . Zu zeigen, daß das Dreieck ABF kleiner ist als $4AEB$ und als $4BZF$. Man fälle auf

Fig. 34.¹⁾

AB die Höhe EH und ziehe zu BA durch H die Parallele ΘK und die Verbindungslinien $A\Theta$ und ΘB . Also ist $AK = KA$. Folglich ist BA kleiner als $1\frac{1}{3}\Theta K$; es ist aber $BA = 2HK$. Daher ist KH kleiner als $2\Theta H$. Nun verhält sich $KH : \Theta H =$ Dreieck AKB zu Dreieck $AB\Theta$. Mithin ist Drei-

35 eck AKB kleiner als $2AB\Theta$. Es ist aber $ABA = 2AKB$. Also ist ABA kleiner als $4AB\Theta$. Es ist aber Dreieck $AB\Theta$ kleiner als AEB , da auch EH größer ist als die Höhe von Θ auf AB . Mithin ist ABA bedeutend kleiner als $4AEB$. Aus denselben Gründen ist auch das
30 Dreieck ABF kleiner als $4BZF$. Also ist ABF kleiner als $4AEB + 4BZF$.

XXX. Das Kreissegment, das kleiner als ein Halbkreis ist, pflegten die Alten ziemlich ungenau zu messen. Sie addierten nämlich seine Basis und die Höhe, nahmen

1) Die Figur ist vom Scholiasten (m. 2) vervollständigt.

θέντες γὰρ αὐτοῦ τὴν βάσιν καὶ τὴν κάθετον καὶ
 τούτων τὸ ἥμισυ λαμβάνοντες ἐπὶ τὴν κάθετον ἐπιόνομεν
 καὶ το(σο)ύτου τὸ ἐμβαδὸν <τοῦ> τμήματος ἀπεφαι
 νοντο. δοκοῦσι δὲ οὗτοι ἠκολουθηκέναι τοῖς τὴν περι
 μετρον τοῦ κύκλου τριπλασίονα ὑπολαμβάνουσιν τῇ
 διαμέτρῳ. ἐὰν γὰρ ἡμικύκλιον κατὰ τὴν τ(οι)αύτην
 ὑπόθεσιν μετρῶμεν, ἀκολουθήσει τὸ ἐμβαδὸν τοῦ
 ἡμικυκλίου σύμφωνον τῇ εἰρημένῃ μεθόδῳ. οἷον
 ἔστω ἡμικύκλιον, οὗ διάμετρος ἡ AB καὶ κάθετος
 $\Gamma\Delta$. καὶ ἔστω ἡ διάμετρος μονάδων $\iota\beta$. ἡ ἄρα $\Gamma\Delta$
 μονάδων ς . οὐκοῦν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια ἔσται
 μονάδων $\lambda\varsigma$. ἡ ἄρα τοῦ ἡμικυκλίου μονάδων $\iota\alpha$.
 ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη, ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς περιφερείας καὶ τῆς
 ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἐστι τοῦ χωρίου, δεῖ τὸ
 ἡμικύκλιον πολλὰ πλάσαιεν ἐπὶ τὰς ς λαβεῖν τὸ ἥμισυ
 εἰς δὲ μονάδες $\nu\delta$. ὥστε τοῦ ἡμικυκλίου τὸ ἐμβαδὸν
 κατὰ τὴν εἰρημένην ὑπόθεσιν ἔσται μονάδων $\nu\delta$. τὸ
 δ' αὐτὸ ἔσται καὶ συνθήῃς τὰς $\iota\beta$ καὶ τὰς ς , ἃ γίνετα
 ἰση. ὦν ἡμισυ λαβὼν ἐπὶ τὰς τῆς καθέτου ποιήσεις
 γίνετα ὁμοίως $\nu\delta$.

λα. Οἱ δὲ ἀκριβέστερον ἐξηγητότερες προστιθέασιν τῇ
 fol. 83^v εἰρημένῳ ἐμβαδῷ τοῦ τμήματος | τὸ ἰδ' μέρος τοῦ ἀπὸ
 τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως. οὗτοι δὲ τῇ ἑτέρᾳ φαίνονται
 ἠκολουθηκότες ἐφ' ὃν, καθ' ἣν ἡ τοῦ κύκλου περι
 φέρεια τριπλασία ἐστὶ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου καὶ
 τῷ ζ' μέρει μείζων. ἐὰν γὰρ ὁμοίως ὑποστησώμεθα
 τὴν μὲν AB διάμετρον μονάδων $\iota\delta$, τὴν δὲ $\Delta\Gamma$ κάθετο
 ζ , ἔσται ἡ περιφέρεια τοῦ ἡμικυκλίου μονάδων $\kappa\beta$
 ἐπὶ τὸν ζ' γίνετα $\rho\nu\delta$. ὦν ἡμισυ γίνετα $\omicron\zeta$. καὶ
 τοσούτου τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμικυκλίου ἀποφαίνεσθαι

2 τούτου: corr. m. 2 <τοῦ> addidit m. 2 5 ταύτην: corr. m.

davon die Hälfte, multiplizierten dies mit der Höhe und gaben so groß den Inhalt des Segments an. Sie schlossen sich dabei anscheinend denen an, die den Umfang des Kreises als dreimal so groß annahmen als seinen Durchmesser. Denn wenn wir einen Halbkreis auf Grund einer solchen Hypothese messen, so ergibt sich für den Inhalt des Halbkreises

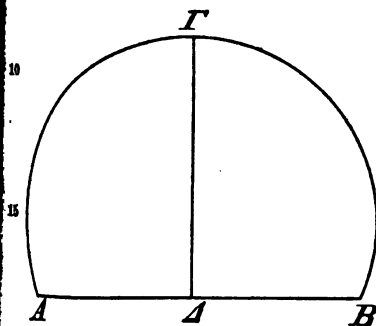


Fig. 35.

ein Wert, der mit der genannten Methode im Einklang steht. Beispielsweise sei ein Halbkreis gegeben, dessen Durchmesser AB und dessen Höhe ΓA sei. Und es sei der Durchmesser $= 12$, also ist $\Gamma A = 6$. Also wird der Umfang des Kreises $= 36$, der des Halbkreises also $= 18$ sein. Da nun

gezeigt ward, daß das Produkt aus der Peripherie und dem Radius doppelt so groß ist als das Raumstück, so muß man 18 mit 6 multiplizieren und davon die Hälfte nehmen, das ist 54. Daher wird der Inhalt des Halbkreises nach der angegebenen Hypothese $= 54$ sein. Dasselbe wird sich ergeben, wenn man $\frac{12+6}{2} = \frac{18}{2}$ mit der Höhe multipliziert; es ergibt sich gleichermaßen 54.

XXXI. Diejenigen dagegen, die genauere Forschungen angestellt haben, setzen zu dem angegebenen Inhalt des Segments noch $\frac{1}{14}$ des Quadrats der Hälfte der Basis zu. Diese sind nun anscheinend dem anderen Verfahren gefolgt, demzufolge der Umfang des Kreises dreimal so groß als der Durchmesser des Kreises und noch um $\frac{1}{7}$ größer ist. Denn wenn wir in ähnlicher Weise den

τὸ δ' αὐτὸ καὶ ἐὰν οὕτως ποιήσωμεν. σύνθες τὰ ι καὶ τὰ ξ . ὦν ἡμισυ γίννεται ι . ἐπὶ τὰ ξ · γίννεται $\sigma\gamma\lambda$. καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως μονάδων μθ. τούτων καθόλου τὸ $\iota\delta'$ · γίννεται $\gamma\lambda$. ταῦτα πρόσθες τοῖς $\sigma\gamma\lambda$ · γίννεται $\sigma\zeta$. ταύτῃ οὖν τῇ ἐφόδῳ χρησασθαι δεῖ ἐπὶ τῶν ἐλασσόνων τοῦ ἡμικυκλίου τμημάτων· οὐ μέντοι ἐπὶ παντὸς τμήματος πάλιν καὶ αὐτὸ ἀρμόσει ἢ ἐφοδος, ἀλλ' ὅταν ἡ βάσις τοῦ τμήματος μὴ μεῖζων ᾖ ἢ τριπλῇ τῆς καθέτου· ἐπεὶ τοι, ἐὰν τὰς βάσεις ἢ μονάδων ξ , ἢ δὲ κάθετος α , ἔσται τὸ περιεχόμενον σχῆμα μονάδων ξ , ὃ δὴ μεῖζόν ἐστι τοῦ τμήματος. τούτου δὲ μεῖζόν ἐστι τὸ $\iota\delta'$ τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως· ἔστι γὰρ μονάδων $\xi\delta$ $\iota\delta'$ ὥστε οὐκ ἐπὶ παντὸς τμήματος ἀρμόσει ἢ εἰρημένη ἐφοδος, ἀλλ', ὡς εἴρηται, ὅταν ἡ βάσις τῆς καθέτου μὴ μεῖζων ᾖ ἢ τριπλῇ. ἐὰν δὲ ᾖ μεῖζων ἢ τριπλῇ τῇ ἐξῆς ἐφόδῳ χρησόμεθα.

λβ. Πᾶν τμήμα κύκλου μεῖζόν ἐστίν ἢ ἐπίτριτον τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψους fol. 84^r ἴσον. ἔστω τμήμα κύκλου τὸ $AB\Gamma$ καὶ ἀπὸ μέσης τῆς $A\Gamma$ πρὸς ὀρθὰς ἤχθῳ ἡ ΔB καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ AB $B\Gamma$. λέγω ὅτι τὸ $AB\Gamma$ τμήμα μεῖζόν ἐστίν ἢ ἐπίτριτον τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου· τεμνήσθωσαν γὰρ αἱ AB $B\Gamma$ περιφέρειαι δίχα κατὰ τὰ E , Z καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ AE EB BZ $Z\Gamma$. τὸ ἄρα $AB\Gamma$ τρίγωνον ἑλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον τῶν AEB $BZ\Gamma$ τριγώνων. ἔστω οὖν τῷ μὲν $AB\Gamma$ τριγώνῳ ἴσον τὸ H χωρίον, τοῖς δὲ ABE $BZ\Gamma$ τριγώνοις ἴσον τὸ ΘK . τὸ ἄρα H τοῦ ΘK ἑλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον, (<...>)

1 συνθέντες: corr. Heiberg 4 τὰ $\iota\delta'$: correxi 16 μεῖζον: correxi
23 ἐπίτριτος: corr. m. 2 28 τοῦ ΘK : correxi; τὸν m. 2

Durchmesser $AB = 14$, die Kathete $AI = 7$ annehmen, so wird der Umfang des Halbkreises $= 22$ sein. $22 \times 7 = 154$. $\frac{154}{2} = 77$, und so groß muß man den Inhalt des Halbkreises angeben. Dasselbe ergibt sich, wenn wir es folgendermaßen machen.

$$\frac{14+7}{2} = 10\frac{1}{2}$$

$$10\frac{1}{2} \times 7 = 73\frac{1}{2}.$$

Und das Quadrat aus der Hälfte der Basis ist gleich 49. Davon bei jedem Zahlenbeispiel $\frac{1}{14}$ ergibt $3\frac{1}{2}$. Dies setze man zu $73\frac{1}{2}$ zu; es ergibt 77. Dieses Verfahren nun muß man bei den Segmenten anwenden, die kleiner sind als der Halbkreis, jedoch wird auch dieses Verfahren nicht bei allen solchen Segmenten passen, sondern nur, wenn die Basis des Segments nicht größer ist als dreimal so groß wie die Höhe, insofern wenn die Basis $= 60$, die Kathete $= 1$ ist, die umschlossene Figur $= 60$ sein wird, was größer ist als das Segment.

Es ist aber größer als dieses der 14. Teil des Quadrats der Hälfte der Basis, denn er ist $= 64\frac{1}{14}$.¹⁾ Daher wird dies angegebene Verfahren nicht bei jedem Segmente passen, sondern, wie gesagt, nur, wenn die Basis nicht größer ist als dreimal so groß wie die Höhe. Wenn sie aber größer als dreimal so groß ist, werden wir das folgende Verfahren anwenden.

XXXII. Jedes Kreissegment ist größer als $1\frac{1}{3}$ des Dreiecks, das mit ihm gleiche Grundlinie und Höhe hat. Es sei $AB\Gamma$ ein Kreissegment und von dem Mittelpunkt von AI werde im rechten Winkel AB gezogen, und man ziehe die Verbindungslinien AB und $B\Gamma$. Ich behaupte, daß das Segment $AB\Gamma$ größer ist als $1\frac{1}{3}$ des Dreiecks $AB\Gamma$. Es sollen nämlich die Peripherie-

1) Vielmehr $64\frac{2}{7}$.

τὸ H , τὸ δὲ Θ τοῦ A , τὸ δὲ τοῦ M . καὶ τοῦτο γινώσκοντες, ὥς οὐ τὸ τοῦ ἐσχάτου τρίτον ἔλαττον γινώσκοντες τοῦ K . γινώσκοντες καὶ ἔστω τὸ M . καὶ τετμησθῶσιν $AE EB BZ Z\Gamma$ περιφέρειαι δίχα καὶ ἐπὶ τὰς τομίας ἐπεζεύχθωσαν· τὰ ἄρα $AEB BZ\Gamma$ τριγώνων γινόμενων ἐλάττωνα ἔσται ἢ τετραπλάσιον τὸ δὲ ΘK τοῦ A μείζον ἢ τετραπλάσιόν ἐστιν· τὰ γινόμενα τριγώνων μείζονά ἐστι τοῦ A . ἔστω αὖτε ἴσα τὰ AN . καὶ πάλιν τετμησθῶσιν αἱ γενόμεναι περιφέρειαι καὶ ἐπεζεύχθωσαν ὁμοίως. τὰ ἄρα γινόμενα, οἷς ἴσα

ἐστὶ τὰ AN ,

τῶν γινόμενων

τριγώνων ἐλάτ-

τωνά ἐστι (ἢ τε-

τραπλάσιον), τὸ

(δὲ) AN τοῦ M

μείζον ἐστιν ἢ

τετραπλάσιον·

ὥστε τὰ ἐσχάτα

γινόμενα τρι-

γώνων μείζονά ἐστι τοῦ M . ἔστω αὐτοῖς ἴσον τὸ $M\Xi$

ἐπεὶ τὰ $H\Theta AM$ τετραπλάσιά ἐστιν ἀλλήλων, τὸ

τρίτον τοῦ H ἴσον ἐστὶ τοῖς ΘAM καὶ τῷ γ' τοῦ M

δὲ γ' τοῦ M ἔλαττόν ἐστι τῶν $KN\Xi$, ἐπεὶ καὶ τὸ

ἄρα τρίτον τοῦ H ἔλασσόν ἐστι τῶν $\Theta KA N$

τὸ ἄρα H τῶν εἰρημένων ἔλασσόν ἐστιν ἢ τριπλα-

σιον τὸ H ἄρα μετὰ τῶν $\Theta K AN M\Xi$ τῶν $\Theta K AN$

ἔλασσόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον· ἀναστρέφαντι ἄρα

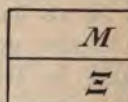
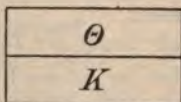
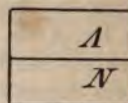
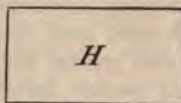


Fig. 36a—d.

1 τὸ δὲ H τοῦ Θ τετραπλάσιον, τὸ m. 2; (ἔστω δὲ γ' τοῦ M τετραπλάσιον) Heiberg f. τὸ δὲ $\langle A \rangle$ 9 AN : corr

teile AB und BF in E und Z halbiert werden und die Verbindungslinien AE , EB , BZ und ZF gezogen werden. Das Dreieck ABF ist also kleiner als $4(AEB + BZF)$. Es sei nun dem Dreieck ABF das Flächenstück H gleich, den Dreiecken $ABE + BZF$ sei $\Theta + K$ gleich. Also ist H kleiner als $4(\Theta + K)$, H aber ist $4 \times \Theta$, $\Theta = 4A$, A aber $= 4M$. Und dies soll geschehen, bis $\frac{1}{8}$ des letzten kleiner als K geworden ist. Es sei geschehen und es sei M . Nun sollen die Peripherieteile AE , EB , BZ , ZF halbiert werden und nach den Halbierungspunkten Verbindungslinien gezogen werden. Also ist Dreieck $AEB +$ Dreieck BZF kleiner als viermal die entstandenen Dreiecke. Nun ist aber $\Theta + K$ größer als $4A$. Also sind die entstandenen Dreiecke größer als A . Ihnen sei $A + N$ gleich.

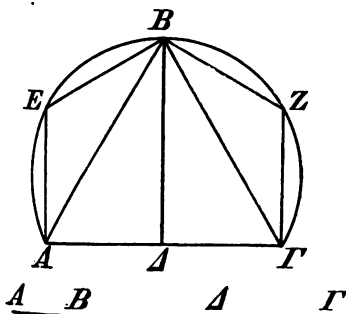


Fig. 36 e u. f.

Wiederum sollen die entstandenen Peripherieteile halbiert und in gleicher Weise Verbindungslinien gezogen werden. Die vorgenannten Stücke also, denen $A + N$ gleich sind, sind kleiner als \langle viermal \rangle die entstandenen Dreiecke; $\langle \dots \rangle A + N$ ist größer als $4M$. Daher sind die zuletzt entstandenen Dreiecke größer als M . Ihnen sei $M + \Xi$ gleich. Und da nun H , Θ , A , M jedes viermal so groß als das andere ist, so ist $\frac{1}{8}H = \Theta + A + M + \frac{M}{3}$ $\langle \frac{M}{3}$ aber \rangle ist kleiner als $K + N + \Xi$, da auch kleiner

15 supplevit m. 2 24 τὸ γ': corr. m. 2 26 ἐστὶ τοῦ:
corr. Heiberg

ΘΚ ΑΝ ΜΞ μετὰ τοῦ Η τοῦ Η <...> ἴσον ἐστὶ τὸ Α
 τρίγωνον. τὰ δὲ ΘΚ ΑΝ ΜΞ μετὰ τοῦ Η ἴσα
 ἐγγραφέντι εἰς τὸ τμήμα πολυγώνῳ· τὸ ἄρα ἐγγεγραμ-
 μένον εἰς τὸ τμήμα πολύγωνον τοῦ ΑΒΓ τριγών-
 μείζον ἐστίν ἢ ἐπίτριτον· πολλῶ ἄρα τὸ ἐπὶ τῆς
 fol. 84^v τμήμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου μείζον ἐστίν ἢ ἐπίτρι-
 τόν· ὥστε ἐὰν μετρήσωμεν τὸ τρίγωνον καὶ τούτου τὸ τρι-
 προσθῶμεν, ἀποφανούμεθα ὡς ἔγγιστα τὸ ἐμβαδὸν
 τμήματος. ἀρμόσει δὲ ἡ αὐτὴ μέθοδος, ὅταν ἡ β.
 τῆς καθέτου μείζων ἢ ἡ τριπλάσιον· ἐὰν μέντοι τμή-
 ἢ περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ παραβολῆς καὶ δ.
 ἢ τε βάσις αὐτῆς καὶ ἡ κάθετος, τουτέστιν ὁ ἄξων
 μέχρι τῆς βάσεως, καὶ τούτου βουλόμεθα τὸ ἐμβα-
 δοῦν εὑρεῖν, μετρήσαντες τὸ τρίγωνον τὸ τὴν αὐτὴν β.
 ἔχον αὐτῶ καὶ ὕψος ἴσον καὶ τούτῳ προσθέντες
 τρίτον αὐτῶν ἀποφανούμεθα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τμήμα-
 το· ἔδειξε γὰρ Ἀρχιμήδης ἐν τῷ ἐφοδικῷ, ὅτι πᾶν τμή-
 μα περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου το-
 τουτέστι παραβολῆς, ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ β.
 μὲν ἔχοντος αὐτῶ τὴν αὐτὴν καὶ ὕψος δὲ ἴσον.

Λήμμα. Ἐστω τῶ μὲν Η ἴσον τὸ ΑΒ, τοῖς δὲ
 Κ, Α, Ν, Μ, Ξ τὸ ΒΓ[Δ], τὸ δὲ ΑΒ τοῦ ΒΓ ἔλατ-
 τόν ἢ τριπλάσιον ἔστω· πῶς ἀναστρέψαντι τὸ ΑΓ, του-
 τὸ Η μετὰ τῶν Θ, Κ, Α, Ν, Μ, Ξ, τοῦ ΑΒ, του-
 τοῦ Η, μείζον ἐστίν <ἢ> ἐπίτριτον; ἔστω γὰρ τὸ
 τοῦ ΑΓ τριπλάσιον· τὸ[ῦ] ΑΓ ἄρα τετραπλάσιον
 τοῦ ΑΓ. ἀναστρέψαντι ἄρα τὸ ΑΓ τοῦ ΑΔ ἐπίτρι-
 τόν ἐστίν. τὸ ΑΓ ἄρα τοῦ ΑΒ μείζον ἐστίν ἢ ἐπίτρι-

1 <μείζονα ἐστίν ἢ ἐπίτριτα. τῶ δὲ Η> Heiberg 5 πλω.
 correxit m. 2 16 αὐτῶν: αὐτοῦ Heiberg 18 ἀπὸ: correxi 2
 ΒΓΔ: [Δ] seclussit Nath 25 <ἢ> add. m. 2 26 τοῦ ΑΓ: corr.

als K ; also ist $\frac{1}{3}H$ kleiner als $\Theta + K + A + N + M + \Xi$. Also ist H kleiner als dreimal die genannten (Stücke?). Also $H + \Theta + K + A + N + M + \Xi$ kleiner als $4(\Theta + K + A + N + M + \Xi)$. Also $\Theta + K + A + N + M + \Xi + H$ gröfser also $1\frac{1}{3}H$, $\langle H \text{ aber} \rangle$ ist = Dreieck $AB\Gamma$. Es ist aber $\Theta + K + A + N + M + \Xi + H$ gleich dem in das Segment einbeschriebenen Polygon. Das in das Segment einbeschriebene Polygon ist also gröfser als $1\frac{1}{3}$ Dreieck $AB\Gamma$. Also ist das auf 10 $A\Gamma$ stehende Segment um Vieles gröfser als $1\frac{1}{3}$ Dreieck $AB\Gamma$. Wenn wir daher das Dreieck messen und ein Drittel desselben zuzählen, so werden wir annähernd den Inhalt des Segments angeben können. Dieselbe Methode wird passen, wenn die Basis mehr als dreimal so groß ist als die Kathete. Wenn jedoch ein Segment von einer Geraden und einer Parabel umschlossen wird und seine Basis und die Kathete, d. h. die Axe bis zur Basis, gegeben ist, und wir seinen Inhalt finden wollen, so messen wir das Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche 20 Höhe hat und setzen dem $\frac{1}{3}$ desselben zu und geben so groß den Inhalt des Segments an. Denn Archimedes wies in dem *Ἐφοδικόν* nach, daß jedes Segment, das umschlossen wird von einer Geraden und dem Schnitt eines rechtwinkligen Kegels d. h. einer Parabel $1\frac{1}{3}$ mal so groß 25 als ein Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat.

Hilfssatz.

Es sei $H = AB$, $\Theta + K + A + N + M + \Xi = B\Gamma[A]$ und AB kleiner als $3B\Gamma$. Wie ist durch 30 Umkehrung $A\Gamma$ d. h. $H + \Theta + K + A + N + M + \Xi$ gröfser als $1\frac{1}{3}AB$ d. h. $1\frac{1}{3}H$? Es sei $AA = 3A\Gamma$. Also ist $A\Gamma = 4A\Gamma$. Durch Umkehrung ist also $A\Gamma = 1\frac{1}{3}AA$. Also ist $A\Gamma$ gröfser als $1\frac{1}{3}AB$.

fol. 85^r

λγ. | Ἐὰν δὲ δέῃ τμήμα μετρήσαι μείζον ἤμα
 κυκλίου, μετρήσομεν οὕτως. ἔστω τμήμα κύκλου τὸ $\overline{AB\Gamma}$, οὗ ἡ μὲν $ΑΓ$ βάσις ἔστω μονάδων ιδ, ἡ δὲ
 $ΒΔ$ κάθετος μονάδων ιδ. προσαναπεπληρώσθω
 κύκλος καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $ΒΔ$ ἐπὶ τὸ $Ε$. ἐπεὶ τὸ
 ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ ἴσον ἐστὶ
 τῷ ὑπὸ τῶν $ΒΔΕ$, τὸ δὲ
 ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ μονάδων
 ἐστὶ μθ, ἔσται ἄρα καὶ
 τὸ ὑπὸ τῶν $ΒΔΕ$ μονά-
 δων μθ. καὶ ἔστιν ἡ
 $ΒΔ$ μονάδων ιδ· ἡ ἄρα
 $ΔΕ$ ἔσται μονάδων γλ·
 ἔστιν δὲ καὶ ἡ $ΑΓ$
 μονάδων ιδ· τοῦ ἄρα
 $ΑΕΓ$ τμήματος, ὃ ἔστιν
 ἑλασσον ἡμικυκλίου, τὸ
 ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων,
 ὥς ἐμάθομεν, λδ ἡ'. καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν $ΒΔ$ ἐστὶ μονά-
 δων ιδ, ἡ δὲ $ΔΕ$ γλ, ἡ ἄρα $ΒΕ$ διάμετρος ἔσται
 μονάδων ιζλ· τοῦ ἄρα κύκλου τὸ ἐμβαδὸν ὥς ἐμάθομεν
 ἔσται σμλῃ'. ὦν τὸ τοῦ $ΑΕΓ$ τμήματος ἐμβαδὸν ἐστὶ
 μονάδων λδῃ'. λοιπὸν ἄρα τὸ τοῦ $ΑΒΓ$ τμήματος
 ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων σςλ.

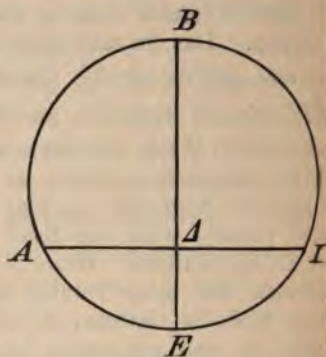


Fig. 37.

λδ. Ἐστω δὲ ἑλλειψιν μετρήσαι, ἥς ὁ μὲν μείζων
 ἄξων μονάδων ις, ὁ δὲ ἐλάσσων ιβ. ἐπεὶ οὖν ἐν τοῖς
 κωνοειδέσιν Ἀρχιμήδους δείκνυνται (c. 5 t. I p. 312 Heib.)
 ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν ἁξόνων δύναται κύκλον ἴσον τῷ
 ἑλλείψει, δεήσει τὰ ις ἐπὶ τὰ ιβ πολλαπλασιάσαντι

2 τοῦ $ΑΒΓ$: correxi 19 ante λδ ἡ' deletit μν m.
 20 γε: corr. m. 2 28 <διάμετρον> κύκλου ἴσον coni. Heiber

XXXIII. Wenn es gilt ein Segment zu messen, das größer als ein Halbkreis ist, so werden wir es folgendermaßen messen. Es sei $AB\Gamma$ ein Kreissegment, dessen Basis $A\Gamma = 14$, dessen Kathete $BA = 14$. Man vervollständige den Kreis und verlängere BA bis E . Da nun $AA^2 = BA \times AE$, AA^2 aber = 49, so wird auch $BA \times AE = 49$ sein.

Nun ist $BA = 14$, also $AE = 3\frac{1}{2}$. Nun ist auch $A\Gamma = 14$. Der Inhalt also des Segments $AE\Gamma$, das kleiner als ein Halbkreis ist, wird, wie wir gelernt haben, $34\frac{1}{8}$. Und da $BA = 14$, $AE = 3\frac{1}{2}$, so ist der Durchmesser $BE = 17\frac{1}{2}$. Der Inhalt des Kreises wird daher, wie wir gelernt haben, $= 240\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$, wovon der Inhalt des

Segments $AE\Gamma = 34\frac{1}{8}$ ist.

Also wird der Inhalt des Segments $AB\Gamma = 206\frac{1}{2}$ sein.

XXXIV. Es sei eine Ellipse zu messen, deren größere Axe = 16, die kleinere = 12 sei. Da nun in den Konoiden des Archimedes nachgewiesen wird, daß das Produkt der Axen gleich ist dem Quadrat des

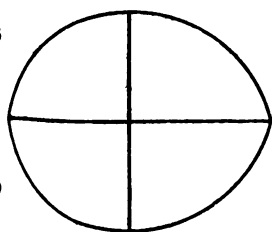


Fig. 38.

Durchmessers eines Kreises, der der Ellipse gleich ist, so wird man 16×12 multiplizieren und davon $\frac{11}{14}$ nehmen müssen; es ergibt $146\frac{1}{2}$.¹⁾ So groß hat man den Inhalt der Ellipse anzugeben.

XXXV. Es sei nun eine Parabel $AB\Gamma$ zu messen, deren Basis = 12 und deren Axe $BA = 5$ ist. Man ziehe die Verbindungslinien AB und $B\Gamma$. Also ist Dreieck

1) $\frac{16 \times 12 \times 11}{14} = 150\frac{6}{7}$; es scheint also ein Rechenfehler vorzuliegen.

τούτων λαβεῖν τὰ $\iota\alpha$ $\iota\delta'$ · ἔστι δὲ $\rho\mu\zeta\angle$ · τοσούτου ἀπφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδὸν τῆς ἐλλείψεως.

λε. Ἐστω δὴ παραβολὴν μετροῦσαι τὴν $AB\Gamma$, ἥ μὲν βάσις ἐστὶ μονάδων $\iota\beta$, ὁ δὲ $B\Delta$ ἄξων μονάδων ε. ἐπεξέχθωσαν αἱ

$AB\ B\Gamma$. τῷ ἄρα ἐμβαδῷ τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου ἴσον ἐστὶ τὸ ἥμισυ τοῦ ὑπὸ $A\Gamma$

$B\Delta$, | fol. 85^v τουτέστι μονάδων λ. ἀπέδειξεν δὲ Ἀρχιμήδης ἐν τῷ ἑφοδικῷ, ὡς προείρηται,

ὅτι πᾶν τμήμα περιεχόμενον ὑπὸ τε εὐθείας καὶ ὀρθῶν γωνίου κώνου τομῆς, τουτέστι παραβολῆς, ἐπίκειται ἐστὶ τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτὴ καὶ ὕψος ἴσον, τουτέστι τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου. <τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου> τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων λ. τὸ ἄρα τῆς παραβολῆς ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων μ.

λς. Ἐστω κυλίνδρου ἐπιφάνειαν μετροῦσαι χωρτῶν βάσεων, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῶν βάσεων ἐστὶ μονάδων $\iota\delta$, τὸ δὲ ὕψος μονάδων ε. ἐὰν δὴ νοήσωμεν τετμημένην τὴν ἐπιφάνειαν κατὰ τινὰ πλευρὰν τοῦ κυλίνδρου καὶ ἀνηπλωμένην, τουτέστιν ἐκτεταμένην ἐπὶ πλάτος, ἔσται τι παραλληλόγραμμον, οὗ τὸ μὲν μήκος ἔσται ἡ περιφέρεια τῆς βάσεως τοῦ κυλίνδρου, τὸ πλάτος τὸ τοῦ κυλίνδρου ὕψος. ἐπεὶ οὖν ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου ἐστὶ μονάδων $\iota\delta$, ἡ ἄρα περιφέρεια ἔσται μονάδων $\mu\delta$. τὸ ἄρα τοῦ παραλληλογράμμου μήκος ἔσται μονάδων $\mu\delta$. τὸ δὲ πλάτος μονάδων ε· τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου ἔσται μονάδων σ

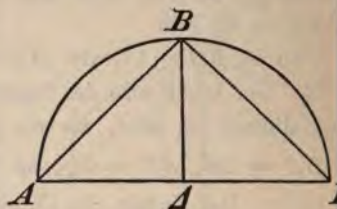


Fig. 39.

$AB\Gamma = \frac{1}{2} A\Gamma \times B\Delta = 30$. Archimedes zeigte aber in dem *Ἐφοδικόν*, wie schon gesagt ist, daß jedes Segment, welches umschlossen wird von einer Geraden und dem Schnitt eines rechtwinkligen Kegels, d. h. einer Parabel, ⁵ $1\frac{1}{3}$ mal so groß ist als ein Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, d. h. als Dreieck $AB\Gamma$. Der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ ist aber $= 30$, der Inhalt der Parabel wird also $= 40$ sein.

XXXVI. Es sei die Oberfläche eines Cylinders ohne ¹⁰ seine Basen zu messen, in dem der Durchmesser der Basen $= 14$ ist, die Höhe $= 5$ ist. Wenn wir uns nun

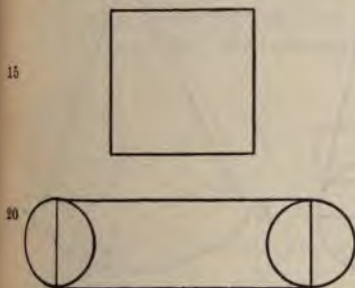


Fig. 40 a u. b.

die Oberfläche in der Richtung einer Seite aufgeschnitten und aufgerollt, d. h. zu einer Fläche ausgebreitet denken, so wird sie ein Parallelogramm sein, dessen Länge die Peripherie der Basis des Cylinders und dessen Breite die Höhe des Cylinders ist. Da nun der Durchmesser des Kreises $= 14$ ist, so wird die

¹⁵ Peripherie $= 44$ sein; die Länge des Parallelogramms wird also $= 44$, die Breite $= 5$ sein. Der Inhalt des Parallelogramms wird also $= 220$ sein. So groß wird auch die Oberfläche des Cylinders sein, d. h. $= 220$, wie auch unten angegeben ist.

²⁰ XXXVII. Die Oberfläche eines gleichschenkligen (geraden) Kegels werden wir entsprechend messen, nachdem wir sie ausgebreitet haben. Denn wenn wir sie uns in ähnlicher Weise in der Richtung einer Seite aufgerollt und zu einer Fläche ausgebreitet denken, so wird sie ein

1 σφάλμα supra $\mu\epsilon\varsigma$ L m. 2 16 $\alpha\upsilon\tau\acute{o}$: correxi 17 suppl. Heiberg

τοσούτου δὲ καὶ ἡ τοῦ κυλίνδρου ἐπιφάνεια, τουτέστι μονάδων σκ, ὡς καὶ ὑποτίθεται.

fol. 86^r

λξ. | Κώνου δὲ ἰσοσκελοῦς τὴν ἐπιφάνειαν μετροῦμεν ἀκολουθῶς ἐκπετάσαντες αὐτήν· ἐὰν γὰρ νοσῶμεν ὁμοίως κατὰ πλευρὰν <ἀν>ηπλωμένην καὶ ἐπίπεδον ἐκτεταμένην, ἔσται τις κύκλου τομεὺς ὥσπερ ὁ $ABΓ[Δ]$ ἔχων τὴν μὲν AB πλευρὰν ἴσην τῇ πλευρᾷ τοῦ κώνου, τὴν δὲ $ΒΓ$

περιφέρειαν ἴσην τῇ περιφερείᾳ τῆς βάσεως τοῦ κώνου. ἐὰν οὖν πάλιν δοθῇ ἡ μὲν διαμέτρος τῆς βάσεως τοῦ κώνου μονάδων ιδ, ἡ δὲ πλευρὰ μονάδων ι, ἔσται ἡ

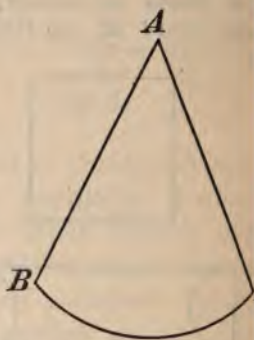


Fig. 41 a u. b.

μὲν $ΒΓ$ περιφέρεια μονάδων μδ, ἡ δὲ AB μονάδων ι. δέδεικται δὲ Ἀρχιμήδει ἐν τῇ τοῦ κύκλου μετρήσει, ὅτι πᾶς τομεὺς ἡμισὺς ἐστὶ τοῦ περιεχομένου ὑπὸ τε τῆς τοῦ τομέως περιφερείας καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου, οὗ ἔστιν ὁ τομεύς· τὸ δὲ ὑπὸ τῇ AB $ΒΓ$ ἐστὶ μονάδων νπ· τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ τομέως ἔσται μονάδων σκ.

λη. Τὴν δὲ ἐπιφάνειαν τῆς σφαίρας ὁ αὐτὸς ἐμέτρησεν Ἀρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου (I c. 23 t. I p. 136 Heib.) ἀποδείξας τετραπλάσια οὖσαν τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ

Kreisausschnitt, z. B. $AB\Gamma$, von dem die Seite AB gleich der Seite des Kegels, die Peripherie $B\Gamma$ gleich der Peripherie der Basis des Kegels ist. Wenn nun wiederum der Durchmesser der Basis des Kegels $= 14$, die Seite $= 10$ gegeben ist, so wird die Peripherie $B\Gamma = 44$, $AB = 10$ sein. Archimedes hat aber in der Kreismessung nachgewiesen, daß jeder Kreisausschnitt die Hälfte ist des Produkts aus der Peripherie des Kreisausschnitts und dem Radius des Kreises, dem der Kreisausschnitt angehört. Nun ist $AB \times B\Gamma = 440$. Der Inhalt des Kreisausschnitts wird also $= 220$ sein.

XXXVIII. Die Oberfläche der Kugel maß ebenfalls Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder, indem er nachwies, daß sie viermal so groß sei als einer der größten Kreise der

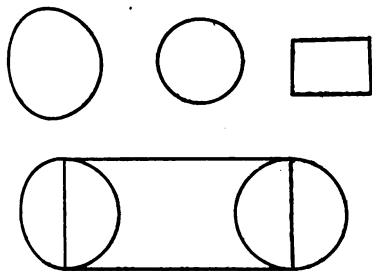


Fig. 42 a—d.

Kugel. So daß, wenn der Durchmesser der Kugel $= 14$ ist, es gilt einen Kreis zu finden, der viermal so groß ist als der Kreis, dessen Durchmesser $= 14$ ist. Wenn aber ein Kreis viermal so groß ist als ein anderer, so ist der Durchmesser

des einen zweimal so groß als der Durchmesser des anderen, da sich ja die Kreise zu einander verhalten wie die Quadrate ihrer Durchmesser.

$$2 \times 14 = 28.$$

Der Inhalt aber eines Kreises, dessen Durchmesser 28 beträgt, ist, wie wir lernten, $= 616$. Daher wird auch die Oberfläche der Kugel $= 616$ sein. Oder auch auf

2 ὡς sq., quæ ad figuram spectant, vix Heronis sunt
6 ἡμισφαιρίων: correxī 7 $AB\Gamma\Delta$: correxī

ὥστε ἐὰν δοθῇ ἡ διάμετρος τῆς σφαίρας μονάδων id δεῖ εὑρεῖν κύκλον τετραπλασίονα τοῦ κύκλου, οὗ τ διάμετρος ἐστὶ μονάδων id . εἰ δὲ ὁ κύκλος τοῦ κύκλου ἐστὶ τετραπλάσιος, ἡ ἄρα διάμετρος τῆς διαμέτρου ἐστὶ διπλασία, ἐπεὶπερ οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τῶν κύκλων τετράγωνα πρὸς ἄλληλα. τὰ id δὲ τ γίνεταί $\kappa\eta$. τὸ δὲ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου, οὗ ἡ διάμετρος $\kappa\eta$, | ἐστὶν ὥς ἐμάθομεν, μονάδων χis . ὥστε καὶ ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια ἐστὶ μονάδων χis . ἢ καὶ ἄλλως· ἀπέδειξε Ἀρχιμήδης, ὅτι ἡ ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας ἴση ἐστὶ τῇ ἐπιφανείᾳ κυλίνδρου χωρὶς τῶν βάσεων, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἴση ἐστὶ τῇ διαμέτρῳ τῆς σφαίρας, τὸ δὲ ὕψος ἴσον· ὥστε δεῖξει ἐπιφάνειαν κυλίνδρου μετρησά, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἐστὶ μονάδων id , τὸ δὲ ὕψος ὁμοίως id . ὥς οὖν προεδείχθη, ἡ ἐπιφάνεια αὐτοῦ ἐστὶ μονάδων χis · τοσοῦτον ἔρα καὶ ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια.

λθ. Τμήματος δὲ σφαίρας τὴν ἐπιφάνειαν μετρήσομεν οὕτως. ἔστω τμήμα σφαίρας, οὗ βάσις ὁ ABGD κύκλος ἔχων τὴν μὲν AG διάμετρον μονάδων $\kappa\delta$, τὴν δὲ EZ κάθετον μονάδων ϵ . ἐπεὶ οὖν ἡ AG ἐστὶ μονάδων κA , ἡ ἄρα AZ ἐστὶ μονάδων ιβ . ἡ δὲ ZE μονάδων ϵ · ἡ ἄρα AE ἐστὶ μονάδων ιγ διὰ τὸ ὀρθὴν εἶναι τὴν πρὸς τῷ Z γωνίαν. ἀπέδειξεν δὲ ὁ αὐτὸς Ἀρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου (I c. 42 sq. t. I p. 176 Heib.) ὅτι παντὸς τμήματος σφαίρας ἡ ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶ κύκλῳ, $\langle \text{οὗ} \rangle$ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῇ ἐκ τοῦ πόλου τῆς βάσεως τοῦ τμήματος· ἡ δὲ AE ἐκ τοῦ πόλου ἐστὶ τοῦ ABGD κύκλου· καὶ ἐστὶ μονάδων ιγ . ἡ ἄρα διάμετρος τοῦ

andere Weise. Archimedes wies nach, daß die Oberfläche der Kugel gleich der Oberfläche eines Cylinders ohne seine Basen ist, in dem der Durchmesser der Basis gleich dem Durchmesser der Kugel und die Höhe die gleiche ist. Man wird daher die Oberfläche eines Cylinders messen müssen, in dem der Durchmesser der Basis = 14 und die Höhe gleichfalls = 14 ist. Wie nun früher gezeigt wurde, ist seine Oberfläche = 616. So groß wird also auch die Oberfläche der Kugel sein.

XXXIX. Die Oberfläche eines Kugelabschnitts werden wir folgendermaßen messen. Es sei ein Kugelabschnitt, dessen Basis der Kreis $AB\Gamma A$ sei, dessen Durchmesser $A\Gamma = 24$, dessen Kathete $EZ = 5$ sei. Da nun $A\Gamma = 24$, so ist $AZ = 12$; aber $ZE = 5$, also $AE = 13$, weil der Winkel bei Z ein rechter ist. Nun wies aber ebenderselbe Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder nach, daß die Oberfläche jedes Kugelabschnitts gleich ist einem Kreise, dessen Radius gleich ist der Geraden, die von dem Pole der Basis des Abschnitts ausgeht. Nun ist AE die von dem Pole des Kreises $AB\Gamma A$ ausgehende Gerade und ist = 13. Der Durchmesser des genannten Kreises ist also = 26. Der Inhalt desselben wird also, wie vorher bemerkt, = $531\frac{1}{7}$ sein; so groß ist also auch die Oberfläche des Kugelabschnitts.

Alle Formen bestimmter Oberflächen nun sind, wie wir glauben, damit ausreichend vermessen; es ist aber, meine ich, nötig, außerdem zu besprechen, wie die unbestimmten Oberflächen zu messen sind. Wenn nun eine Oberfläche eben ist, jedoch die sie einschließende Linie

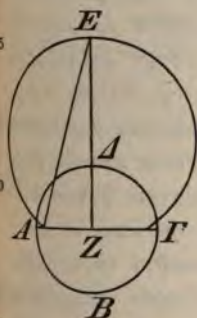


Fig. 43.

εἰρημένου κύκλον ἐστὶ μονάδων κς. τὸ ἄρα ἐμβαδὸν
ὥς προεῖρηται, ἔσται μονάδων φλα ξ'. τοσοῦτον ἄρ
καὶ ἡ τοῦ τμήματος τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια.

Ὅσα μὲν οὖν ἦν σχήματα τεταγμένων ἐπιφανειῶν
αὐτάρκως νομίζομεν μεμετροῦσθαι, ἀναγκαῖον δὲ ἐ
fol. 87^r οἶμαι πρὸς τὰς | ἀτάκτους εἰπεῖν ἐπιφανείας, ὥς δὲ
αὐτὰς μετρεῖσθαι. εἰ μὲν οὖν ἐπιφάνεια ἐπίπεδος ἐστι
ἢ δὲ περιέχουσα αὐτὴν γραμμὴ ἄτακτος ὑπάρχει, δεῖ
ἐπ' αὐτῆς τῆς γραμμῆς λαβεῖν τινὰ συνεχῆ σημεί
ῶστε τὰς ἐπιξενυγνούσας αὐτὰ κατὰ τὸ ἐξῆς εὐθεί
γραμμὰς μὴ κατὰ πολὺν ἀπάδειν τῆς περιεχοῦσης
σχῆμα γραμμῆς, καὶ οὕτως ὥς πολύγωνον μετρεῖν
τρίγωνα καταδιαίρουντα. εἰ δὲ οὐκ ἐστὶν ἐπίπεδος
ἐπιφάνεια, ἀλλ' ὥσπερ ἀνδριάντος ἢ ἄλλου τιν
τοιούτου, δεῖ λαβόντα χάρτην ὅτι λεπτότατον ἢ σινδό
περιτείνειν κατὰ μέρος ἐπὶ τὴν ἐπιφάνειαν αὐτοῦ, ἅ
ἂν περιειληθῇ, εἴτα ἐκτείναντα τὸν χάρτην ἢ τὴν σιν
δόνα εἰς ἐπίπεδον μετρεῖν περιεχομένην ὑπὸ ἀτάκ
γραμμῆς, ὥς προεῖρηται, καὶ ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδ
τῆς ἐπιφανείας. εἰ δὲ τινὲς εἰσιν ἕτεραι ἐπιφάνει
ἢ σχήματα ἐπιφανειῶν, μετροθήσεται ἐκ τῶν προειρ
μένων· καὶ γὰρ αὐτάρκως νομίζομεν τὰς ἐκ δυε
διαστάσεων ἐπιφανείας μεμετροῦσθαι.

9 f. ἐπὶ ταύτης 23 subscriptum: "Ηρώνος Ἀλεξανδρό
ἐπιπέδων μέτρησις εὐτυχῶς.

unbestimmt ist, so wird man auf dieser Linie einige hinter einander folgende Punkte nehmen müssen, so daß die geraden Linien, die dieselben der Reihe nach verbinden, nicht bedeutend abweichen von der die Figur begrenzenden Linie, und wird sie dann wie ein Vieleck durch Teilung in Dreiecke messen müssen. Wenn die Oberfläche jedoch nicht eben ist, sondern wie die einer Statue oder eines anderen derartigen Gegenstandes, so muß man möglichst dünnen Papyrus oder Leinwand nehmen und stückweise auf dessen Oberfläche auflegen, bis sie rings umwickelt ist, dann muß man den Papyrus oder die Leinwand wieder zu einer glatten Fläche auseinanderbreiten und sie messen als eine von einer unbestimmten Linie umgrenzte Figur, wie vorher gesagt ist, und so groß den Inhalt der Oberfläche angeben. Wenn aber irgend welche anderen Oberflächen oder Figuren von Oberflächen vorhanden sind, so werden sie auf Grund der im Vorstehenden angegebenen Methoden ausgemessen werden. Denn wir glauben hinreichend die Oberflächen mit 2 Dimensionen ausgemessen zu haben.

ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Β

ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

fol. 87^v

| Μετὰ τὴν τῶν ἐπιφανειῶν μέτρησιν εὐθύγραμμων
τε καὶ μὴ κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐπὶ τὰ στερεὰ σώματα
χωρητέον, ὧν καὶ τὰς ἐπιφανείας ἐν τῷ πρὸ τούτου¹
βιβλίῳ ἐμετρήσαμεν ἐπιπέδους τε καὶ σφαιρικός, ἔτι
τε κωνικός καὶ κυλινδρικός, πρὸς δὲ τούτοις ἀτάκτους,
ὧν τὰς ἐπινοίας ὥσπερ παραδόξους οὕσας τινὲς εἰς
Ἀρχιμήδην ἀναφέρουσιν κατὰ διαδοχὴν ἰστοροῦντες.
εἴτε δὲ Ἀρχιμήδους εἴτε ἄλλον τινός, ἀναγκαῖον καὶ¹¹
ταύτας προ(σ)υπογράψαι, ὅπως κατὰ μὴδὲν ἐνδεής ἡ
πραγματεία τυγχάνῃ τοῖς βουλομένοις αὐτὰ μεταχειρί-
ζεσθαι.

Στερεὸν εὐθύγραμμον ὀρθογώνιον μετρεῖται δοθεί-
σης ἐκάστης αὐτοῦ πλευρᾶς, μήκους τε καὶ πλάτους¹⁵
καὶ βάθους ἢ πάχους· οὐδὲν γὰρ διοίσει [εἰ] ἢ κοίλον
ὑπάρχον μετρεῖσθαι τι σῶμα ἢ ναστόν. βάθος μὲν
γὰρ καλεῖται ἐπὶ τῶν κοίλων σωμάτων, πάχος δὲ ἐπὶ
τῶν ναστῶν. ἔστω δὲ τὸ μὲν μήκος μονάδων κ, τὸ
δὲ πλάτος μονάδων ιβ, τὸ δὲ πάχος μονάδων π. ἐὰν²⁰
δὴ δι' ἀλλήλων τοὺς ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσωμεν,
γίγνονται μονάδες ατ. τοσούτων δὲ καὶ τὸ στερεὸν

1 titulum supplevi 11 προυπογράψαι: correxi 16 [εἰ]:
del. m. 1 19 sq. numeri corrupti

VERMESSUNGSLEHRE VON HERON VON ALEXANDRIA.

ZWEITES BUCH.

KÖRPERVERMESSUNG.

5 Nach der Messung der geradlinigen und nicht gerad- Vorrede
linigen Oberflächen haben wir uns der Reihenfolge nach
den festen Körpern zuzuwenden, deren Oberflächen wir
in dem vorhergehenden Buche ausmessen, die ebenen
sowohl als die kugelförmigen, ferner aber auch die kegel-
10 förmigen und cylinderförmigen, außerdem aber die irratio-
nalen. Die Erfindung der dazu nötigen Methoden führen
manche, die in der Geschichtsforschung das Prinzip der
Succession zu Grunde legen, da dieselben überraschend
sind, auf Archimedes zurück. Sie mögen nun aber von
15 Archimedes oder irgend einem anderen stammen, jedenfalls
ist es nötig, auch diese noch zu beschreiben, damit das
Handbuch für die, die sich mit diesen Dingen beschäftigen,
in keinem Punkte lückenhaft sei.

Einen geradkantigen rechtwinkligen Körper zu messen,
20 wenn jede Seite desselben gegeben ist, die Länge und
die Breite und die Tiefe oder Dicke. Denn es macht
keinen Unterschied, ob ein Körper, der gemessen wird,
hohl ist oder voll; man spricht nämlich von Tiefe bei
den hohlen, von Dicke bei den vollen Körpern. Es sei
25 die Länge = 20, die Breite = 12, die Dicke = 80.
Wenn wir nun diese Zahlen mit einander multiplizieren,
30 ergibt es 19 200. So groß wird der Körper sein.

ἔσται μονάδων. τούτου δ' ἡ ἀπόδειξις φανερά. ἐὰν
 γὰρ τὰς τρεῖς διαστάσεις ἐπινοήσωμεν διηρημένας εἰς
 μοναδιαῖα διαστήματα καὶ διὰ τῶν τομῶν ἐπίπεδα
 ἐκβάλλωμεν παράλληλα τοῖς περιέχουσι τὸ στερεὸν ἐπι-
 πέδοις, ἔσται ὥσπερ καταπεπρισμένον τὸ στερεὸν εἰς
 μοναδιαῖα στερεά, ὧν τὸ πλῆθος ἔσται ὁ εἰρημένος
 ἀριθμός. καὶ καθόλου δὲ πᾶν στερεὸν σχῆμα πάχος
 ἔχον οἰονδηποτοῦν (καὶ μῆκος οἰονδηποτοῦν), τὸ δὲ
 ὕψος πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει μετρεῖται τῆς βάσεως
 αὐτοῦ μετροηθείσης καὶ ἐπὶ τὸ ὕψος πολλαπλασιασθεί-
 σης. οἷον· ἔστω τοῦ στερεοῦ βάσις ἑλλειψις, ἀπὸ δὲ
 τοῦ κέντρου τῆς ἑλλείψεως πρὸς ὀρθὰς ἐπινοείσθω τις
 εὐθεῖα τῷ τῆς ἑλλείψεως ἐπιπέδῳ ὕψος ἔχουσα δοθὲν.
 τὸ δὲ τῆς ἑλλείψεως σχῆμα φερέσθω κατὰ τῆς εἰρη-
 μένης εὐθείας οὕτως, ὥστε τὸ μὲν κέντρον κατ' αὐτῆς
 φέρεσθαι, τὸ δὲ τῆς ἑλλείψεως ἐπίπεδον ἀεὶ παράλλη-
 λον ὑπάρχειν τῇ ἐξ ἀρχῆς θέσει. ἔσται δὴ τι σχῆμα
 ὥσπερ εἰ κύλινδρος βάσιν ἔχον τὴν εἰρημένην ἑλλειψιν.
 τοῦ δὴ τοιούτου σχήματος τὸ ὕψος πρὸς ὀρθὰς καλῶ
 τῇ βάσει· ὃ δὴ μετρεῖται τῷ προειρημένῳ τρόπῳ. κἂν
 ἢ βάσις δὲ ἕτερον ἔχη σχῆμα, τὸ δὲ ὕψος πρὸς ὀρθὰς
 τῇ βάσει, ὡς εἰρηται, ὁμοίως μετροηθήσεται· ὥστε καὶ
 κύλινδρος ὡσαύτως μετρεῖται. κἂν μὴ ᾗ δὲ τὸ ὕψος
 τοῦ στερεοῦ πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει, ἀλλὰ κεκλιμένον
 ᾗ, τὸ δὲ στερεὸν τοιοῦτον, ὥστε τεμνόμενον ἐπιπέδῳ
 παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιεῖν τομὰς ἴσας τῇ βάσει, δο-
 θεῖσα δὲ ᾗ ἢ ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτοῦ κάθετος ἀγομένη
 ἐπὶ τὴν βάσιν, τὸ στερεὸν ὡσαύτως λαμβάνεται. δεῖ
 γὰρ λαβόντα τὸ ἐμβαδὸν τῆς βάσεως αὐτοῦ πολλαπλα-
 σιάσαι ἐπὶ τὴν εἰρημένην κάθετον καὶ ἀποφαίνεσθαι
 τοσούτου τὸ στερεόν· τὸ δὲ εἰρημένον <.....> ἐπι-

Der Beweis hierfür liegt auf der Hand. Wenn wir uns nämlich die drei Ausdehnungen in Abstände von je einer Einheit zerlegt denken und durch die Schnittpunkte Ebenen legen, die den den Körper begrenzenden Flächen parallel sind, so wird der Körper gleichsam in Körper von je 1 Einheit zersägt sein, deren Anzahl gleich der angegebenen Zahl sein wird. Und allgemein wird jeder Körper, dessen Dicke beliebig und dessen Höhenkante im rechten Winkel zur Basis steht, so gemessen, daß man seine Basis ausmisst und mit der Höhenkante multipliziert. Beispielsweise sei die Basis des Körpers eine Ellipse, man denke sich aber von dem Mittelpunkte der Ellipse eine Gerade im rechten Winkel zu der Ebene der Ellipse, welche eine gegebene Länge habe. Nun bewege sich die Ellipsenfigur in der Richtung der genannten Geraden in der Weise, daß ihr Mittelpunkt an ihr hinabgleitet, die Ebene der Ellipse aber ihrer anfänglichen Lage stets parallel bleibt. Es wird so eine cylinderartige Figur entstehen, die die genannte Ellipse zur Basis hat. Von einer solchen Figur sage ich, ihre Axe stehe im rechten Winkel zur Basis, und sie wird auf die vorherangegebene Art und Weise gemessen. Auch wenn die Basis eine andere Gestalt hat, die Axe aber im rechten Winkel zur Basis steht, wird sie ähnlich gemessen werden, daher wird auch ein Cylinder ebenso gemessen. Aber auch wenn die Axe des Körpers nicht im rechten Winkel zur Basis steht, sondern geneigt ist, der Körper jedoch so beschaffen ist, daß er durch Schnitte mit einer der Basis parallelen Ebene Schnittflächen, die der Basis gleich sind, liefert, und wenn die Höhe von seiner Spitze auf die Basis gegeben ist, wird der Körper auf dieselbe Weise bestimmt. Man muß nämlich den Inhalt seiner Basis bestimmen, ihn mit der genannten Höhe multiplizieren und so groß den Körper angeben. Der Satz, daß er durch Schnitte

8 inserui 14 κατὰ τὰς: correxi 18 ἔχον: ο ex ω fec.
m. 1 27 δὲ ἢ ἡ: correxi 31 hiatus indicavi; f. <ὅτι τὸ
στέρεον τεμνόμενον>

πέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιεῖ τομὰς τῇ βάσει ἴσας, γίνεται οὕτως. ἐὰν ἐπὶ τῆς βάσεως αὐτοῦ εὐθείᾳ τις ἐπισταθῇ ἥτοι ὀρθῇ ἢ κεκλιμένη πρὸς τὴν βάσιν καὶ μενούσης αὐτῆς ἢ τοῦ στερεοῦ βάσις φέρεται κατὰ τῆς εἰρημένης εὐθείας, ὥστε τὸ μὲν πρὸς τῇ βάσει σημεῖον κατὰ τῆς εὐθείας φέρεσθαι, τὴν δὲ βάσιν ἀεὶ φερομένην παραλλήλον ἐαυτῇ διαμένειν, τὸ τοιοῦτον σχῆμα τεμνόμενον ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιήσει τομὰς τοσαύτας τῇ βάσει ἴσας, ἐπειδήπερ τῆς βάσεως ἢ φορὰ κατὰ παραλλήλον αὐτῇ θέσιν ἐφέρετο.

α. Ἐστὼ δὴ κῶνον μετρήσαι, οὗ ἢ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἔστω μονάδων ι, τὸ δὲ ὕψος η. ὕψος δὲ τοῦ κώνου καλῶ τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κείμενον ἀγομένην, ἐὰν τε ὀρθὸς ὁ κῶνος ὑπάρχῃ ἐὰν
fol. 83^v τε σκαληνός. νενο|ήσθω δὴ κύλινδρος ὀρθὸς ἀπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως τῷ κώνῳ ὕψος ἔχων τὸ αὐτὸ τῷ κώνῳ. τούτου δὴ τοῦ κυλίνδρου τὸ στερεὸν ἔσται δοθέν. ἢ τε γὰρ διάμετρος αὐτοῦ τῆς βάσεως δοθεῖσά ἐστιν καὶ τὸ ὕψος δοθέν. καὶ ἔστιν, ὥς ἐμάθομεν, μονάδων χη
ξ'. δ. ἀλλ' ἐπεὶ πᾶς κῶνος κυλίνδρου τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον, ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κώνου μονάδων σθ ια'. ὁμοίως οὖν καὶ πυραμίδος πάσης τὸ στερεὸν ληψόμεθα δοθείσης τῆς βάσεως αὐτῆς καὶ τῆς ἀπὸ τῆς κορυφῆς καθεύτου ἀγομένης ἐπὶ τὸ τῆς βάσεως ἐπίπεδον, ἐπειδήπερ πᾶσα πυραμὶς τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ στερεοῦ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῇ καὶ ὕψος ἴσον.

einer der Basis parallelen Ebene Schnittflächen, die Basis gleich sind, liefert, ergibt sich folgendermaßen. auf seiner Basis eine Gerade entweder senkrecht oder gt zur Basis errichtet, und während diese in ihrer bleibt, die Basis in der Richtung der genannten len so bewegt, daß der Punkt an der Basis sich an teraden entlang bewegt, die Basis aber während der n Bewegung ihrer ursprünglichen Lage parallel bleibt, ird ein derartiger Körper bei Schnitten mit einer Basis parallelen Ebene ebensoviel der Basis gleiche tflächen liefern, da die Bewegung der Basis in einer lbst parallelen Lage erfolgte.

Es sei ein Kegel zu messen, bei dem der Durch- r der Basis = 10 sein soll, die Höhe = 8. Höhe gels nenne ich die Senkrechte von der Spitze auf basis, mag der Kegel nun grade oder schief sein. denke sich nun einen geraden Cylinder auf derselben

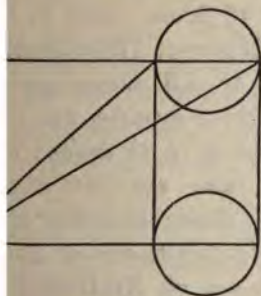


Fig. 44.

Basis wie der Kegel, die dieselbe Höhe habe wie der Kegel. Der Körperinhalt dieses Cylinders wird gegeben sein. Denn der Durchmesser seiner Basis ist gegeben und seine Höhe gegeben. Und er ist, wie wir lernten, $= 628\frac{4}{7}$. Da aber jeder Kegel der dritte Teil eines Cylinders ist, der mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, so

der Körperinhalt des Kegels $= 209\frac{11}{21}$. In ähnlicher e werden wir nun auch den Körperinhalt jeder Pyra- bestimmen, wenn ihre Basis und die Senkrechte von Spitze auf die Fläche der Basis gegeben ist, da ja Pyramide der dritte Teil eines Prismas ist, das mitieselbe Basis und gleiche Höhe hat.

β. Ἐστω δὴ κύλινδρον σκαληνὸν μετρηῆσαι, οὐ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως μονάδων ι , τὸ δὲ ὕψος μονάδων η . ὕψος δὲ καλῶ τὴν ἀπὸ τῆς ἐφέδρας ἀκάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ τῆς ἔδρας ἐπίπεδον. νεύσθω δὴ πάλιν κύλινδρος ὀρθὸς ἀπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως τῷ προειρημένῳ κυλίνδρῳ ὕψος ἔχων τὸ αὐτὸ. ἐπεὶ οἱ ἰσοῦψεῖς κῶνοι καὶ κύλινδροι πρὸς ἀλλήλους ἴσους αἱ βάσεις, οἱ δὲ εἰρημένοι κύλινδροι ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰσιν καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσος ἄρα ἐστὶ ὀρθὸς κύλινδρος τῷ σκαληνῷ. τοῦ δὲ ὀρθοῦ στερεὸν ἐστὶν δοθέν· τό τε γὰρ ὕψος αὐτοῦ δοθέν ἐστὶν καὶ ἡ διάμετρος τῆς βάσεως· καὶ ἐστὶ μονάκη δ. καὶ τοῦ σκαληνοῦ ἄρα τὸ στερεὸν τοσοῦτον ἐστὶν.

fol. 89^v

γ. | Ἐστω δὴ στερεὸν παραλληλεπίπεδον μετρητὸν ὕψος ἔχον μὴ πρὸς ὀρθῶς τῇ βάσει. ἔστω δὲ λεγέμενον ἢ μὲν βάσις αὐτοῦ ἐξάγωνος, <ἰσοπλευρος ἰσογώνιος> ἡ $ΑΒΓΔΕΖ$, ἡ δὲ $ΑΒ$ πλευρὰ μονάκη, ἡ δὲ ἀπὸ τῆς ἐφέδρας ἀκάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ ἔδρας ἐπίπεδον ἔστω μονάδων η . ἡ δὲ ἐφέδρα αὐτοῦ ἐστὶν ἡ $ΗΘΚΛΜΝ$. καὶ ἀπὸ τῆς $ΗΘΚΛ$ ἀκάθετοι ἡχθῶσαν ἐπὶ τὸ τῆς ἔδρας ἐπίπεδον αἱ $ΘΟΚΠΑΡΜΣΝΤ$. καὶ ἐπεξεύχθῶσαν αἱ $ΞΟΠΡΡΣΣΤΤΞ$. ἐστὶν ἄρα καὶ τὸ $ΞΟΠΡΡΣΤ$ γωνιον ἰσοπλευρον καὶ ἰσογώνιον. ἐπεὶ οὖν τὰ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶν, ἴσον ἄρα $ΑΒΓΔΕΖΗΘΚΛΜΝ$ στερεὸν τῷ $ΞΟΠΡΡΣΣΤΗΘΚΛΜΝ$ στερεῷ. δοθὲν δὲ τὸ $ΞΟΠΡΡΣΤΗΘΚΛΜΝ$

II. Es sei nun ein schiefer Cylinder zu messen, von dem der Durchmesser der Basis = 10, die Höhe = 8 sei. Höhe nenne ich die Senkrechte, die von seiner oberen

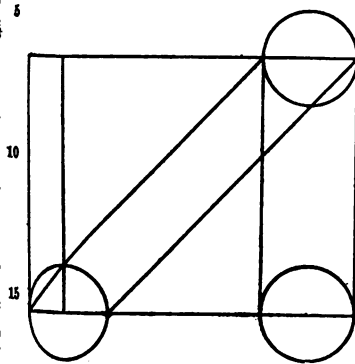


Fig. 45.

Fläche auf die Ebene der unteren Fläche gefällt wird. Man denke sich nun wieder einen geraden Cylinder auf derselben Basis mit dem oben genannten Cylinder, der dieselbe Höhe habe. Da nun Kegel und Cylinder von gleicher Höhe sich zu einander verhalten wie ihre Basen, die genannten Cylinder aber auf derselben Basis und unter derselben Höhe stehen,

so ist der gerade Cylinder gleich dem schiefen. Der Körperinhalt des geraden ist aber gegeben, denn seine Höhe und der Durchmesser seiner Basis ist gegeben, und zwar ist er $= 628\frac{4}{7}$. Mithin wird so groß auch der Körperinhalt des schiefen Cylinders sein.

III. Es sei nun ein Parallelepipedon zu messen, dessen Axe nicht im rechten Winkel zur Basis steht. Beispielsweise sei seine sechseckige gleichseitige und gleichwinklige Basis $AB\Gamma\Delta EZ$, die Seite $AB = 10$, und die Senkrechte von der oberen Fläche auf die Ebene der unteren Fläche sei = 8. Seine obere Fläche sei $H\Theta K\Lambda MN$ und man falle von $H\Theta K\Lambda MN$ auf die Ebene der unteren Fläche die Höhen $H\Xi$, ΘO , $K\Pi$, ΛP , $M\Sigma$, $N T$ und ziehe die Verbindungslinien ΞO , $O\Pi$, ΠP , $P\Sigma$, ΣT , $T\Xi$. Es wird also auch $\Xi O\Pi P\Sigma T$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Sechseck sein. Da nun die Parallelepipeda, die auf derselben Basis und unter derselben Höhe stehen, einander

δοθέν ἄρα καὶ τὸ $ΑΒΓΔΕΖΗΚΛΜΝ$. ὥστε δεῖ
λαβόντα τὸ ἔμβαδὸν τοῦ $ΑΒΓΔΕΖ$ ἑξαγώνου πολ-
πλασιάσαι ἐπὶ τὴν εἰρημένην κάθετον, τουτέστι

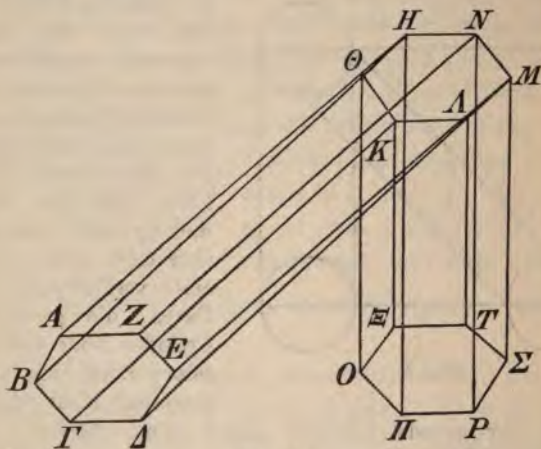


Fig. 46 a.

ἡ μονάδας, καὶ τοσούτου τὸ στερεὸν ἀποφίνασθαι
καὶ οἷαν δ' ἂν ἔχη βάσιν τὸ στερεὸν, ὡσαύτως
μετρεῖται.

fol. 89^v δ. | Ἐστω πρίσμα, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ΑΒΓΔΕΖ$
παράλληλογράμμον, κορυφὴ δὲ ἡ $ΕΖ$ εὐθεΐα.
ἔστω ἡ μὲν $ΑΒ$ μονάδων ι , ἡ δὲ $ΒΓ$ μονάδων η , ἡ
ἀπὸ τῆς $ΕΖ$ κορυφῆς κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ $ΑΒΓΔΕΖ$
ἐπίπεδον ἔστω μονάδων ϵ . εὕρεῖν τὸ στερεὸν τοῦ πρί-
ματος. συμπληρώσθω τὸ $ΑΒΓΔΕΖΗΘ$ στερεὸν
παράλληλεπίπεδον· τὸ ἄρα $ΑΒΓΔΕΖΗΘ$ στερεὸν
παράλληλεπίπεδον διπλασίον ἐστὶ τοῦ $ΑΒΓΔΕΖ$
πρίματος. δοθέν δὲ τὸ στερεὸν παράλληλεπίπεδον

gleich sind, so wird der Körper $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$ = dem Körper $\Xi O\Pi\rho\Sigma TH\Theta K\Lambda MN$ sein. Nun ist aber $\Xi O\Pi\rho\Sigma TH\Theta K\Lambda MN$ gegeben, also ist auch $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$ gegeben. Man wird daher den

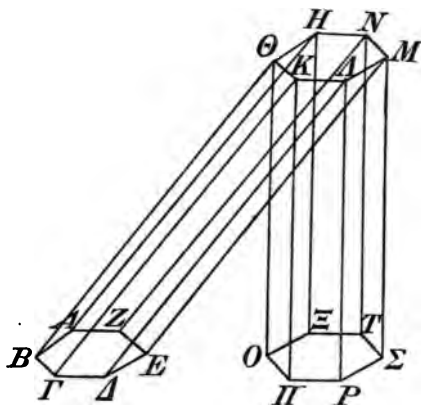


Fig. 46 b (Rekonstruktion).

⁵ Inhalt des Sechsecks $AB\Gamma\Delta EZ$ bestimmen und mit der genannten Senkrechten, d. h. 8, multiplizieren müssen und so groß seinen Körperinhalt angeben müssen. Und welche Basis der Körper auch haben mag, er wird stets in derselben Weise gemessen.

¹⁰ IV. Es sei ein Prisma, dessen Basis das Parallelogramm $AB\Gamma\Delta$, dessen Spitze die Gerade EZ ist. Und es sei $AB = 10$, $B\Gamma = 8$. Die Höhe aber von der Spitze EZ auf die Fläche $AB\Gamma\Delta$ sei $= 5$. Zu finden den Körperinhalt des Prismas. Man ergänze das Parallelepipedon $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$. Es ist also das Parallelepipedon $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ doppelt so groß als das Prisma $AB\Gamma\Delta EZ$. Das Parallelepipedon aber ist gegeben, also ist auch das Prisma gegeben. Man wird daher 8 mit 10 multiplizieren und das Produkt mit der Kathete multiplizieren müssen,

δοθέν ἄρα καὶ τὸ πρίσμα. ὥστε δεῖξει τὰ η ἐπὶ τὰ
 ι πολλαπλασιάσαι καὶ τὰ γενόμενα ἐπὶ τὴν κάθετον,

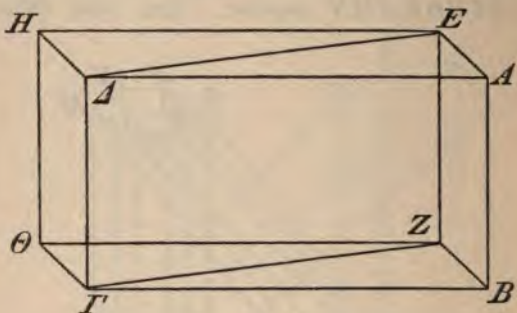


Fig. 47.

τρυτέστι τὸν ϵ γίνεται ν . τούτων τὸ ἥμισυ γίνεται
 σ . τοσούτου ἔσται τὸ ἔμβαδὸν τοῦ πρίσματος.

ε. Ἐστω δὴ πυραμίδα μετρήσαι βάσιν ἔχουσαν οἶαν
 δήποτε οὖν. ἔστω δὲ ὑποδείγματος ἔνεκεν πεντάγωνον
 ἰσόπλευρον (καὶ ἰσογώνιον), οὗ ἑκάστη πλευρὰ ἔστω
 μονάδων ι , ἥ δὲ ἀπὸ τῆς κορυφῆς κάθετος ἀγομένη[s]
 ἐπὶ τὸ τῆς βάσεως ἐπίπεδον μονάδων η . ἐπεὶ οὖν πᾶσα
 πυραμὶς τρίτον μέρος εἰδείχθη τοῦ στερεοῦ τοῦ τὴν
 αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῇ καὶ ὕψος ἴσον, τὸ δὲ στερεόν
 τὸ ἔχον βάσιν πεντάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον,
 οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονάδων ι καὶ ὕψος η , γίνεται,
 ὡς ἔμαθμεν, μονάδων γ' . ὥστε τούτων τὸ γ'
 γίνεται μονάδων $\nu\mu\delta$ $\gamma' \theta'$. τοσούτου ἔσται τὸ τῆς
 πυραμίδος στερεόν. ὥστε καθόλου δεῖ λαβόντα τὸ
 ἔμβαδὸν τῆς βάσεως τῆς πυραμίδος, οἷα τις ἂν $\langle \eta \rangle$,
 πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτῆς κάθε-
 τον | ἀγομένην, τουτέστιν ἐπὶ τὸ ὕψος, καὶ τῶν γενο-

l. h. $80 \times 5 = 400$. Davon ist die Hälfte 200. So groß wird der Inhalt des Prismas sein.

V. Es sei eine Pyramide mit einer Basis von beliebiger Form zu messen. Beispielsweise sei sie ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck, von dem jede Seite = 10 sei, und die Kathete von der Spitze auf die Ebene der

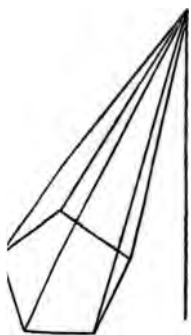


Fig. 48.

Basis sei = 8. Da nun gezeigt ward, daß jede Pyramide der dritte Teil eines Körpers ist, der mit ihr dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, der Körper aber, der zur Basis ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck hat, von dem jede Seite = 10 ist und die Höhe 8, wie wir gelernt haben, $= 1333\frac{1}{3}$ ist, so daß der dritte Teil desselben $= 444\frac{1}{3} + \frac{1}{9}$ ist, so wird so groß der Körperinhalt der Pyramide sein. Man muß daher in jedem Falle den Inhalt der Basis der Pyramide, welche Gestalt dieselbe

auch immer haben mag, nehmen und mit der Senkrechten von der Spitze derselben, d. h. mit ihrer Höhe, multiplizieren und, nachdem man den dritten Teil des Produktes genommen hat, so groß den Inhalt der Pyramide angeben.

VI. Es sei ein Pyramidenstumpf zu messen, der eine rechteckige Basis hat, es wird also auch seine Spitze (obere Grundfläche) dreieckig und der Basis ähnlich sein. Es soll nun seine Basis das Dreieck $AB\Gamma$, seine Spitze das Dreieck ΔEZ , das $AB\Gamma$ ähnlich ist, sein. Es sei $AB = 18$, $\Gamma = 24$, $A\Gamma = 36$, $\Delta E = 12$. Daher wird $EZ = 16$, $\Gamma Z = 24$. Es sei aber die Senkrechte von dem Dreieck ΔEZ auf die Basis = 10. Es sei $AH = \Delta E$ und $\Theta = EZ$, und man ziehe die Verbindungslinie $H\Theta$ und

7 supplēvi ὅτι ἐκάστη: correxi 8 ἀγομένης: correxi
17 <ῥ> addidi

μένων τὸ τρίτον λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τῆς πυ-
μίδος στερεόν.

ζ. Ἐστω δὴ πυραμίδα κόλουρον μετρησά τριγῶ-
ν ἔχουσαν βάσιν· ἔσται δὴ καὶ ἡ κορυφή αὐτῆς τριγῶ-
ν ὁμοία τῇ βάσει. ἔστω οὖν ἡ μὲν βάσις αὐτῆς
 $AB\Gamma$ τριγῶνον [ὅμοιον τῷ $AB\Gamma$], ἡ δὲ κορυφή
 ΔEZ τριγῶνον ὅμοιον τῷ $AB\Gamma$. ἔστω δὲ ἡ
 AB μονάδων $\iota\eta$, ἡ δὲ $B\Gamma$ $\kappa\delta$, ἡ δὲ $A\Gamma$ $\lambda\varsigma$, ἡ
 ΔE $\iota\mu$ ὥστε ἔσται ἡ μὲν EZ $\iota\varsigma$, ἡ δὲ ΔZ $\kappa\delta$. ἔ-
στι δὴ καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ ΔEZ τριγῶνον κάθετος ἐπὶ
βάσιν μονάδων ι . κείσθω τῇ μὲν ΔE ἴση ἡ AH ,
δὲ EZ ἡ $\Gamma\Theta$, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $H\Theta$, καὶ τετυγῆσθω
δίχα αἱ $B\Theta$ BH τοῖς K , A σημείοις, καὶ διὰ τοῦ K
 $B\Gamma$ παράλληλος ἦχθω ἡ KM , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ
καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Ξ , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ KA .
οὖν ὁμοία ἐστὶ τὰ $AB\Gamma$ ΔEZ τριγῶνα, ὥς ἐστὶ
 AB πρὸς ΔE , τουτέστι πρὸς AH , οὕτως ἡ $B\Gamma$ π
 EZ , τουτέστι πρὸς $\Gamma\Theta$. παράλληλος ἔρα ἡ $A\Gamma$
 $H\Theta$. καὶ ἐπεὶ ἴσαι εἰσὶν αἱ HK KB καὶ παράλλη-
αἱ KNM $B\Theta$, ἴση ἔρα καὶ ἡ NH τῇ $N\Theta$. ἀλλὰ
ἡ BA τῇ $A\Theta$. παράλληλος ἔρα ἡ $AN\Xi$ τῇ
ἀλλὰ καὶ ἡ KA τῇ $H\Theta$, τουτέστι τῇ $A\Gamma$. παραλλη-
γραμμοῦ ἔρα ἐστὶν τὰ $AKA\Xi$ $KAGM$ καὶ ἴσα ἐσ-
ἐπὶ τε γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰσιν καὶ ἐν ταῖς αὐ-
παραλλήλοις. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ $HKAN$
 $NKA\Theta$ ἴσον ἐστὶ. λοιπὸν τὸ $AHN\Xi$ παραλλη-
γραμμοῦ [τῷ] τῷ $N\Theta\Gamma M$ παραλληλογράμμου ἐσ-
ἴσον. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν AH , τουτέστιν ἡ AE ,
τῇ ΔE , ἡ δὲ $\Gamma\Theta$, τουτέστιν ἡ MN , τῇ EZ καὶ ἡ
γωνίας περιέχουσιν, ἴση ἔρα ἐστὶν καὶ ἡ ΞM τῇ
καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ KA ἑκατέρω τῶν $A\Xi$ MG ,

die Linien $B\Theta$ und BH in der Mitte durch die ϵK und A , und ziehe durch K zu $B\Gamma$ die Parallele ϵ ziehe die Verbindungslinie AN und verlängere sie ϵ , und ziehe die Verbindungslinie KA . Da nun die ϵ ke $AB\Gamma$ und AEZ ähnlich sind, so ist $AB:AE$ $B:AH = B\Gamma:EZ = B\Gamma:\Gamma\Theta$. Also ist AT ϵ l zu $H\Theta$. Und da $HK = KB$ ist und KNM

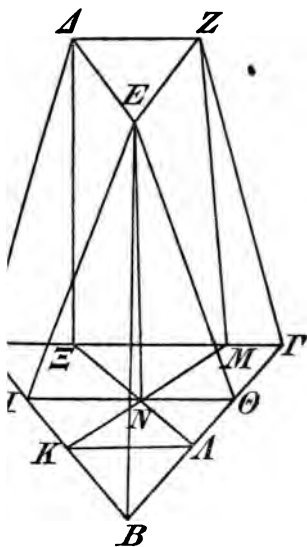


Fig. 49.

parallel zu $B\Theta$ ist, so ist $NH = N\Theta$. Es ist aber auch $BA = A\Theta$. Also ist $AN\Xi$ parallel AB , aber auch KA zu $H\Theta$, d. h. zu AT . Also sind $AKA\Xi$ und $KATM$ Parallelogramme und sind inhaltsgleich; denn sie stehen auf derselben Basis und zwischen denselben Parallelen. Aus denselben Gründen ist auch $HKAN = NKA\Theta$. Mithin ist Parallelogramm $AHN\Xi =$ Parallelogramm $N\Theta\Gamma M$. Und da $AH = N\Xi = AE$ und $\Gamma\Theta = MN = EZ$ und sie gleiche Winkel

liefsen, so ist auch $\Xi M = AZ$. Und da $KA = A\Xi$ Γ , so ist auch $A\Xi = M\Gamma$. Also $AT + M\Xi$ $\epsilon + AZ = 2\Gamma\Xi$. Auf der anderen Seite, da $KB = KH$, $BA + HA = AB + AE = 2AK = 2\Xi A$. Aus ben Gründen ist auch $B\Gamma + EZ = 2AT$. Da nun

delevi 21 AA : correxi 22–23 $\pi\alpha\rho\alpha\lambda\lambda\eta\lambda\omicron\gamma\rho\acute{\alpha}\mu\mu\omicron$:
a. 1 27 $\tau\acute{\omega}\tau\omega\nu$ $\Theta\Gamma M$: correxi

ἄρα καὶ ἡ $ΑΞ$ τῇ $ΜΓ$. συναμφοτέρου $\langle\acute{\alpha}\rho\alpha\rangle$ τῆς $ΜΞ$, τουτέστι συναμφοτέρου $\langle\tauῆς\rangle$ $ΑΓ ΔΖ$ ἡμίσυς ἐστὶν ἡ $ΓΞ$. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $ΚΒ$ τῇ $ΚΗ$, συναμφοτέρου ἄρα τῆς $ΒΑ ΗΑ$, τουτέστι συναμφοτέρου $ΑΒ ΔΕ$, ἡμίσειά ἐστὶν ἡ $ΑΚ$, τουτέστιν ἡ $ΞΑ$. τὰ αὐτὰ δὴ καὶ συναμφοτέρου τῆς $ΒΓ ΕΖ$ ἡμίσυς ἐστὶν ἡ $ΑΓ$. ἐπεὶ οὖν τὸ στερεὸν τῆς κολούρου πυραμίδος σύγκειται ἐκ τε τοῦ πρίσματος τοῦ $[τὴν]$ βάμιν ἐχοντος τὸ $ΑΗΝΞ$ παραλληλόγραμμον, κορυφὴ δὲ τὴν $ΔΕ$ εὐθεΐαν, καὶ τοῦ πρίσματος, οὗ βάσις ἐστὶ τὸ $ΜΝΘΓ$ παραλληλόγραμμον, κορυφὴ δὲ ἡ εὐθεΐα, καὶ ἑτέρον πρίσματος, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ \langle $ΜΝΞ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ $ΔΕΖ$, καὶ ἔτι πυραμίδος, ἥς βάσις τὸ $ΒΗΘ$ τρίγωνον, κορυφὴ τὸ $Ε$ σημεῖον· ἀλλὰ τῶν μὲν πρισμάτων, ὧν βάσις ἐστὶ τὰ $ΑΗΝΞ ΝΘΓΜ$ παραλληλόγραμμα, ὕψος τὸ αὐτὸ τῇ πυραμίδι τὸ στερεόν ἐστὶν τὸ ἐμβαλόν τοῦ $ΝΜΘΓ$ παραλληλογράμμου ἐπὶ τὴν κάθετον, καὶ τὸ πρίσματος, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ΜΝΞ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ $ΔΕΖ$, τὸ στερεόν ἐστὶ τὸ $ΜΝΞ$ τρίγωνον ἐπὶ τὴν κάθετον, τῆς δὲ πυραμίδος, ἥς βάσις ἐστὶ τὸ $ΒΗΘ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ $Ε$ σημεῖον, στερεόν ἐστὶ τὸ τρίτον \langle τοῦ \rangle τοῦ $ΒΗΘ$ τριγώνου ἐμβαδοῦ ἐπὶ τὴν κάθετον, τὸ δὲ τρίτον τοῦ $ΒΗΘ$ τριγώνου ἐν καὶ τρίτον ἐστὶ τοῦ $ΑΝΘ$ \langle διὰ τὸ \rangle εἶναι $\langle . . . \rangle$, τὸ δὲ τρίτον τοῦ $ΑΝΘ$ τριγώνου δωδέκατόν ἐστὶ τοῦ $ΒΗΘ$ τριγώνου· ὥστε τῆς κολούρου πυραμίδος τὸ στερεόν ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $ΞΑΓ$ τριγώνου προσλαβὼν τὸ ἰβ' μέρος τοῦ $ΒΗΘ$ τριγώνου· πολλαπλασιασθὲν ἐπὶ τὴν κάθετον. καὶ ἐστὶν ἡ κάθετος δοθεῖσα. δεῖξαι ἄρα δεῖ, ὅτι δοθέν ἐστὶ καὶ τὸ $ΞΑ$.

der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs sich zusammen-
 setzt aus dem Prisma, das zur Basis das Parallelogramm
 $AHN\Xi$ hat und zur Spitze die Gerade AE , und aus
 dem Prisma, dessen Basis das Parallelogramm $MN\Theta I$
 5 und dessen Spitze die Gerade EZ ist und einem anderen
 Prisma, dessen Basis das Dreieck $MN\Xi$ und dessen Spitze
 AEZ ist, und weiter der Pyramide, deren Basis das Dreieck
 $BH\Theta$ und deren Spitze der Punkt E ist, der Körper-
 inhalt aber der Prismen, deren Basis die Parallelogramme
 10 $AHN\Xi$ und $N\Theta IM$ sind und deren Höhe dieselbe ist
 wie die der Pyramide, gleich ist dem Inhalt des Parallelo-
 gramms $NM\Theta I$ multipliziert mit der Höhe, der Körper-
 inhalt dagegen des Prismas, dessen Basis das Dreieck
 $MN\Xi$ und dessen Spitze AEZ ist, gleich ist dem Inhalt
 15 des Dreiecks $MN\Xi$ multipliziert mit der Höhe, der Körper-
 inhalt der Pyramide aber, deren Basis das Dreieck $BH\Theta$
 und deren Spitze der Punkt E ist, gleich einem Drittel
 des Produkts aus dem Inhalt des Dreiecks $BH\Theta$ und der
 Höhe ist, ein Drittel aber des Dreiecks $BH\Theta = 1\frac{1}{3}$ von
 20 $AN\Theta$ ist, $\frac{1}{3}$ aber des Dreiecks $AN\Theta = \frac{1}{12}BH\Theta$ ist —
 so daß der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs gleich
 dem Inhalt des Dreiecks ΞAI vermehrt um $\frac{1}{12}$ des Drei-
 ecks $BH\Theta$, und multipliziert mit der Höhe ist. Nun ist
 die Kathete gegeben. Es ist also die Aufgabe, zu zeigen,
 25 daß auch das Dreieck ΞAI gegeben ist und der zwölfte
 Teil des Dreiecks $BH\Theta$. Da nun $AB + A\langle E \rangle$ gegeben
 ist und nachgewiesen ward, daß ΞA die Hälfte davon
 ist, so ist auch ΞA gegeben. Aus denselben Gründen
 ist auch AI und $I\Xi$ gegeben. Daher ist das Dreieck
 30 ΞAI gegeben. Auf der anderen Seite, da BA und AH
 gegeben sind, ist auch BH gegeben. Aus denselben
 Gründen auch $B\Theta$. Wiederum, da AI und $M\Xi$ gegeben

1 supplevi 2 $\langle \tau\eta s \rangle$ addidi 8 $[\tau\eta s]$ deleui 12 $\langle \tau\theta \rangle$
 addidi 13 $\angle E\Xi$: corr. Nath 20 inter E et Z una littera
 erasa 23 $\langle \tau\theta v \rangle$ addidi 25 $\tau\theta AN\Theta$: corr. m. 2 $\langle \delta\alpha$
 $\tau\theta \rangle$ add. m. 2

τρίγωνον καὶ <τὸ ιβ'> τοῦ ΒΗΘ. ἐπεὶ οὖν δοθεῖσα
 ἐστὶ συναμφοτέρος ἢ ΑΒ Δ<Ε κ> καὶ ἐδείχθη αὐτῆς
 fol. 91^r ἡμίσεια ἢ ΞΑ, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἢ ΞΑ. διὰ τὰ αὐτὰ
 δὴ καὶ ἑκατέρα τῶν ΑΓ ΓΞ ἐστὶ δοθεῖσα· ὥστε δοθέν
 ἐστὶ τὸ ΞΑΓ τρίγωνον. πάλιν ἐπεὶ δοθεῖσα ἐστὶν
 ἑκατέρα τῶν ΒΑ ΑΗ, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἢ ΒΗ. διὰ
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἢ ΒΘ. πάλιν ἐπεὶ δοθεῖσα ἑκατέρα
 τῶν ΑΓ ΜΞ, καὶ λοιπὴ ἄρα συναμφοτέρος ἢ ΑΞ
 ΜΓ δοθεῖσα, τουτέστιν ἢ ΗΘ. δοθέν ἄρα καὶ τὸ
 ΗΘΒ τρίγωνον· ὥστε καὶ τὸ ιβ' αὐτοῦ δοθέν. συντε-
 θήσεται δὲ οὕτως. σύνθετες τὰ ιη καὶ τὰ ιβ' καὶ τῶν
 γενομένων τὸ ἥμισυ γίνεταί ιε· καὶ τὰ κδ καὶ ιε·
 ὧν ἥμισυ γίνεταί κ. καὶ λς καὶ κδ· ὧν ἥμισυ γίνεταί
 λ. καὶ μέτρησον τρίγωνον, οὗ πλευραὶ ιε, κ, λ· γίγ-
 νεται, ὡς ἐμάθομεν, ἔγγιστα ρλα δ'. καὶ ἄφελε ἀπὸ
 τῶν ιη τὰ ιβ' λοιπὰ ς. καὶ ἀπὸ τῶν κδ τὰ ιε· λοιπὰ
 η. καὶ ἀπὸ τῶν λς τὰ κδ· λοιπὰ ιβ. καὶ μέτρησον
 τρίγων(ον), οὗ πλευραὶ ς, η, ιβ' ἔσται ὁμοίως, ὡς
 ἐμάθομεν, κα ἔγγιστα· τούτων τὸ ιβ' γίνεταί αλδ'.
 πρόσθετες ταῖς ρλα δ'· γίνονται ρλγ. ταῦτα ἐπὶ τὴν
 κάθετον, καὶ τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τῆς ΑΒΓΔΕΖ
 κολούρου πυραμίδος.

ζ. Στερεὸν μετρήσαι περιεχόμενον ὑπὸ ἐπιπέδων
 τριγώνους ἔχον βάσεις. ἔστω τὸ εἰρημένον στερεὸν,
 οὗ βάσις μὲν τὸ ΑΒΓ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ ΔΕΖ,
 παράλληλον <δὲ> τῷ ΑΒΓ τὸ [υ] ΔΕΖ. ἐπίπεδα δὲ ἔστω
 fol. 91^v τὰ ΑΒΔΕ ΒΓ<ΕΖ Α>ΓΔΖ. καὶ δοθεῖσα <...> ἐκάστη
 τῶν Α <...> Α ΔΕ ΕΖ ΖΔ καὶ ἔτι ἢ ἀπὸ τοῦ ΔΕΖ

1 tres litterae foramine evanidae; supplevi 19 αεδ':
 correxi 24 τριγώνων: correxi 26 <δὲ> add. et τοῦ in τὸ

ind, so ist auch $AE + MF$ gegeben, d. h. $H\Theta$. Mithin ist Dreieck $H\Theta B$ gegeben, daher auch $\frac{1}{12}$ desselben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\frac{18 + 12}{2} = 15$$

$$\frac{24 + 16}{2} = 20$$

$$\frac{36 + 24}{2} = 30$$

Nun muß ein Dreieck, dessen Seiten = 15, 20 und 30 sind, berechnet werden. Es ist, wie wir lernten, annähernd = $131\frac{1}{4}$. Ferner

$$18 - 12 = 6$$

$$24 - 16 = 8$$

$$36 - 24 = 12.$$

Und miß ein Dreieck, dessen Seiten = 6, 8, 12 sind. Es wird ebenso, wie wir lernten, annähernd = 21 sein. Hiervon $\frac{1}{12} = 1\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$. Addiere dies zu $131\frac{1}{4}$; es ergibt 133. Dies multipliziere mit der Höhe, und so groß wird der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs $AB\Gamma AEZ$ sein.

VII. Es sei ein Körper zu messen, der von Flächen umschlossen wird und dreieckige Basen hat. Es sei der gegebene Körper, dessen Basis das Dreieck $AB\Gamma$, dessen Spitze AEZ , es sei aber AEZ parallel $AB\Gamma$; und die Flächen seien $ABAE$, ΓEZ , $A\Gamma AZ$. Und es sei gegeben jede der Linien AE , EZ , ZA und außerdem die Höhe von der Ebene AEZ auf die Ebene des Dreiecks $AB\Gamma$. Da nämlich $\Gamma\Gamma$ parallel EZ ist und $\Gamma\Gamma$ größer, so werden BE und ΓZ in ihren Verlängerungen zusammentreffen. Sie sollen in H zusammentreffen. Ich behaupte nun, daß auch AA verlängert mit ihnen in H zusammentreffen wird. Daß nun jede der beiden Linien BE und ΓZ mit AA zusammentrifft, ist klar, weil AB größer als AE , $A\Gamma$ aber größer als AZ ist. Ich be-

mut. m. 2 27 tres, dein quinque litt. evanidae; supplevi
28 τῶν Α, dein tres litterae evanidae f. Α[Β, ΒΓ, Γ]Α

ἐπιπέδου κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου
ἐπίπεδον. ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ AG τῇ E
καὶ μείζων ἡ $B\Gamma$, αἱ ἄρα BE ΓZ ἐκβαλλόμεναι συ-
πεσοῦνται. συμπίπτουσιν κατὰ τὸ H . λέγω δὴ ὅ-
τι καὶ ἡ AD ἐκβαλ(λ)ομένη συμπεσεῖται κατὰ τὸ
ὅτι μὲν οὖν ἑκατέρα τῶν BE ΓZ συμπίπτει τῇ A .
φανερὸν διὰ τὸ εἶναι τὴν μὲν AB μείζονα τῆς AD .
τὴν δὲ AG τῆς AZ . λέγω ὅτι κατὰ τὸ H . ἐπεὶ γὰρ
 ADH σημεῖα ἐν τε τῷ διὰ τῶν AB AE ἐστὶν ἐπὶ
πέδῳ καὶ ἐν τῷ διὰ τῶν AG AZ , εὐθεῖα ἄρα ἐστὶ
ἡ ADH . ἤχθω δὴ ἀπὸ τοῦ H κάθετος ἐπὶ τὸ AB
ἐπίπεδον καὶ ἐμβαλλέτω κατὰ τὸ Θ , τῷ δὲ AE
κατὰ τὸ K καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\Gamma\Theta$ $\langle ZK \rangle$. παράλληλός
ἄρα ἐστὶν ἡ $\Gamma\Theta$ τῇ ZK . ἀλλὰ καὶ ἡ $B\Gamma$ τῇ E .
ἔσται ἄρα ὡς ἡ $B\Gamma$ πρὸς EZ , οὕτως ἡ $\Gamma\Theta$ πρὸς
 HZ , τοντέστιν ἡ ΘH πρὸς HK . λόγος δὲ τῆς B
πρὸς EZ δοθεὶς· δοθεῖσα γὰρ ἑκατέρα. λόγος ἄρα
καὶ τῆς $H\Theta$ πρὸς HK δοθεὶς. ὥστε καὶ τῆς ΘK πρὸς
 KH . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΘK . ἡ γὰρ ἀπὸ τοῦ AE
ἐπίπεδου κάθετος ἐπὶ τὸ τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου ἐπίπεδον
δοθεῖσά ἐστιν· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ KH . ὥστε καὶ
 $H\Theta$ δοθεῖσά ἐστιν. ἐπεὶ οὖν πυραμίδος, ἥς βάσις μὲν
ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ H σημεῖον, δ-
δοται ἡ τε βάσις καὶ ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσην
κάθετος ἡ $H\Theta$, δοθέν ἄρα τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν
κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν,
βάσις μὲν ἐστὶ τὸ AEZ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ
σημεῖον, δοθέν ἐστὶ. λοιπὸν ἄρα τὸ $AB\Gamma AE$
στερεὸν δοθέν ἐστὶ. συντεθήσεται δὴ οὕτως. δεῖ τ

4 τῷ H : correxi 5 ἐκβαλλομένη: correxi 12 τὸ δ
correxi 13 $\Gamma\Theta\langle ZK \rangle$: explevi intercapedinem

haupte, daß es in H geschieht. Da nämlich die Punkte A, Δ, H sowohl in der Ebene, die durch AB und ΔE geht, als auch in der Ebene, die durch $\Delta \Gamma$ und ΔZ geht, liegen, so ist $A\Delta H$ eine Gerade. Man fälle nun von H eine Senkrechte auf die Ebene $\Delta B \Gamma$ und sie treffe diese in dem Punkte Θ , dagegen die Ebene $\Delta E Z$ in K . Nun ziehe man die Verbindungslinien $\Gamma \Theta$ und $\langle ZK \rangle$. Also ist $\Gamma \Theta$ parallel zu ZK , aber auch $B \Gamma$ parallel EZ . Es

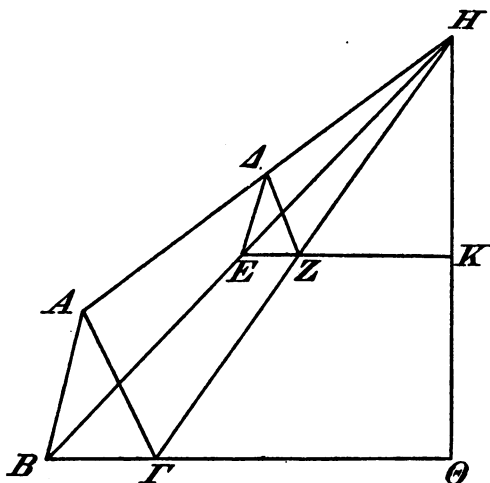


Fig. 50.

wird also $B \Gamma : EZ = \Gamma H : HZ = \Theta H : HK$ sein. Nun ist aber das Verhältnis von $B \Gamma : EZ$ gegeben, denn jede von beiden Linien ist gegeben. Also ist auch das Verhältnis von $H \Theta : HK$ gegeben, daher auch das von $\Theta K : KH$. Nun ist ΘK gegeben, denn es ist die Senkrechte von der Ebene $\Delta E Z$ auf die Ebene des Dreiecks $\Delta B \Gamma$ gegeben. Also ist auch KH gegeben, daher auch $H \Theta$. Da nun von einer Pyramide, deren Basis das Dreieck $AB \Gamma$ und deren Spitze der Punkt H ist, sowohl die

ΘΚ ποιῆσαι ὥς τὴν ΒΓ πρὸς ΕΖ προστεθείσης τῆς ΚΗ τὴν ΘΗ πρὸς ΗΚ. καὶ εὐρόντα ἑκατέραν τῶν καθέτων τῶν ΗΘ ΗΚ καθ' ἑαυτὰς μετρήσαι ἑκατέραν πυραμίδα, ἥς τε βάσις τὸ ΑΒΓ τρίγων(ον) καὶ ἥς βάσις τὸ ΔΕΖ, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, καὶ τὴν ὑπεροχὴν αὐτῶν ἀποφαίνεσθαι ἴσην εἶναι τῷ ζητούμενῳ στερεῳ. | καὶ καθόλου δὲ πᾶσα πυραμὶς κόλουρος βάσις ἔχουσα οἰανδήποτε ὡσανύτως μετρεῖται· ἐκ γὰρ τοῦ λόγου, οὗ ἔχει μία πλευρὰ τῆς βάσεως πρὸς τὴν ὁμόλογον ἐν τῇ κορυφῇ οὖσαν, λέγω δὲ τῇ ἐφάδρᾳ, εὐρεθήσεται ἡ κορυφή τῆς πυραμίδος, ἥς τμημά ἐστιν ἡ κόλουρος, καὶ ἡ κάθετος ἐπὶ τὸ τῆς ἐφάδρας ἐπίπεδον. ἔχοντες οὖν καὶ τὴν ἐπὶ τὴν ἐφάδραν καὶ τὸ λοιπὸν ἔξομεν στερεὸν τῆς ἀποτεμνομένης πυραμίδος· ὥστε πάλιν τὴν ὅλην μετρήσαντες πυραμίδα ἀφελούμεν τὴν ἀποτεμνομένην καὶ τὸ λοιπὸν ἀποφα[ι]νούμεθα στερεὸν τῆς κολούρου πυραμίδος.

η. Ἔστω δὲ στερεὸν μετρησάι ὑπὸ εὐθυγράμῳ περιεχόμενον ἐπιπέδων, οὗ βάσις ἔστω τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ ΕΖΗΘ⁴ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον ἥτοι ὅμοιον τῷ ΑΒΓΔ ἢ μὴ. καὶ κείσθω τῇ μὲν ΕΖ ἴση ἡ ΑΚ, τῇ δὲ ΖΘ ἡ ΒΛ καὶ τετμήσθωσαν αἱ ΒΚ ΓΑ δίχα τοῖς Φ, Χ καὶ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ ΚΥ, ΦΜ, ΑΝ, ΧΤ. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΖΚ ΗΡ ΑΗ ΗΝ ΘΝ. τὸ δὴ εἰρη-⁵ μένον στερεὸν ἔσται κατατετμημένον εἰς τε στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν τὸ ΑΡ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ ΕΗ, καὶ πρίσμα, οὗ βάσις μὲν τὸ ΚΑ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον,

4 supplevi litt. evanidas 16 ἀποφαινούμεθα: correxi 21 οὗν post ἥτοι ins. m. 2 25 ΗΝ: Ν in ras. m. 2 28 ΕΝ: corr. m. 2

Basis als auch die Höhe $H\Theta$ von der Spitze auf die Basis gegeben sind, so ist der Körperinhalt der Pyramide gegeben. In derselben Weise ist auch der Inhalt der Pyramide gegeben, deren Basis das Dreieck $\triangle EZ$ und deren Spitze der Punkt H ist. Also ist der Körper $\triangle B\Gamma\triangle EZ$ gegeben. Berechnet wird er folgendermaßen. Man muß, indem man zu ΘK hinzufügt KH , die Proportion aufstellen, daß $B\Gamma : EZ = \Theta H : HK$ ist. Und wenn man jede der beiden Senkrechten $H\Theta$ und HK für sich gefunden hat, dann jede der beiden Pyramiden messen, sowohl diejenige, deren Basis das Dreieck $\triangle B\Gamma$ ist, als auch diejenige, deren Basis das Dreieck $\triangle EZ$ ist, und deren gemeinschaftliche Spitze der Punkt H ist, und ihre Differenz als den gesuchten Körper angeben.

¹⁵ Es wird aber auch ganz allgemein jeder Pyramidenstumpf, der eine wie immer gestaltete Basis hat, in derselben Weise gemessen. Denn aus dem Verhältnis, das eine Seite der Basis zu der entsprechenden an der Spitze, d. h. in der oberen Fläche hat, wird die Spitze der Pyramide gefunden ²⁰ werden, von der der Pyramidenstumpf ein Abschnitt ist, und die Höhe auf die Ebene der oberen Fläche. Wenn wir nun auch die Höhe auf die obere Fläche haben, so werden wir auch den Körperinhalt der Pyramide, die abgeschnitten wird, haben. Daher werden wir wieder die ganze Pyramide ²⁵ messen und die abgeschnittene davon abziehen und den Rest als Körperinhalt des Pyramidenstumpfs angeben.

VIII. Es sei ein von gradlinigen Flächen umgebener Körper zu messen, dessen Basis das Rechteck $\triangle B\Gamma\triangle$ sein soll und dessen Spitze das Rechteck $\triangle EZH\Theta$, das $\triangle B\Gamma\triangle$ entweder ähnlich sein soll oder nicht. Und es sei $AK = EZ$, $BA = ZH$, und die Linien BK und ΓA sollen durch die Punkte Φ und X halbiert werden, und man ziehe die Parallelen $K\Gamma$, ΦM , AN , XT und die Verbindungslinien ZK , HP , AH , HN , ΘN . Es wird also der genannte ¹⁵ Körper zerlegt sein in ein Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck AP und dessen Spitze EH ist, und in ein Prisma, dessen Basis das Rechteck KA und dessen Spitze

fol. 92^v κορυφή δὲ ἡ ΖΗ εὐθεία, καὶ | ἕτερον πρίσμα, οὗ βάσις μὲν τὸ ΝΤ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ ἡ ΗΘ εὐθεία, καὶ πυραμίδα, ἧς ἡ βάσις μὲν τὸ ΡΓ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον. ἀλλὰ τὸ μὲν πρίσμα, οὗ βάσις τὸ ΚΑ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ στερεῶ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις τὸ ΚΠ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον καὶ ὕψος τὸ αὐτὸ τῷ στερεῶ, τὸ δὲ πρίσμα, οὗ βάσις τὸ ΝΤ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ στερεῶ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις μὲν τὸ παραλληλό- γραμμον (ὀρθογώνιον), ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ, ἡ δὲ πυραμὶς, ἧς βάσις τὸ ΡΓ παραλληλόγραμμον, ἴση ἐστὶ στερεῶ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις μὲν ἔν καὶ τὸ τρίτον τοῦ ΡΞ παραλληλογράμμου, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ· ὥστε τὸ ἐξ ἀρχῆς στερεὸν ἴσον εἶναι στερεῶ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις τὸ ΑΞ παραλληλόγραμμον καὶ τὸ τρίτον τοῦ ΡΞ παραλληλογράμμου, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ τῷ ἐξ ἀρχῆς στερεῶ· καὶ ἔστι δοθέν τὸ ΑΞ παραλληλόγραμμον καὶ τὸ τρίτον τοῦ ΡΞ· ἐπεὶ γὰρ ἑκατέρα τῶν ΒΑ ΑΚ δοθεῖσά ἐστίν καὶ ἐστὶν αὐτῶν ἡμίσεια ἡ ΑΦ, δοθεῖσα ἄρα ἡ ΑΦ. κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ΒΧ, τουτέστιν ἡ ΦΞ· δοθέν ἄρα τὸ ΑΞ παραλληλόγραμμον. πάλιν ἐπεὶ δοθεῖσα ἡ ΒΚ, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ ΚΦ, τουτέστιν ἡ ΡΠ. κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ ΠΞ. δοθέν ἄρα καὶ τὸ ΞΡ παραλληλόγραμμον. ὥστε καὶ τὸ τρίτον αὐτοῦ δοθέν ἐστίν. ἔστι δὲ καὶ τὸ ὕψος τοῦ στερεοῦ δοθέν· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐξ ἀρχῆς στερεόν. συντεθήσεται δὴ οὕτως ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει. ἔστω γὰρ ἡ μὲν ΑΒ μονάδων κ, ἡ δὲ ΒΓ μονάδων ιβ, ἡ δὲ ΕΖ μονάδων

11 supplēvi
γραμμον: correxī

12 ἴσον: correxī

13 sq. τὸ ΡΞ παραλληλό-

die Gerade ZH ist, sowie in ein anderes Prisma, dessen Basis das Rechteck NI und dessen Spitze die Gerade $H\theta$ ist, und eine Pyramide, deren Basis das Rechteck PI und deren Spitze der Punkt H ist. Nun ist aber das Prisma, dessen Basis das Rechteck KA ist, gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck $K\Pi$ und dessen Höhe dieselbe wie die des Körpers ist, das

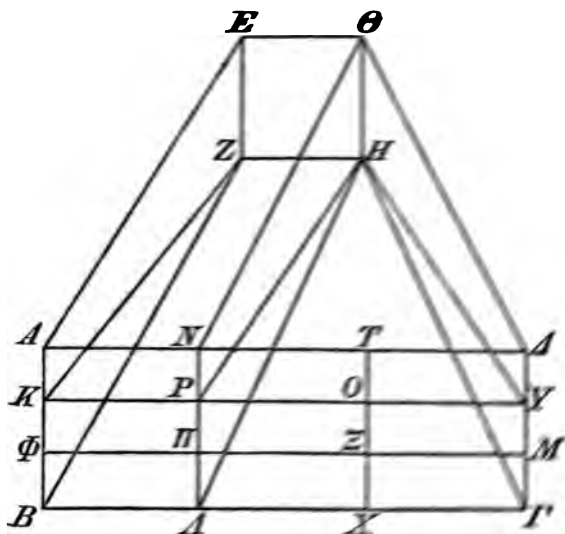


Fig. 12.

Prisma aber, dessen Basis das Rechteck NI ist, ist gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck NI und dessen Höhe dieselbe ist: Die Pyramide aber, deren Basis das Rechteck PI , ist gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis $\frac{1}{2}$ des Rechtecks PZ ist und dessen Höhe dieselbe ist. Daher ist der aufgesetzte Körper gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck NI ist.

x.

15, ἥ δὲ ZH μονάδων γ , ἥ δὲ κάθετος τοῦ α τουτέστι τὸ ὕψος, μονάδων ι . σύνθες κ καὶ ἡμισυ γίννεται $\iota\eta$. καὶ $\iota\beta$ καὶ γ ὧν ἡμισυ γ $\xi\zeta$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\iota\eta$ γίννεται $\varrho\lambda\epsilon$. καὶ ἀπὸ ἄφελε τὰς $\iota\varsigma$ λοιπὰ δ . ὧν ἡμισυ γίννεται β . fol. 93^r τῶν $\iota\beta$ τὰς γ καὶ τῶν λοιπῶν τὸ ἡμισυ γ $\delta\zeta$. ταῦτα ἐπὶ τὰ β γίννεται θ . τούτων τὸ γ ται γ . πρόσθες ταῖς $\varrho\lambda\epsilon$ γίννεται $\varrho\lambda\eta$. ταῦτα ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ι , γίννεται $\mu\alpha\tau\pi$. τοσοῦτον ἔσται τὸ προκείμενον στερεόν.

θ. Ἐστω δὴ κώνον κόλουρον μετρήσαι, οὗ ἡ μὲν διάμετρος ἢ AB ἔστω μονάδων κ , τῆς δὲ κορυφῆς ἢ διαμέτρος ἢ $\Gamma\Delta$ μονάδων $\iota\beta$, τὸ δὲ ὕψος τὸ EZ μονάδων ι . νενοήσθω ἡ τοῦ κώνου κορυφή ἢ H καὶ περὶ τὴν βάσιν τοῦ κώνου τετράγωνον περιγεγράφθω τὸ $\Theta K\Lambda M$. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $H\Theta$ HK $H\Lambda$ HM . ἔσται ἄρα πυραμῖς, ἥς ἡ βάσις μὲν τὸ $\Theta K\Lambda M$ τετράγωνον, κορυφή δὲ τὸ H . εἰν οὖν αὕτη τμηθῇ <ἐπιπέδῳ> παραλλήλῳ τῇ ἐφ' ἑδρᾷ, ποιήσει τομὴν τὸ $N\Xi O\Pi$ τετράγωνον. ὃν δὴ λόγον ἔχει τὸ $\Theta\Lambda$ τετρὰς πρὸς τὸν περὶ [τὴν] διάμετρον τὴν AB κύκλον,



Fig. 52.

des Rechtecks $P\Xi$ ist und dessen Höhe dieselbe ist wie die des anfänglichen Körpers. Nun ist Parallelogramm $A\Xi$ gegeben und auch $\frac{1}{3}$ von $P\Xi$. Denn da jede der beiden Linien BA und AK gegeben ist und die Hälfte davon $A\Phi$ ist, so ist $A\Phi$ gegeben. In derselben Weise auch BX , d. h. $\Phi\Xi$. Also ist das Parallelogramm $A\Xi$ gegeben. Auf der andern Seite, da BK gegeben ist, so ist auch $K\Phi$, d. h. $P\Pi$ gegeben; in derselben Weise auch $\Pi\Xi$. Also ist auch das Parallelogramm ΞP gegeben, so daß auch $\frac{1}{3}$ des selben gegeben ist. Es ist aber auch die Höhe des Körpers gegeben; also ist auch der anfängliche Körper gegeben. Berechnet wird er, der Analyse gemäß, folgendermaßen.

Es sei $AB = 20$, $B\Gamma = 12$, $EZ = 16$, $ZH = 3$ und die Senkrechte des Körpers, d. h. seine Höhe $= 10$.

$$\begin{array}{rcl}
 6 & \frac{20+16}{2} & = 18 \\
 & \frac{12+3}{2} & = 7\frac{1}{2} \\
 & 18 \times 7\frac{1}{2} & = 135 \\
 & 20 - 16 & = 4 \\
 & \frac{4}{2} & = 2 \\
 10 & \frac{12-3}{2} & = 4\frac{1}{2} \\
 & 2 \times 4\frac{1}{2} & = 9 \\
 & \frac{9}{3} & = 3 \\
 & 135 + 3 & = 138 \\
 & 130 \times 10 & = 1380.
 \end{array}$$

¹⁵ So groß wird der vorliegende Körper sein.

IX. Es sei ein abgestumpfter Kegel zu messen, dessen Durchmesser $AB = 20$ sei, der Durchmesser der Spitze $\Gamma A = 12$ und die Höhe $EZ = 10$. Man denke sich die Spitze des Kegels H und beschreibe um die Basis des Kegels ²⁰ das Viereck $\Theta K \Lambda M$ und ziehe die Verbindungslinien $H\Theta$, HK , $H\Lambda$ und HM . Es wird also eine Pyramide vorhanden sein, deren Basis das Viereck $\Theta K \Lambda M$ und deren

τὸν λόγον ἔχει ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν τὸ ΘΚΛΔ
 παραλληλόγραμμον, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, πρὸς
 τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον τὴν Α
 κύκλος, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, ἐπειδήπερ καὶ τ
 στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις τὸ ΘΑ παραλλη
 λόγραμμον, ὕψος δὲ τὸ [πρὸς τὸ] <Ζ>Η, πρὸς τὸ
 κύλινδρον, οὗ βάσις ὁ περὶ διάμετρον τὴν ΑΒ κύκλος
 ὕψος δὲ τὸ αὐτό, τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει. διὰ τὰ αὐτ
 fol. 98^v ἡ καὶ ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ ΝΞΟΠ τετρά
 γωνον, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, τὸν αὐτὸν λόγον
 ἔχει πρὸς τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον
 τὴν ΓΔ κύκλος, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον. καὶ λοιπὸν
 ἄρα τὸ στερεὸν, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ ΘΑ, κορυφή δ
 τὸ ΝΟ, πρὸς τὸν κόλουρον κῶνον τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον
 δοθέν δὲ τὸ ΘΑΝΟ στερεὸν, ὡς δέδεικται· δοθεὶς ἄφ
 καὶ ὁ κόλουρος κῶνος. συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶ
 τῇ ἀναλύσει οὕτως. σύνθεσις κ καὶ ιβ' ὧν τὸ ἥμισ
 γίνεταί ις. ἐφ' ἑαυτὰ σνς, ἐπεὶ ἐστὶ τετράγωνος. κα
 ἀπὸ τῶν κ καὶ ιβ' <λοιπὰ η> ὧν ἥμισυ γίνεταί ε
 ἐφ' ἑαυτὰ ις· τούτων τὸ γ' γίνεταί εγ'. πρόσθεσις σνς
 γίνεταί σξα γ'· τούτων τὸ ια' γίνεταί σε γ'. ταῦτ
 ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ι' γίνεταί βγγ
 τοσοῦτον ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κολούρου κῶνον.

ι. Ἔστι δὲ καὶ ἄλλως τὸν κόλουρον κῶνον μετροῦ
 σαι προδηλοτέρως μὲν ἀποδείξει χρησάμενον, τῇ δ
 περὶ τοὺς ἀριθμοὺς λήψει οὐκ εὐχερεστέρα τῆς προγε
 γραμμένης. ἔστιν κῶνος κόλουρος, οὗ κέντρα τῶν
 βάσεων τὰ Α, Β, ἄξων δὲ ὁ ΑΒ. καὶ δοθεὶς ἔστω ὁ τ

6 correxi et supplevi 18 post ις inseruit <ταῦτα> m. 1
 f. τετράγωνον 19 supplevit m. 2

Spitze H sein wird. Wenn diese nun durch eine der Grundfläche parallele Ebene geschnitten wird, so wird sie als Schnittfläche des Vierecks $N\Xi O\Pi$ ergeben. Es verhält sich also wie Viereck ΘA zu dem Kreise mit dem Durchmesser AB , so die Pyramide, deren Basis das Parallelogramm ΘKAM und deren Spitze der Punkt H ist, zu dem Kegel, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser AB und dessen Spitze der Punkt H ist, da ja auch das Parallelepipedon, dessen Basis das Parallelogramm ΘA und dessen Höhe $\langle ZH \rangle$ ist, zu dem Cylinder, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser AB und dessen Höhe dieselbe ist, dasselbe Verhältnis hat. Aus denselben Gründen verhält sich ebenso auch die Pyramide, deren Basis das Viereck $N\Xi O\Pi$ und deren Spitze der Punkt H ist, zu dem Kegel, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser ΓA und dessen Spitze der Punkt H ist. Folglich hat auch der Körper, dessen Basis das Viereck ΘA und dessen Spitze das Viereck NO ist, zu dem abgestumpften Kegel dasselbe Verhältnis. Nun ist, wie gezeigt ist, der Körper ΘANO gegeben; also ist auch der abgestumpfte Kegel gegeben. Berechnet wird er, der Analyse entsprechend, folgendermaßen.

$$\frac{20+12}{2} = 16$$

$$16^2 = 256 \text{ (da es ein Quadrat ist)}$$

$$\frac{20-12}{2} = 4$$

$$4^2 = 16$$

$$\frac{16}{3} = 5 \frac{1}{3}$$

$$256 + 5 \frac{1}{3} = 261 \frac{1}{3}$$

$$261 \frac{1}{3} \times \frac{11}{14} = 205 \frac{1}{3}$$

$$205 \frac{1}{3} \times 10 = 2053 \frac{1}{3}.$$

So groß wird der Inhalt des abgestumpften Kegels sein.

1) Heron rechnet, nämlich zunächst mit den den Grundkreisen umbeschriebenen Quadraten.

τὸν λόγον ἔχει ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν τὸ $\Theta\Lambda$ παραλληλόγραμμον, κορυφή δὲ τὸ H σημείον, πρὸς τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον τὴν AB κύκλος, κορυφή δὲ τὸ H σημείον, ἐπειδήπερ καὶ στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις τὸ $\Theta\Lambda$ παραλληλόγραμμον, ὕψος δὲ τὸ [πρὸς τὸ] $\langle Z \rangle H$, πρὸς τὸν κύλινδρον, οὗ βάσις ὁ περὶ διάμετρον τὴν AB κύκλος, ὕψος δὲ τὸ αὐτό, τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει. διὰ τὰ αὐτὰ ^{fol. 93^v} δὴ καὶ ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $N\Xi O\Pi$ τετράγωνον, κορυφή δὲ τὸ H σημείον, τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει πρὸς τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον τὴν $\Gamma\Delta$ κύκλος, κορυφή δὲ τὸ H σημείον. καὶ λοιπὰ ἄρα τὸ στερεὸν, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $\Theta\Lambda$, κορυφή δὲ τὸ NO , πρὸς τὸν κόλουρον κῶνον τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, ὁποῦν δὲ τὸ $\Theta\Lambda NO$ στερεὸν, ὡς δέδεικται· δοθεὶς δὲ καὶ ὁ κόλουρος κῶνος. συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶν τῇ ἀναλύσει οὕτως. σύνθες κ καὶ $\iota\beta$. ὦν τὸ ἥμισυ γίνεταί $\iota\varsigma$. ἐφ' ἑαυτὰ $\sigma\nu\varsigma$, ἐπεὶ ἐστὶ τετράγωνος. ἀπὸ τῶν κ καὶ $\iota\beta$. \langle λοιπὰ $\eta\rangle$. ὦν ἥμισυ γίνεταί $\epsilon\gamma'$. ἐφ' ἑαυτὰ $\iota\varsigma$. τούτων τὸ γ' γίνεταί $\epsilon\gamma'$. πρόσθες σ γίνεταί $\sigma\epsilon\alpha$. γ' τούτων τὸ $\iota\alpha'$ γίνεταί $\sigma\epsilon\gamma'$. ταῦτα ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ι γίνεταί $\beta\nu\gamma$. τοσοῦτου ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κολούρου κῶνου.

ι. Ἔστι δὲ καὶ ἄλλως τὸν κόλουρον κῶνον μετρίσαι προδηλοτέρῳ μὲν ἀποδείξει χρησάμενον, τῇ περὶ τοὺς ἀριθμοὺς λήψει οὐκ εὐχερεστέῳ τῆς προγεγραμμένης. ἔστιν κῶνος κόλουρος, οὗ κέντρα τὰ A, B , ἄξων δὲ ὁ AB . καὶ δοθεὶς ἔστω ὁ

6 correxi et supplevi 18 post $\iota\varsigma$ inseruit \langle ταῦτα \rangle
f. τετράγωνον 19 supplevit m. 2

δείκνυσιν, ὅτι ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν μὲν ἔχων ἴσην τῇ
 μεγίστῃ κύκλῳ τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, ὕψος δὲ ἴσον τῇ
 διαμέτρῳ τῆς σφαίρας ἡμιόλιός ἐστι τῆς σφαίρας.
 fol. 94^v ὥστε κατὰ | τοῦτον τὸν λόγον δεῖσει τὰ ι ἐφ' ἐαυτὰ
 ποιήσαντα λαβεῖν τῶν γενομένων τὸ $\iota\alpha$ καὶ ταῦτα ἐπὶ
 τὸ ὕψος τοῦ κυλίνδρου πολλαπλασιάσαντα, τουτέστιν
 ἐπὶ τὸν ι , τῶν γενομένων λαβεῖν τὸ δίμοιρον, καὶ
 ἀποφίνασθαι τὸ τῆς σφαίρας στερεόν· εἰσὶ δὲ μονάδες
 φγκ $\iota\zeta$. κατὰ δὲ τὸν αὐτὸν λόγον δείκνυνται, ὅτι $\iota\alpha$
 κύβοι οἱ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τῆς σφαίρας ἴσοι γίνον-
 ται κα σφαίρα(ις). ὥστε δεῖσει κυβίσαντα τὰ ι · ἐστὶ
 δὲ α' τούτων λαβεῖν τὰ $\iota\alpha'$. εἰσὶ δὲ μονάδες φγκ $\iota\zeta$
 καὶ τοσούτου ἀποφαίνεσθαι τὸ στερεὸν τῆς σφαίρας.
 ιβ. Ἔστω δὴ τμήμα σφαίρας μετρησά, οὗ ἡ μὲν
 διάμετρος τῆς βάσεως ἔστω μονάδων ιβ, ἡ δὲ κάθετος
 μονάδων β. πάλιν οὖν ὁ αὐτὸς Ἀρχιμήδης δείκνυσιν
 (de sph. et cyl. II, 2 coroll. vol. I p. 200 Heib.), ὅτι
 πᾶν τμήμα σφαίρας πρὸς τὸν κῶνον τὸν τὴν αὐτὴν
 βάσιν ἔχοντα αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον λόγον ἔχει, ὅν
 τοῦ λοιποῦ τμήματος κάθετος μετὰ τῆς ἐκ τοῦ κέντρο
 τῆς σφαίρας πρὸς τὴν αὐτὴν κάθετον. ἔστω οὖν τμήμα
 τὸ εἰρημένον τῆς σφαίρας τὸ κατὰ τὸ $AB\Gamma$ τοῦ κύκλου
 οὗ κάθετος ἡ $B\Delta$. καὶ ἔστω τὸ κέντρον τῆς σφαίρας
 τὸ Z . ὥς ἄρα τὸ τμήμα τῆς σφαίρας πρὸς τὸν εἰρη-
 μένον κῶνον, οὕτω συναμφοτέρος ἡ $\Delta E E Z$ πρὸς τὴν
 ΔE καὶ ἐπεὶ δοθεῖσά ἐστίν ἡ $A\Gamma$, δοθεῖσα ἄρα καὶ
 ἡ $A\Delta$ · δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ $A\Delta$, τουτέστι τὸ ὑπὸ
 $B\Delta \Delta E$. καὶ ἐστὶ δοθεῖσα ἡ $B\Delta$ · δοθεῖσα ἄρα καὶ
 ΔE · καὶ ὅλη ἄρα ἡ BE δοθεῖσά ἐστίν. ὥστε καὶ
 $E Z$. καὶ συναμφοτέρος ἄρα ἡ $\Delta E E Z$ δοθεῖσά ἐστίν.

punkt A und dessen Spitze der Punkt Γ ist, und so groß den Körperinhalt des abgestumpften Kegels angeben.

XI. Wenn der Durchmesser einer Kugel = 10 gegeben ist, ihren Körperinhalt zu finden. Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder zeigt, daß der Cylinder, der eine Basis hat, die gleich einem größten Kreise der Kugel ist, und eine Höhe gleich dem Durchmesser der Kugel, $1\frac{1}{2}$ mal so groß als die Kugel ist. Daher wird man nach diesem Satz 10^3 mit $\frac{11}{14}$ multiplizieren, dies mit der Höhe des Cylinders, d. h. 10, multiplizieren und von dem Produkt $\frac{2}{5}$ nehmen müssen, und so groß den Körperinhalt der Kugel angeben müssen. Er ist

= $523\frac{17}{21}$. Nach demselben Satze wird bewiesen, daß 11 mal die dritte Potenz des Durchmessers der Kugel = 21 mal der Kugelinhalt ist. Also

$$10^3 = 1000$$

$$1000 \times \frac{11}{21} = 523\frac{17}{21}.$$

So groß hat man den Inhalt der Kugel anzugeben.

XII. Es sei ein Kugelsegment zu messen, dessen Basisdurchmesser = 12, dessen Höhe = 2 ist. Wiederum zeigt derselbe Archimedes, daß jedes Kugelsegment zu dem Kegel, der mit ihm die gleiche Basis und gleiche Höhe hat, dasselbe Verhältnis hat, wie die Höhe des übrig bleibenden Segments vermehrt um den Radius zu eben dieser Höhe.¹⁾ Es sei nun das genannte Kugelsegment

1) D. h. zur Höhe des übrig bleibenden Segments.

1 $\lambda\sigma\omega$: correxi 3 $\eta\mu\iota\omega\nu\sigma$: sed $\lambda\iota$ suprascr. m. 1 5 $\tau\omega$
 12 α : τὸ ἐνδεκάκις ἰδ m. 2 11 $\sigma\phi\alpha\iota\sigma\alpha$: correxi 12 δὲ α : correxi

ἀλλὰ καὶ ἡ ΔE δοθεῖς (ἃ ἐστίν). λόγος ἄρα καὶ τοῦ
 fol. 95^r κώνου, οὗ βάσις μὲν ἐστίν ὁ περὶ διάμετρον τὴν $ΑΓ$
 κύκλος, ὕψος δὲ ἡ $B\Delta$, πρὸς τὸ τμήμα τῆς σφαίρας
 ἐστὶν δοθεῖς· καὶ ἔστι δοθεὶς ὁ κώνος· δοθέν ἄρα καὶ
 τὸ τμήμα τῆς σφαίρας. δεήσει δὲ κατὰ τὴν αὐτὴν ἀνά-
 λυσιν λαβεῖν τῶν $\iota\beta$ τὸ ἥμισυ καὶ ἐφ' ἑαυτὸ ποιῆσαι·
 ἔστι δὲ $\lambda\zeta$ · καὶ ταῦτα παραβαλεῖν παρὰ τὸν β · γί-
 νεται $\iota\eta$. καὶ προσθεῖναι τὰ β · γίγνεται κ . καὶ τού-
 των τὸ ἥμισυ γίγνεται ι · ταῦτα μετὰ τῶν $\iota\eta$ γίγνεται

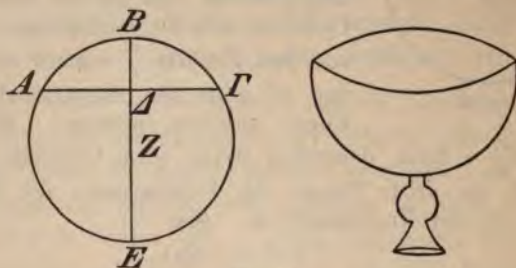


Fig. 55.

$\kappa\eta$ · καὶ τὴν κάθετον δις ποιῆσαι, τοντέστι τὰ β ·
 γίγνεται δ . ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται $\iota\zeta$ · ταῦτα ἐπὶ τὰ $\kappa\eta$ ·
 γίγνεται $\nu\mu\eta$ · τούτων τὸ $\langle \iota\delta \rangle$ · $\langle \gammaίγνεται \rangle$ $\tau\eta\eta$ · $\langle \tauούτων \rangle$
 τὸ γ' · γίγνεται $\rho\iota\zeta \gamma'$. τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ
 τμήματος. καὶ λουτήρα δὲ ἀκολουθῶς μετρήσομεν τῇ
 τοῦ τμήματος μετρήσει· ἔστι γὰρ δύο τμημάτων ὑπεροχή·
 ἀπὸ τοῦ μεζονος οὖν ἀφελόντες τὸ ἔλασσον ἀπο-
 φα[ι]νούμεθα τὸ τοῦ λουτήρος στερεόν. καὶ κόγχην δὲ
 ὁμοίως μετρήσομεν ὥς ἡμισφαιρίου ἢ τμήματος ἥμισυ

1 explevi; ἀλλὰ — δοθεὶς del. m. 2 3 κύκλον: corr. m. 2
 5 f. ταύτην τὴν 7 παραλαβεῖν et τῶν: corr. m. 2 12 ἐν-
 δεκάκις $\iota\delta$ in ras. m. 2 τῶ γ' : corr. et suppl. m. 2

3 durch ABF bestimmte, dessen Höhe BA ist; und der Mittelpunkt der Kugel sei Z . Also verhält sich das Kugelsegment zu dem erwähnten Kegel wie $AE + EZ : AE$. Und AF gegeben ist, so ist auch AA gegeben, also auch AA^2 , h. $BA \times AE$. Nun ist BA gegeben, also auch AE ; mit- ist ganz BE gegeben. Daher auch EZ , also ist auch $E + EZ$ gegeben. Es ist aber auch AE gegeben. so ist das Verhältnis des Kegels, dessen Basis der Kreis t dem Durchmesser AF und dessen Höhe BA ist, zu m Kugelsegment gegeben. Nun ist der Kegel gegeben; o ist auch das Kugelsegment gegeben. Die Rechnung rd nach der Analyse folgende sein:

$$\begin{aligned} \left(\frac{18}{2}\right)^2 &= 36 \\ 36 : 2 &= 18 \\ 18 + 2 &= 20 \\ \frac{20}{2} &= 10 \\ 18 + 10 &= 28 \\ 2 \times 2 &= 4 \\ 4^2 &= 16^1) \\ 16 \times 28 &= 448 \\ 448 \times 14 &= 352 \\ 352 : 3 &= 117 \frac{1}{3}. \end{aligned}$$

o groß wird der Körperinhalt des Segments sein.

Auch ein Badeschaff werden wir der Messung des Segments entsprechend messen; denn es ist die Differenz zweier Segmente. Wenn wir nun von dem größeren das kleinere abgezogen haben, so werden wir den Körperinhalt des Badeschaffs angeben können. Auch eine Muschel werden wir ähnlich messen, als die Hälfte einer Halb-

1) Verständlicher wäre $2^2 = 4$
 $4 \times 4 = 16$.

ὑπάρχουσαν. αἱ γὰρ ἐν αὐτῇ ξύσται ἐν ἀδιαφόρῃ παραλαμβάνονται εἰς τὰς μετρήσεις.

ιγ. Τῶν κωνικῶν καὶ κυλινδρικῶν καὶ σφαιρικῶν σχημάτων μεμετρημένων, ἐὰν δέη καὶ καμάρας ἐχούσας τὰ προειρημένα σχήματα μετρεῖν ἢ θύλους, ἀκολουθῶς τῇ ἐπὶ τοῦ λουτήρος μετρήσει ποιήσομεν· τῆς γὰρ ἐν-
 τὸς ἐπιφανείας κοίλης οὔσης, τουτέστι κενῆς, πάλιν
 fol. 95^v ἔσται ἐκάστη αὐτῶν | δύο ὁμοίων τμημάτων ὑπεροχῇ.
 ἔστω δὲ σπείραν μετρήσαι πρότερον ἐκθέμενον τὴν
 γένεσιν αὐτῆς. ἔστω γὰρ τις ἐν ἐπιπέδῳ εὐθείᾳ ἡ AB ¹²
 καὶ δύο τυχόντα ἐπ' αὐτῆς σημεία. εἰλήφθω ὁ $BΓΔΕ$
 <κύκλος> ὀρθὸς ὢν πρὸς τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον, ἐν
 ᾧ ἔστιν ἡ AB εὐθεῖα, καὶ μένοντος τοῦ A σημείου
 περιφερέσθω κατὰ τὸ ἐπίπεδον ἡ AB , ἄχρι οὗ εἰς τὸ
 αὐτὸ ἀποκατασταθῇ συμπεριφερομένου καὶ τοῦ $BΓ$ ¹³
 $ΔΕ$ κύκλου ὀρθοῦ διαμέμοντος πρὸς τὸ ὑποκείμενον
 ἐπίπεδον. ἀπογεννήσει ἄρα τινὰ ἐπιφάνειαν ἡ $BΓΔΕ$
 περιφέρεια, ἣν δὴ σπειρικὴν καλοῦσιν· κἂν μὴ ἦ δὲ
 ὅλος ὁ κύκλος, ἀλλὰ τμήμα αὐτοῦ, πάλιν ἀπογεννήσει
 τὸ τοῦ κύκλου τμήμα σπειρικῆς ἐπιφανείας τμήμα,²⁰
 καθάπερ εἰσι καὶ αἱ ταῖς κίουσιν ὑποκείμεναι σπείραι·
 τριῶν γὰρ οὐσῶν ἐπιφανειῶν ἐν τῷ καλουμένῳ ἀνα-
 γραφεῖ, ὃν δὴ τινες καὶ ἐμβολέα καλοῦσιν, δύο μὲν
 κοίλων τῶν ἔκρων, μιᾶς δὲ μέσης καὶ κυρτῆς, ἅμα
 περιφερόμεναι αἱ τρεῖς ἀπογεννῶσι τὸ εἶδος τῆς τοῖς²⁵
 κίουσιν ὑποκειμένης σπείρας. δέον οὖν ἔστω τὴν ἀπο-
 γεννηθεῖσαν σπείραν ὑπὸ τοῦ $BΓΔΕ$ κύκλου μετρησά-
 δεδόσθω ἡ μὲν AB μονάδων κ , ἡ δὲ $BΓ$ διάμετρος
 μονάδων $\iotaβ$. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Z ,

12 supplevi 22 diversus ἀναγραφένος a Philone Byz. mech.
 synt. IV p. 52, 43 sq. memoratus 25 περιφερομένων: correcti

gel oder eines Segments. Denn die Rillen an derselben werden als für die Messung unwesentlich behandelt.

XIII. Nachdem nun die kegelförmigen, cylindrischen und kugelförmigen Gebilde gemessen sind, werden wir, wenn es gilt Gewölbe oder Kuppeln von der angegebenen Gestalt zu messen, es dem Meßverfahren beim Badeschaff entsprechend machen. Denn da die innere Oberfläche derselben hohl, d. h. leer ist, so wird wiederum jede von ihnen die Differenz zweier ähnlicher Segmente sein. Es sei nun eine Speira zu messen, nachdem vorher ihre Entstehung auseinandergesetzt ist.

Es sei in einer Ebene eine Gerade AB und auf ihr beliebige Punkte. Nun nehme man den Kreis $BTAE$,

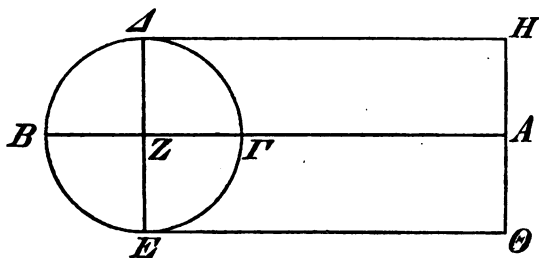


Fig. 56.

rechtwinklig stehe zu der vorausgesetzten Ebene, in der die Gerade AB liegt, und während Punkt A festgelegt bleibt, drehe sich die Gerade AB in der Ebene, bis sie in ihre ursprüngliche Lage zurückkehrt, wobei der Kreis $BTAE$, zu der vorausgesetzten Ebene rechtwinklig verbleibend, mitdrehen soll. Es wird also die Peripherie $BTAE$ eine Oberfläche erzeugen, welche man „speirisch“ nennt. Wenn es aber nicht ein vollständiger Kreis ist, sondern ein Kreisabschnitt, so wird jeder der Kreisabschnitt den Abschnitt einer speirischen Oberfläche erzeugen, wie es auch die Speiren, die als

καὶ ἀπὸ τῶν A, Z τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ πρὸς ὃ
 ἤχθωσαν αἱ $\Delta ZE \text{ ἢ } \Delta H\Theta$. καὶ διὰ τῶν Δ, E τῇ
 παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ $\Delta HE \text{ ἢ } \Delta H\Theta$. δέδεικται δὲ Δ
 σοδώρῳ ἐν τῷ περὶ τῆς σπείρας ἐπιγραφομένῳ, ὅ
 λόγον ἔχει ὁ $B\Gamma\Delta E$ κύκλος πρὸς τὸ ἥμισυ τοῦ ΔI
 παραλληλογράμμου, τοῦτον ἔχει καὶ ἡ γεννηθεῖσα σ.
 ὑπὸ τοῦ $B\Gamma\Delta E$ κύκλου πρὸς τὸν κύλινδρον, οὗ
 μὲν ἐστὶν ὁ $H\Theta$, ἡ δὲ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς βάσε
 $E\Theta$. ἐπεὶ οὖν ἡ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\beta$ ἐστίν, ἡ ἄρ
 fol. 96^r ἔσται | μονάδων ϵ . ἔστι δὲ καὶ ἡ $\Delta\Gamma$ μονάδων η .
 ἄρα ἡ ΔZ μονάδων $\iota\delta$, τουτέστιν ἡ $E\Theta$, ἥτις
 ἐκ τοῦ κέντρου τῆς βάσεως τοῦ εἰρημένου κυλίν
 δοθεῖς ἄρα ἐστὶν ὁ κύκλος· ἀλλὰ καὶ ὁ ἕξων δε
 ἔστιν γὰρ μονάδων $\iota\beta$, ἐπεὶ καὶ ἡ ΔE . ὥστε δ
 καὶ ὁ εἰρημένος κύλινδρος· καὶ ἔστι τὸ $\Delta\Theta$ παραλ
 γραμμον <δοθέν>· ὥστε καὶ τὸ ἥμισυ αὐτοῦ. ἀλλ
 ὁ $B\Gamma\Delta E$ κύκλος· δοθεῖσα γὰρ ἡ ΓB διάμετρος.
 ἄρα τοῦ $B\Gamma\Delta E$ κύκλου πρὸς τὸ $\Delta\Theta$ παραλληλό
 μον δοθεῖς· ὥστε καὶ τῆς σπείρας πρὸς τὸν κύλιν
 λόγος ἔστι δοθεῖς. καὶ ἔστι δοθεῖς ὁ κύλινδρος· ἔ
 ἄρα καὶ τὸ στερεὸν τῆς σπείρας. συντεθήσεται
 ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ἄφελε ἀπὸ τῶν
 <ι>β· λοιπὰ η . καὶ πρόσθετες τὰ κ · γίννεται $\kappa\eta$
 μέτρησον κύλινδρον, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς β
 ἐστὶ μονάδων $\kappa\eta$, τὸ δὲ ὕψος $\iota\beta$ · καὶ γίννεται
 στερεὸν αὐτοῦ $\xi\tau\alpha\beta$. καὶ μέτρησον κύκλον, οὗ
 μετρός ἐστὶ μονάδων $\iota\beta$ · γίννεται τὸ ἐμβαδὸν α
 καθὼς ἐμάθομεν, $\rho\iota\gamma\zeta'$ · καὶ λαβὲ τῶν $\kappa\eta$ τὸ ἡ
 γίννεται $\iota\delta$. ἐπὶ τὸ ἥμισυ τῶν $\iota\beta$ · γίννεται

Säulenbasen dienen, sind. Denn da 3 Oberflächen an dem sog. *ἀναγραφεύς* sind, den manche auch *ἐμβολεύς* nennen, 2 äußere concave, und eine mittlere convexe, die sich gleichzeitig drehen, so erzeugen die drei die Gestalt der Speira, wie sie die Säulenunterlagen haben. Es sei nun die von dem Kreis $B\Gamma\Delta E$ erzeugte Speira zu messen. Gegeben sei $AB = 20$, der Durchmesser $B\Gamma = 12$. Man nehme den Mittelpunkt des Kreises Z und ziehe von A und Z im rechten Winkel zu der vorausgesetzten Ebene die Geraden ΔZE und $AH\Theta$, und durch Δ und E zu AB die Parallelen ΔH und $E\Theta$. Nun ist von Dionysodoros in der Schrift über die Speira nachgewiesen, daß dasselbe Verhältnis, das der Kreis $B\Gamma\Delta E$ zu der Hälfte des Parallelogramms $\Delta EH\Theta$ hat, auch die von dem Kreise $B\Gamma\Delta E$ erzeugte Speira zu dem Cylinder hat, dessen Axe $H\Theta$ und dessen Basisradius $E\Theta$ ist. Da nun $B\Gamma = 12$ ist, so wird $Z\Gamma = 6$ sein. Es ist aber $A\Gamma = 8$, also wird $AZ = 14$ sein, also $E\Theta = 14$, welches der Radius der Basis des bezeichneten Cylinders ist. Mithin ist der Kreis gegeben. Aber auch die Axe ist gegeben; sie ist nämlich $= 12$, da so groß auch ΔE ist. Daher ist auch der genannte Cylinder gegeben. Auch ist das Parallelogramm $\Delta\Theta$ gegeben, also auch seine Hälfte; aber auch der Kreis $B\Gamma\Delta E$, denn sein Durchmesser ΓB ist gegeben. Also ist das Verhältnis des Kreises $B\Gamma\Delta E$ zu dem Parallelogramm $\Delta\Theta$ gegeben; mithin ist auch das Verhältnis der Speira zu dem Cylinder gegeben. Nun ist der Cylinder gegeben; also ist auch der Körperinhalt der Speira gegeben. Berechnet wird er, der Analyse entsprechend, folgendermaßen

$$20 - 12 = 8$$

$$20 + 8 = 28.$$

Miß einen Cylinder, dessen Basisdurchmesser $= 28$ und dessen Höhe $= 12$ ist; sein Körperinhalt ist 7392. Miß einen Kreis, dessen Durchmesser $= 12$ ist; sein Inhalt ist, wie wir lernten, $= 113\frac{1}{7}$.

καὶ πολλαπλασιάσας τὰ $[\mu]$, ζταβ ἐπὶ τὰ ριγ ζ'. καὶ τὰ
γενόμενα παράβαλε παρὰ τὸν πδ· γίνεται θ' Δνς δ'
τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τῆς σπείρας. δυνατὸν δὲ ἔσται
καὶ ἄλλως μετρηῆσαι. ἐπεὶ γὰρ ἡ ΑΖ ἐστὶ μονάδων
ιδ, καὶ ἔστιν ἐκ τοῦ κέντρου, ἡ ἄρα διάμετρος ἐστὶ
μονάδων κη· ὥστε ἡ περιφέρεια τοῦ κύκλου γίνετα
μονάδων πη· ἀπλωθεῖσα ἄρα ἡ σπείρα καὶ γενομένη
ὡς κύλινδρος ἔξει τὸ μῆκος μονάδων πη· καὶ ἔστι
ἡ διάμετρος τῆς βάσεως τοῦ κυλίνδρου, τουτέστιν
ΒΓ, μονάδων ιβ· ὥστε τὸ στερεὸν τοῦ κυλίνδρου, ὃ
ἐμάθομεν, ἔσται μονάδων ζταβ. πάλιν θ' Δνς δ'.

fol. 96^v

ιδ. | Ἔστω κυλίνδρου τμήμα μετρηῆσαι τετμημένον
διὰ τοῦ κέντρου μιᾶς τῶν βάσεων· καὶ ἔστω ἡ μὲν
διάμετρος τῆς βάσεως ἡ ΑΒ μονάδων ζ, τὸ δὲ ὕψος
τοῦ τμήματος μονάδων κ· ἀποδείξειεν Ἀρχιμήδης ἐν
τῷ ἐφοδικῷ, ὅτι τὸ τοιοῦτον τμήμα ἔκτον μέρος ἐστὶ
τοῦ στερεοῦ παραλληλεπιπέδου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος
τὸ περιγραφόμενον περὶ τὴν βάσιν τοῦ κυλίνδρου
τετραγώνου, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ τῷ τμήματι. δοθέν
τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ τμήμα
τοῦ κυλίνδρου· ὅθεν δεήσει τὰ ζ ἐφ' ἑαυτὰ ποιήσαν
πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ κ· γί-
νεται Δπ· καὶ τούτων τὸ ἔκτον γίνεται ρξγ·
τοσούτου ἔσται τὸ τμήμα τοῦ κυλίνδρου.

ιε. Ὁ δ' αὐτὸς Ἀρχιμήδης ἐν τῷ αὐτῷ βιβλίῳ δε-
νυσιν, ὅτι ἐὰν εἰς κύβον δύο κύλινδροι διωσθῶσιν
τὰς βάσεις ἔχοντες ἐφαπτομένας τῶν πλευρῶν τῷ
κύβου, τὸ κοινὸν τμήμα τῶν κυλίνδρων διόμοιον ἔσται

1 deleui; f. πολλαπλασίασον 2 θ' Δγς δ' ε': correxi 8
supra lin. add. m. 1 11 ζ' Δγβ: correxi. θ' Δνς δ': correxi

$$\frac{28}{2} = 14$$

$$14 \times \frac{12}{2} = 84$$

$$(7392 \times 113\frac{1}{7}) : 84 = 9956\frac{4}{7}.$$

So groß wird der Inhalt der Speira sein.

Man kann sie aber auch anders messen. Da nämlich $AZ = 14$ und ein Radius ist, so wird der Durchmesser $= 28$ sein. Die Peripherie des Kreises ergibt sich daher $= 88$. Wenn also die Speira aufgerollt und gleichsam ein Cylinder wird, so wird sie die Länge 88 haben. Nun ist der Durchmesser der Basis des Cylinders, d. h. BI , $= 12$. Daher wird der Körperinhalt des Cylinders, wie wir lernten, $= 7392$ sein. Wiederum ergibt sich $9956\frac{4}{7}$.

XIV. Es sei ein Abschnitt eines Cylinders zu messen, der durch den Mittelpunkt einer der Basen geschnitten wird (ein sog. Cylinderhuf); und es sei der Durchmesser der Basis, AB , $= 7$, die Höhe des Abschnittes $= 20$. Archimedes hat in dem *ἐφοδικόν* nachgewiesen, daß ein solcher Abschnitt der sechste Teil des Parallelepipedons ist, das zur Basis das der Basis des Cylinders umgeschriebene Viereck und dieselbe Höhe wie der Abschnitt hat. Nun ist das Parallelepipedon gegeben; also ist auch der Abschnitt des Cylinders gegeben. Also:

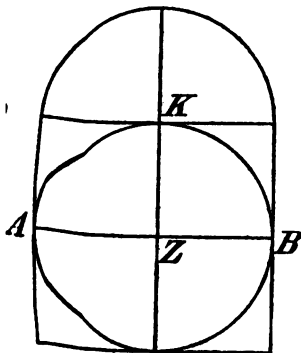


Fig. 57.

$$7^2 \times 20 = 980$$

$$\frac{980}{6} = 163\frac{1}{3}.$$

So groß wird der Abschnitt des Cylinders sein.

ol. 97^v τοῦ κύβου. τοῦτο δὲ εὐχρηστον | τυγχάνει πρὸς τὴν
οὕτως κατασκευαζομένης καμάρας, αἱ γίνονται ἐν
πλεῖστον ἐν τε ταῖς κρήναις καὶ βαλανείοις, ὅταν
εἰσοδοὶ ἢ τὰ φῶτα ἐκ τῶν τεσσάρων μερῶν ὑπάρχῃ
καὶ ὅπου ξύλοις οὐκ εὐθεται στεγάζεσθαι τοὺς τόπους.

Ἀκόλουθον δὲ ἐστὶ καὶ τὰς τῶν πέντε σχημάτων
τῶν Πλάτωνος καλουμένων, λέγω δὴ κύβου τε καὶ
πυραμίδος καὶ ὀκταέδρου, ἔτι δὲ καὶ δωδεκαέδρου καὶ
εἰκοσαέδρου, τὰς μετρήσεις προσεντάξαι. ὁ μὲν οὖν
κύβος φανερὰν τὴν μέτρησιν ἔχει· δεῖ γὰρ κυβίου
τὰς διδομένας τῆς πλευρᾶς αὐτοῦ μονάδας καὶ ἀπο-
φαίνεσθαι αὐτοῦ τὸ στερεόν.

ιβ. Ἔστω δὲ πυραμίδα μετροῦμαι, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ
τὸ $ABΓ$ <ἰσοπλευρον> τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ
σημεῖον. ἥς ἐκάστη[ς] πλευρὰ[ς] ἔστω μονάδων
εἰληφθῶ τὸ κέντρον τοῦ περὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον κύκλου
τὸ E · καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ΔE$ $EΓ$ · τὸ ἄρα ἀπὸ τοῦ
 $BΓ$, τουτέστι τὸ ἀπὸ τοῦ $ΓΔ$, τριπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ
τῆς $ΓE$ · ἡμιόλιον ἄρα ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΓΔ$ τοῦ ἀπὸ
τῆς $ΔE$ · καὶ ἐστὶ τὸ ἀπὸ $ΓΔ$ μονάδων ρμδ. τὸ δὲ
ἀπὸ $ΔE$ ἔσται μονάδων ςς· αὐτὴ δὲ ἡ $ΔE$ ὥς ἔγγιστον
μονάδων $θλγ'$ · ἐπεὶ οὖν ἐκάστη τῶν AB $BΓ$ $ΓΔ$ δέ-
ται, <δέδοται> δὲ καὶ ἡ κάθετος ἡ $ΔE$, δοθὲν ἄρα
τὸ στερεόν τῆς πυραμίδος. ὥστε δεήσει τὸ ἐμβαδὸν τοῦ
 $ABΓ$ ἰσοπλεύρου τριγώνου ὥς ἐμάθομεν πολλαπλα-
σιάσαι ἐπὶ τὰς $θλγ'$ καὶ τῶν γιγνομένων τὸ τρί-
γωνον ἀποφαίνεσθαι τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν.

ol. 97^v ιβ. | Ἔστω δὲ ὀκτάεδρον μετροῦμαι, οὗ ἐκάστη πλευρὰ
ἐστὶ μονάδων ζ. ἔστω τὸ εἰρημένον ὀκτάεδρον,

3 ἔνται ταῖς: correxi 5 f. εὐθεται 6 τὰς f. delend
23 <δέδοται> addidi; πρὸς add. m. 2

XV. Derselbe Archimedes weist in demselben Buche nach, dafs, wenn in einen Würfel zwei sich durchdringende Cylinder eingesetzt werden, deren Basen die Seiten des Würfels berühren, der gemeinsame Abschnitt der Cylinder gleich $\frac{2}{3}$ des Würfels sein wird. Dieser Satz ist verwendbar für die in dieser Weise gebauten Gewölbe, welche meist an Quellen und Bädern vorkommen, wenn die Eingänge oder Fenster auf allen vier Seiten sind, und wo es nicht angängig ist, dafs die Orte mit Balken gedeckt werden.

Das Nächste ist, dafs wir auch die Meßmethoden der sogenannten 5 Körper des Platon, ich meine des Würfels, der Pyramide und des Oktaeders, weiter aber auch des Dodekaeders und Ikosaeders einfügen. Wie nun der Würfel zu messen ist, ist klar. Man mufs nämlich die gegebenen Mafseinheiten seiner Seite in die dritte Potenz erheben und so grofs seinen Körperinhalt angeben.

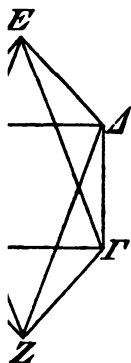
XVI. Es sei aber nun eine Pyramide zu messen, deren Basis das gleichseitige Dreieck $AB\Gamma$ und deren Spitze der Punkt Δ ist; jede ihrer Seiten sei = 12. Man nehme den Mittelpunkt des dem Dreieck $AB\Gamma$ umschriebenen Kreises, E , und ziehe die Verbindungslinien ΔE und $E\Gamma$. Also ist $B\Gamma^2 = \Gamma\Delta^2 = 3\Gamma E^2$. Also ist $\Gamma\Delta^2 = 1\frac{1}{2}\Delta E^2$. Nun ist $\Gamma\Delta^2 = 144$. Also $\Delta E^2 = 96$; und ΔE selbst annähernd $= 9\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$. Da nun jede der Geraden AB , ΓB , $\Gamma\Delta$ gegeben ist, aber auch die Kathete ΔE gegeben ist, so ist auch der Körperinhalt der Pyramide gegeben. Man wird daher den Inhalt des gleichseitigen Dreiecks $AB\Gamma$ multiplizieren müssen mit $9\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$ und, nachdem man von dem Produkt den dritten Teil genommen hat, so grofs den Körperinhalt der Pyramide angeben müssen.

XVII. Es sei ein Oktaeder zu messen, von dem jede Seite = 7. Es sei das bezeichnete Oktaeder dasjenige, dessen Winkel an den Punkten $A, B, \Gamma, \Delta, E, Z$ liegen sollen. Dieses setzt sich zusammen aus zwei Pyramiden,

γωνίαι ἔστωσαν αἱ πρὸς τοῖς $ΑΒΓ ΔΕΖ$ σημείοις τοῦτο δὲ σύγκειται ἐκ δύο πυραμίδων, ὧν βάσις κοινὴ τὸ $ΑΒΓΔ$ τετράγωνον, κορυφαὶ δὲ τὰ $Ε, Ζ$ σημεία ἐκατέρως ἄρα αὐτῶν τριπλάσιόν ἐστὶ τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ΑΒΓΔ$, ὕψος δὲ τὸ ἡμισυ τῆς $ΕΖ$. ὥστε ὅλον τοῦ ὀκταέδρου τριπλάσιόν ἐστὶ τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν τὸ $ΑΒΓΔ$ τετράγωνον, ὕψος δὲ ἡ $ΕΖ$ διάμετρος, ἐπεὶ οὖν ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΕΑ$ μονάδων $μθ$, τὸ ἄρ' ἀπὸ τῆς $ΕΖ$ ἔσται $αη$. ἡ ἄρα $ΕΖ$ ὥς ἔγγιστα ἔσται μονάδων $ι$. ἐπεὶ οὖν ἡ $ΑΒ$ ἐστὶ μονάδων $ζ$, τὸ ἄρ' $ΑΒΓΔ$ τετράγωνον ἔσται μονάδων $μθ$. καὶ ἔστιν $ΕΖ$ ὕψος τοῦ στερεοῦ. τὸ ἄρα στερεὸν παραλληλεπίπεδον ἔσται μονάδων $υγ$. καὶ ἔστι τριπλάσιον τοῦ ὀκταέδρου. τὸ ἄρα ὀκταέδρον ἔσται $οξγ γ'$. τοσοῦτο ἔσται τὸ στερεόν.

ιη. Ἔστω εἰκοσάεδρον (μετρηῆσαι), οὗ ἐκάστη τῶ πλευρῶν ἔστω μονάδων $ι$. ἐπεὶ οὖν τὸ εἰκοσάεδρον ὑπὸ εἰκοσι τριγώνων ἰσοπλεύρων περιέχεται, νενοσθώσαν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ἐπιζευγμέναις (εὐθεΐαι) ἐπὶ τὰς τῶν τριγώνων γωνίας. ἔββονται ἄρ' εἴκοσι πυραμίδες ἴσαι βάσεις μὲν ἔχουσαι τὰ τοῦ εἰκοσάέδρου τρίγωνα, κορυφὰς δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας. καὶ μία αὐτῶν (νε)νοήσθω, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ $Δ$ σημείον, καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ τὸ $ΑΒΓ$ τρίγωνον κύκλου τὸ $κ$ καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $ΔΕ$. ἐπεὶ οὖν ἡ τοῦ εἰκοσάέδρου πλευρὰ πρὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας καθέτον ἀγομένην ἐπὶ ἐν τῶν τοῦ εἰκοσάέδρου τριγώνων λόγον ἔχει, (ὄν) τὰ $οκζ$ πρὸς τὰ $αγ$, καὶ ἔστιν τοῦ εἰκοσάέδρου πλευρὰ μονάδων $υ$, ἔσται ἄρα

meinschaftliche Basis das Quadrat $AB\Gamma A$, und
 itzen die Punkte E und Z sind. Also ist drei-
 mal so groß als jede dieser beiden
 das Parallelepipedon, dessen Basis
 $AB\Gamma A$ und dessen Höhe $\frac{EZ}{2}$ ist.



g. 58.

Daher ist dreimal so groß als
 ganze Oktaeder das Parallelepipedon,
 dessen Basis das Quadrat $AB\Gamma A$
 und dessen Höhe der Durchmesser
 EZ ist. Da nun $EA^2 = 49$ ist,
 so wird $EZ^2 = 98$ sein. Also
 wird EZ annähernd $= 10$ sein.
 Da nun $AB = 7$, so wird das
 Quadrat $AB\Gamma A = 49$ sein. Nun
 ist EZ die Höhe des Körpers; das
 Parallelepipedon wird also $= 490$
 sein. Nun ist es dreimal so groß
 Oktaeder; das Oktaeder wird also $= 1(3\frac{1}{3})$ sein.
 wird sein Körperinhalt sein.

. Es sei ein Ikosaeder zu messen, von dem jede
 10 sei. Da nun das Ikosaeder von 20 gleich-
 Dreiecken umschlossen wird, denke man sich
 gsinlinien vom Mittelpunkt der Kugel zu den
 inkeln gezogen; es werden also 20 gleiche
 1 entstehen, die zu Basen die Dreiecksflächen
 eders und zur Spitze den Mittelpunkt der Kugel
 un denke man sich eine derselben, deren Basis
 ck $AB\Gamma$ und deren Spitze der Punkt A ist.
 1 bestimme den Mittelpunkt des dem Dreieck
 geschriebenen Kreises, und ziehe die Verbindungs-

Da nun die Seite des Ikosaeders zu der Höhe
 alpunkt der Kugel auf eine der Dreiecksflächen
 eders $= 127 : 93$ ist und die Seite des Ikosa-

ῥῳ: correxi 6 τὸ πρὸς τῶν EZ: sustuli errorem
 diorum similitudine ortum 17 supplavi 24 correxi
 evi

ΔE κάθετος μονάδων ζ και $\rho\kappa\zeta'$. ἐπεὶ οὖν τ
 τριγώνου ἐκάστη πλευρὰ δοθεῖσά ἐστιν καὶ
 κάθετος, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ πυραμὶς, ἧς β
 ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ Δ σημ.
 ἔστιν εἰκοστὸν
 μέρος τοῦ εἰκο-
 σαέδρου· δοθέν
 ἄρα ἐστὶ καὶ τὸ
 εἰκοσαέδρον.
 δεῖσει ἄρα τὰ
 ι ἐπὶ τὰς α
 ποιῆσαι καὶ τῶν
 γενομένων λα-
 βεῖν τὸ $\rho\kappa\zeta'$
 καὶ ἔχειν τὴν
 τῆς πυραμίδος

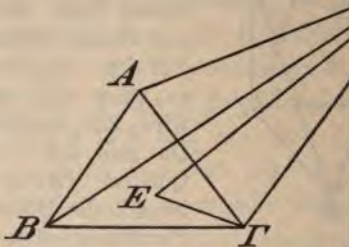


Fig. 59.

κάθετον· καὶ λαβόντα τὸ ἔμβαδὸν τοῦ $AB\Gamma$
 ἰσοπλεύρου καὶ εἰκοσάκι ποιήσαντα πολλαπλασ
 τὴν εἰρημένην κάθετον· καὶ τῶν γενομένων
 λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου σ
 ιθ. Ἔστω δὴ δωδεκάεδρον μετρήσαι, ο
 πλευρὰ ἐστὶ μονάδων ι. πάλιν οὖν, ἐὰν ἀπὸ
 τρου τῆς σφαίρας νοήσωμεν ἐπιξευγμένας εὐ
 τὰς τοῦ πενταγώνου γωνίας, ἔσονται ιβ π
 fol. 98^v πενταγώνους βάσεις ἔχουσαι, κορυφὰς δὲ τὸ
 τῆς σφαίρας· λόγον δὲ ἔχει ἡ τοῦ πενταγώνου
 πρὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας κάθε
 μένην ἐπὶ ἓν τῶν πενταγώνων, ὃν τὰ η πρ
 καὶ ἐστὶν ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ μονάδων

10 ist, so wird die Höhe $AE = 7 + \frac{41}{127}$. Da

Seite des Dreiecks ABF und auch die Höhe

Dreieck ABF und deren Spitze der Punkt A sie ist der zwanzigste Teil des Ikosaeders. Also das Ikosaeder gegeben. Man wird also 10×93 n und von dem Produkt $\frac{1}{127}$ nehmen müssen und

Höhe der Pyramide haben. Dann wird man lt des gleichseitigen Dreiecks ABF bestimmen, al nehmen und mit der genannten Höhe multi-müssen, und nachdem man von dem Produkt en Teil genommen hat, den Körperinhalt des s angeben können.

Es sei nun ein Dodekaeder zu messen, von dem $s = 10$ ist. Wenn wir nun wieder vom Mittel-r Kugel Verbindungslinien zu den Winkeln der

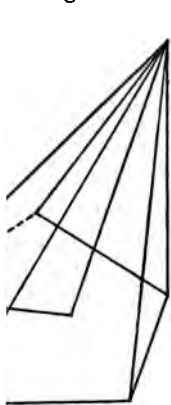


Fig. 60.

Fünfecke gezogen denken, so werden 12 Pyramiden entstehen, die fünfeckige Basen haben und zur Spitze den Mittelpunkt der Kugel. Es verhält sich aber die Seite des Fünfecks zu der Höhe vom Mittelpunkt der Kugel auf eines der Fünfecke $= 8 : 9$. Nun ist die Seite des Fünfecks $= 10$. Die genannte Höhe wird also $= 11\frac{1}{4}$ sein. Wenn wir nun wiederum den Inhalt des Fünfecks bestimmen und mit der Kathete multiplizieren und dann von dem Produkt $\frac{1}{3}$ nehmen, so

ir den Körperinhalt einer Pyramide haben. Nehmen n zwölfmal, so werden wir den Körperinhalt des ers erhalten.

εἰρημένη κάθετος ἔσται μονάδων ια δ'. πάλιν οὖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ πενταγώνου λαβόντες καὶ πολλαπλασιάσαντες ἐπὶ τὴν κάθετον καὶ τῶν γενομένων τὸ τρίτον λαβόντες ἔξομεν μιᾶς πυραμίδος τὸ στερεόν· ὃ δωδεκάκι ποιήσαντες ἔξομεν τὸ τοῦ δωδεκαέδρου στερεόν.⁶

κ. Τῶν δὴ ἐν τάξει στερεῶν σωμάτων μετρηθέντων εὐλογον ὑπολαμβάνομεν καὶ τὰ ἄτακτα, οἷον ῥιζώδη ἢ πετρώδη, παριστορῆσαι τῇ μετρήσει, ὥς ἐνιοι ἰστοροῦσι τὸν Ἀρχιμήδην ἐπινενοηκέναι πρὸς τὰ τοιαῦτα μέθοδον. εἰ μὲν γὰρ εὐμετάφορον εἴη τὸ μέλλον μετρεῖσθαι,¹⁰ δεήσει δεξαμένην(ν) πάντη ὀρθογωνίαν ποιήσαντα δυναμένην δέξασθαι, ὃ βουλόμεθα μετρηθῆναι, πληρῶσαι ὕδατος καὶ ἐμβαλεῖν τὸ ἄτακτον σῶμα. δῆλον δὴ οὖν, ὅτι ὑπερχυθῆσεται τὸ ὕδωρ καὶ τοσοῦτόν γε, ὅσος ἔστιν ὁ τοῦ ἐμβληθέντος σώματος εἰς τὸ ὕδωρ ὄγκος,¹⁵ ἔξαρθέντος τοῦ σώματος πάλιν ἐκ τῆς δεξαμένης ἑλλίπης ἔσται. μετρήσαντες οὖν τὸν ἐκκεκνωμένον τόπον

fol. 99^r ἀποφανούμεθα τοσοῦτον | εἶναι τὸ στερεὸν τοῦ ἐμβληθέντος σώματος. ἢ καὶ ἄλλως δυνατόν ἐστι τὸ αὐτὸ μετρηῆσαι· ἐὰν γὰρ προσπλασθῇ τὸ ἄτακτον σῶμα²⁰ κηρῷ ἢ πηλῷ, ὥστε γενέσθαι ἀποκρυβέν πάντη ὀρθογώνιον, καὶ τοῦτο μετρήσαντες ἀφέλωμεν τὸν πηλὸν καὶ ὀρθογώνιον πλάσαντες ἐκμετρήσωμεν καὶ ἀφέλωμεν ἀπὸ τοῦ πρότερον μετρηθέντος τὸ καταλειπόμενον, ἀποφανούμεθα τὸ τοῦ σώματος στερεόν· τῇ δὲ τοῦ²⁵ περιπλάσματος μεθόδῳ χρῆσθαι δεῖ ἐπὶ τῶν μὴ δυναμένων μετατίθεσθαι σωμάτων.

1 ιδ δ': correxi 11 δεξαμένη: correxi 15 οἷον: correxi
 σώματος ex ὕδατος fec. m. 1 17 ἑλλιπής: correxi 20 f.
 περιπλάσθῃ 22 ἀφέλωμεν: correxi 27 Ἡρώης Ἀλεξανδρέως
 μέτρησις στερεῶν subscript m. 1

XX. Nachdem die bestimmten Körper gemessen sind, messen wir für angemessen auch die unbestimmten, wie Wurzeln oder Felsstücke, in der Vermessungskunde häufig zu erwähnen, da einige berichten, daß Archimedes für derartige eine Methode ausgedacht habe. Wenn nämlich der zu messende Körper leicht transportabel sein mag, so wird man eine durchgängig rechtwinklige Wanne, das, was wir gemessen zu haben wünschen, aufzunehmen mag, herrichten und mit Wasser füllen und den unbestimmten Körper hineinwerfen müssen. Es ist nun klar, daß das Wasser überfließen wird und zwar wird soviel mehr, als das Volumen des in das Wasser geworfenen Körpers beträgt, fehlen, wenn der Körper wieder aus der Wanne herausgenommen wird. Messen wir nun den leeren Raum, so werden wir den Körperinhalt des eingeworfenen Körpers so groß anzugeben haben. Oder man kann dieselbe Messung auch auf andere Weise vornehmen. Denn wenn der unbestimmte Körper mit Wachs oder Lehm bestrichen wird, sodaß er, wenn er eingehüllt durchgängig rechtwinklig ist und wir ihn in dieser Wanne taucht messen, dann den Lehm abnehmen, in rechtwinklige Stücke kneten und ausmessen, und dann von dem zuerst gemessenen den Rest abziehen, so werden wir den Inhalt des Körpers angeben können. Diese Einhüllungsmethode kann man bei den nicht transportablen Körpern anwenden.

ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Γ

ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

fol. 99^v

| Οὐ πολὺ ἀπάδειν νομίζομεν τὰς τῶν χωρίων
 διαιρέσεις τῶν γιγνομένων ἐν τοῖς χωρίοις μετρή-
 σεων· καὶ γὰρ τὸ ἀπονεῖμαι χωρίον τοῖς ἴσοις ἴσον
 καὶ τὸ πλεόν τοῖς ἀξίοις κατὰ τὴν ἀναλογίαν πάν-
 εὔχρηστον καὶ ἀναγκαῖον θεωρεῖται. ἤδη γοῦν καὶ ἡ
 σύμπασα γῆ διήρηται κατ' ἀξίαν ὑπ' αὐτῆς τῆς φύ-
 σεως· νέμεται γὰρ κατ' αὐτὴν ἔθνη μέγιστα μεγάλῃ
 λελογχότα χώραν, ἔνια δὲ καὶ ὀλίγην μικρὰ καθ'¹⁵
 αὐτὰ ὑπάρχοντα· οὐχ ἥττον δὲ καὶ κατὰ μίαν αἱ πό-
 λεις κατ' ἀξίαν διήρηνται· τοῖς μὲν ἡγεμόσι καὶ τοῖς
 ἄλλοις τοῖς ἄρχειν δυναμένοις μείζω καὶ κατὰ ἀνα-
 λογίαν, τοῖς δὲ μηδὲν τοιοῦτο δυναμένοις δρᾶν μικροὶ
 κατελείφθησαν τόποι, κῶμαί τε τοῖς μικροψυχοτέροις¹⁵
 καὶ ἐποίκια καὶ ὅσα τοιαῦτά ἐστιν· ἀλλὰ τὰ μὲν
 παχυμερεστέραν πῶς καὶ ἀρροτέραν εἴληφε τὴν ἀνα-
 λογίαν· εἰ δέ τις βούλοιτο κατὰ τὸν δοθέντα λόγον
 διαιρεῖν τὰ χωρία, ὥστε μηδὲ ὥς εἰπεῖν κέρχρον μίαν
 τῆς ἀναλογίας ὑπερβάλλειν ἢ ἐλλείπειν τοῦ δοθέντος²⁰
 λόγου, μόνῃς προσδεήσεται γεωμετρίας· ἐν ᾗ ἐφαρ-
 μογὴ μὲν ἴση, τῇ δὲ ἀναλογία δικαιοσύνη, ἣ δὲ περὶ

1 titulum supplēvi
 13 καὶ f. delendum

5 χωρίων: correxi
 17 παχυμερεστέρον: correxi

12 f. μὲν (γὰρ)

VERMESSUNGSLEHRE VON HERON VON ALEXANDRIA.

DRITTES BUCH.

THEILUNG VON FLÄCHEN UND KÖRPERN.

Die Theilungen von Raumgebilden unterscheiden sich Vorred
nach unserem Dafürhalten nicht erheblich von den Mes-
sungen, die an den Raumgebilden vorgenommen werden.
Denn das Geschäft, den Gleichberechtigten die gleiche
Fläche Landes zuzuweisen und denen, die es wert sind,
im Verhältnis mehr, wird als ein sehr nützliches und not-
wendiges angesehen. Ist doch auch die gesamte Erde
schon von der Natur selbst nach Verdienst eingetheilt
worden. Denn es wohnen auf ihr sehr große Völker,
denen ein großes Stück Land zugefallen ist; manchen da-
gegen nur ein kleines, weil sie an sich nur klein sind.
Ebenso sind auch die einzelnen Staatsgebiete nach Ver-
dienst geteilt: den leitenden Männern und den übrigen,
die zu regieren vermögen, wurden größere Stücke und
zwar nach Verhältnis zu Theil; denen dagegen, die nichts
der Art zu leisten vermochten, wurden nur kleine Plätze
übrig gelassen und den Schwächeren Dörfer und einzelne
Gehöfte und was es sonst von dieser Art giebt. Aber
dies ist gewissermaßen nur im Groben und mühelos in
ein Verhältnis gebracht. Wenn dagegen jemand Raum-
gebilde nach einem gegebenen Verhältnis so theilen möchte,
daß sozusagen auch nicht eine Kleinigkeit des Verhält-
nisses überschießt über das gegebene Verhältnis oder
dahinter zurückbleibt, so wird er dazu der Geometrie be-
dürfen, in der gleichmäßige Anwendbarkeit vorhanden ist

τούτων ἀπόδειξις ἀναμφισβήτητος, ὅπερ τῶν ἐκ τεχνῶν ἢ ἐπιστημῶν οὐδεμία ὑπισχνεῖται.

α. Χωρίον τρίγωνον διελεῖν εἰς τρίγωνα χωρὶς δοθέντι λόγῳ τὴν αὐτὴν ἔχοντα κορυφήν. τὸ δοθὲν τρίγωνον τὸ $AB\Gamma$ ἔχον τὴν μὲν AB δων $\iota\gamma$, τὴν δὲ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\delta$, τὴν δὲ $A\Gamma$ δων $\iota\epsilon$. καὶ θέον ἔστω διελεῖν αὐτὸ εἰς δύο τρίγωνα λόγον ἔχοντα πρὸς ἄλληλα, ὃν ϵ πρὸς κορυφήν δὲ τὸ A . γεγονέτω καὶ ἔστω ἡ διαιρέσις εὐθεῖα ἡ $A\Delta$. λόγος ἄρα τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου πρὸς τὸ $A\Delta\Gamma$ τρίγωνον, $\langle\delta\nu\rangle$ ϵ πρὸς γ . καὶ συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου πρὸς τὸ $A\Delta\Gamma$ τρί-

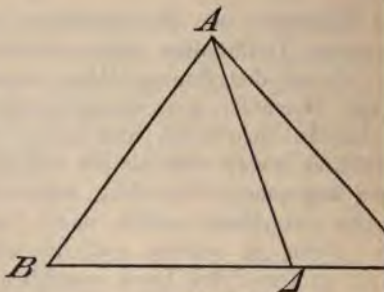


Fig. 61.

γωνον, ὃν η πρὸς γ . καὶ ἔστιν ἡ $B\Gamma$ μονάδων ἄρα $\Gamma\Delta$ ἔσται μονάδων $\epsilon\delta'$. λοιπὴ ἄρα ἡ $B\Delta$ μοιρηθῆναι $\eta\delta'$. κἂν ἐπιξεύσωμεν τὴν $A\Delta$, ἔσται γεγονὸς τὸ κείμενον· τὸ μὲν γὰρ τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου ἐμμετρῶς εὐρήσομεν μονάδων $\nu\beta\perp$, τὸ δὲ τοῦ $A\Delta\Gamma$ τριγώνου μονάδων $\lambda\alpha\perp$. ἔχει δὲ τὰ $\nu\beta\perp$ πρὸς τὰ $\lambda\alpha\perp$ ὡς δ πρὸς γ .

β. Τὸ δοθὲν τρίγωνον εἰς τὸν δοθέντα λόγον ελεῖν εὐθείᾳ τινὶ παραλλήλῳ τῇ βάσει. ἔστω τὸ δοθὲν τρίγωνον τὸ $AB\Gamma$ ἔχον τὴν μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, τὴν δὲ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\delta$, τὴν δὲ $A\Gamma$ μονάδων $\iota\epsilon$.

durch die Durchführung eines Verhältnisses Gerechtiggemacht wird, der Beweis aber über diese Dinge streitbar ist, was von den übrigen Künsten oder Fertigkeiten keine in Aussicht stellen kann.

• Eine dreieckige Fläche in gegebenem Verhältniss in gleiche Flächen zu zerlegen, welche dieselbe Spitze haben. Es sei $AB\Gamma$ das gegebene Dreieck und $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $A\Gamma = 15$. Die Aufgabe sei, es in zwei dreieckige Flächen zu zerlegen, die sich zu einander wie $5 : 3$ halten und die Spitze A haben. Es sei geschehen und teilende Gerade sei AE . Also ist Dreieck $ABE : Dreieck A\Gamma E = 5 : 3$. Also Dreieck $AB\Gamma : Dreieck AAE = 8 : 3$.

Ist $B\Gamma = 14$; also wird $\Gamma E = 5\frac{1}{4}$ sein; also $= 8\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$, und wenn wir die Verbindungslinie AE ziehen, so wird die Aufgabe gelöst. Denn als Inhalt des Dreiecks ABE werden wir $52\frac{1}{2}$, als Inhalt des Dreiecks $A\Gamma E$ aber $31\frac{1}{2}$ erhalten. Es ist aber $52\frac{1}{2} : 31\frac{1}{2} = 5 : 3$.

II. Ein gegebenes Dreieck in einem gegebenen Verhältniss durch eine der Basis parallele Gerade zu teilen.

Das Dreieck sei $AB\Gamma$, in dem

$$AB = 13,$$

$$B\Gamma = 14,$$

$$A\Gamma = 15,$$

und die Aufgabe sei, es so zu teilen, daß das Dreieck an der Spitze 3 mal so groß ist als das übrigbleibende

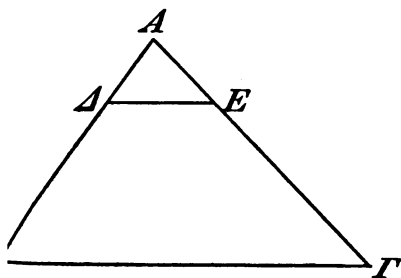


Fig. 62 a.

Teil. Die teilende Gerade sei AE . Also ist Dreieck ABE dreimal so groß als das Trapez $A\Gamma EB$. Also

δέον ἔστω αὐτὸ διελεῖν, ὥστε τὸ πρὸς τῇ κορυ-
 τρίγωνον τριπλάσιον εἶναι τοῦ λοιποῦ τραπεζίου.
 ἔστω ἡ διαιροῦσα εὐθεῖα ἡ ΔE . τριπλάσιον δὲ
 ἔστί τὸ $\Delta \Delta E$ τρίγωνον τοῦ $\Delta E \Gamma B$ τραπεζίου.
 ἄρα $AB \Gamma$ τρίγωνον $[\delta\nu]$ πρὸς τὸ $\Delta \Delta E$ τρίγωνον
 λόγον ἔχει, $\delta\nu$ δὲ πρὸς γ . ὥς δὲ τὸ $AB \Gamma$ τρίγωνον
 πρὸς τὸ $\Delta \Delta E$ τρίγωνον, οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς B
 τετράγωνον $[\delta\nu]$ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΔA διὰ τὸ ὅμοι-
 ον εἶναι τὰ τρίγωνα. καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ τῆς BA τετ-
 ραγωνον μονάδων ρξ<θ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ΔA τετ-
 ραγωνον μονάδων ρκ>ς<δ'. αὐτὴ ἄρα ἡ ΔA ἔσται
 ἔγγιστα μονάδων ια δ'. ὥστε ἐὰν ἀπολάβωμεν τὴν
 ΔA μονάδων ια δ' καὶ παράλληλον ἀγέγωμεν τὴν
 ΔE , ἔσται τὸ προκείμενον. ἵνα δὲ μὴ παράλληλον
 ἄγωμεν, ἐπειδήπερ ἐν τοῖς χωρίοις δύσεργον ὑπάρχει
 τὸ τοιοῦτον διὰ τὴν τῶν τόπων ἀνωμαλίαν, ἀποληψά-
 μεθα καὶ τὴν AE μονάδων ὅσων ἂν ᾖ. ἔστιν
 ἐὰν ποιήσωμεν ὥς τὴν AB πρὸς AG , τουτέστιν
 τὰ ιγ πρὸς ιε, οὕτως τὴν ΔA , τουτέστιν ια δ', πρὸς
 ἄλλην τινὰ. τουτέστι τὴν AE . ἔσται μονάδων ιβ<ν.
 fol. 100^v | τοσοῦτον ἔσται ἡ AE . ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν ΔE
 ἔξομεν τὴν διαιροῦσαν τὸ χωρίον. ἡ δὲ μέθοδος ἐστὶ
 τοιαύτη. ἐπεὶ ὁ λόγος, ἐν ᾧ διαιρεῖται, ἔστι γ πρὸς
 σύνθετος γ καὶ α . γίνεται δ . καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑάν
 γίνεται ρξθ. ταῦτα ἐπὶ τὸν γ γίνεται ρξ. πα-
 ράβαλε παρὰ τὸν δ γίνεται ρκς<δ'. τούτων πλευρὰ
 γίνεται ὥς ἔγγιστα ια δ'. ταῦτα ἐπὶ τὸν ιε· γί-
 νεται ρξη<δ'. ταῦτα παράβαλε παρὰ τὸν ιγ· γίνεται
 καὶ $\nu\alpha$. τοσοῦτον ἀπόλαβε τὴν AE καὶ ἐπίξενε
 τὴν ΔE .

$\triangle AB\Gamma$: Dreieck $AAE = 4 : 3$. Nun ist aber Dreieck $AAE = BA^2 : AA^2$, weil die Dreiecke AAE und BA^2 sind. Und BA^2 ist $= 169$, also $AA^2 = 126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$. Wird AA selbst annähernd $= 11\frac{1}{4}$ sein. Wenn wir $AA = 11\frac{1}{4}$ abtragen und die Parallele AE ziehen, ist die Aufgabe gelöst sein. Um aber keine Parallele zu müssen, da dies im Terrain wegen der Ungleich-

mässigkeit des Bodens schwierig ist, so werden wir auch AE so groß, als es ist, abtragen. Es ergibt sich aber, wenn wir folgende Berechnung machen:

$4\Gamma = 13 : 15 = AA : x = 11\frac{1}{4} : AE$. $AE = 12\frac{51}{52}$. Es wird AE sein. Ziehen wir nun die Verbindungslinie AE , so werden wir die Teilungslinie haben. Die Teilungslinie ist folgende: da das Verhältnis, in dem geteilt $3 : 1$ ist, so nimm $3 + 1 = 4$

$$\begin{aligned} 13^2 &= 169 \\ 169 \times 3 &= 507 \\ \frac{507}{4} &= 126\frac{1}{2} + \frac{1}{4} \\ \sqrt{126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}} \text{ annähernd} &= 11\frac{1}{4} \\ 11\frac{1}{4} \times 15 &= 168\frac{1}{2} + \frac{1}{4} \\ \frac{168\frac{1}{2} + \frac{1}{4}}{13} &= 12\frac{51}{52} \end{aligned}$$

Es trage AE ab und ziehe die Verbindungslinie AE .

εξ τς τδ: corr. m. 2 5 [δν] delevi 8 [δν] delevi
 ξς δ': lacunam explevi; θ supra scr. m. 2 13 αι δ':
 18 πρὸς ΑΓ: ΒΓ suprascr. m. 2 perperam 19 ις:
 rascr. m. 2 perperam 20 ΔΕ: correxi ιβ νβ': correxi
 πλ τῶν: correxi 29 νκ: correxi 29—30 ἐν τῷ ἔργῳ
 Ε: correxi

γ . Ἐστω δὴ τὸ δοθέν τρίγωνον τὸ $AB\Gamma$ ἔχον τὴν
 μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, τὴν δὲ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\delta$, τὴν
 δὲ GA μονάδων $\iota\epsilon$. καὶ ἀπειλήφθω ἡ AA , εἰ τύχοι,
 μονάδων $\iota\beta$. καὶ δεῖν ἔστω ἀπὸ τοῦ A διαγαγεῖν
 τὴν AE διαιροῦσαν τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον ἐν λόγῳ τῷ $\xi\epsilon$ ⁵
 δοθέντι. ἔστω δὴ ὁ λόγος, ὃν ἔχει τὰ ϵ πρὸς τὰ β .
 ἡχθώσαν ἀπὸ τῶν B , A ἐπὶ τὴν AG κάθετον αἱ
 BZ AH . ἔσται δὴ ἡ BZ κάθετος, ὥς ἐμάθομεν, μο-
 νάδων $\iota\alpha$ ϵ' . καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ BA πρὸς AA ,
 τουτέστιν ὡς $\iota\gamma$ πρὸς $\iota\beta$, οὕτως ἡ BZ πρὸς AH ,¹⁰
 καὶ ἐστὶν ἡ BZ $\iota\alpha$ ϵ' , ἡ ἄρα AH ἔσται μονάδων ι
 καὶ $\kappa\beta$. καὶ ἐπεὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον πρὸς τὸ AAE
 λόγον ἔχει, ὃν ϵ πρὸς γ , καὶ ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον
 μονάδων $\pi\delta$, τὸ ἄρα AAE τρίγωνον ἔσται μονάδων
 ν καὶ β . τοῦ δὲ AAE τριγώνου διπλάσιόν ἐστι τὸ $\xi\epsilon$ ¹⁵
 ὑπὸ τῶν AE AH . τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν AE AH ἔσται
 μονάδων ρ καὶ δ . καὶ ἐστὶν ἡ AH μονάδων ι καὶ
 $\kappa\beta$. ἡ ἄρα AE ἔσται μονάδων $\theta\lambda\delta'$. κὰν ἐπιζεύξωμεν
 τὴν AE , ἔσται τὸ προκείμενον. ἐστὶ δὲ ἡ μέθοδος
 τοιαύτη· ἐπεὶ ἡ BZ κάθετός ἐστιν, $\iota\alpha$ ϵ' ἐπὶ τὰ $\iota\beta$.²⁰
 καὶ τὰ γενόμενα μέρισον εἰς τὸν $\iota\gamma$ γίνο)νται μονά-
 δες ι καὶ $\kappa\beta$. καὶ ἐπεὶ λόγος, ἐν ϕ διαιρεῖται, ὁ τῶν
 γ \langle πρὸς \rangle τὰ β , σύνθετες γ καὶ β γίγνεται ϵ' καὶ πολλα-
 πλάσιον τὸν γ ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου, τουτ-
 ἐστὶν ἐπὶ τὰ $\pi\delta$ γίγνεται $\sigma\beta$. ταῦτα μέρισον εἰς²⁵
 τὸν ϵ γίγνεται $\nu\beta$ ϵ' . ταῦτα δῖς γίγνεται ρ καὶ δ .
 μέρισον ταῦτα παρὰ τὸν ι καὶ $\kappa\beta$ γίγνονται μονάδες

III. Das gegebene Dreieck sei $AB\Gamma$, in dem $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $\Gamma A = 15$ seien. Es werde AA beispielsweise $= 12$ abgetragen und die Aufgabe sei, von A die

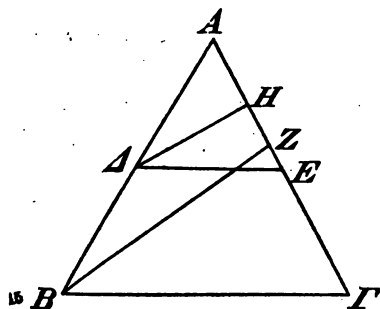


Fig. 68.

Gerade AE zu konstruieren, die das Dreieck $AB\Gamma$ in einem gegebenen Verhältnis teilt. Das Verhältnis sei $3 : 2$. Man ziehe von den Punkten B und A auf $A\Gamma$ die Senkrechten BZ und AH . Es wird nun die Höhe BZ , wie wir lernten, $= 11\frac{1}{5}$ sein. Und da $BA : AA = 13 : 12 = BZ : AH$

ist und $BZ = 11\frac{1}{5}$ ist, so wird $AH = 10\frac{22}{65}$ sein. Und da Dreieck $AB\Gamma : \text{Dreieck } AAE = 5 : 3$ und Dreieck $AB\Gamma = 84$ ist, so wird Dreieck $AAE = 50\frac{2}{5}$ sein. Es ist aber $2 \times \text{Dreieck } AAE = AE \times AH$; also $AE \times AH = 100\frac{4}{5}$. Nun ist $AH = 10\frac{22}{65}$; also wird $AE = 9\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ sein. Und wenn wir die Verbindungsline AE ziehen, so wird die Aufgabe gelöst sein. Die Methode ist folgende:

$$\frac{11\frac{1}{5} \times 12}{13} = 10\frac{22}{65}.$$

Und, da das Verhältnis, in dem geteilt wird, $3 : 2$ ist:

$$\begin{aligned} 3 + 2 &= 5 \\ 3 \times 84 &= 252 \\ \frac{252}{5} &= 50\frac{2}{5} \\ 2 \times 50\frac{2}{5} &= 100\frac{4}{5} \\ 100\frac{4}{5} : 10\frac{22}{65} &= 9\frac{1}{2} + \frac{1}{4}. \end{aligned}$$

21 post 5 litterae evanidae: supplevi
4 litterae evanidae: supplevi

23 post γ

θ/δ'. τοσούτου ἀπολαβὼν τὴν AE ἐπίξενον τὴν DE καὶ ἔσται τὸ προκείμενον.

δ. Τριγώνου δοθέντος τοῦ $ABΓ$ ἀφελεῖν ἀπ' αὐτοῦ τρίγωνον τὸ $ΔEZ$ δοθὲν τῷ μεγέθει, ὥστε τὰ καταλειπούμενα τρίγωνα τὰ $ΔΔE BΔZ ΓEZ$ ἴσα εἶναι ἡ ἀλλήλοις. ἐὰν δὴ τμηθῶσιν $\langle αὶ AB, BΓ, ΓA \text{ τοῖς } Δ, Z, E \rangle$, ὥστε εἶναι ὡς τὴν $ΔΔ$ πρὸς τὴν $ΔB$, οὕτως τὴν BZ πρὸς $ZΓ$ καὶ τὴν $ΓE$ πρὸς EA , ἔσται τὰ $ΔΔE BΔZ ZΓE$ τρίγωνα ἴσα ἀλλήλοις. ἐπεξεύχθω οὖν ἡ AZ καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ BZ πρὸς $ZΓ$, ἡ $ΓE$ πρὸς τὴν EA , καὶ συνθέντι ἄρα ὡς ἡ $BΓ$ πρὸς $ΓZ$, ἡ $ΓA$ πρὸς AE καὶ ὡς ἄρα τὸ $ABΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $AZΓ$, οὕτως τὸ $AZΓ$ πρὸς τὸ AZE καὶ ἀναστρέψαντι ὡς τὸ $ABΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ ABZ , οὕτω τὸ $AZΓ$ πρὸς τὸ $EΓZ$, ὃ ἐστὶ δοθέν. δοθέν δὲ καὶ τὸ $ABΓ$ δοθέν ἄρα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $ABΓ$ ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $ZEΓ$, ὃ ἐστὶ δοθέν. καὶ ἴσον ἐστὶ τῷ ἐμβαδῷ τοῦ ABZ τριγώνου ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $AZΓ$. δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ABZ ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $AZΓ$. ἀλλὰ τοῦ μὲν ἐμβαδοῦ τοῦ ABZ καθέτου ἀχθείσης τῆς AH διπλάσιόν ἐστὶ τὸ ὑπὸ $EB AH$, τοῦ δὲ ἐμβαδοῦ τοῦ $AZΓ$ διπλάσιόν ἐστὶ τὸ ὑπὸ $ZΓ AH$. δοθέν ἄρα τὸ ὑπὸ $ZB AH$ ἐπὶ τὸ ὑπὸ $AH ZΓ$, τοντέστι τὸ ἀπὸ AH ἐπὶ τὸ ὑπὸ $BZΓ$. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $[X]BΓ$. δοθέν ἄρα τὸ Z λόγος ἄρα τῆς $BΓ$ πρὸς τὴν $ΓZ$ $\langle \text{δοθείς} \rangle$. ὥστε καὶ τῆς $ΓA$ πρὸς AE . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $ΓA$ δοθέν ἄρα καὶ τὸ E . κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ $Δ$ δοθέν ἐστὶ. θέσει ἄρα αἱ $ΔE EZ ZA$ συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ἔστω γὰρ ἡ μὲν AB μονάδων $ιγ$, ἡ δὲ $BΓ$ μονάδων $ιδ$, ἡ δὲ

So groß trage AE ab und ziehe die Verbindungslinie AE , und die Aufgabe wird gelöst sein.

IV. Wenn das Dreieck $AB\Gamma$ gegeben ist, von ihm Dreieck ΔEZ , das seiner Größe nach gegeben ist, so abzutheilen, daß die übrigbleibenden Dreiecke ΔAE , $B\Delta Z$, ΓZE einander gleich sind. Werden nun die Seiten AB , $B\Gamma$, ΓA durch Δ , E , Z geteilt, so daß $AD:AB = BZ:Z\Gamma = \Gamma E:EA$ ist, so werden die Dreiecke ΔAE , $B\Delta Z$ und $Z\Gamma E$ einander gleich sein.

Man ziehe die Verbindungslinie AZ . Da nun $BZ:Z\Gamma$

$= \Gamma E:EA$ ist, so ist auch $B\Gamma:\Gamma Z = \Gamma A:AE$ und Dreieck $AB\Gamma:AZ\Gamma = AZ\Gamma:AZE$ und Dreieck $AB\Gamma:ABZ = AZ\Gamma:EZ\Gamma$, welches letztere gegeben ist. Aber auch $AB\Gamma$ ist gegeben. Also ist auch $AB\Gamma \times ZEF$ gegeben, und dies ist gleich $ABZ \times AZ\Gamma$. Also ist auch $ABZ \times AZ\Gamma$ gegeben. Es

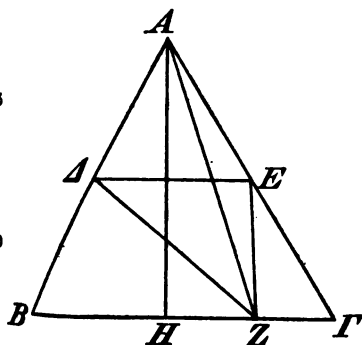


Fig. 64.

ist aber, da AH als Höhe gezeichnet ist, $ABZ = \frac{1}{2} ZB \times AH$ und $AZ\Gamma = \frac{1}{2} Z\Gamma \times AH$. Also ist auch $ZB \times AH \times AH \times Z\Gamma$ d. h. $AH^2 \times ZB \times Z\Gamma$ gegeben. Nun ist $B\Gamma$ gegeben, also ist Z gegeben. Mithin $B\Gamma:\Gamma Z = \Gamma A:AE$. Nun ist ΓA gegeben, also ist auch E gegeben. Demgemäß ist auch Δ seiner Lage nach gegeben. Mithin sind ΔE , EZ und ΔA gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei $AB = 13$, $B\Gamma = 14$,

4 δοθέντων: 7 del. m. 2 6-7 τμηθῶσιν Δ ὥστε: lacunam explevi 25 $BZ\Gamma$: alterum Z suprascr. m. 2 ἢ $\times B\Gamma$ (sic) 26 supplevi 29 post θέσει suprascr. m. 2 δέδοκται 31 α: correxit Nath

ΓΑ μονάδων ιε. ἔστω δὲ καὶ τὸ ΔΕΖ τρίγωνον μονάδων πδ. λοιπὰ ἄρα τὰ ΑΔΕ ΔΒΖ ΕΖΓ τρίγωνα ἔσται ἀνὰ μονάδων κ. πολλαπλασιάσον τὰ πδ ἐπὶ τὰ κ· γίνεται ρχπ· ταῦτα τετράκι· γίνεται ςψκ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΗ κάθετός ἐστι μονάδων ιβ· ἐφ' ἑαυτὰ γίνεται ρμδ· μέρισον τὰ ςψκ παρὰ τὸν ρμδ· γίνεται μς· καὶ ἔστιν ἡ ΒΓ μονάδων ιδ· ἔσται ἄρα καὶ ἡ μὲν ΒΖ ὡς ἔγγιστα μονάδων η καὶ ἡ ΖΓ μονάδων ελ. καὶ ποιήσον ὡς τὰ ιδ πρὸς [τὸ] τὰ ελ, οὕτω τὰ ιε πρὸς ἄλλον τινὰ· γίνεται μονάδων ε κε^{κη'}. πάλιν ὡς τὰ ιδ πρὸς τὰ ελ, οὕτω τὰ ιγ πρὸς ἄλλον τινὰ· γίνεται πρὸς μονάδας ε καὶ γ^{κη'}. γίνεται ἡ ΒΔ μονάδων ε καὶ γ^{κη'}.

ε. Τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ ΑΒΓΔ καὶ παραλήλου οὔσης τῆς ΑΔ τῇ ΒΓ διελεῖν τὸ ΑΒΓΔ τετράπλευρον τῇ ΕΖ εὐθείᾳ, ὥστε λόγον τοῦ ΑΒΕΖ πρὸς τὸ ΕΖΓΔ <δοθέντι ἴσον εἶναι> δοθεισῶν τῶν ΕΖ ΓΔ καὶ εἰς τὸ αὐτὸ νευουσῶν σημεῖον τὸ Η διὰ δὴ τοῦτο ἔσται ὡς τὸ ΑΒΕΖ πρὸς τὸ ΕΖΓΔ οὕτως ἡ ΒΖ πρὸς τὴν ΖΓ. ὥστε λόγος καὶ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΓ δοθείς· καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΒΓ· δοθὲν ἄρα τὸ Ζ· κατὰ τὰ αὐτὰ | δὴ καὶ τὸ Ε· θέσει ἄρα ἡ ΕΖ συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω δοθείς λόγος, ὃν ἔχει τὰ β πρὸς τὰ γ· καὶ ἔστω ἡ μὲν ΒΓ μονάδων κε, ἡ δὲ ΑΓ μονάδων κ, αἱ δὲ ΑΒ ΓΔ οἰαδιηποτοῦν. σύνθεσ τὰ β καὶ τὰ γ· γίνε-

fol. 102^v

2 ^ο μ κδ: correxi 3 possis etiam μονάδας 9 [τὸ] del. m. 2 16 post λόγον add. εἶναι et post ΕΖΓΔ add. δοθέντα m. 2; f. <θέσει> δοθεισῶν 17 post τῶν unam litteram del. m. 2 (?) 22 τὸ ΕΖ: corr. m. 2 24 ὁ λόγος: sed ὁ del. m. 1

15 und Dreieck $\triangle EZ$ sei = 24. Die übrigen Dreiecke $\triangle AE$, $\triangle BZ$, $\triangle EZ$ werden also jedes sein.

$$84 \times 20 = 1680$$

$$1680 \times 4 = 6720.$$

Die AH ist = 12.

$$12^2 = 144$$

$$\frac{6720}{144} = 46.$$

Es wird also BZ annähernd = 8
 Γ annähernd = $5\frac{1}{2}$ sein. Nun stelle man folgende
 Gleichung auf: $14 : 5\frac{1}{2} = 15 : x = 15 : 5\frac{25}{28}$, ferner

$$14 : 5\frac{1}{2} = 13 : x$$

$$x = 5\frac{3}{28}$$

$$BA = 5\frac{3}{28}.$$

Wenn ein Viereck $AB\Gamma A$ gegeben ist und AA
 $B\Gamma$ ist, das Viereck $AB\Gamma A$ durch die Gerade EZ

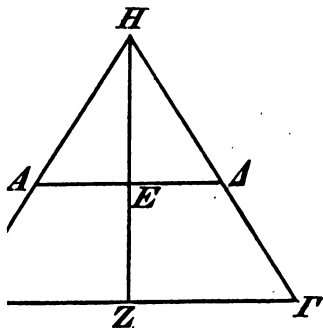


Fig. 65.

so zu teilen, daß
 das Verhältnis von
 $ABEZ : EZ\Gamma A$ das
 der gegebenen Ge-
 raden EZ und ΓA
 ist, die nach dem
 Punkt H zusammen-
 laufen. Es wird da-
 her $ABEZ : EZ\Gamma A$
 $= BZ : Z\Gamma$ sein,
 daher auch $BZ : Z\Gamma$
 gegeben sein. Nun
 ist $B\Gamma$ gegeben. Also
 ist Z gegeben; aus
 denselben Gründen

; also ist EZ gegeben. Berechnet wird es, der
 entsprechend, folgendermaßen. Das gegebene
 Verhältnis sei 2 : 3, und es sei $B\Gamma = 25$, $AA' = 20$. AA'
 aber beliebig groß.

ται ε' καὶ τὰ κε ἐπὶ τὸν β' γίνεταί ν' ταῦτα παρὰ
βαλε παρὰ τὸν ε' γίνεταί ι' τοσούτων ἀπειλήφθω
μονάδων ἢ BZ. πάλιν τὰ κ ἐπὶ τὰ β' γίνεταί μ'
ταῦτα παρὰβαλε παρὰ τὸν ε' γίνεταί η'. τοσούτων
ἀπόλαβε τὴν AE. καὶ ἐὰν ἐπιζευχθῇ ἢ EZ, ποιήσει
τὸ προκείμενον.

5. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἀπειλήφθω ἢ AH
μονάδων ε καὶ ἐπιτετάχθω ἀπὸ τοῦ H διαγαγεῖν τὴν
HΘ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι.
διήχθω οὖν, ὡς ἐμάθομεν, ἢ EZ διαιροῦσα τὸ χωρίον
ἐν τῷ αὐτῷ, λόγῳ καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ HZ EΘ.
ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ AB <EZ> τῷ ABΘH· ὥστε καὶ
λοιπὸν τὸ EZH τρίγωνον τῷ HΘZ τριγώνῳ ἴσον
ἐστίν· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἢ HZ τῇ EΘ· ἀλλὰ καὶ
ἢ HE τῇ ZΘ· ἴση ἄρα ἐστὶν ἢ HE τῇ ZΘ· δοθεῖσα
δὲ ἢ HE· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἢ ZΘ· καὶ ἐστὶ δοθὲν τὸ
Z· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ Θ· θέσει ἄρα ἢ HΘ. συντεθή-
σεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἀπειλήφθω
ἢ BZ μονάδων ι' τοσούτου γὰρ ἀπεδείχθη· καὶ ἐπε-
ὴ AE ἐστὶ μονάδων η', ἢ δὲ AH μονάδων ε, λοιπὸν
ἄρα ἢ HE μονάδων γ. καὶ ἔστιν ἴση τῇ ZΘ· ἀπει-
λήφθω οὖν ἢ ZΘ μονάδων γ. ὥστε ὅλη ἢ BΘ ἔσται
μονάδων ιγ' ἐπιζευχθείσης οὖν τῆς HΘ ἔσται τὸ
προκείμενον.

L 102^v

ξ. | Πάλιν δὲ τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ ABΓΔ
καὶ παραλλήλου οὔσης τῆς AB τῇ ΓΔ ἀγαγεῖν αἱ
ταῖς παραλλήλων τὴν EZ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον
ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι. γερονέτω καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ

3 ἢ BΓ: correxit m. 2
ἢ καταγραφὴ in mg. inf. m. 1

12 AB τῷ: supplevi
26 AE: corr. m. 2

24 ξξ

$$2 + 3 = 5$$

$$25 \times 2 = 50$$

$$\frac{50}{5} = 10.$$

ofs trage man BZ ab.

$$20 \times 2 = 40$$

$$\frac{40}{5} = 8.$$

ofs trage man AE ab. Wenn nun die Verbindungs- EZ gezogen wird, so wird sie die Aufgabe lösen.

I. Wenn dieselben Voraussetzungen gemacht sind, man $AH = 5$ ab, und es werde die Aufgabe ge- von H aus die Linie $H\Theta$ zu ziehen, die das Viereck

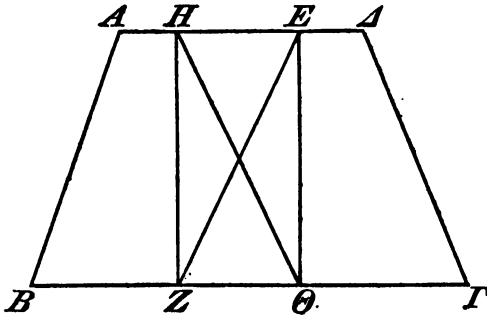


Fig. 66.

m gegebenen Verhältnis teilen soll. Man ziehe nun, wir gelernt haben, die Linie EZ , die die Figur in elben Verhältnis teilt, und die Verbindungslinien HZ $E\Theta$. Also ist $ABEZ = AB\Theta H$, daher ist auch übrigbleibende Dreieck $EZH =$ Dreieck $H\Theta Z$. Mit- st HZ parallel $E\Theta$, aber auch HE parallel $Z\Theta$; st $HE = Z\Theta$. Nun ist HE gegeben, also auch $Z\Theta$. ist Z gegeben, also auch Θ ; mithin seiner L $H\Theta$. Berechnet wird es, der Analyse entspr

$\Gamma A \Delta B$ ἐπὶ τὸ H . ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶν τοῦ πρὸς τὸ $E \Gamma Z \Delta$, λόγος ἄρα ἐστὶν καὶ τοῦ πρὸς τὸ $A E Z B$. καὶ ἐστὶν τὸ $A \Gamma B \Delta$ δοθέν ἄρα καὶ τὸ $A E Z B$. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ I τὴν AB , ἡ ΓH πρὸς τὴν HA , λόγος δὲ τῆς I τὴν BA , λόγος ἄρα καὶ τῆς ΓH πρὸς τὴν E διελόντι τῆς ΓA πρὸς AH . καὶ δοθεῖσα ἡ I θεῖσα ἄρα καὶ ἡ AH · κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ BH ἄρα τὸ AHB τρίγωνον. ἀλλὰ καὶ τὸ $A E Z$ πλευρον δοθέν ἐστὶν.

καὶ ὅλον ἄρα τὸ $E H Z$ τρίγωνον δοθέν ἐστὶν. ἀλλὰ καὶ τὸ $A H B$ ὥστε καὶ τοῦ ἀπὸ $E H$ πρὸς τὸ ἀπὸ $A H$. καὶ ἐστὶ δοθέν τὸ ἀπὸ $A H$. δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ $E H$ · δοθέν ἄρα τὸ E . κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ τὸ Z .

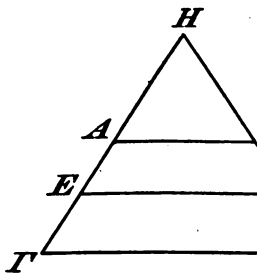


Fig. 67 a.

θέσει ἄρα ἡ EZ . συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. μὲν $A \Gamma$ μονάδων $\iota \gamma$, ἡ δὲ $B \Delta$ μονάδων $\iota \epsilon$, ἡ $\Gamma \Delta$ μονάδων ς , ἡ δὲ ΓA μονάδων κ . τὸ ἄρα τοῦ $A B \Gamma \Delta$, ὡς ἐπάνω ἐμάθομεν, ἐστὶ μονά ἐστὼ δὲ ὁ δοθεὶς λόγος, ὃν ἔχει τὰ γ πρὸς τὰ ϵ · γίνεταί η . καὶ τὰ $\rho \upsilon \varsigma$ γίνεταί $\upsilon \xi \eta$. ταῦτα μέρισον εἰς τὸν η . γίνετοσούτου ἐστὶ τὸ $A E B Z$. καὶ ἄφελε ἀπὸ τὰ ς · λοιπὰ $\iota \delta$. καὶ τὰ $\iota \gamma$ ἐπὶ τὰ ς · γίν

folgendermaßen. Man trage $BZ = 10$ ab, denn als so groß wird es nachgewiesen. Und da $AE = 8$, $AH = 5$, ist, so ist $HE = 3$. Nun ist $HE = Z\Theta$. Man trage nun $Z\Theta = 3$ ab. Ganz $B\Theta$ wird daher $= 13$ sein. Zieht man nunmehr die Verbindungslinie $H\Theta$, so wird die Aufgabe gelöst sein.

VII. Wenn wiederum ein Vierseit $AB\Gamma\Delta$ gegeben und AB parallel $\Gamma\Delta$ ist, zu diesen eine Parallele EZ zu ziehen, die das Vierseit in einem gegebenen Verhältnis teilt. Es sei geschehen und ΓA und ΔB seien bis H verlängert. Da nun das Verhältnis $AEBZ : E\Gamma Z\Delta$ gegeben ist, so

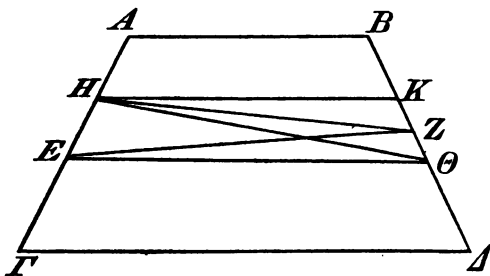


Fig. 67b.

ist auch $AB\Gamma\Delta : AEZB$ gegeben. Nun ist $A\Gamma B\Delta$ gegeben; also ist auch $AEZB$ gegeben. Und da $\Gamma\Delta : AB = \Gamma H : HA$ ist, $\Gamma\Delta : BA$ aber in einem gegebenen Verhältnis steht, so ist auch das Verhältnis $\Gamma H : HA$ und $\Gamma A : AH$ gegeben. Nun ist ΓA gegeben, also ist auch AH gegeben. Aus denselben Gründen auch BH ; also ist das Dreieck AHB gegeben. Aber auch das Vierseit $AEZB$ ist gegeben, mithin ist auch das ganze Dreieck EHZ gegeben. Aber auch AHB ; daher auch $EH^2 : AH^2$. Nun ist AH^2 gegeben; also ist auch EH^2 gegeben; mithin ist E und aus denselben Gründen Z gegeben. Also der Lage nach auch EZ . Berechnet wird es, der Analogie entsprechend, folgendermaßen. Es sei $A\Gamma = 13$, $B\Delta =$

fol. 103^r παρὰβαλε παρὰ τὸν ιδ' | γίγνεται ε καὶ δ'. ἔσται
 μονάδων ε καὶ δ'. ^{ξ'} πάλιν τὰς ιε ἐπὶ τὸν ε' γ
 ρ. παρὰβαλε παρὰ τὸν ιδ' γίγνεται ε <γ>.
 ται ἡ BH μονάδων ε καὶ γ'. ἀλλὰ καὶ ἡ AE
 δων ε' τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ AHB τριγώνου
 μονάδων ιε καὶ γ'. τοῦ δὲ AEZB τραπεζ
 ἐμβαδὸν νη|. ὅλου ἄρα τοῦ EZH τριγώνου
 βαδὸν ἔσται μονάδων ογ' ^{ιδ'} ιγ'. καὶ πολλαπλασίου
 νάδας ε καὶ δ' ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται λα καὶ β'. ^{μδ'}
 ογ' ^{ιδ'} ιγ', καὶ τὰ γενόμενα παρὰβαλε παρὰ τὸν
 γ', καὶ τῶν γενομένων πλευρὰν λαβέ· γίγνεται
 ιδ' ὡς ἔγγιστα· καὶ ἀπὸ τῆς εὐρεθείσης πλευρᾶ
 τὰ ε καὶ δ' ἔσονται λοιπαὶ μονάδες ε|. ἀπόλο
 τὴν AE μονάδων ε| καὶ ποιήσων ὡς ιγ πρὸς
 τως ε| πρὸς τί· ἔσται δὲ πρὸς μονάδας ζ|. ἀ
 τὴν BZ μονάδων ζ|. ἐπιζευχθεῖσα ἡ EZ ποι
 προκείμενον.

γ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἀπειλήφθω ἡ AL
 δων β' καὶ δέον ἔστω διαγαγεῖν τὴν HΘ ἐν τ
 λόγῳ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον. διήχθωσαν
 HΘ, EZ τῷ αὐτῷ λόγῳ διαιροῦσαι τὸ τετράπ
 καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ HZ, EΘ· ἔσται δὴ ὁμοί
 τὸ AHBΘ τῷ AEZB, ὥστε καὶ τὸ HEZ τ

3 supplevi 4 ἡ AH: correxi 8 et 10 οδ' τε δ'
 dubitanter; f. μ' τεσσαρεσκαιδεκάτου δεουσῶν οδ' 9 μ'
 correxi λα καὶ β': ^{με} correxi 11—12 ιβ' καὶ γ':
 15 πρὸς μ' ζι: sed ξ ex ι fec. m. 1

$AB = 6$, $\Gamma A = 20$. Der Inhalt von $AB\Gamma A$ wird also, wie wir oben lernten, $= 156$ sein. Das gegebene Verhältniß sei $= 3 : 5$.

$$3 + 5 = 8$$

$$156 \times 3 = 468$$

$$468 : 8 = 58\frac{1}{2}. \text{ So groß wird } AEBZ \text{ sein.}$$

$$20 - 6 = 14$$

$$13 \times 6 = 78$$

$$\frac{78}{14} = 5\frac{4}{7}. AH \text{ wird} = 5\frac{4}{7} \text{ sein.}$$

$$15 \times 6 = 90$$

$$\frac{90}{14} = 6\frac{3}{7}. BH \text{ wird} = 6\frac{3}{7} \text{ sein.}$$

Nun ist $AB = 6$; also der Inhalt des Dreiecks AHB wird $= 15\frac{3}{7}$ sein. Der Inhalt des Trapezes $AEBZ$ nun ist $= 58\frac{1}{2}$. Also wird der Inhalt des vollständigen Dreiecks $EZH = 73\frac{13}{14}$ sein.

$$(5\frac{4}{7})^2 = 31\frac{2}{49}$$

$$\sqrt{\frac{31\frac{2}{49} \times 73\frac{13}{14}}{15\frac{3}{7}}} \text{ annähernd} = 12\frac{1}{14}$$

$$12\frac{1}{14} - 5\frac{4}{7} = 6\frac{1}{2}.$$

Trage nun $AE = 6\frac{1}{2}$ ab und stelle die Gleichung auf: $13 : 15 = 6\frac{1}{2} : x = 6\frac{1}{2} : 7\frac{1}{2}$. Trage nun $BZ = 7\frac{1}{2}$ ab. Wird jetzt die Verbindungslinie EZ gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

VIII. Unter denselben Voraussetzungen trage man $AH = 2$ ab, und es sei die Aufgabe, die Gerade $H\Theta$ zu ziehen, die das Viereck in demselben Verhältniß teilt. Es seien $H\Theta$ und EZ gezogen, die das Viereck in demselben Verhältniß teilen, und es seien die Verbindungslinien HZ und $E\Theta$ gezogen. Es wird daher $AHB\Theta = AEBZ$ sein, daher ist auch Dreieck $HEZ = H\Theta Z$. Also ist HZ parallel $E\Theta$. Man ziehe nun auch zu AB die Parallele HK . Also ist Dreieck HKZ ähnlich $EZ\Theta$.

ἴσον ἐστὶν τῷ $HΘZ$ τριγώνῳ. παράλληλος ἄρα ἡ HZ τῇ $EΘ$. ἤχθω δὴ καὶ τῇ AB παράλληλος ἡ HK . ὅμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ HKZ τρίγωνον τῷ $EZΘ$. ὥς ἄρα ἡ EZ πρὸς τὴν HK , οὕτως ἡ $ZΘ$ πρὸς ZK . καὶ ἐστὶ δοθεῖσα ἡ ZK . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $ZΘ$.
 103^v δοθέν | ἄρα τὸ $Θ$. ἀλλὰ καὶ τὸ H . θέσει ἄρα ἡ $HΘ$.

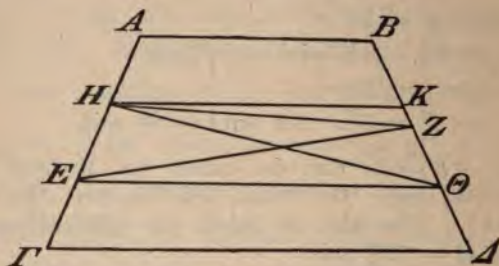


Fig. 68.

συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ποιήσον ὥς τὰ $ιγ$ πρὸς τὰ $ιε$, οὕτως τὰ $β$ πρὸς τί· γίννεται $β$ καὶ $δ$. ὅλη δὲ ἡ BZ ἦν $ζλ$. λοιπὴ ἄρα ἡ KZ ἐστὶ μονάδων $ε$ καὶ $ε$. ἡ δὲ AH $ε$ καὶ $δ$. καὶ ὁμοί-
 10
 ως σύνθετες τὰς $ελ$ καὶ μονάδας $ε$ καὶ $δ$. γίννεται $ιβ$ $ιδ'$. ταῦτα πολλαπλασιάσον ἐπὶ μονάδας $ε$ καὶ $ε$. καὶ τὰ γενόμενα μέρισον εἰς μονάδας $ε$ καὶ $δ$. γίννονται μονάδες $η$ $δ'$. τοσούτου ἀπόλαβε τὴν $ZΘ$. καὶ ἐπι-
 15
 ζευχθεῖσα ἡ $HΘ$ ποιήσει τὸ προκείμενον.

Θ. Κύκλον δοθέντος, οὗ διάμετρος ἡ AB , γράψαι ἕτερον περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον αὐτῶ, οὗ διάμετρος ἡ $ΓΔ$, διαιροῦντα τὸν ἐξ ἀρχῆς κύκλον ἐν λόγῳ τῷ δο-

in $EZ : HK = Z\Theta : ZK$. Nun ist ZK gegeben, also $Z\Theta$; also ist Θ gegeben, aber auch H ; also ist seiner nach $H\Theta$ gegeben. Berechnet wird es, der Analyseprechend, folgendermaßen.

$$13 : 15 = 2 : x$$

$$x = 2\frac{4}{13}.$$

war die ganze Strecke $BZ = 7\frac{1}{2}$, also wird $KZ = \frac{5}{26}$. Es ist aber $AH = 5\frac{4}{7}$.

$$\text{Ebenso } 6\frac{1}{2} + 5\frac{4}{7} = 12\frac{1}{14}$$

$$\frac{12\frac{1}{14} \times 5\frac{5}{26}}{7\frac{4}{7}} = 8\frac{1}{4} \text{ (genau } 8\frac{58}{212})$$

groß trage $Z\Theta$ ab. Wird nun die Verbindungs- $H\Theta$ gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

IX. Wenn ein Kreis, dessen Durchmesser AB ist, ge-

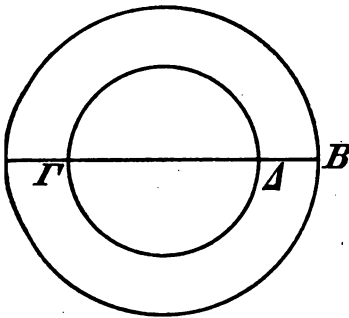


Fig. 69.

ihm zu beschreiben, dessen Durchmesser $\Gamma\Delta$ sein soll, der den anfänglich gegebenen Kreis in einem gegebenen Verhältnis teilt. Da nun das Verhältnis des concentrischen Kreisringes $AB\Gamma\Delta$ zu dem Kreis mit dem Durchmesser $\Gamma\Delta$ gegeben, so ist auch das Verhältnis der

ise mit den Durchmessern AB und $\Gamma\Delta$ gegeben. Es halten sich aber die Quadrate der Durchmesser zu einander

θέντι. ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶν τῆς $AB \Gamma \Delta$ ἵτι
 τὸν περὶ διάμετρον τὴν $\Gamma \Delta$ κύκλον δοθείς, λ
 καὶ τοῦ περὶ διάμετρον τὴν $AB \Gamma \Delta$ κύκλου
 ὥς δὲ οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους, οὕτω τὰ
 διαμέτρων τετράγωνα· λόγος ἄρα καὶ τοῦ
 πρὸς τὸ ἀπὸ $\Gamma \Delta$ δοθείς· καὶ ἐστὶ δοθὲν τὸ
 δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ $\Gamma \Delta$. συντεθήσεται δὲ
 ἔστω ἡ μὲν AB διάμετρος μονάδων κ , ὁ δὲ
 λόγος, ὃν ἔχει τὰ γ πρὸς τὰ ϵ . σύνθετες τὰ γ
 γίννεται η · καὶ τὰ κ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ν · ἐ
 γίννεται β . ταῦτα μέρισον παρὰ τὸν η · γίγ
 τούτων πλευρὰν λαβὲ ὥς ἔγγιστα· γίννεται μ
 σούτου ἐστὶ ἡ $\Gamma \Delta$ διάμετρος.

fol. 104^r

ι. | Ὅσα μὲν οὖν τῶν ἐπιπέδων δυνατόν
 μοῖς διαιρεῖσθαι, προγέγραπται· ὅσα δὲ δι
 μὲν ἀναγκαῖόν ἐστι, δι' ἀριθμῶν δὲ οὐ δύναται
 γεωμετρικῶς ἐκδησόμεδα.

Ἐστω τριγώνου δοθέντος τοῦ $AB \Gamma$ κα
 θείσης αὐτοῦ μιᾶς πλευρᾶς τῆς $B \Gamma$ ἀπὸ δοθε
 Δ διαγαγεῖν τὴν ΔE διαιροῦσαν τὸ $AB \Gamma$
 ἐν λόγῳ δοθέντι. γερονέτω· ἐπεὶ οὖν λόγος
 AEZ τριγώνου πρὸς τὸ $ZEB \Gamma$ τετράπλευ
 θέντι λόγος ἄρα τοῦ $AB \Gamma$ τριγώνου πρὸς τ
 καὶ ἐστὶ δοθὲν τὸ $AB \Gamma$ · δοθὲν ἄρα καὶ τ
 [δοθὲν ἄρα καὶ τὸ $ZA E$]. καὶ ἐστὶ δοθὲν τ
 δύο ἄρα θέσεις τὰς AB , $A \Gamma$ πεπερασμένας
 αὐτὸ τὸ A ἀπὸ δοθέντος τοῦ Δ διηκται τ .

2 τὸν $\Gamma \Delta$: correxi 3 κύκλον: correxi 10 τὸ τ
 12 $\mu \epsilon \gamma$: correxi 13 ἐξῆς ἡ καταγραφή in mg
 25 del. m. 2 26 θέσεις: θέσει δεδομένας m. 2
 corr. Nath.

die Kreise. Also ist auch $AB^2 : \Gamma A^2$ gegeben. Nun ΓB^2 gegeben, also ist auch ΓA^2 gegeben. Berechnet es folgendermassen. Es sei der Durchmesser $AB = 20$, gegebene Verhältnis $= \frac{3}{5}$.

$$3 + 5 = 8$$

$$20^2 = 400$$

$$400 \times 5 = 2000$$

$$\frac{2000}{8} = 250.$$

$$\sqrt{250} \text{ annähernd} = 15\frac{13}{16}.$$

groß wird der Durchmesser ΓA sein.

K. Alle Flächen nun, die durch Zahlenrechnung gegeben werden konnten, sind im Vorstehenden angeführt. Einigen aber, die zwar geteilt werden müssen, durch Zahlenrechnung aber nicht geteilt werden können, diesen wenden wir auf geometrische Methode behandeln.

Die Aufgabe sei, wenn ein Dreieck $AB\Gamma$ gegeben eine Seite desselben, $B\Gamma$, verlängert ist, von dem benannten Punkte A die Gerade AZ zu konstruieren, welche

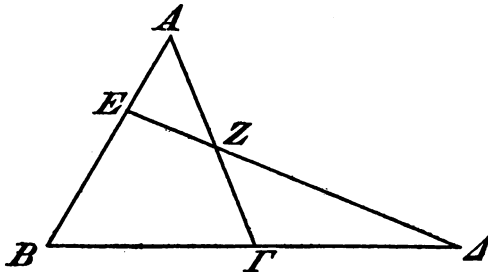


Fig. 70.

Dreieck $AB\Gamma$ in einem gegebenen Verhältnis teilen

Es sei geschehen. Da nun das Verhältnis des Dreiecks AEZ zum Viereck $ZEB\Gamma$ bekannt ist, so ist auch das Verhältnis des Dreiecks $AB\Gamma$ zu Dreieck AZE be-

χωρίον ἀποτέμνουσα δοθέν· δοθέντα ἄρα τὰ E, Z σημεία. τοῦτο δὲ ἐν τῷ β' τῆς τοῦ χωρίου ἀποτομῆς δέδεικται. δέδεικται ἄρα τὸ προκείμενον. καὶ τὸ Δ σημεῖον μὴ ἢ ἐπὶ τῆς $B\Gamma$, ἀλλ' ὡς ἔτυχεν, οὐδὲν διοίσει.

ια. Τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ $AB\Gamma\Delta$ καὶ τμηθείσης τῆς AA κατὰ τὸ E διαγαγεῖν τὴν EZ τέμνουσαν τὸ $AB\Gamma\Delta$ τετράπλευρον ἐν τῷ τῆς AE πρὸς τὴν ΔE λόγῳ. γερονέτω καὶ $\langle\eta\chi\theta\rangle$ τῇ μὲν AA παράλληλος ἢ ΓH , τῇ δὲ EB ἐπιξευχθείσῃ παράλληλος ἢ $H\Theta$ ¹⁰ καὶ ἐπεξευχθώσαν αἱ $\Gamma E, E\Theta, EH$. ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ BHE τρίγωνον τῷ $EB\Theta$, κοινὸν προσκείσθω τὸ ABE .
fol. 104^v τὸ | ἄρα AHE τρίγωνον ἴσον ἐστὶ τῷ $AB\Theta E$ τετραπλεύρῳ· ὡς ἄρα τὸ AHE τρίγωνον, τουτέστιν ὡς ἢ AE πρὸς τὴν $E\Delta$, οὕτως τὸ $AB\Theta E$ τετράπλευρον¹⁵ πρὸς τὸ $E\Gamma\Delta$ τρίγωνον. τεμήσθω δὴ καὶ ἢ $\Gamma\Theta$ κατὰ τὸ Z , ὥστε εἶναι ὡς τὴν AE πρὸς τὴν $E\Delta$, τὴν ΘZ πρὸς $Z\Gamma$, τουτέστι τὸ $E\Theta Z$ τρίγωνον πρὸς τὸ $E\Gamma Z$ · καὶ ὅλον ἄρα τὸ $ABZE$ τετράπλευρον πρὸς τὸ $EZ\Delta\Gamma$ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον τῷ τῆς AE πρὸς²⁰ τὴν $E\Delta$ · ἐπεὶ οὖν δοθέν τὸ Γ , θέσει ἄρα καὶ ἢ ΓH . θέσει δὲ καὶ ἢ ABH · δοθέν ἄρα τὸ H . καὶ ἐστι παρὰ θέσει τὴν BE ἢ $H\Theta$. δοθέν ἄρα τὸ Θ · δοθείσα ἄρα ἢ $\Gamma\Theta$ · καὶ τέμνεται ἐν δοθέντι λόγῳ κατὰ τὸ Z · δοθέν ἄρα τὸ Z · θέσει ἄρα ἢ EZ . δεήσει ἄρα εἰς²⁵ τὴν σύνθεσιν ἐπιξεῦξαι τὴν BE καὶ τῇ μὲν ΔE παράλληλον ἀγαγεῖν τὴν ΓH , τῇ δὲ BE τὴν $H\Theta$, καὶ τεμεῖν τὴν $\Theta\Gamma$ κατὰ τὸ Z , ὥστε εἶναι ὡς τὴν AE

3 δέδεικται: ab Apollonio Pergaeo 4 BE: correxi 8 τηδ: correxi 9 supplvi 12 τὸ $EB\Theta$: correxi 22—23 παρὰ θέσει: correxi dubitanter 27 τῇ ΔE BE: correxi

Nun ist $AB\Gamma$ gegeben, also ist auch AZE gegeben. Nun ist \angle gegeben. Es ist also nach 2 ihrer bestimmten Graden AB und $A\Gamma$, die in dem Punkt A begrenzt sind, von dem gegebenen Punkte A eine Gerade konstruiert, die eine gegebene Figur ist. Also sind die Punkte E und Z gegeben. in dem zweiten Buche des „Raumschnitts“ gezeigt.

der verlangte Beweis geliefert. Und wenn der nicht auf BE , sondern beliebig liegt, so wird kein Unterschied machen.

Wenn ein Viereck $AB\Gamma\Delta$ gegeben und $\angle A$ in E ist, die Gerade EZ zu konstruieren, die das $AB\Gamma\Delta$ in dem Verhältnis von $AE : EA$ teilen soll. Es sei geschehen, und man ziehe zu $\angle A$ die Parallele ΓH und zu der Verbindungslinie EB die Parallele $H\Theta$, und ziehe die Verbindungslinien ΓE , $E\Theta$ und EH . Da Dreieck $BHE = EB\Theta$, so werde zu beiden ABE addiert. Mit-

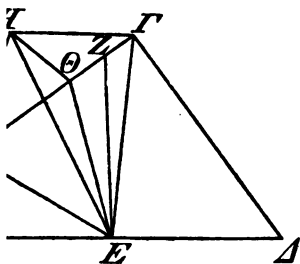


Fig. 71.

Dreieck $AHE =$ Viereck $AB\Theta E$. Also ist $E\Gamma\Delta$, d. h. $AE : EA =$ Viereck $AB\Theta E$: Dreieck $E\Gamma\Delta$. Es soll nun auch $\Gamma\Theta$ in Z geschnitten werden, $AE : EA = \Theta Z : Z\Gamma =$ Dreieck $E\Theta Z : E\Gamma Z$. hält sich auch das vollständige Viereck $ABZE = AE : EA$. Da nun Γ gegeben ist, so ist seiner Lage auch ΓH gegeben; ebenso auch ABH . Also gegeben. Nun ist der Lage nach parallel zu BE die $H\Theta$. Also ist Θ gegeben; mithin ist $\Gamma\Theta$ gegeben. Dies ist in Z nach einem gegebenen Verschnitten. Also ist Z gegeben, also seiner Lage

πρὸς EA , οὕτω τὴν ΘZ πρὸς $Z\Gamma$. καὶ ἐπιζευγῇ
ἢ EZ ποιήσει τὸ προκείμενον.

ιβ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων δεδοσθω τι
σημεῖον τὸ E καὶ δέον ἔστω διαγαγεῖν τὴν EZ
ροῦσαν τὸ τετράπλευρον ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι.
νέτω· καὶ διηρήσθω ἡ AA ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ
τὸ H · καὶ διήχθω ἡ ΘE τῷ αὐτῷ λόγῳ τέμνουσαν
τετράπλευρον. δοθέντα ἄρα τὰ H , Θ . δοθέν δ

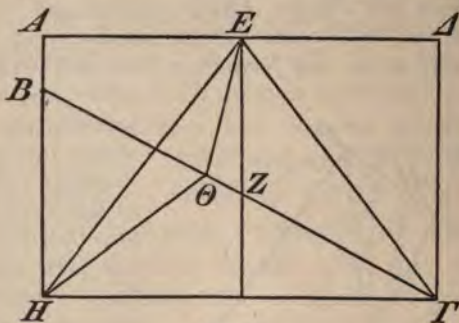


Fig. 72.

ol. 105^r τὸ E · θέσει | ἄρα ἡ EZ . συντεθήσεται δὴ ἀκολο
τῇ ἀναλύσει οὕτως· διηρήσθω ἡ AA ἐν τῷ δο
λόγῳ κατὰ τὸ H , καὶ διήχθω ἡ $H\Theta$ τέμνουσα
τετράπλευρον ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ· καὶ ἐπεζεύχθω
καὶ ταύτῃ παράλληλος ἡ HZ · καὶ ἐπεζεύχθω
ἔσται δὴ αὕτη ἡ ποιοῦσα τὸ πρόβλημα.

ιγ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων τὸ διδόμενον σε
ἐπὶ μηδεμιᾶς ἔστω πλευρᾶς τοῦ τετραπλεύρου
ἔστω τὸ μὲν δοθὲν τετράπλευρον τὸ $AB\Gamma\Delta$,
δοθὲν σημεῖον τὸ E · καὶ ἔστω διαγαγεῖν τὴν

Z. Man wird daher behufs Konstruktion die ungslinie BE und zu AE die Parallele ΓH , zu Parallele $H\Theta$ ziehen müssen und $\Theta\Gamma$ in Z so n müssen, daß $\Theta Z : Z\Gamma = AE : E\Delta$ ist. Wird Verbindungslinie EZ gezogen, so wird sie die lösen.

Unter denselben Voraussetzungen sei irgend ein r Punkt E gegeben und die Aufgabe sei, die EZ zu konstruieren, die das Viereck in einem n Verhältnis teilt. Es sei geschehen, und AA em gegebenen Verhältnis in H geteilt, und es sei ade ΘH gezogen, die das Viereck in demselben is teilt. Also sind H und Θ gegeben, es ist aber gegeben, also seiner Lage nach EZ . Konstruiert in, der Analyse entsprechend, folgendermassen. le AA in dem gegebenen Verhältnis in H , ziehe de $H\Theta$, die das Viereck in demselben Verhältnisse he die Verbindungslinie $E\Theta$ und zu dieser die ΘHZ und die Verbindungslinie ZE . Diese also sein, welche die Aufgabe löst.

Unter denselben Voraussetzungen soll der ge-

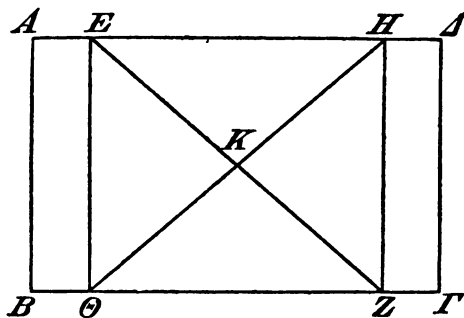


Fig. 78.

Punkt auf keiner Seite des Vierecks liegen.
 $B\Gamma\Delta$ das gegebene Viereck, und E der ge-

ποιοῦσαν λόγον τοῦ $ABZH$ πρὸς τὸ $ZHΓΔ$ δοθέντα·
 καὶ ἀνέπαλιν καὶ συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ $ABΓΔ$
 πρὸς τὸ $ABZH$ δοθείς. δοθέν δὲ τὸ $ABΓΔ$ τετρα-
 πλευρον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ $ABZH$. καὶ εἰ μὲν πα-
 ράλληλός ἐστιν ἡ $ΑΔ$ τῇ $ΒΓ$, ἔσται τὸ $ABZH$ ἴσον·
 τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς $ΑΗ ΒΖ$ καὶ τῆς ἡμισείας
 τῆς ἀπὸ τοῦ $Α$ καθέτου ἀγομένης ἐπὶ τὴν $ΒΓ$. καὶ
 ἔστι δοθεῖσα ἡ κάθετος· δοθεῖσα ἄρα καὶ συναμφοτε-
 ρος ἡ $ABZH$ · θέσει ἄρα ἡ $ΖΕ$. τοῦτο γὰρ ἐξῆς.
 εἰ δὲ μὴ εἰσι παράλληλοι, συμπιπτεύωσαν κατὰ τὸ $Θ$ ·
 δοθέν ἄρα τὸ $ABZH$ τετράπλευρον. καὶ ὅλον ἄρα
 fol. 105^v τὸ $HZΘ$ τρίγωνον δοθέν ἐστιν. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $Θ$
 γωνία· δοθέν ἄρα τὸ ὑπὸ $ΘΗΖ$ · ἀπῆκται ἄρα εἰς τὴν
 τοῦ χωρίου ἀποτομὴν· θέσει ἄρα ἡ $ΕΖ$.

ιδ. Ἐξῆς δὲ δεῖξομεν, ὥς δεῖ πολυπλεύρου εὐθυ-
 γραμμου δοθέντος καὶ σημείου ἐπὶ μιᾷς αὐτοῦ πλευρᾷ
 διαγαγεῖν ἀπὸ τοῦ σημείου εὐθείαν διαιροῦσαν τὸ
 χωρίον ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ· ἔστω τὸ δοθέν χω-
 ρίον τὸ $ABΓΔΕΖ$, τὸ δὲ δοθέν σημεῖον ἐπὶ μιᾷ
 αὐτοῦ πλευρᾷς ἔστω τὸ $Η$ · καὶ διήχθω ἡ $ΗΘ$ διαι-
 ροῦσα τὸ $ABΓΔΕΖ$ ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ· ἐπεὶ οὖν
 λόγος ἐστὶν τοῦ $ABΘΗΖ$ χωρίου πρὸς τὸ $ΗΘΓΔΕ$
 δοθείς, καὶ συνθέντι ἄρα λόγος ἐστὶν τοῦ $ABΓΔΕΖ$
 πρὸς τὸ $ΗΘΓΔΕ$ δοθείς· δοθέν δὲ τὸ $ABΓΔΕΖ$
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ $ΗΘΓΔΕ$. ὦν τὸ $ΗΓΔΕ$ δοθέν
 ἐστὶ· λοιπὸν ἄρα τὸ $ΗΘΓ$ τρίγωνον δοθέν ἐστιν. κα-
 ἔστιν αὐτοῦ διπλάσιον, καθέτου ἀχθείσης τῆς $ΗΚ$ ἐπὶ
 τὴν $ΓΒ$, τὸ ὑπὸ $ΓΘ ΗΚ$. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $ΗΚ$
 δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $ΓΘ$. δοθέν ἄρα τὸ $Θ$ · θέσει ἄρα

Nun sei die Aufgabe, die Gerade EZ zu konstruieren, die das Verhältniß von $ABZH:ZHTA$ zu gegebenen macht. Also ist $ABTA:ABZH$ gegeben. Nun ist $ABTA$ gegeben, also ist auch $ABZH$. Und wenn AA parallel $B\Gamma$ ist, so wird $= (AH + BZ)$ multipliziert mit der Hälfte der AA auf $B\Gamma$ sein. Nun ist die Höhe gegeben, also auch $AH + BZ$ gegeben. Mithin auch seiner AA ZE . Denn davon im Folgenden.

Wenn sie aber nicht parallel, so sollen sie in Θ zu treffen. Gegeben ist also das Viereck $ABZH$, auch das vollständige Dreieck $HZ\Theta$ gegeben.

der Winkel bei Θ gegeben, also ist auch ΘHZ .¹⁾ Das Problem ist also auf den Raumschnitt geführt. Es ist also EZ seiner Lage nach gegeben.

Im Folgenden werden wir zeigen, wie man, wenn ein Vieleck und ein Punkt auf einer der Seiten desselben gegeben ist, von dem Punkt aus eine

Gerade konstruieren muß, die die Figur in einem gegebenen Verhältniß teilt. Die gegebene Figur sei $ABTAEZ$ und der gegebene Punkt auf einer Seite derselben sei H ; und es sei die Gerade $H\Theta$ gezogen, die $ABTAEZ$ in dem gegebenen Verhältniß teilt. Da

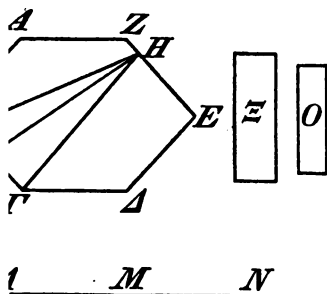


Fig. 74.

Verhältniß von $AB\Theta HZ:H\Theta TAE$ gegeben ist, $ABTAEZ:H\Theta TAE$ gegeben. Nun ist $ABTAEZ$; also ist auch $H\Theta TAE$ gegeben. Hiervon ist

h. der Gestalt, nicht nur dem Inhalt nach.

ἡ ΘH . συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω δοθεὶς λόγος τῆς AM πρὸς τὴν MN · καὶ πεποιήσθω ὥς ἡ AM πρὸς MN , οὕτως τὸ $ABΓΔEZ$ πρὸς ἄλλο τι χωρίον τὸ Ξ · καὶ ἀπὸ τοῦ Ξ ἀφηγήσθω ἴσον τῷ $HΓΔE$ · καὶ ἔστω λοιπὸν τὸ O · καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν $BΓ$ ἤχθω ἡ HK · καὶ παραβεβλήσθω τὸ O παρὰ τὴν HK · καὶ ποιείτω πλάτος τὴν ἡμίσειαν τῆς $ΓΘ$ · καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $HΘ$ · ἔσται δὴ ἡ $HΘ$ ποιούσα τὸ πρόβλημα.

fol. 106^r ιε. | Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἔστω τὸ δοθὲν ση-
μεῖον ἐπὶ μηδεμιᾶς πλευρᾶς, καὶ ἔστω τὸ H · καὶ δι-
ήχθω ἡ $HΘ$, ὥστε ἐν δοθέντι λόγῳ διαιρεῖν τὸ χωρίον·

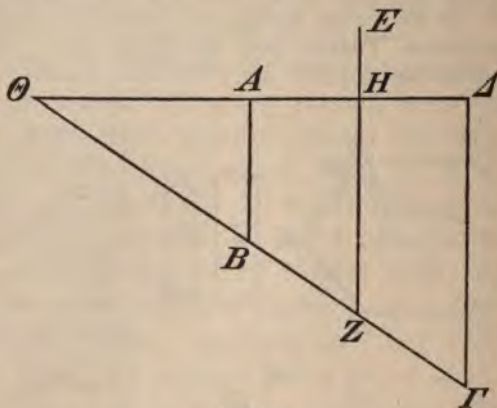


Fig. 75.

δοθὲν ἄρα ἔσται τὸ $KΘΓΔE$ · καὶ εἰ μὲν παράλληλός ἐστι ἡ $BΓ$ τῇ EZ , ἐπεζεύχθω ἡ $ΓE$ · ἔσται λοιπὸν τὸ $ΘΓEΚ$ · ὥστε θέσει ἐστὶν ἡ $HΘ$ · εἰ δὲ οὐκ εἴσι παράλληλοι, συμπιπτεύωσαν κατὰ τὸ A · δοθὲν ἄρα τὸ $ΓΔEΑ$ · καὶ ὅλον ἄρα τὸ $ΘΚΑ$ τρίγωνον δοθέν

$H\Gamma AE$ gegeben; mithin ist auch Dreieck $H\Theta\Gamma$ gegeben. Und wenn die Höhe HK auf ΓB gefällt wird, so ist $H\Theta\Gamma = \frac{1}{2}\Gamma\Theta HK$. Nun ist HK gegeben, also auch $\Gamma\Theta$. Mithin ist Θ gegeben, also seiner Lage nach auch ΘH . Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei gegeben das Verhältnis von AM zu MN . Nun mache man wie $AM : MN$, so $AB\Gamma AEZ$ zu einer anderen Figur Ξ . Und nehme von Ξ eben so viel fort als $H\Gamma AE$ beträgt. Es bleibe übrig O . Nun falle man auf $\Gamma\Gamma$ die Höhe HK und dividire O durch HK . Nun mache man die Hälfte von $\Gamma\Theta$ gleich der Breite von O und ziehe die Verbindungslinie $H\Theta$. Nun wird $H\Theta$ die Gerade sein, die die Aufgabe löst.

XV. Wenn dieselben Voraussetzungen gemacht sind, soll der gegebene Punkt auf keiner Seite liegen und H fassen, und es soll die Gerade $H\Theta$ so gezogen werden, daß sie die Figur in einem gegebenen Verhältnis teilt. Es wird also $K\Theta\Gamma AE$ gegeben sein. Wenn nun BT parallel EZ ist, so ziehe man die Verbindungslinie ΓE . Es wird $\Theta\Gamma EK$ übrig bleiben, so daß seiner Lage nach Θ gegeben ist. Wenn aber diese Linien nicht parallel sind, so sollen sie in A zusammentreffen. Also ist $AE A$ gegeben, also ist auch das ganze Dreieck $\Theta K A$ gegeben. Nun ist Winkel bei A gegeben; also ist auch $\angle\Theta$ gegeben. Das Problem ist also auf den Raumbchnitt zurückgeführt. Also ist $H\Theta$ seiner Lage nach bestimmt.

XVI. Wenn 2 gerade Linien AB und ΓA ihrer Lage nach parallel sind und Punkt E gegeben ist, die Gerade $EB A$ zu ziehen, welche die Summe von AB und ΓA zu einer gegebenen Strecke macht. Es sei geschehen, und es sei $AZ = AB$, also ist ΓAZ gegeben, mithin Z . Man ziehe die Verbindungslinie AZ ; also ist AZ seiner Lage nach gegeben, nun ist diese Linie in H halbiert, denn $AB = AZ$. Also ist H gegeben; aber auch E , also seiner

ἐστίν. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $[H]A$ γωνία· δοθ. τὸ ὑπὸ $KA\Theta$ · ἀπῆκται ἄρα πρὸς τὴν τοῦ χωρίου τομὴν· θέσει ἄρα ἡ $H\Theta$.

ιζ. Δύο θέσει παραλλήλων οὐσῶν τῶν AI καὶ δοθέντος τοῦ E διαγαγεῖν τὴν $EB\Delta$ συναμφοτέρου τὴν AB , $\Gamma\Delta$ δοθεῖσαν. γερονεί τῇ AB ἴση ἡ ΔZ . δοθεῖσα ἄρα ἡ $\Gamma\Delta Z$ · δοθ. τὸ Z . ἐπεξεύχθω ἡ AZ · θέσει ἄρα ἡ AZ . κατέμνηται κατὰ τὸ H · ἴσαι γάρ εἰσιν αἱ AB , $\Delta\theta$ · θέν ἄρα τὸ H . ἀλλὰ καὶ τὸ E · θέσει ἄρα δέησει ἄρα εἰς τὴν σύνθεσιν θεῖναι τῇ δοθεί τὴν ΓZ καὶ ἐπιεῦξαι τὴν AZ καὶ δίχα τεμεῖ τὸ H , καὶ ἐπιεῦξαντα τὴν EH ἐκβαλεῖν ἐφ' ἐ καὶ ἔσται ἡ ποιούσα τὸ πρόβλημα.

fol. 106^v

ιζ. | Σφαίρας δοθείσης καὶ λόγου τεμεῖν τ φάνειαν τῆς σφαίρας ἐπιπέδῳ τινι, ὥστε τι <φανείας> τῶν τμημάτων πρὸς ἀλλήλας λόγου τὸν αὐτὸν τῷ δοθέντι. ἔστω γὰρ ὁ δοθεὶς λόγος A πρὸς τὴν B . καὶ ἐκκείσθω ὁ μέγιστος κύκλος ἐν τῇ σφαίρᾳ, οὗ διάμετρος ἡ $\Gamma\Delta$. καὶ τεμεῖ $\Gamma\Delta$ κατὰ τὸ E , ὥστε εἶναι ὡς τὴν A πρὸς οὕτως τὴν ΓE πρὸς τὴν $E\Delta$. καὶ ἀπὸ τοῦ E πρὸς ὀρθὰς ἦχθω ἡ EZ . καὶ ἐπεξεύχθωσαν $Z\Delta$ · καὶ εἰλήφθω τι τυχὸν σημεῖον ἐπὶ τῆς νείας τῆς σφαίρας τὸ Θ · καὶ πόλῳ τῷ E , δια δὲ ἴσῳ τῷ ΓZ κύκλος γεγράφθω ὁ KA ἐν φανείᾳ τῆς σφαίρας. ἔσται δὴ τὰ ἀπειλημμένα ἐν τῇ σφαίρᾳ ὑπὸ τοῦ KA κύκλου τὰς ἐπιέχοντα λόγον ἐχούσας πρὸς ἀλλήλας τὸν αὐτὸν

nach EH . Man wird also behufs Konstruktion = der gegebenen Geraden machen, die Verbindungs-
linie AZ ziehen und in H halbieren müssen, dann die Verbindungs-
linie EH ziehen und nach beiden Richtungen verlängern müssen.
Und sie wird es sein, die die Aufgabe löst.

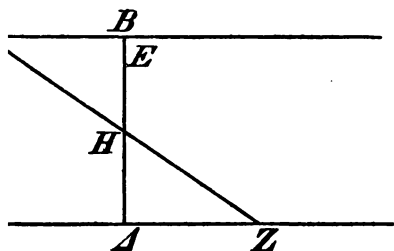


Fig. 76.

VII. Wenn eine Kugel und ein Verhältnis gegeben die Oberfläche der Kugel durch eine Ebene so zu schneiden, daß die Oberflächen der Segmente zu einander

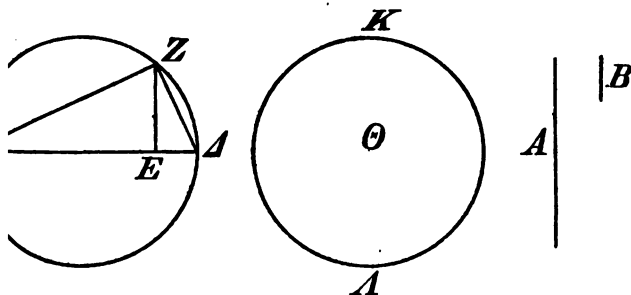


Fig. 77.

am gegebenen Verhältnis stehen. Das gegebene Verhältnis sei das von A zu B , und es liege einer der größten der Kugel vor, dessen Durchmesser ΓA sei. ΓA in E so geteilt, daß $\Gamma E : EA = A : B$ sei. Nun er-
setzt man auf ΓA in E die Senkrechte EZ und ziehe die Verbindungslinien $Z\Gamma$ und ZA . Nun nehme man einen eigenen Punkt Θ auf der Oberfläche der Kugel und über-
lege mit E als Pol und einem Abstände, der ΓZ

A πρὸς τὴν B . ἡ μὲν γὰρ πρὸς τῷ Θ πόλῳ φάνεια τοῦ τμήματος ἴση ἐστὶ κύκλῳ, οὗ ἡ ἐκ κέντρου ἴση ἐστὶν τῇ ΓZ , ἡ δὲ τοῦ λοιποῦ τμήματος ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶ κύκλῳ, οὗ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἐστὶν τῇ ΔZ . οἱ δὲ εἰρημένοι κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν ΓZ $Z\Delta$ τετράγωνα ἄλληλα· ὥς δὲ <τὸ ἀπὸ τῆς ΓZ πρὸς> τὸ ἀπὸ ΔZ , οὕτως ἡ ΓE πρὸς τὴν $E\Delta$, τουτέστιν ἡ A τὴν B . αἱ ἄρα εἰρημέναι ἐπιφάνειαι λόγον ἔχουσιν πρὸς ἀλλήλας τὸν τῆς A πρὸς τὴν B . ταῦτα ἐν τῷ β' περὶ σφαίρας Ἀρχιμήδει δέδεικται (c. 3 p. 207 Heib.).

fol. 107^r

ιη. | Τὸν δοθέντα κύκλον διελεῖν εἰς τρία ἴσα σὺν εὐθείαις. τὸ μὲν οὖν πρόβλημα ὅτι οὐκ ἐστὶ, δῆλον, τῆς εὐχρηστίας δὲ ἔνεκεν διελοῦμεν αὐτὸν ὡς ἔγγιστα οὕτω. ἔστω ὁ δοθεὶς κύκλος, οὗ κέντρον A , καὶ ἐνηρμόσθω εἰς αὐτὸν τρίγωνον ἰσοπλευρὸς οὗ πλευρὰ ἡ $B\Gamma$, καὶ παράλληλος αὐτῇ ἡχθῶ ἡ ΔZ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $B\Delta$ $\Delta\Gamma$. λέγω ὅτι τὸ ΔZ τμήμα τρίτον ἔγγιστά ἐστὶ μέρος τοῦ ὅλου κύκλου· ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ BA AG . ὁ ἄρα $AB\Gamma Z$ μὲν τρίτον ἐστὶ μέρος τοῦ ὅλου κύκλου. καὶ ἴσον τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $B\Gamma\Delta$ τριγώνῳ· τὸ $B\Delta[Z]\Gamma Z$ σχῆμα τρίτον ἐστὶ τοῦ ὅλου κύκλου· ὅτι δὴ μεῖζόν ἐστὶν αὐτοῦ τὸ $\Delta B\Gamma$ τμήμα ἀνεκτίθητον ὄντος ὡς πρὸς τὸν ὅλον κύκλον. ὁμοίως καὶ ἑτέραν πλευρὰν ἰσοπλεύρου τριγώνου ἔγγιστος ἀφελοῦμεν ἕτερον τρίτον μέρος· ὥστε κα

6 ZH : correxi 7 inserui 16 τῷ A : correxi 21—
 μους: corr. m. 2 24 $B\Delta Z\Gamma Z$: correxi 25 μεῖον: c

Kreis KA auf der Oberfläche der Kugel. Es sei die in der Kugel von dem Kreise KA abgetrennten Segmente Oberflächen haben, die sich zu erhalten wie $A : B$. Denn die Oberfläche des Kreises bei dem Pole Θ ist gleich einem Kreise, dessen Radius ΓZ ist, die Oberfläche des übrigbleibenden Kreises dessen Radius $= AZ$ ist. Die genannten Kreise verhalten sich aber zu einander wie $\Gamma Z^2 : AZ^2$. Es verhält sich aber $\Gamma Z^2 : AZ^2 = \Gamma E : EA = A : B$; also haben die Oberflächen zu einander das Verhältniß von A zu B . Denn dies ist von Archimedes in dem 2. Buch der Kugel nachgewiesen.

Einen gegebenen Kreis durch 2 Gerade in drei Theile zu zerlegen. Daß das Problem nicht rationell ist; des praktischen Gebrauchs wegen werden wir

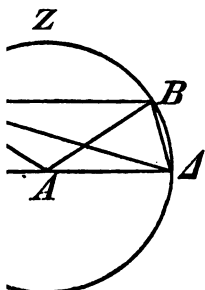


Fig. 78.

aber eine annähernde Zerlegung folgendermaßen bewerkstelligen. Es sei ein Kreis gegeben, dessen Mittelpunkt A ist, und es werde in ihn ein gleichseitiges Dreieck einbeschrieben, dessen Seite BF sei, und dazu die Parallele AE gezogen, und die Verbindungslinien BA und AF gezogen. Ich behaupte, daß das Segment ABF an-

der dritte Teil des ganzen Kreises ist. Man ziehe die Verbindungslinien BA und AF . Es ist also der Sektor $ABFZB$ der dritte Teil des ganzen Kreises. Das Dreieck $ABF = BFA$. Die Figur $BAFZ$ ist also der dritte Teil des ganzen Kreises, da das Stück, um welches das Segment ABF größer ist als sie, im Verhältniß von 2 zu 1 zu den Kreisen nicht in Betracht kommt. In gleicher Weise können wir auch eine andere Seite eines gleichseitigen Dreiecks in den Kreis eintragen und ein zweites Drittel

καταλ(ε)ιπόμενον τρίτον μέρος ἔσται [μέρος] τοῦ ὅλου κύκλου.

(ιβ.) Τριγώνου δοθέντος τοῦ $ABΓ$ λαβεῖν τι σημεῖον τὸ Δ , ὥστε ἐπιζευχθεῖσων εὐθειῶν τῶν ΔA
 fol. 107^v ΔB | $\Delta Γ$ τὰ $AB\Delta$ $\Delta BΓ$ $\Gamma A\Delta$ τρίγωνα ἴσα εἶναι.
 γεγυμένω· καὶ τῇ $BΓ$ παράλληλος ἦχθω ἡ ΔE καὶ
 ἐπεζεύχθω ἡ $EΓ$. τὸ ἄρα $ABΓ$ τρίγωνον τρίτον μέ-
 ρος ἐστὶ τοῦ $ABΓ$. καὶ ἔστιν ἴσον τῷ $EBΓ$ · τριπλά-
 σιον ἄρα ἐστὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον τοῦ $EBΓ$ τριγώνου.
 ὥστε καὶ ἡ AB τῆς BE ἐστὶ τριπλῇ. καὶ ἔστι δο-
 θεῖσα ἡ AB · δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ BE · καὶ δοθὲν τὸ
 B · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ E · καὶ παρὰ τὴν $BΓ$ [καὶ] ἡ
 $E\Delta$ · θέσει ἄρα ἡ $E\Delta$. πάλιν δὲ τῇ AB παράλληλος
 ἦχθω ἡ ΔZ καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ZB . ὁμοίως δὲ δεῖξομεν,
 ὅτι καὶ ἡ ΓA τριπλασία ἐστὶ τῆς $Z\Delta$ · δοθὲν ἄρα τὸ
 Z · θέσει ἄρα ἡ $Z\Delta$ · θέσει δὲ καὶ ἡ ΔE · δοθὲν ἄρα
 τὸ Δ . συντεθήσεται δὴ οὕτως. εἰλήφθω τῆς μὲν
 AB τρίτον μέρος ἡ BE , τῆς δὲ $AΓ$ ἡ AZ , καὶ τῇ
 μὲν $BΓ$ παράλληλος ἡ $E\Delta$, τῇ δὲ AB ἡ $Z\Delta$. ἐπι-
 ζευχθεῖσαι οὖν αἱ ΔA , ΔB , $\Delta Γ$ ποιήσουσι τὰ $AB\Delta$,
 $\Delta BΓ$, $\Gamma A\Delta$ τρίγωνα ἴσα.

Αἱ μὲν οὖν τῶν εἰρημένων ἐπιπέδων χωρίων δια-
 ρέσεις αὐτάρκως εἰρηγνται, ἐξῆς δὲ ἐπὶ τὰ στερεὰ χω-
 ρήσομεν. ὅσα μὲν οὖν ἰσοπαχῇ τυγχάνει στερεὰ, οἷον
 κύλινδροι καὶ παραλληλεπίπεδα καὶ ὅσα ἅπλως τὰς
 βάσεις ταῖς κορυφαῖς τὰς αὐτὰς ἔχει, εὐκόπως δια-
 ρεῖται εἰς τοὺς δοθέντας λόγους. ὃν γὰρ ἔχει λόγον
 τὸ μῆκος, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον καὶ τὸ στερεόν. τῶν

1 καταλιπόμενον: correxi μέρος delevi 3 numerum
 capitis addidi 3—4 τὸ σημεῖον: correxi 8 τὸ $EBΓ$: corr.
 m. 2 12 [καὶ] del. m. 2

von abtheilen. Daher wird dann auch der Rest ein ganzes Drittel des ganzen Kreises sein.

XIX. Wenn ein Dreieck $AB\Gamma$ gegeben ist, einen Punkt A so zu bestimmen, daß wenn die Verbindungslinien AA , AB und $A\Gamma$ gezogen werden, die Dreiecke $AB\Gamma$, $AB\Gamma$, ΓAA einander gleich sind. Es sei geschehen, und man ziehe zu $B\Gamma$ die Parallele AE , und die Verbindungslinie $E\Gamma$. Also ist Dreieck $AB\Gamma = \frac{1}{3} AB\Gamma$ und dieses ist $= EBF$. Also ist $AB\Gamma = 3 EBF$. Daher ist auch $AB = 3 BE$. Nun ist AB gegeben, also auch BE , und B gegeben, also auch E und parallel $B\Gamma$ ist EA ; also ist seiner Lage nach EA gegeben. Wiederum ziehe

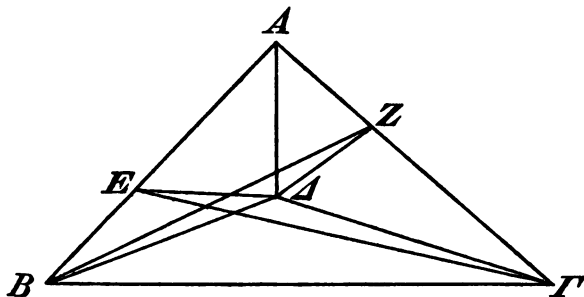


Fig. 79.

man zu AB die Parallele AZ und die Verbindungslinie ZB . Wir werden also in ähnlicher Weise nachweisen, daß $EA = 3 ZA$ ist. Also ist Z gegeben, mithin seiner Lage nach ZA , aber es ist auch seiner Lage nach AE gegeben. Also ist A gegeben. Konstruiert wird es folgendermaßen. Man nehme den dritten Teil von $AB = BE$ und den dritten Teil von $A\Gamma = AZ$ und ziehe zu $B\Gamma$ die Parallele EA , zu AB die Parallele ZA . Zieht man nun die Verbindungslinien AA , AB und $A\Gamma$, so werden sie die gleichen Dreiecke ABA , $AB\Gamma$ und ΓAA bilden.

Die Teilungsmethoden nun der genannten ebenen Figuren sind ausreichend behandelt. Im folgenden werden

δὲ μειούρων αἱ διαιρέσεις οὐχ οὕτως, οἷον πυραμί-
 fol. 108^r δων | καὶ κώνων καὶ τῶν τοιούτων· διὸ περὶ αὐτῶν
 γράψομεν.

κ. Ἔστω γὰρ πυραμὶς βάσιν μὲν ἔχουσα οἰανδ-
 ποτοῦν τὴν $ΑΒΓΔ$, κορυφὴν δὲ τὸ $Ε$ σημείον· καὶ
 δεδύσθω αὐτῆς μία πλευρὰ ἢ $ΑΕ$ μονάδων $ε$. καὶ
 δέον ἔστω τεμεῖν αὐτὴν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει,
 ὥστε τὴν ἀποτεμνομένην πρὸς τῇ κορυφῇ πυραμίδα
 τοῦ καταλειπομένου στερεοῦ εἶναι, εἰ τύχοι, τετρα-
 πλῆν. τεμνέσθω καὶ ποιείτω τομὴν τὸ $ΖΗΘΚ$. ¹⁰ \langle ἢ
 ἄρα $ΑΖ$ \rangle πλευρὰ ἐστὶ τοῦ $ΑΒΓΔ ΖΗΘΚ$ στερεοῦ·
 ἢ ἄρα $ΑΒΓΔΕ$ πυραμὶς πρὸς τὴν $ΖΘΗΚΕ$ πυρα-
 μίδα λόγον ἔχει, ὃν τὰ $ε$ πρὸς τὰ $δ$. ὥς δὲ αἱ πυρα-
 μίδες πρὸς ἀλλήλας, οὕτως οἱ ἀπὸ τῶν ὁμολόγων
 πλευρῶν κύβοι· ὁ ἄρα ἀπὸ τῆς $ΑΕ$ κύβος πρὸς τὸν ¹⁵
 ἀπὸ τῆς $ΕΖ$ κύβον λόγον ἔχει, ὃν τὰ $ε$ πρὸς τὰ $δ$ · καὶ
 ἔστιν \langle ὁ \rangle ἀπὸ τῆς $ΑΕ$ κύβος μονάδων $ρε$ · ὁ ἄρα
 ἀπὸ τῆς $ΕΖ$ κύβος ἔσται μονάδων $ρ$. δεήσει ἄρα τῶν
 $ρ$ μονάδων λαβεῖν κυβικὴν πλευρὰν ὥς ἔγγιστα· ἔστι
 δὲ μονάδων $δ$ καὶ ^{10'} $θ$, ὥς ἐξῆς δείξομεν. ὥστε ἐὰν ²⁰
 ἀποληφθῇ ἢ $ΕΖ$ μονάδων $δ$ καὶ ^{10'} $θ$ καὶ διὰ τοῦ $Ζ$
 σημείου τμηθῇ ἢ πυραμὶς ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βά-
 σει, ἔσται τὸ προκείμενον. συντεθήσεται δὲ οὕτως·
 κύβισον τὰ $ε$ · γίννεται $ρε$. καὶ ἐπεὶ λόγος ἔστιν,
 ἐν ϕ διαιρεῖται ἢ πυραμὶς, ὃν $δ$ πρὸς $α$, σύνθετες ^δ $δ$
 καὶ $\epsilon\eta$ · γίννεται $ε$. καὶ τὰ $ρε$ ἐπὶ τὸν $δ$ · γίννε-
 ται ϕ . παρὰ βάλε παρὰ τὸν $ε$ · γίννεται ρ · καὶ τοῦ

1 μειούρων αἱ διαιρέσεις litteris paene evanidis 10—11
 supplevi 17 \langle ὁ \rangle addidi

den Körpern zuwenden. Alle Körper nun von gleicher Dicke wie Cylinder und Parallelepipeda, in denen schlechthin die unteren Abschlusse gleich den oberen sind, werden leicht nach gegebenen Verhältnissen zerlegt. Denn die Körper verhalten sich wie die Höhen. Mit der Teilung von Körpern, verjüngten, z. B. Pyramiden, Kegeln und ähnlichen, es sich dagegen anders, daher werden wir übereln.

Es sei eine Pyramide, die eine Basis $AB\Gamma A$ von r Form hat und zur Spitze den Punkt E . Es haben eine Seite derselben $AE = 5$ und die Auf-

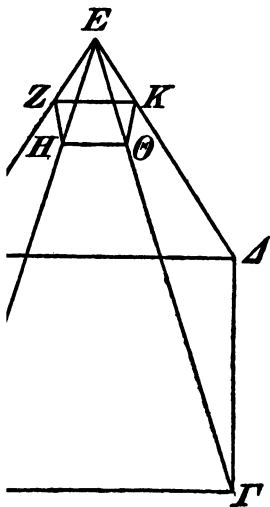


Fig. 80.

gabe sei, sie mit einer der Basis parallelen Ebene so zu schneiden, daß die an der Spitze abgeschnittene Pyramide beispielsweise viermal so groß sei als der übrigbleibende Körper. Man mache den Schnitt, er ergebe die Schnittfläche $ZH\Theta K$, so daß also AZ eine Seite des Körpers $AB\Gamma AZH\Theta K$ ist. Also verhält sich die Pyramide $AB\Gamma AE$ zu der Pyramide $Z\Theta HKE = 5 : 4$. Es verhalten sich aber die dritten Potenzen entsprechender Seiten wie die Pyramiden zu einander. Also

$: EZ^3 = 5 : 4$. Nun ist $AE^3 = 125$; also 100. Man wird daher $\sqrt[3]{100}$ annähernd bestimmen sie ist $= 4\frac{9}{14}$, wie wir im folgenden zeigen werden. Hier $EZ = 4\frac{9}{14}$ abgetragen und im Punkte Z

των κυβικὴν πλευρὰν· γίννεται δ καὶ θ .^{ιδ'} τοσοῦ-
 ἔσται ἡ EZ .

Ὡς δὲ δεῖ λαβεῖν τῶν ρ μονάδων κυβικὴν πλευ-
 νὺν ἐροῦμεν.

Λαβὲ τὸν ἔγγιστα κύβον τοῦ ρ τόν τε ὑπερβάλλον-
 καὶ τὸν ἐλλείποντα· ἔστι δὲ ὁ $\rho\kappa\epsilon$ καὶ ὁ $\xi\delta$. καὶ
 ὅσα μὲν ὑπερβάλλει, μονάδες $\kappa\epsilon$, ὅσα δὲ ἐλλείπει
 fol. 108^v μονάδες $\lambda\varsigma$. | καὶ ποιήσον τὰ ϵ ἐπὶ τὰ $\lambda\varsigma$ · γίννεται
 $\rho\pi$ · καὶ τὰ ρ · γίννεται $\sigma\pi$.
 <καὶ παρὰβαλε τὰ $\rho\pi$ παρὰ τὰ
 $\sigma\pi$ > γίννεται θ .^{ιδ'} πρόσβαλε
 τῇ [κατὰ] τοῦ ἐλάσσονος κύβου
 πλευρᾷ, τουτέστι τῷ δ · γίννε-
 ται^{ιδ'} μονάδες δ καὶ θ . τοσοῦ-
 των ἔσται ἡ τῶν ρ μονάδων
 κυβικὴ πλευρὰ ὡς ἔγγιστα.

κα. Τὸν δοθέντα κῶνον
 διελεῖν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ
 βάσει ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ.
 ἔστω ὁ δοθεὶς κῶνος, οὗ βάσις
 μὲν ἔστιν ὁ AB κύκλος, κορυ-
 φῇ δὲ τὸ Γ . καὶ ἔστω αὐτοῦ
 ἡ πλευρὰ μονάδων ϵ . καὶ
 ἐπιτεταχθῶ διελεῖν, ὥς εἴρηται, ὥστε τὸν ἀποτεμ-
 μενον πρὸς τῇ κορυφῇ κῶνον τετραπλασίονα εἶναι τῷ
 καταλειπομένῳ κολούρῳ κῶνον. ἀκολουθῶς οὖν τ
 ἐπὶ τῆς πυραμίδος εἰρημένοις ἔξει ὁ ἀπὸ τῆς A
 κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΓA κύβον λόγον, ὃν ἔχει
 ϵ πρὸς τὰ δ · ὁ ἄρα ἀπὸ τῆς ΓA κύβος ἔσται μοι

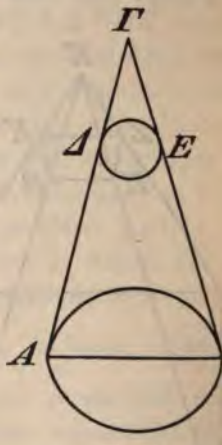


Fig. 81.

Pyramide durch eine der Basis parallele Ebene geschnitten wird, so wird die Aufgabe gelöst sein. Berechnet wird folgendermaßen. $5^3 = 125$. Und da das Verhältnis, in dem geteilt wird, $= 4 : 1$ ist:

$$\begin{aligned} 4 + 1 &= 5 \\ 125 \times 4 &= 500 \\ 500 : 5 &= 100 \\ \sqrt[3]{100} &= 4\frac{9}{14}. \end{aligned}$$

so groß wird EZ sein.

Wie man $\sqrt[3]{100}$ zu bestimmen hat, werden wir nunmehr angeben.

Nimm die 100 nächstkommende Kubikzahl, sowohl die nächstgrößere als die nächstkleinere. Es sind 125 und 64.

$$\begin{aligned} 125 - 100 &= 25 \\ 100 - 64 &= 36 \\ 5 \times 36 &= 180 \\ 180 + 100 &= 280 \\ \frac{180}{280} &= \frac{9}{14} \\ 4 + \frac{9}{14} &= 4\frac{9}{14}. \end{aligned}$$

so groß wird annähernd $\sqrt[3]{100}$ sein.

XXI. Einen gegebenen Kegel durch eine der Basis parallele Ebene in einem gegebenen Verhältnis zu teilen. Sei der gegebene Kegel der, dessen Basis der Kreis AB dessen Spitze Γ ist, und seine Seite sei $= 5$. Die Aufgabe sei, ihn in der angegebenen Weise zu teilen, so daß der an der Spitze abgeschnittene Kegel viermal so groß ist, als der übrigbleibende Kegelstumpf. Es wird nun, entsprechend dem bei der Pyramide Bemerkten, $\Gamma^3 : \Gamma\mathcal{A}^3 = 5 : 4$ verhalten. Also wird $\Gamma\mathcal{A}^3 = 100$, mithin $\Gamma\mathcal{A} = 4\frac{9}{14}$ sein. Man trage nun $\Gamma\mathcal{A}$ so groß ab und

3 sq. cf. M. Curtze Zeitschrift f. Math. u. Physik, hist.-litt. t. 1897 p. 118 sq. 3 τὸν ρ: correxi 10-11 καὶ παρα-
λήσθω ταῦτα παρὰ τὰ ρη man. 2 in mg. perperam; supplevi
12 [κατὰ] delevi 13 τὸ δ: correxi

δων ρ· αὐτὴ ἄρα ἡ $\Gamma\Delta$ ἔσται μονάδων δ καὶ δ
 ἔγγιστα. ἀπειλήφθω οὖν ἡ $\Gamma\Delta$ τοσοῦτων. καὶ δι
 τοῦ Δ ἐπίπεδον ἐκβεβλήσθω παράλληλον τῇ βάσει
 καὶ ποιεῖται τομὴν τὸν ΔE κύκλον, ὅς ποιήσει τὸ προ
 κείμενον.

fol. 109^r

κβ. | Ἐ(στ)ω δὴ [δ] δοθεὶς <κόλουρος> κῶνος, δ
 δεῖ διελεῖν ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ. ἔστω βάσις μὲν ὁ A .
 κύκλος, κορυφὴ δὲ ὁ ΔE . καὶ ἐπιτετάχθω διελεῖ
 αὐτὸν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει, ὥστε τὸ πρὸς τ
 <κορυφῇ> τμήμα τετραπλάσιον εἶναι τοῦ καταλειπ
 μένου· δεδόσθω δ' ἡ μὲν τοῦ AB κύκλου διάμετρος
 μονάδων κη, ἡ δὲ τοῦ AE μονάδων κα, τὸ δὲ ὕψ
 μονάδων ιβ' καὶ διηγήσθω, ὡς εἴρηται, τῷ ZH κύ
 λῳ, ὥστε τὸν ΔEZH κῶνον κόλουρον τετραπλάσιον
 εἶναι τοῦ $ZHAB$ κολούρου κῶνου· ὁ ἄρα $AB\Delta$
 κωνοκόλουρος πρὸς τὸν ΔEZH λόγον ἔχει, ὅν
 πρὸς δ. καὶ ἔστιν ὁ $AB\Delta E$ κωνοκόλουρος δοθει
 αὶ γὰρ διάμετροι τῶν βάσεων αὐτοῦ δοθεῖσαι εἰς
 καὶ ἔτι τὸ ὕψος δοθέν· δοθεὶς ἄρα καὶ ὁ ΔEZ
 κωνοκόλουρος. ἤχθω δὴ κάθετος ἡ $\Delta\Theta$ καὶ προσηγ
 σθω ὁ κῶνος. καὶ ἔστω αὐτοῦ κορυφὴ τὸ Γ , ἄξ
 δὲ ὁ $\Gamma\Delta$. ἐπεὶ ἡ ΔE ἔστι δοθεῖσα, δοθεῖσα ἄρα καὶ
 ἡ ΔA , τουτέστιν ἡ $K\Theta$. ἀλλὰ καὶ ἡ ΔK δοθεῖ
 ἔστιν· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ $A\Theta$ δοθεῖσά ἐστιν· λόγος ἄ
 τῆς $K\Delta$ πρὸς $A\Theta$ δοθείς· ὥστε καὶ τῆς ΓK πρ
 $\Delta\Theta$ · καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $\Delta\Theta$ · δοθεῖσα ἄρα ἡ Γ
 ὦν ἡ KA δοθεῖσά ἐστιν· ἴση γάρ ἐστι τῇ $\Delta\Theta$. καὶ
 λοιπὴ ἄρα ἡ $\Gamma\Delta$ δοθεῖσά ἐστιν· δοθεὶς ἄρα ἐστὶν
 ὁ $\Gamma\Delta E$ κῶνος καὶ ἡ ZH · καὶ ἔτι ὁ $\Gamma B A$ λόγος ἄ
 τῶν ΓAB , $\Delta E\Gamma$ κῶνων πρὸς τὸν $\Gamma H Z$ κῶνον. |
 δὲ οἱ κῶνοι πρὸς ἀλλήλους, οὕτω καὶ οἱ ἀπὸ τῶ

fol. 109^v

lege durch Δ eine der Basis parallele Ebene. Diese gebe als Schnittfläche den Kreis ΔE , der die Aufgabe lösen wird.

XXII. Es sei ein Kegelstumpf gegeben, den man in einem gegebenen Verhältnis teilen soll. Seine Basis sei der Kreis AB , seine obere Abschlußfläche der Kreis ΔE und die Aufgabe sei, ihn durch eine der Basis parallele Ebene so zu teilen, daß der Abschnitt an der oberen Abschlußfläche viermal so groß ist als der übrig bleibende. Es sei nun der Durchmesser des Kreises $AB = 28$, der Durchmesser des Kreises $\Delta E = 21$ und die Höhe $= 12$ gegeben. Geteilt sei, wie gesagt, durch den Kreis ZH , so daß der Kegelstumpf ΔEZH viermal so groß ist als der Kegelstumpf $ZHAB$. Es verhält sich also Kegelstumpf $AB\Delta E : \Delta EZH = 5 : 4$. Nun ist der Kegelstumpf $AB\Delta E$ gegeben; denn die Durchmesser seiner Basen sind gegeben und außerdem seine Höhe. Also ist auch der Kegelstumpf ΔEZH gegeben. Man ziehe nun die Senkrechte $\Delta\Theta$ und vervollständige den Kegel; seine Spitze sei Γ , seine Axe ΓA . Da ΔE gegeben ist, ist auch ΔA^1 , d. h. $K\Theta$ gegeben. Aber auch ΔK ist gegeben, mithin ist $\Delta\Theta$ gegeben. Also ist $K\Delta : \Delta\Theta$ gegeben, daher auch $\Gamma K : \Delta\Theta$. Nun ist $\Delta\Theta$ gegeben, also ist ΓK gegeben. Nun ist $K\Delta$ gegeben, denn sie ist $= \Delta\Theta$. Also ist ΓA gegeben. Mithin ist der Kegel $\Gamma\Delta E$ und ZH gegeben und außerdem der Kegel ΓAB , mithin das Verhältnis der Kegel $\Gamma AB + \Delta E\Gamma$ zu dem Kegel ΓHZ . Es verhalten sich aber $\Gamma A^3 + \Gamma K^3 : \Gamma M^3$ wie die Kegel zu einander. Nun ist aber $\Gamma A^3 + \Gamma K^3$ gegeben, also ist auch ΓM^3 gegeben. Also ist ΓM gegeben, daher auch AM ; also ist $K\Delta : AM$, d. h. $\Delta A : AZ$

1) Man sollte erwarten „ $\Delta\Theta$ d. h. $K\Delta$ “, was jedoch auch schwer verständlich wäre, da $\Delta\Theta$ als Höhe gegeben ist.

6 supplēvi [δ] delevi supplēvi 9—10 πρὸς τὴν μῆκα:
 correxī et supplēvi 11 δὴ correxī 13 διῆρξεν ὁ θω m. 1
 17—18 δοθεῖσαι: distinxi 23 AK: correxī; sequuntur men-
 dosa 25 KA: correxī 29 supplēvi 31 supplēvi

ΓΚΛ κύβοι πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΓΜ κύβον. δ<οθέν-
 τες> δὲ οἱ ἀπὸ τῶν ΚΓΛ κύβοι· δοθεῖς ἄρα καὶ ὁ
 ἀπὸ τῆς ΓΜ κύβος· δοθεὶς<α> ἄρα ἡ ΓΜ· ὥστε καὶ
 ἡ ΑΜ· λόγος ἄρα τῆς ΚΛ πρὸς τὴν ΑΜ, τουτέστι
 τῆς ΑΔ πρὸς ΑΖ δοθεὶς· καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΑΔ,⁵
 ἐπεὶ καὶ ἐκατέρω τῶν ΔΘ ΘΑ· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ
 ΑΖ· δοθέν ἄρα τὸ Ζ· ὥστε καὶ ἡ <δι> αὐτοῦ τομῇ,
 τουτέστιν ὁ ΖΗ κύκλος. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς
 τῇ ἀναλύσει οὕτως· λαβὲ τὸ στερεὸν τοῦ κολουροκά-
 νου, ὡς ἐμάθομεν. γίνεται <εχη>. ταῦτα ἐπὶ τὸν δ·¹⁰
 γίννεται $\mu\beta\psi\varsigma\beta$. παράβαλε παρὰ τὸν ε· γίννεται
 <ε>
 ,δφνη β· τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ΔΕΖΗ κο-
 λουροκάνου. καὶ ἀπὸ τῶν κη ἄφελε κα· λοιπὰ ξ· τού-
 των τὸ ἥμισυ· γίννεται γλ· καὶ τῶν κη τὸ ἥμισυ·
 γίννεται ιδ· καὶ ποιήσον ὡς τὰ γλ πρὸς τὰ ιδ, οὕτως¹⁵
 τὸ ὕψος, τουτέστι τὰ ιβ, πρὸς ἄλλον τινά· ἔστι δὲ πρὸς
 μη. ἄφελε τὰ ιβ· λοιπὰ λς· ἔσται ὁ ἄξων τοῦ ΓΔΕ
 κώνου μονάδων λς. καὶ ἔστιν ἡ ΔΕ διάμετρος μονά-
 δων κα· τὸ ἄρα στερεὸν τοῦ κώνου, ὡς ἐμάθομεν,
 ἔσται ,δρνη· πρόσθετες ταῦτα ἐκατέρω τῷ τε ,εχη καὶ²⁰
 τῷ ,δφνη β· γίννεται ,θωνς· καὶ τὰ ,δρνη· γίννεται
 $\mu\delta\iota\delta$ · <σύνθετες τὰ ,δφνη β καὶ τὰ ,δρνη· γίννεται
 $\mu\delta\iota\delta$ >. καὶ κύβισον τὸν μη· καὶ ἔτι τὸν λς· καὶ σύνθετες
 τοὺς β κύβους· γίνονται $\mu\xi\sigma\mu\eta$. ποιήσον οὖν ὡς τὰ

1—2 supplevi 3 δοθεῖς: correxi 5 ΔΖ: correxi
 6 ΔΘ ΘΑ: correxi 7 ΔΖ: correxi supplevi 10 ex-
 plevi intercapedinem 12 ,δφνηβ': correxi 13 κβ, sed β in
 η mutavit m. 1 19 κδ: correxi 21 ,δφνε: correxi 22 sup-
 plevi 23 μδ: correxi

ben. Nun ist AA gegeben, da AO und OA gegeben.
Also ist auch AZ gegeben, mithin Z . Also ist
a der Schnitt durch Z , d. h. der Kreis ZH gegeben.
schnet wird es, der Analyse entsprechend, folgender-
sen. Bestimme den Körperinhalt des Kegelstumpfs,
wir es lernten; er ist $= 5698$.

$$4 \times 5698 = 22792$$

$$\frac{22792}{5} = 4558\frac{2}{5}.$$

groß wird der Inhalt des Kegelstumpfs $A EZH$ sein,

$$28 - 21 = 7$$

$$\frac{7}{2} = 3\frac{1}{2}$$

$$\frac{28}{2} = 14$$

$$\frac{3\frac{1}{2}}{14} = \frac{12}{x}$$

$$x = 48$$

$$48 - 12 = 36.$$

Axe des Kegels IAE wird $= 36$ sein. Nun ist der
messer $AE = 21$; der Körperinhalt des Kegels
daher, wie wir lernten, $= 4158$ sein. Addiere dies
ohl zu 5698 als auch zu 4158. Es ergibt 9856.
u 4158, ergibt 14014.

$$4558\frac{2}{5} + 4158 = 8716\frac{2}{5}$$

$$48^3 + 36^3 = 17248$$

ist

$$\frac{14014}{8716\frac{2}{5}} = \frac{17248}{x}$$

$$x = 97050$$

$$\sqrt{97050} \text{ annähernd} = 46$$

$$46 - 36 = 10$$

$$12^3 = 144$$

$$(3\frac{1}{2})^3 = 12\frac{1}{4}$$

$$144 + 12\frac{1}{4} = 156\frac{1}{4}$$

$$\sqrt{156\frac{1}{4}} = 12\frac{1}{2}.$$

Seite AA des Kegelstumpfs wird $= 12\frac{1}{2}$ sein.

μ ^α διδ^α πρὸς τὸ [ἀπὸ] $\eta\psi\iota\varsigma$ β , οὕτως μ ^α $\xi\sigma\mu\eta$ πρὸς $\tau\iota$ ^ε
 ἔστι δὲ πρὸς μ ^β $\xi\nu$. τούτων λαβὲ κυβικὴν πλευρὰν
 ὡς ἔγγιστα· γίνονται $\mu\varsigma$. ἄφελε τὰς $\lambda\varsigma$. λοιπαὶ μονάδες ι · καὶ τὰ $\iota\beta$ τοῦ ὕψους ἐφ' ἑαυτά· γίνεται $\rho\mu\delta$ ·
 καὶ τὰ $\gamma\lambda$ ἐφ' ἑαυτά· γίνεται $\iota\beta$ δ' . σύνθεες· γίνονται $\rho\eta\varsigma$ δ' . ὧν πλευρὰ γίνεται $\iota\beta\lambda$ · ἢ τοῦ κωνο[υ]χο-
 λούρου πλευρὰ ἢ ΔA $\iota\beta\lambda$ · καὶ ποιήσον ὡς τὰ $\iota\beta$ τοῦ
 fol. 110^ε ὕψους πρὸς τὰ ι , οὕτως τὰ $\iota\beta\lambda$ πρὸς $\tau\iota$ · | ἔστι δὲ πρὸς
 ι ϵ' . καὶ διὰ τοῦ Z σημείου τετμήσθω ὁ κῶνος, ὡς
 εἴρηται. καὶ ἔσται τὸ προκείμενον. 10

κγ. Τὴν δοθεῖσαν σφαῖραν ἐπιπέδῳ τεμείν, ὥστε
 τὰ τμήματα τῆς σφαίρας πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχειν τὸν
 ἐπιταχθέντα. ἔστω δὴ ὁ δοθεὶς λόγος τῆς A πρὸς
 τὴν B · καὶ ἐκκείσθω κύκλος ἐν ἐπιπέδῳ εἰς τῶν με-
 γίστων τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, οὗ κέντρον μὲν τὸ Γ , 15
 διάμετρος δὲ ἡ ΔE · καὶ τῇ ΓE ἴση κείσθω ἡ $E Z$ καὶ
 τετμήσθω κατὰ τὸ H , ὥστε εἶναι ὡς τὴν $Z H$ πρὸς
 τὴν $H E$, τὴν A πρὸς τὴν B · ἡ δὲ ΔE τετμήσθω
 κατὰ τὸ Θ , ὥστε εἶναι ὡς τὴν $E Z$ πρὸς $Z H$, οὕτως
 τὸ ἀπὸ $E \Delta$ πρὸς τὸ ἀπὸ $\Delta \Theta$ · καὶ τῇ ΔE πρὸς ὀρθὰς 20
 ἡ $\Theta K A$ · καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $K \Delta$ · καὶ εἰλήφθω τυχὸν
 σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας καὶ πόλῳ τῷ
 M , διαστήματι $\langle \delta \epsilon \rangle$ [τῷ] ἴσῳ τῇ $K \Delta$ κύκλος γεγράφθω
 ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας ὁ $N \Xi$. λέγω ὅτι τὰ
 ἀπολαμβανόμενα τμήματα ὑπὸ τοῦ γραφέντος κύκλου 25
 πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει, ὅν ἡ A πρὸς τὴν B . τοῦτο γὰρ
 fol. 110^ν ὁμοίως | Ἀρχιμήδει δέδεικται ἐν τῷ β' περὶ σφαίρας
 (c. 4 t. 1 p. 210 Heib.).

1 [ἀπὸ] deleui μ : correxi 2 μ ^ο $\xi\nu$: correxi 6—7 κῶνον
 κολούρου: correxi 8—9 πρὸς ι γ' ι β' : correxi 23 [τῷ]
 deleui, $\langle \delta \epsilon \rangle$ addidi

Nun ist

$$\frac{12}{10} = \frac{12\frac{1}{2}}{x}$$

$$x = 10\frac{5}{12}$$

Nun schneide man durch den Punkt Z den Kegel, wie angegeben, und die Aufgabe wird gelöst sein.

XXIII. Eine gegebene Kugel durch eine Ebene so zu schneiden, daß die Kugelsegmente ein gegebenes Verhältnis haben. Das gegebene Verhältnis sei das von A zu B und es sei ein größter Kreis der Kugel in einer Ebene gegeben, dessen Mittelpunkt Γ und dessen Durchmesser ΔE sein

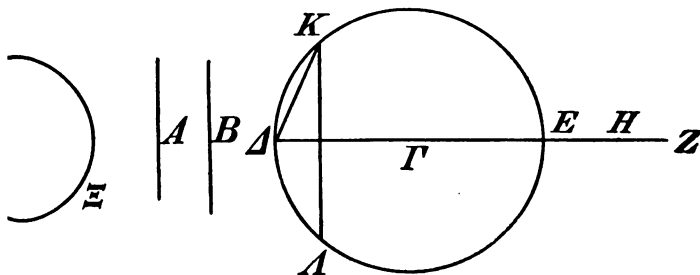


Fig. 82.

oll. Nun werde $EZ = \Gamma E$ gemacht und in H so geschnitten, daß $ZH : HE = A : B$. Und ΔE werde in Θ geschnitten, daß $EZ : ZH = E\Delta^2 : \Delta\Theta^2$. Man ziehe nun im rechten Winkel zu ΔE die Linie $\Theta K A$, und die Verbindungsline $K A$, nehme einen beliebigen Punkt auf der Oberfläche der Kugel und beschreibe mit M als Pol und einem Abstand, der gleich $K A$ sei, auf der Oberfläche der Kugel den Kreis $N\Xi$. Ich behaupte, daß die in dem beschriebenen Kreise getrennten Kugelsegmente sich wie $A : B$ zu einander verhalten. Denn dies hat Archimedes ebenfalls in seinem 2. Buche über die Kugel nachgewiesen.

ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ
ΠΕΡΙ ΔΙΟΠΤΡΑΣ

ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ ΠΕΡΙ ΔΙΟΠΤΡΑΣ

cod. Paris.
suppl. gr. 607
fol. 62^r
pag. 174 Vi

α. Τῆς διοπτρικῆς πραγματείας πολλὰς καὶ ἀναγ-
καίᾳ παρεχομένης χρείας καὶ πολλῶν περὶ αὐτῆς
λελεχότων ἀναγκαῖον εἶναι νομίζω τὰ τε ὑπὸ τῶν πρὸ
ἑμοῦ παραλειφθέντα καὶ, ὥς προείρηται, χρεῖαν παρ-
έχοντα γραφῆς ἀξιῶσαι, τὰ δὲ δυσχερῶς εἰρημένα εἰς
εὐχέρειαν μεταγαγεῖν, τὰ δὲ ψευδῶς εἰρημένα εἰς
διόρθωσιν προᾶξει. οὐχ ἡγοῦμαι δὲ ἀναγκαῖον εἶναι
τὰ τε ἡμαρτημένως καὶ δυσχερῶς ἐκτεθειμένα ἢ καὶ
διημαρτημένα ὑπὸ τῶν πρὸ ἡμῶν νῦν εἰς μέσον
φέρειν· ἐξέσται γὰρ τοῖς βουλομένοις ἐντυγχάνουσιν
κρίνειν τὴν διαφοράν. ἔτι δὲ καὶ ὅσοι ἀναγραφὴν
πεποίηται περὶ τῆς πραγματείας, οὐ [διὰ] μιᾶ ἢ τῇ
αὐτῇ διόπτρᾳ κέχρηται πρὸς τὴν ἐνέργειαν, πολλαῖς
δὲ καὶ διαφόροις, καὶ ὀλίγας δι' αὐτῶν προτάσεις ἐπι-
τελέσαντες. ἡμεῖς μὲν οὖν καὶ τοῦτο αὐτὸ πεφιλοτιμή-
μεθα, ὥστε διὰ τῆς αὐτῆς τὰς προκειμένας ἡμῖν προ-
τάσεις ἐνεργεῖσθαι. οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ ἂν ἑτέρας τις
ἐπινοήσῃ, οὐκ ἀμοιρήσει ἢ κατασκευασθεῖσα ὑφ' ἡμῶν
διόπτρα, ὥστε καὶ ταύτας ἐνεργεῖν.

1—2 Tituli folio resecto exiguae supersunt reliquiae: Ἡρώ-
νος περὶ διόπτρας 5 λελεχότων: cf. Galenus XVI 249, 4 K

Σ ÜBER EINE DIOPTRA VON HERON VON ALEXANDRIA.

I. Da die Lehre von der Dioptra viele und unentbehrliche praktische Anwendungen bietet und Viele über sie gehandelt haben, so halte ich für nötig, das von meinen Vorgängern Übergangene, das, wie gesagt, eine praktische Anwendung gestattet, der Darstellung zu würdigen, das schwierig Dargestellte in eine leichtfaßliche Form zu bringen und das falsch Dargestellte zu verbessern. Ich glaube jedoch nicht, daß es nötig ist, das von meinen Vorgängern in fehlerhafter und schwerverständlicher Form Vorgetragene oder auch sachlich Verfehlte hier zu behandeln. Denn wem daran liegt, der kann sich durch eigene Lektüre ein Urteil über den Unterschied bilden. Ferner haben auch diejenigen, welche über den Gegenstand geschrieben haben, sich zur Ausführung der Operationen nicht eines und desselben Instrumentes, sondern vieler und immer wieder verschiedener bedient, und doch haben sie vermittelt derselben nur wenige Aufgaben gelöst. Wir nun haben gerade auf diesen Punkt besonderen Wert gelegt, so daß durch ein und dasselbe Instrument die uns vorliegenden Aufgaben gelöst werden. Jedoch wird auch, wenn sich jemand noch andere Aufgaben ausdenkt, die von uns konstruierte Dioptra dabei nicht versagen, so daß sie auch diese auszuführen vermag.

10 ἡμαρτημένα καὶ: correxi 14—15 διὰ μᾶς ἢ τῆς αὐτῆς
διόπτρας: correxi dittographia sublata 19 ἐτέραν: corr. R. Schoen

p. 176

β. Ὅτι δὲ πολλὰς παρέχεται τῷ βίῳ χρ
 πραγματεία, δι' ὀλίγων ἐστὶν ἐμφανίσει. πρὸς
 ὑδάτων ἀγωγὰς καὶ τειχῶν κατασκευὰς καὶ λ
 καὶ παντὸς οἰκοδομήματος εὐχρηστος τυγχάνει,
 δὲ ὦνησεν καὶ τὴν περὶ τὰ οὐράνια θεωρίαν,
 τροῦσα τὰ [τε] μεταξὺ τῶν ἀστέρων διαστήμα
 τὰ περὶ μεγεθῶν καὶ ἀποστημάτων καὶ ἐκ
 ἡλίου καὶ σελήνης· πρὸς τε τὴν τῶν γεωγ
 μένων πραγματείαν, νήσους τε καὶ πελάγη καὶ κ
 πᾶν διάστημα ἐξ ἀποστήματος (<...>). πολλὰ
 ἐμποδὼν ἴσταται τι εἶργον ἡμᾶς τῆς προθέσεως
 διὰ πολεμίων προκατάληψιν ἢ διὰ τὸ ἀπρόσι
 ἄβητον εἶναι τὸν τόπον παρεπομένου τινὸς ἰδι
 φυσικοῦ ἢ θεύματος ὀξεία ὑποσύροντος. πολλο
 πολιορκεῖν ἐπιχειροῦντες κλίμακας ἢ μηχανήματι
 σκευασάμενοι ἐλάσσονα ὦν χρῆ καὶ προσα(γὰ)
 τοῖς τείχεσιν ὑποχειρίους ἑαυτοὺς παρέσχον τοῖς
 λοις παραλογισθέντες τῇ ἀναμετρήσει τῶν τειχῶν
 ἀπείρους εἶναι τῆς διοπτρικῆς πραγματείας. αἱ
 ἐκτὸς ὄντας βέλους ἀναμετρεῖν δεῖ τὰ προει
 fol. 62^v διαστήματα.

Πρότερον οὖν ἐκθέμενοι τὴν τῆς διόπτρας
 σκευὴν ἐξῆς καὶ τὰς χρείας προστάξομεν.

p. 178

γ. Ἡ τοίνυν τῆς εἰρημένης διόπτρας κατ
 ἐστὶν τοιαύτη. παγεὺς γίνεται καθάπερ στ
 ἔχων ἐκ τοῦ ἄνω μέρους τόρμον στρογγύλον· π
 τὸν τόρμον τυμπάνιον περιτίθεται χάλκεον π
 αὐτὸ κέντρον τῷ τόρμῳ. περιτίθεται δὲ καὶ χ
 χαλκῇ περὶ τὸν τόρμον εὐλύτως δυναμένη περὶ α
 π(ο)λεῖσθαι, ἔχουσα ἐκ μὲν τοῦ κάτω μέρους
 νιον ὠδοντωμένον συμφυὲς αὐτῇ, ἔλασσον τοῦ

II. Daß diese Disciplin dem praktischen Leben vielfachen Nutzen gewährt, kann man mit wenigen Worten zeigen. Denn sowohl für die Anlage von Wasserleitungen als auch für den Bau von Mauern und Häfen und jeder Art von Gebäuden ist sie nützlich, und auch der Himmelskunde hat sie durch Ausmessung der Abstände zwischen den Sternen vielfachen Nutzen gebracht, sowie auch den Untersuchungen über die Größe, die Abstände und die Verfinsterungen von Sonne und Mond; ferner ist sie für die Geographie nützlich gewesen, indem sie Inseln und Meere und allgemein jede Entfernung aus Abstand messen lehrte. Denn oft steht ein Hindernis im Wege, das uns an der Ausführung unserer Absicht hindert, weil entweder Feinde die Örtlichkeit vorher besetzt haben, oder weil das Terrain unzugänglich und unwegsam ist, wenn es irgend eine physische Eigentümlichkeit hat, oder ein reißender Strom im Wege ist (?). Beispielsweise haben Viele bei Einleitung einer Belagerung Leitern oder Belagerungstürme in kleineren Dimensionen als nötig war konstruiert und sich dann, wenn sie diese an die Mauern heranzuführten, dem Gegner ausgeliefert, da sie sich aus Unkenntnis der Handhabung der Dioptra in der Messung der Mauerhöhen getäuscht hatten. Denn diese Größen muß man stets außer Schußweite messen. Wir werden nun zuerst die Konstruktion der Dioptra auseinandersetzen und sodann auch eine Übersicht der Fälle ihrer praktischen Verwendung beifügen.

III. Die Konstruktion dieser Dioptra ist folgende. Es wird ein Ständer in Form einer kleinen Säule angefertigt, der oben einen runden Zapfen hat. Um den Zapfen wird eine kleine Bronzescheibe herumgelegt, die mit dem Zapfen denselben Mittelpunkt hat. Ferner wird um den Zapfen ein Bronzecylinder herumgelegt, der sich bequem darum zu drehen vermag; er hat an seinem unteren Teile ein

6 [τε] delevi 10 hiatu <ἀναμετροῦσα> sim. haustum
 16 προσαγόμενοι: correxi. f. χοῆν 17 ἐαντοῖς: corr. Vi
 26 ἀνωτέρου τόρου: corr. R. Schoene 29—30 αὐτὸ πλεῖσθαι:
 correxi; ἐλλείσθαι Vi 31 et p. 194 l. 8 ὁδοντωμενον: corr. Vi

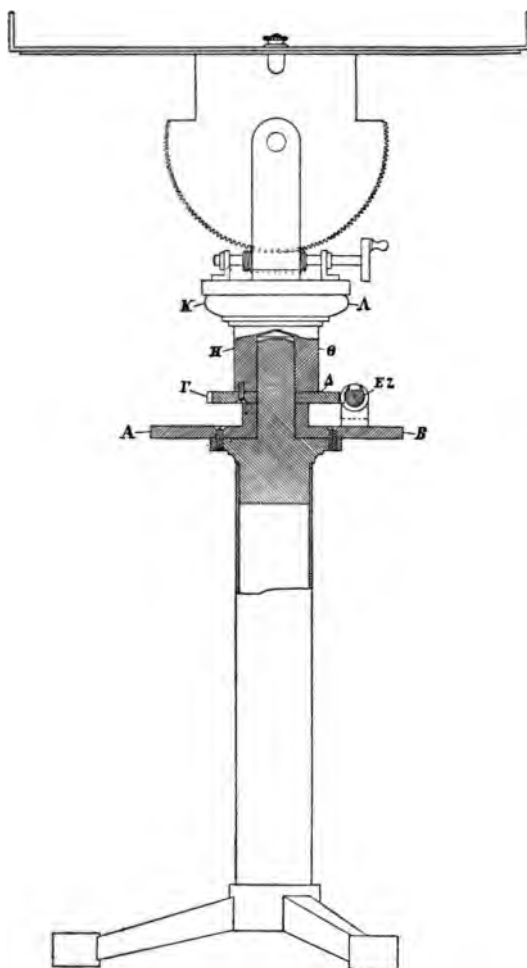


Fig. 83 a. Dioptra (Durchschnitt).

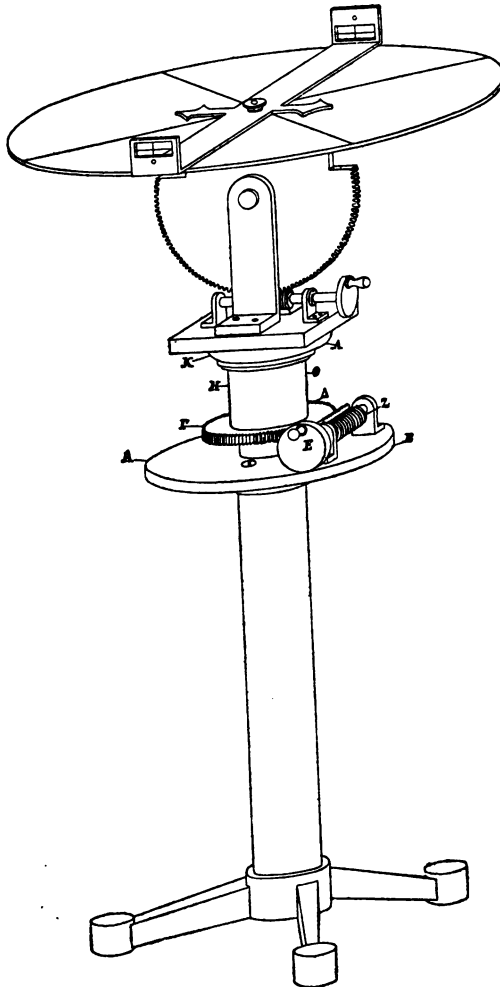


Fig. 88b. Dioptra (Seitenansicht).

ρημένον τυμπανίου καὶ ἐπικαθήμενον αὐτῷ, ἐκ δὲ τοῦ ἄνω μέρους πλίνθον καθάπερ Δωρικοῦ κιονίου κεφάλιον εὐπρεπείας ἕνεκα. τῷ δ' εἰρημένῳ ὀδοντωτῷ τυμπανίῳ παρατίθεται κοχλίδιον ἔχον τὴν ἔλικα ἁρμοστήν τοῖς ὀδοῦσι τοῦ τυμπανίου. τὰ δὲ στημάτια τοῦ κοχλιδίου συμφυῇ γίνεται τῷ μείζονι τυμπανίῳ. ἔαν ἄρα ἐπιστρέψωμεν τὸ εἰρημένον κοχλίδιον, ἐπιστρέψωμεν καὶ τὸ ὀδοντωμένον τυμπάνιον καὶ τὴν συμφυῇ αὐτῷ χοινικίδα. γίνεται δὲ συμφυῆς αὐτῷ τόρμων τριῶν ἀφιεμένων ἐκ τῆς ἑδρας τῆς χοινικίδος καὶ συγκοινομένων αὐτῷ τῷ τυμπανίῳ. λαμβάνει δὲ ὁ κοχλίας κατὰ μῆκος σωλῆνα πάχος ἔχοντα ὅσον ἐστὶν τὸ τῆς ἔλικος αὐτοῦ βάθος· οὐκοῦν ἔαν ἐπιστρέψωμεν τὸν κοχλίαν, ἄχρις ὃ εἰρημένος ἐν αὐτῷ σωλῆν κατὰ τοὺς ὀδόντας τοῦ τυ(μ)πανίου γένηται, ἰδίᾳ στραφήσεται τὸ τυμπάνιον. καταστήσαντες οὖν αὐτὸ ὥς ἂν ἡ χρεῖα ἀπαιτῇ, ἐπιστρέψωμεν τὸν κοχλίαν βραχύ, ὥστε ἐμπλακῆναι τὴν ἔλικα τοῖς ὀδοῦσιν, καὶ οὕτως μενεῖ ἀκίνητον τὸ τυμπάνιον.

p. 180 Ἔστω οὖν τὸ μὲν περὶ τὸν τόρμον τυμπάνιον καὶ συμφυῆς τῷ παγεί τὸ AB , τὸ δὲ συμφυῆς τῇ χοινικίδι τὸ $ΓΔ$, ὃ δὲ παρακείμενος τούτῳ κοχλίας ὁ EZ , ἡ δὲ συμφυῆς χοινικὶς τῷ $ΓΔ$ τυμπανίῳ ἡ $HΘ$, ἔχουσα ἐπικείμενον, ὥς εἴρηται, Δωρικὸν κεφάλιον τὸ $ΚΑ$. ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου ἐφεστιάτω δύο χαλκᾶ στημάτια καθάπερ κανόνια, ἀπέχοντα ἀπ' ἀλλήλων τοσοῦτον, ὥστε εἰς τὸν μεταξὺ τόπον αὐτῶν πάχος τυμπανίου δύνασθαι ἐναρμολογεῖσθαι. ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου μεταξὺ

2 κιωνίου 4—5 ἁρμοστήν: η ex ei fecit. m. 1 7—8 ἐπιστρέψωμεν 15 τυμπάνιον γένηται ἢ διαστραφήσεται: correxi 17 ἐπιστρέψωμεν

mit ihm fest verbundenes Zahnrad, das noch kleiner ist als die vorgenannte Bronzescheibe und auf dieser aufliegt, und an seinem oberen Teile um des guten Aussehens willen eine Plinthe in der Form des Kapitellchens einer kleinen dorisches Säule. An dieses Zahnrad wird eine kleine Schnecke (Schraube ohne Ende) angeschoben, deren Windung zu den Zähnen des Rades paßt; die kleinen Lagerböcke dieser Schraube werden mit der größeren Bronzescheibe fest verbunden. Wir werden daher, wenn wir diese Schnecke drehen, zugleich das Zahnrad und den mit diesem fest verbundenen Cylinder drehen; fest verbunden wird er dadurch, daß drei Zapfen von dem Boden des Cylinders ausgehen und mit dem Zahnrade selbst vernietet werden. Die Schnecke erhält in ihrer Längenrichtung eine Vertiefung, die so breit als ihre Windung tief ist. Mithin wird, wenn wir

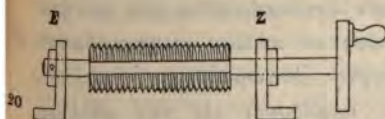


Fig. 83 c. Schnecke mit Gräbchen
(Seitenansicht).

die Schnecke so drehen, daß diese an ihr angebrachte Vertiefung den Zähnen des Rades gegenüber zu stehen kommt, das Zahnrad sich selbstständig bewegen lassen.

Wenn wir dieses nun so eingestellt haben, wie es das Bedürfnis des vorliegenden Falles verlangt, so werden wir die Schraube nur noch ein wenig drehen, so daß ihre Windung in die Zähne eingreift, dann wird das Zahnrad unbeweglich in seiner Stellung verbleiben.

Es sei nun AB die Metallscheibe, die um den Zapfen herumgeht und mit dem Ständer verbunden ist; ΓA das Zahnrad, das mit dem Cylinder verbunden ist; EZ die an dieses angeschobene Schnecke, $H\Theta$ der mit dem Zahnrade ΓA verbundene Cylinder, auf dem, wie gesagt, ein kleines dorisches Kapitell KA aufliegen soll. Auf dessen Plinthe sollen zwei aus Bronze gefertigte Lagerböcke in Form von Linealen stehen, die soweit von einander entfernt sein müssen, daß sich in den freien Raum zwischen ihnen die Dicke eines Zahnrades einpassen läßt, und auf der

p. 182 τῶν κανονίων κοιλίας ἔστω στρεφόμενος, οὐ
fol. 63^r στη<μάτια> | ἁρμοστὰ τῷ εἰρημένῳ τόρμῳ
δὲ μακροὶ καὶ οἱ ὄντες τῷ τόρμῳ παρυνπεραίρουσι
τὸ ἄνω μέρος ὅσον δακτύλους δ. ἐν δὲ τῇ μεταξύ
ὑπεροχῶν χώρᾳ ἐναρμόζεται κανὼν πλάγιος, μήκος
ἔχων ὥς πῆχεις τέσσαρας, πλάτος δὲ καὶ πάχος
ἁρμόζειν εἰς τὴν εἰρημένην χώραν· καὶ διατεμν
ὕπ' αὐτῆς κατὰ μήκος.

p. 184 δ. Ἐν δὲ τῇ ἄνω ἐπιφανείᾳ τοῦ κανόνος σ
ἐγκέκοπται ἦτοι στρογγύλος ἢ τετράγωνος, τῷ
τηλικούτος, ὥστε δεξασθαι σωλῆνα χαλκοῦν
ἔχοντα ἔλασσον τοῦ κανόνος ὥς δακτύλους δῶ
τῷ δὲ χαλκῷ σωλῆνι πρόσκεινται ἕτεροι σωλῆνες
ἐκ τῶν ἄκρων, ὥστε δοκεῖν ἀνακεκάμφθαι τὸν σω
τῆς δ' ἀνακαμπῆς τὸ ὕψος οὐ πλεῖον γίνεται δι
λων δύο. εἴτα μετὰ τοῦτο ἐπιπωμάζεται ὁ χα

p. 186 σωλῆν κανόνι ἐπιμήκει ἁρμόζοντι εἰς τὸν σω
ὥστε συνέχειν τὸν τε χαλκοῦν σωλῆνα καὶ εὐπ
στέραν τὴν ὕψιν παρέχειν. ἐν δὲ ταῖς εἰρημ
ἀνακαμπαῖς τοῦ σωλῆνος ἐναρμόζεται ἐν ἐκ
ὑάλινον κυλίνδριον πάχος μὲν ἔχον ἁρμοστὸν
σωλῆνι, ὕψος δὲ ὥς δακτύλων δώδεκα· εἴτα περι
νοῦται εἰς τὰς ἀνακαμπὰς τὰ ὑάλινα κυλίνδρια
ἢ ἄλλῃ τινὶ στεγνώματι, πρὸς τὸ ὕδατος ἐμβληθ
δι' ἐνὸς τῶν κυλινδρίων μηδαμόθεν διαρρεῖν.

Περίκειται δὲ τῷ πλαγίῳ κανόνι πηγματία
κατὰ τοὺς τόπους, ἐν οἷς ἔστιν τὰ ὑάλινα κυλί
ὥστε δι' αὐτῶν διελθόντα τὰ ὑάλινα συνέχεσθαι

2 post στη hiat disputatio, desunt 4 folia, cf. proleg. p
f. στη<μάτια συμφυῇ γίνεται τῇ πλύνθῃ> 3 μακ
οἱ ὄντες: f. καὶ οἱ (i. e. παράλληλοι) ὄντες (sc. κανόνες)

Plinthe soll sich zwischen den beiden großen Pfosten eine Schnecke drehen, deren kleine Lagerböcke (in die Plinthe eingelassen sein müssen.) an den genannten Zapfen passend. Die beiden
 5 langen und dem Zapfen parallel laufenden Pfosten ragen nach oben etwa 4 Daktylen über ihn hinaus. In das Lager zwischen den überragenden Teilen wird ein Lineal quer eingesetzt, das 4 Ellen lang und so breit und dick ist, daß es in dieses Lager hineinpafst, und zwar soll es
 10 von diesem seiner Länge nach in zwei gleiche Hälften geteilt werden.

IV. In die obere Fläche des Visierlineals ist eine Vertiefung von halbrundem oder quadratischem Querschnitt eingeschnitten, die so lang ist, daß sie eine Bronzeröhre, die um etwa 12 Daktylen kürzer ist als das Visierlineal, aufzunehmen vermag. An die Bronzeröhre schloß
 15 sich an ihren Enden zwei andere, senkrecht stehende Röhren an, so daß es aussieht, als sei die große Röhre nach oben aufgebogen. Die Höhe dieser aufgebogenen
 20 Stücke bemisst man auf nicht mehr als 2 Daktylen. Hierauf wird die Bronzeröhre mit einem langen Lineal, das auf die Vertiefung pafst, oben dergestalt zugedeckt, daß dieses sowohl die Bronzeröhre festhält als auch das Aussehen des Apparats wohlgefälliger macht. In die ge-
 25 nannten Aufbiegungen der Röhre wird je ein kleiner Glaszylinder eingepafst, der eine zu der Röhre passende Dicke und eine Höhe von etwa 12 Daktylen hat. Sodann werden die Glaszylinder in die Aufbiegungen mit Wachs oder einem andern Bindemittel hineingekittet, da-
 30 mit, wenn durch einen der Cylinder Wasser eingegossen wird, es nirgends durchlaufen kann.

Das querliegende Lineal wird an den Stellen, wo sich die Glaszylinder befinden, von zwei kleinen Gehäusen umgeben, so daß die Glasgefäße durch diese hindurchgehen und

τεμνέσθω: ν supra lin. supplevit m. 1 20 εκατέρω: correxi
 21 ὑέλινον: correxi hic et 23. 27. 28. p. 200, 3 coll. p. 200 °

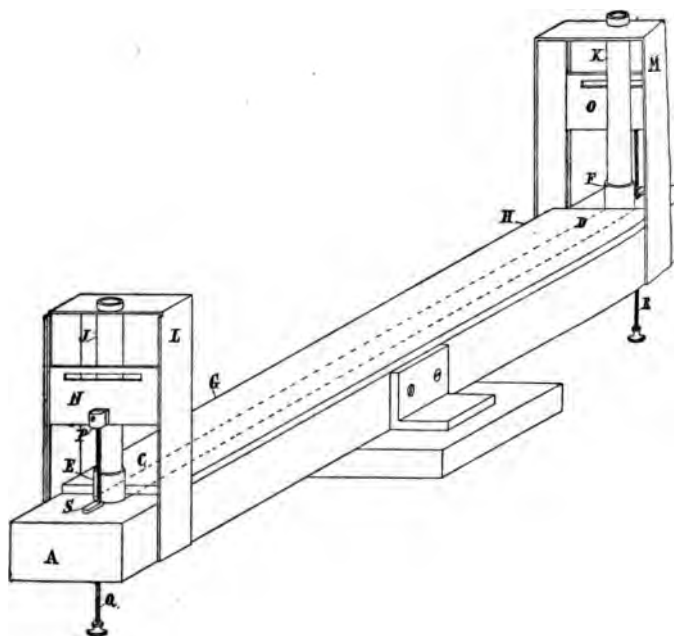


Fig. 84 a. Nivellierlineal (Seitenansicht).

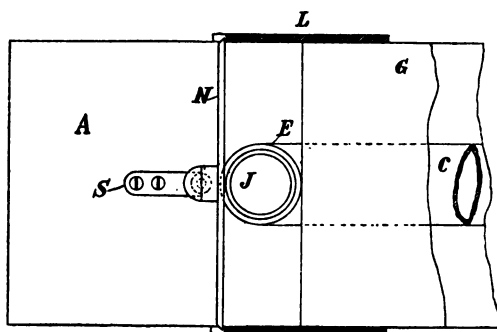


Fig. 84b. Nivellierlineal (Grundrifs).

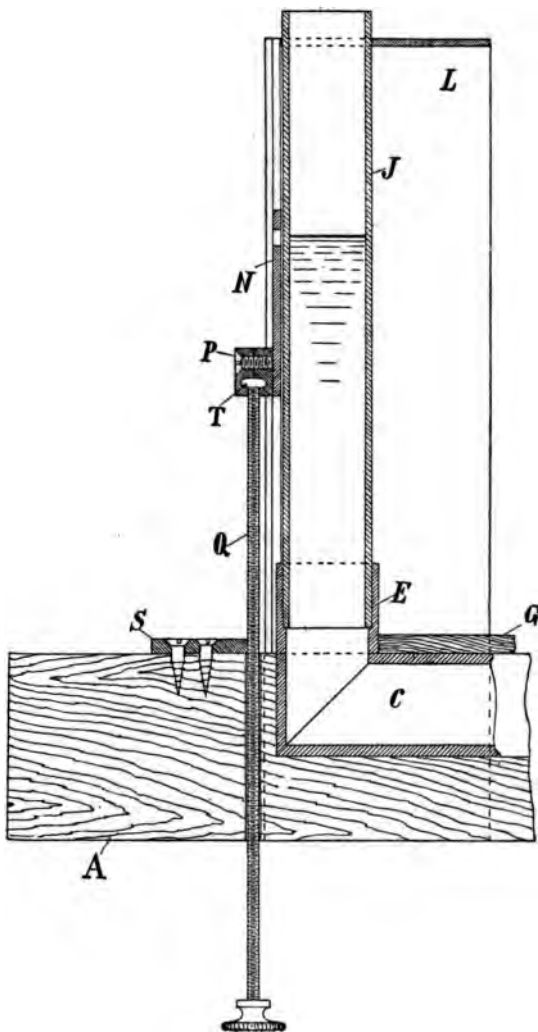


Fig. 84 c. Nivellierlineal (Durchschnitt).

δὲ τοῖς εἰρημένοις πηγματίοις λεπίδια χαλκᾷ ἐναρμόζεται, διατρέχειν μὲν δυνάμενα ἐν σωλῆσι διὰ τῶν τοίχων τῶν πηγματίων ψαύοντα τῶν ὑαλίνων κυλινδρίων, μέσας ἔχοντα ἀνατομὰς, δι' ὧν δυνατὸν ἔσται διοπεύειν. τοῖς δὲ εἰρημένοις λεπιδίοις συμφυῇ γίνεται ἐκ τῶν κάτω μερῶν χοινικίδια, ὕψος ἔχοντα ὡς ἡμιδακτύλ(ι)ου, καὶ τούτοις ἄρμωστὰ γίνεται ἀξόνια χαλκᾷ, μῆκος μὲν ἔχοντα ὅσον ἔστιν τὸ ὕψος τοῦ πηγματός τοῦ πρὸς ἐνὶ τῶν ὑαλίνων κυλινδρίων, ἀ διὰ τρήματος ἀνέρχεται ἐν τῷ κανόνι τῷ τὸν σωλῆνα¹¹ fol. 63^v ἔχοντι. ἐν δὲ τοῖς ἀξονίοις ἑλικες ἐντέμνονται, | εἰς ὧς τυλάρια ἄρμωστὰ γίνεται συμφυῇ ὄντα τῷ κανόνι. εἰάν ἄρα τὰς τῶν ἀξον(ι)ων ὑπεροχὰς τὰς εἰς τὸ κάτω μέρος ἐπιστρέφῃ τις, κινήσει τὰ λεπίδια τὰ τὰς ἀνατομὰς ἔχοντα ἐκ τε τοῦ ἄνω καὶ κάτω μέρους· ἔξει γάρ¹² τὸ πρὸς τῇ λεπίδι ἄκρον τοῦ ἀξονίου τυλάριον ἐμβαῖνον εἰς σωλῆνα ἐνόντα ἐν τῷ χοινικιδίῳ.

p. 188 ε. Καὶ ἡ μὲν τῆς διόπτρας κατασκευὴ εἰρηται, τὴν δὲ τῶν παρατιθεμένων αὐτῇ κανόνων καὶ ἀσπίδων νῦν ἐροῦμεν. δύο γίνονται κανόνες μῆκος μὲν ὡς πηχῶν¹³ ι, πλάτος δὲ ὡς δακτύλων ε, πᾶχος δὲ ὡς δακτύλων τριῶν. ἐν δὲ τῷ μέσῳ πλάτει ἐκατέρων αὐτῶν πελεκῖνος γίνεται θήλυς τὰ στενὰ εἰς τὸ ἔξω μέρος ἔχων, ἰσομήκης τῷ κανόνι. τούτῳ δὲ ἄρμωστὸν γίνεται χελωνάριον εὐλύτως διατρέχειν εἰς αὐτὸν δυνάμενον καὶ μὴ ἐκπίπτειν. τούτῳ δὲ τῷ χελωναρίῳ προσηλοῦται ἀσπιδίσκη τὴν διάμετρον ἔχουσα ὡς δακτύλων δέκα ἢ δώδεκα· καὶ διὰ τοῦ κύκλου εὐθείας βληθείσης πρὸς

4f. (<δ') ἔχοντα 7 ἡμιδακτύλου: correxi ἀξόνια 9 τῷ πρὸς: correxi γαλήνων: correxi 9—10 δ διὰ: corr. Vi 11 ἀξωνίοις ἐντεμονται 13 ἀξόνων 16 ἀξωνίου 18—19 εἰρηται. τῶν

darin festgehalten werden. In diese Gehäuse werden Metallplättchen hineinverpafst, welche in Führungen an den Wänden der Gehäuse auf und nieder laufen können; sie berühren dabei die Glaszylinder und haben in der Mitte Ausschnitte zum Visieren. An diesen Metallplättchen sind an ihrem unteren Ende kleine Cylinder, die die Höhe von etwa $\frac{1}{2}$ Daktylos haben, befestigt und in diese pafst man drehbare Stifte aus Bronze ein, die so lang sind als das Gehäuse bei einem der Glaszylinder; sie gehen durch ein Loch in dem mit der Vertiefung versehenen Lineal. In die Stifte werden Schraubenwindungen eingeschnitten, in welche kleine Zapfen, die mit dem Lineal festverbunden sind, eingreifen. Dreht man nun an den nach unten überstehenden Teilen der Stifte, so wird man dadurch die mit Ausschnitten versehenen Metallplättchen nach oben und unten bewegen. Denn das dem Metallplättchen benachbarte Ende des Stiftes wird mit einem kleinen Wulst versehen sein, der in eine an der Innenfläche des kleinen Cylinders angebrachte Vertiefung eingreift.

V. Die Konstruktion der Dioptra ist hiermit dargestellt; nunmehr werden wir die der neben ihr gebrauchten Schiebelatten und Zielscheiben angeben. Es werden zwei (parallelepipedische) Latten hergestellt, die eine Länge von etwa 10 Ellen, eine Breite von etwa 5 Daktylen und eine Dicke von etwa 3 Daktylen haben. In der Mitte einer Breitseite jeder der beiden Latten wird in deren ganzer Länge eine sogenannte weibliche Nuth von schwalbenschwanzförmigem Durchschnitt angebracht, deren engerer Teil nach aufsen liegt. In diese wird ein kleiner Schlitten eingepafst, der bequem darin laufen kann, ohne doch herauszufallen. An diesen Schlitten wird eine Zielscheibe angenagelt, die einen Durchmesser von 10—12 Daktylen hat. Durch ihre kreisförmige Fläche wird eine Gerade im rechten Winkel zu der Längenrichtung der Latte ge-

δὲ παρατιθέμενων: corr. Vi 19 ἀσπίδων: ἀσπίδων Vi
20 μήκους: correxi 22f. ἐν αὐτῷ 24 τοῦτο

ὁρθὰς τῷ μήκει τοῦ κανόνος τὸ μὲν τῶν ἡμικυκλίων λευκῷ χρίεται χρώματι, τὸ δ' ἕτερον μέλανι. ἐκ δὲ τοῦ χελωναρίου σπάρτος ἐκδεθεῖσα διὰ τροχίλου εἰς τὸ ἄνω τοῦ κανόνος κει-
 μένου ἀποδίδεται εἰς τὸ ἕτερον τοῦ κανό-
 νος μέρος, ὅπου οὐκ ἔστιν ἡ ἀσπιδίσκη. ἐὰν ἄρα τις τὸν κα-
 νόνα ὁρθὸν ἐάσῃ ἐπὶ τοῦ ἐδάφους, καὶ ἐπι-
 σπάσῃται ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν τὴν σπάρτον, μετεωρίσει
 τὴν ἀσπιδίσκην· ἐὰν δὲ ἀφῇ, κατενεχθή-
 σεται εἰς τὸ κάτω μέρος τῷ ἰδίῳ βάρει·
 ἔξει γὰρ ἐκ τῶν ὀπι-
 σθεν μερῶν ἡ ἀσπι-
 δίσκη μολιβοῦν πλά-
 τυσμα προσηλωμέ-
 νον, ὥστε αὐτομάτως



Fig. 85 a.

Schiebelatte (Vorderansicht).

8 τροχήλου 15 ἐάσῃ:
 f. στήση 19 μετεωρίσει
 24—25 ὀπισθε

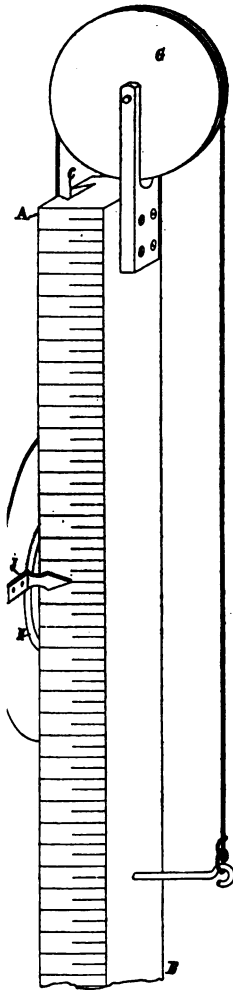


Fig. 85 b.
schiebelatte (Seitenansicht).

legt und dann der eine der beiden Halbkreise mit weißer, der andere mit schwarzer Farbe angestrichen. An dem Schlitten wird eine Schnur befestigt und über ein am oberen Ende der Latte sitzendes Rad nach der anderen Seite der Latte, wo die Zielscheibe nicht sitzt, geführt. Wenn man nun die Latte senkrecht auf den Boden aufsetzt und von der Hinterseite aus die Schnur anzieht, so wird man die Zielscheibe nach oben bewegen; läßt man dagegen die Schnur nach, so wird die Scheibe durch ihr eigenes Gewicht nach unten gleiten. Die Zielscheibe wird nämlich an ihrer Rückseite eine aufgenagelte Bleiplatte tragen, so daß sie von selbst hinabgleitet. Wenn wir zu dem Ende die Schnur nachlassen, so wird die Zielscheibe an jeder gewünschten Stelle der Latte festgestellt werden können.

Die Latte wird weiter von ihrer unteren Spitze an sorgfältig in so viel Ellen, Palaesten und Daktylen eingeteilt, als ihre Länge faßt, und an den Teilpunkten werden die Linien der Lattenteile rechts von der Zielscheibe eingegraben. Die Zielscheibe soll aber auch an ihrer Rückseite einen Zeiger haben.

καταφέρεσθαι· πρὸς δ' ἂν τὴν σπάρτον ἀνωόμεν, κατα-
σταθήσεται καὶ ἡ ἀσπιδίσκη καθ' ὃν ἂν βουλώμεθα
τοῦ κανόνος τόπον χαλωμένης<...>.

Διηγήσθω δὲ καὶ ὁ κανὼν ἀπὸ τῆς κάτω κουρᾶς
ἀκριβῶς εἰς πῆχεις καὶ παλαιστὰς καὶ δακτύλους, ὅσους
fol. 64^r ἂν ἐπιδέχεται | τὸ μῆκος· καὶ κα<τὰ> τὰς διαιρέσεις
αἱ γραμμαὶ ἐγκεχαράχθωσαν <τῶν> τοῦ κανόνος μερῶν
[τῶν] ἐπὶ τὰ δεξιὰ τῆς ἀσπιδίσκης· ἔξει δὲ καὶ ἡ
ἀσπιδίσκη ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν γνωμόνιον ἀπὸ τῆς
εἰρημένης ἐν αὐτῇ διαμέτρου παραπίπτου παρὰ τὰς
εἰρημένας ἐν τῷ πλαγίῳ μέρει τοῦ κανόνος γραμμάς.

p. 190 Οἱ δὲ κανόνες ὀρθοὶ σταθήσονται ἐπὶ τοῦ ἐδάφους
ἀκριβῶς οὕτως· ἐκ πλαγίων τῶν κανόνων, ὅπου οὐκ
εἰσιν αἱ τῶν μερῶν γραμμαὶ, τύλος ἐμπήγνυται μῆκος
ἔχων ὡς δακτύλους τρεῖς, οὗ παρὰ τὴν κουρὰν τριῖμα
γίνεται ἀπὸ τῶν ἄνω μερῶν εἰς τὸ κάτω, δυνάμενον
σπάρτον δεξασθαι βάρος ἔχουσαν κρεμάμενον. ὥς δὲ τὸ
κάτω μέρος [σ]τύλος ἐγκείμενος γίνεται τοσοῦτος, ὅσον
καὶ τὸ εἰρημένον τρύπημα ἀφέστηκεν ἀπὸ τοῦ εἰρημένου
κανόνος. ἐν δὲ τῇ [εἰρημένῃ] κουρᾷ τῇ κάτω τοῦ
τύλου μέση καὶ ὀρθὴ γραμμὴ γίνεται, ἣ ἐφαρμόσασα
ἢ εἰρημένη σπάρτος τὸν κανόνα ὀρθὸν καταστήσει.

Τῆς οὖν κατασκευῆς πάσης εἰρημένης νῦν καὶ τὴν
χορήσιν ἐκδησόμεθα, ὡς δυνατὸν ἔσται.
p. 194 5. Δύο σημείων δοθέντων ἐν ἀποστήματι τυχόντι
ἐπισκέψασθαι, ὁπότερον αὐτῶν μετεωρότερόν ἐστιν ἢ
ταπεινότερον, καὶ πόσῳ, ἢ καὶ ἀμφοτέρω ἐξ ἴσου κεῖται,
τουτέστιν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι.

3 χαλωμένης: χαλωμένη Vi; hiatus indicavi 6—7 καὶ
κατὰς διαιρέσεις: corr. Vi 8 [τῶν] transposui; ἐκ τοῦ καν.
Vi 9 ὀπισθε 13 πλαγίων τε: correxi 16 f. τὰ κάτω

in der Höhe jenes Durchmessers angebracht, die benetzten Linien, die sich auf der Flanke der Latte befinden, bestreicht. Genau senkrecht werden die Latten auf Erdboden folgendermaßen aufgestellt. Auf derjenigen Seite der Latten, wo die Teilungslinien nicht angebracht sind, wird ein Stift befestigt, der eine Länge von ungefähr 12 Ktylen hat. An seinem äußeren Ende wird von oben nach unten ein Loch gebohrt, das eine Schnur, an

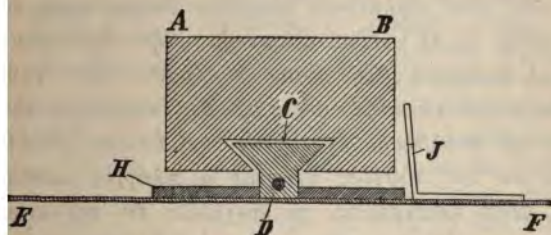


Fig. 85 c. Schiebelatte (Querschnitt).

der ein Gewicht hängt, aufzunehmen vermag. Weiter unten wird ein zweiter Stift angebracht, der so weit vortritt, als das erwähnte Loch von der Latte absteht. Am äußeren Ende des unteren Pflockes wird in der Mitte eine senkrechte Linie angebracht. Spielt die Schnur diese ein, so wird sie dadurch die Latte senkrecht stellen. Nachdem wir die Konstruktion vollständig dargelegt haben, werden wir nun auch die Anwendung des Instruments, soweit es möglich sein wird, auseinandersetzen.

I. Wenn zwei Punkte in beliebigem Abstände von einander gegeben sind, zu untersuchen, welcher von beiden der höhere oder tiefere, und wie groß die Höhendifferenz ist, oder ob sie beide in gleicher Höhe, d. h. in einer dem Horizonte parallelen Ebene liegen. Ferner wollen wir auch noch die in dem Zwischenraum zwischen den bei den Punkten gegebenen

στόλος: corr. Vi τοσοῦτον 20 [ἐλρημένη] delevi; f. κορυφή
καὶ κάτω τόλου 26 ὁπότερον 27 expectaveris ἢ <εἰ> καὶ

οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ τοὺς δοθέντας τόπους ἐν τῷ μεταξὺ
 διαστήματι τῶν σημείων ἐπισκεψώμεθα, πῶς ἔχουσι
 πρὸς ἀλλήλους καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς δοθέντα σημεία. ἔστω
 σαν οἱ δοθέντες τόποι, τουτέστι τὰ σημεία, τὰ *A*, *B*.
 δεῖ δὲ ἐπισκέψασθαι, ὁπότερον αὐτῶν μετεωρότερόν ἐστιν
 ἢ ταπεινότερον· καὶ τὸ μὲν *B* σημεῖον ἔστω <τόπος>, ἐν
 [αὐτῷ] τὸ ὕδωρ ἐστίν, τὸ δὲ *A*, εἰς ὃν μέλλει φέρεσθαι.
 ἔνα οὖν τῶν εἰρημένων κανόνων ἴστημι πρὸς τῷ *A*,
 καὶ ἔστω ὁ *ΑΓ*. εἴτα ἀποστήσας τὴν διόπτραν ἀπὸ
 τοῦ *A* τοσοῦτον, ἐφ' ὅσον θυνάμεθα ὁρᾶν τὸν *ΑΓ*
 κανόνα, ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τῷ *B*, ἐπιστρέφω τὸν ἐκ
 ἄκρῳ τῷ στυλίσκῳ, ἐν ᾧ ἐστὶ τὰ ὑάλινα κυλίνδρια,
 ἄχρις ἂν ἐπ' εὐθείας γένηται ὁ πλάγιος κανὼν τῷ
ΑΓ. εἴτα ἐπιστρέψας τὰ κοιλίδια ἐν τῷ κανόνι
 fol. 64^v ἀνάγω τὰς λεπίδας, ἄχρις ἂν αἱ ἐν αὐταῖς ἀνατομαί
 γένωνται κατὰ τὰς ἐν τοῖς ὑαλίνοις γραμμάς, ὥς ποιῇ
 ἡ τοῦ ὕδατος ἐν αὐτοῖς ἐπιφάνεια· καὶ κατασταθέντων
 οὕτως τῶν λεπιδίων διὰ τῶν ἐν αὐτοῖς ἀνατομῶν
 διοπτρεύω θεωρῶν τὸν *ΑΓ* κανόνα, τῆς ἀσπιδίσκης
 p. 196 μετεωριζομένης ἢ ταπεινουμένης, ἄχρις ἂν φανῇ ἡ μέση
 τοῦ λευκοῦ καὶ μέλανος χρώματος γραμμῇ. καὶ με-
 νούσης τῆς διόπτρας ἀκινήτου μεταβάς ἐκ τοῦ ἑτέρου
 μέρους διοπτρεύω διὰ τῶν ἀνατομῶν, ἀποστήσας ἀπὸ
 τῆς διόπτρας τὸν ἕτερον κανόνα τοσοῦτον ὥστε βλέ-
 πεσθαι· καὶ πάλιν χαλωμένης τῆς ἑτέρας ἀσπιδίσκης
 θεωρῶ τὴν ἐν αὐτῇ μέσῃ τῶν χρωμάτων γραμμῇ.
 ἔστω οὖν ὁ δεύτερος κανὼν ὁ *ΔΕ*, διόπτρα δὲ ἡ *Z*,

6 <τόπος> R. Schoene dubitanter 6—7 ἐν αὐτῷ: corr. Vi

7 εἰς ὃν: εἰς δ Vi 11 τοῦ B: correxi 11—12 τὸν ἐκ
 ἄκρῳ τῷ στυλίσκῳ: sc. κανόνα 12 ὑάλινα: correxi, cf. adn.
 p. 196, 21 18 αὐταῖς: correxi 27 ἡ *Z*· τὰ δὲ (sic): correxi

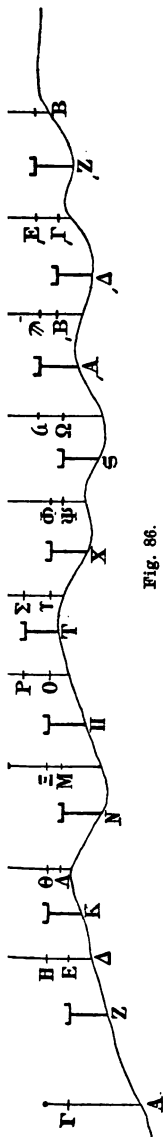


Fig. 86.

Orte darauf untersuchen, wie sie sich zu einander und zu den ursprünglich gegebenen Punkten verhalten.

Die gegebenen Orte, d. h. die Punkte, seien A und B . Die Aufgabe ist, zu untersuchen, welcher von beiden höher oder tiefer liegt. Nun sei B der Punkt, an welchem das Wasser ist, A der Punkt, nach welchem es geleitet werden soll. Ich stelle nun eine der erwähnten Schiebelatten bei A auf; sie sei AF . Dann stelle ich die Dioptra in der Richtung auf B zu soweit von A entfernt auf, als man die Schiebelatte AF noch zu sehen vermag, und drehe das oben auf dem Ständer liegende Visierlineal, an dem sich die Glaszylinder befinden, so lange, bis das querliegende¹⁾ Lineal in einer auf AF zulaufenden Graden liegt. Sodann hebe ich durch Drehung der in das Lineal eingelassenen Schrauben die Metallplättchen so lange, bis die daran angebrachten Ausschnitte in Höhe der innerhalb der Glasgefäße erscheinenden Linien zu stehen kommen, die die Oberfläche des in ihnen befindlichen Wassers markiert. Sind die Metallplättchen auf diese Weise eingestellt, so visiere ich durch die darin befindlichen Einschnitte, indem ich die Schiebelatte AF ins

1) Die technische Bedeutung des Wortes *πλάγιος* ist unsicher.

τὰ δὲ εἰλημμένα σημεία διὰ τῆς διόπτρας τὰ Γ, Ε'
καθ' ὃ δὲ ἐπίκειται ὁ ΔΕ κανὼν τῷ ἐδάφει, ἔστω τὸ
Δ. ἐμέτρησα οὖν ἑκατέραν τῶν ΑΓ, ΔΕ· καὶ ἔστω
ἡ μὲν ΑΓ ὑψομένη πηγῶν 5, ἡ δὲ ΔΕ πηγῶν β.
ἀπεγραψάμην οὖν δύο στίχους, ἐν μὲν τῷ ἐνὶ ἐπι-
γράψας καταβάσεως, (ἐν δὲ τῷ ἑτέρῳ ἀναβάσεως), ὡς
ὑπογέγραπται· καὶ τοὺς μὲν ἐξ πῆχεις ἐν τῷ τῆς κατα-
βάσεως στίχῳ σημειοῦμαι, τοὺς δὲ δύο ἐν τῷ τῆς ἀνα-
βάσεως. καὶ μένοντος τοῦ ΔΕ κανόνος μετατίθῃμι
τὴν διόπτραν· καὶ ἔστω πρὸς τῷ Κ· καὶ ἐπιστρέφω¹⁰
τὸν [ΔΕ] κανόνα, ἄχρις ἂν πάλιν ἴδω διὰ τοῦ πλα-
γίου κανόνος τὸν ΔΕ κανόνα. καὶ καταστήσας τὰ [τε]
λεπίδια τίθῃμι τὸν ΑΓ κανόνα ἔμπροσθεν τῆς διό-
πτρας, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη τοῦ ΔΕ κανόνος.
καὶ πάλιν ἀκινήτου τῆς διόπτρας οὔσης καθίστημι¹⁵
τὴν ἀσπιδίσκην ἐπ' εὐθείας ταῖς ἀνατομαῖς, καὶ ἔστω
τὰ πρὸς ταῖς ἀσπιδίσκαις σημεία ἐπὶ τῶν κανόνων τὰ
Η, Θ. πάλιν οὖν τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ Η διάστημα ἄχρι
τοῦ ἐδάφους σημειοῦμαι εἰς τὸν τῆς καταβάσεως στί-
χον, τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ Θ εἰς τὸν τῆς ἀναβάσεως· καὶ²⁰
ἔστωσαν μὲν καταβάσεως πῆχεις τέσσαρες, ἀναβάσεως
δὲ πῆχεις δύο. καὶ πάλιν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ Θ
κανόνος μετατίθῃμι τὴν διόπτραν καὶ τὸν ἕτερον κα-
^{p. 198} νόνα (καὶ) καταστήσας, ὡς προείρηται, ἐπ' εὐθείας τὰς
τε ἀσπιδίσκας καὶ τὰς ἀνατομας λαμβάνω [καὶ] ἐπὶ²⁵
^{fol. 65^r} τῶν κανόνων σημεία τὰ Α, Μ. | καὶ πάλιν τὸ μὲν

4 ὑψομένη: corr. Vi 5 ἀπεγραψάμην: ἀπ... ex ἐπ...
fec. videtur man. 1 6 supplevit Vi 8 σημειοῦνται: corr. Vi
9 μένοντας: corr. Vi 10 πρὸς τὸ: correxi 11 [ΔΕ] deleui
ἴδω καὶ τοῦ: correxi 12 [τε] deleui 15 οὔσης: f. μενούσης
22 πρὸς τὸ: correxi 24 (καὶ) addidi ἐπευθείας (sic)
25 [καὶ] deleui

Auge fasse, deren Zielscheibe so lange gehoben oder gesenkt wird, bis die Grenzlinie der weißen und der schwarzen Farben sichtbar wird. Indem nun die Dioptra unverrückt bleibt, trete ich auf die andere Seite und visiere von da aus durch die Ausschnitte, nachdem ich die andere Schiebelatte soweit von der Dioptra entfernt aufgestellt habe, daß sie gerade noch sichtbar ist. Und indem nun wieder die andere Zielscheibe in Bewegung gesetzt (und verschoben) wird, blicke ich nach der Grenzlinie der Farbenflächen auf ihr. Die zweite Schiebelatte nun soll AE sein und Z die Dioptra, die Punkte aber, die mit der Dioptra einvisiert sind, Γ und E , und wo die Schiebelatte AE auf dem Erdboden aufsteht, da soll der Punkt A sein. Ich messe nun die beiden Geraden $A\Gamma$ und AE , und es sei für $A\Gamma$ eine Länge von 6 Ellen, für AE von 2 Ellen ermittelt. Nun lege ich mir zwei Kolumnen an, und schreibe über die erste „Abstieg“, über die zweite „Aufstieg“, wie es unten gemacht ist. Und die 6 Ellen notiere ich in der Abstiegs-kolumne, die 2 dagegen in der Aufstiegs-kolumne. Während nun die Schiebelatte AE stehen bleibt, setze ich die Dioptra um — und zwar soll sie bei K stehen — und drehe das Visierlineal so lange, bis ich wiederum durch das querliegende Lineal die Schiebelatte AE erblicke. Und nachdem ich die Metallplättchen eingestellt habe, stelle ich die Schiebelatte $A\Gamma$ vor die Dioptra, d. h. nach der entgegengesetzten Seite als die Latte AE , auf. Und während die Dioptra wieder unverrückt bleibt, stelle ich die Zielscheibe auf eine Gerade mit den Ausschnitten ein; und es seien die Lattenpunkte an den Zielscheiben die Punkte H und Θ . Ich notiere nun wieder den Abstand von H bis zum Erdboden in der Abstiegs-kolumne und den Abstand von Θ in der Aufstiegs-kolumne. Es seien im Abstieg 4 Ellen, im Aufstieg 2 Ellen.

Indem nun wieder die Schiebelatte bei Θ stehen bleibt, stelle ich die Dioptra und die andere Schiebelatte um, und nachdem ich, wie vorher beschrieben, die Zielscheiben und die Ausschnitte auf eine Gerade eingestellt

πρὸς τῷ A μέτρον καταβάσεως ἔσται, τὸ δὲ πρὸς τῇ M ἀναβάσεως· ἔστω οὖν καταβάσεως πῆχυς εἷς, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. πάλιν οὖν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ M κανόνος μετακείσθω ἢ τε διόπτρα καὶ ὁ ἕτερος κανὼν. ἢ δὲ διὰ τῆς διόπτρας ἔστω εὐθεῖα ἢ ΞO ,⁵ καὶ πρὸς μὲν τῷ Ξ καταβάσεως ἔστωσαν πῆχεις τέσσαρες, πρὸς δὲ τῷ O ἀναβάσεως πῆχεις δύο. εἰδ' ἐξῆς τὰ αὐτὰ γινέσθω, ἄχρις ἂν ἐπὶ τὸ B παραγενώμεθα· καὶ ἔστω διόπτρα μὲν ἢ T , ἢ δὲ διὰ τῶν ἀνατομῶν εὐθεῖα ἢ $P\Sigma$ · καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις¹⁰ ϵ , ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. εἴτα διόπτρα μὲν ἢ X , εὐθεῖα δὲ ἢ $\Gamma\Phi$ · καὶ καταβάσεως πῆχυς εἷς, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. εἴτα διόπτρα μὲν ἢ ς , εὐθεῖα δὲ ἢ $\Psi\Omega$ · καὶ καταβάσεως πῆχεις δύο, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. πάλιν διόπτρα μὲν ἢ A , εὐθεῖα δὲ ἢ¹⁵ ΓD · καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις ϵ , ἀναβάσεως <δὲ> πῆχεις γ . εἴτα διόπτρα μὲν ἔστω ἢ A , εὐθεῖα δὲ ἢ

καταβάσεως	↑	ἀναβάσεως
ς		β
δ		β
α		γ
δ		β
ϵ		γ
α		γ
β		γ
ϵ		γ
β		α
γ		α
<hr/>		<hr/>
$\lambda\gamma$	↓	$\kappa\gamma$

20

25

habe, bestimme ich auf den Latten die Punkte A und M . Wiederum wird das Maß bei A zum Abstieg, das bei M zum Aufstieg gehören. Es seien im Abstieg 1 Elle, im Aufstieg 3 Ellen.

⁵ Während nun wieder die Latte bei M stehen bleibt, sollen die Dioptra und die andere Latte umgesetzt werden. Die durch die Dioptra gehende Gerade soll ΞO sein und sich bei Ξ im Abstieg 4 Ellen, bei O im Aufstieg 2 Ellen ergeben. Sodann soll der Reihe nach immer wieder das
¹⁰ selbe geschehen, bis wir bei B angekommen sind. Und zwar seien T die Dioptra, $P\Sigma$ die durch die Ausschnitte gehende Gerade, und im Abstieg 5 Ellen, im Aufstieg 3 Ellen. Dann seien X die Dioptra, und $T\Phi$ die Gerade, und im Abstieg 1 Elle, im Aufstieg 3 Ellen. Sodann
¹⁵ seien ς die Dioptra, $\Psi\Omega$ die Gerade, und im Abstieg 2 Ellen, im Aufstieg 3 Ellen. Wiederum seien A die Dioptra, $\eta\Delta$ die Gerade, und im Abstieg 2 Ellen, im Aufstieg 3 Ellen. Sodann seien A die Dioptra, $B\Gamma$ die Gerade, und im Abstieg 2 Ellen, im Aufstieg 1 Elle. Und
²⁰ wiederum Z die Dioptra, EB die Gerade, und im Abstieg 3 Ellen, im Aufstieg 1 Elle. Die letzte Schiebelatte aber soll bei der Oberfläche des Wassers selbst aufgestellt sein.

	Abstieg	Aufstieg
	6	2
²⁵	4	2
	1	3
	4	2
	5	3
	1	3
³⁰	2	3
	5	3
	2	1
	3	1
	<hr/> 33	<hr/> 23

6 τδ ξ: corr. Vi 12 πηχυσ μια: corr. Vi 16—17 μὲν
 πηχυσ q: corr. et <δξ> add. Vi 18—29 laterculum supplēvi

Β, Γ. καὶ καταβάσεως μὲν πήχεις β, ἀναβάσεως δὲ πῆγυς εἷς. καὶ πάλιν διόπτρα μὲν ἡ Ζ, εὐθεία δὲ ἡ ΕΒ· καὶ καταβάσεως μὲν πήχεις τρεῖς, ἀναβάσεως δὲ πῆγυς α. ὁ δὲ τελευταῖος κανὼν κείσθω πρὸς αὐτῇ τῇ τοῦ ὕδατος ἐπιφανείᾳ.

Τῶν οὖν ἀριθμῶν σεσημειωμένων ἐν τοῖς εἰρημέ-
νοις στίχοις συντίθημι πάντας τοὺς τῆς καταβάσεως
ἀριθμούς· εἰσὶ δὲ λγ' ὁμοίως καὶ τοὺς τῆς ἀναβάσεως·
εἰσὶ δὲ κγ' ὥστε ὑπεροχὴ πῆχεις ι. ἐπεὶ οὖν ὁ τῆς
p. 200 καταβάσεως ἀριθμός, τουτέστιν ὁ ἐπὶ τὰ μέρη τοῦ 10
τόπου, εἰς ὃν θέλομεν ἄγειν τὸ ὕδωρ, μείζων ἐστίν,
κατενεχθήσεται τὸ ὑγρόν· καὶ ἔσται μετεωρότερον
τοῦ πρὸς τῷ Α πῆχεις δέκα. εἰ δ' ἴσοι γεγόνασιν
ἀριθμοί, ἰσοῦσιν ὑπῆρχε τὰ Α, Β σημεία, τουτέστιν
ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι· καὶ οὕτως 15
δὲ δυνατόν κατὰγεσθαι τὸ ὕδωρ. εἰ δ' ἐλάττων ἦν
ὁ τῆς καταβάσεως ἀριθμός, ἀδύνατον αὐτοματίσαι τὸ
ὕδωρ· ἀντλήματος ἄρα προσδεόμεθα. ἡ δ' ἀντλησις
γίνεται, εἰ μὲν πολὺ ταπεινότερος ἦν ὁ τόπος, διὰ
πολυκαδίας ἢ τῆς καλουμένης ἀλύσεως· εἰ δ' ὀλίγον, 20
ἦτοι διὰ κοχλιῶν ἢ διὰ τῶν παραλλήλων τυμπανίων.
col. 65^v καὶ τοὺς μέσους δὲ τόπους, δι' ὧν | ἀνεκρίναμεν ἄγειν
τὸ ὕδωρ, ἐπισκεψόμεθα, πῶς πρὸς ἀλλήλους τε καὶ τοὺς
ἐξ ἀρχῆς τόπους ἔχουσι διὰ τῆς αὐτῆς μεθόδου, ὑπο-
λαβόντες τοὺς εἰρημένους μέσους τόπους εἶναι τοὺς ἐξ 25
ἀρχῆς δοθέντας· κατ' οὐδὲν γὰρ διοίσει. δεῖ δὲ καὶ
ἐκλογισάμενον πᾶν τὸ μῆκος ἐπισκέψασθαι ἐν τῷ
σταδίῳ, πόσον κλίμα γενήσεται τοῦ παντὸς κλίματος·
καὶ οὕτως εἰς τοὺς μέσους τόπους σημεία καὶ ὅρους

3 ἡ, ^{es} (sic): correxi 10—11 τοῦ πόθου ἐν ᾧ: τοῦ τόπου
εἰς ὃν Vi 11 θέλωμεν μείζων 14 ἴσουσιν (sic) τὸ ΑΒ

- Nachdem nun die Zahlen in den genannten Kolumnen notiert sind, addiere ich sämtliche Zahlen des Abstiegs: ihre Summe ist 33; ebenso auch die des Aufstiegs: ihre Summe ist 23; so daß sich ein Überschufs von 10 ergibt.
- 5 Da nun die Summe des Abstiegs, d. h. die der Höhenzahlen nach dem Orte zu, nach dem wir das Wasser führen wollen, gröfser ist, so wird das Wasser Gefäll haben und zwar wird es (bei *B*) um 10 Ellen höher stehen als bei *A*. Sind aber gleiche Summen herausgekommen,
- 10 so waren *A* und *B* gleich hohe Punkte, d. h. sie lagen in derselben dem Horizonte parallelen Ebene. Auch in diesem Fall aber ist es möglich das Wasser hinzuleiten. Wenn aber die Summe des Abstiegs kleiner war, dann ist es unmöglich, daß das Wasser von selbst fließt; wir be-
- 15 dürfen daher in diesem Falle einer Schöpfvorrichtung. Das Schöpfen geschieht, falls der Ort sehr viel tiefer lag, vermittelt eines Systems von Eimern oder der sogenannten Kette; lag er nur wenig tiefer, entweder ver-
- mittelst Schrauben oder durch die parallelen Räder.
- 20 Auch die Punkte in der Mitte, durch die wir das Wasser durchzuleiten projiziert haben, werden wir ver-
- mittelst derselben Methode darauf untersuchen, wie sie sich zu einander und zu den ursprünglich gegebenen
- Örtern verhalten, indem wir annehmen, die genannten
- 25 Punkte in der Mitte seien die ursprünglich gegebenen; denn dies wird durchaus keinen Unterschied machen. Man muß aber noch, nachdem man die ganze Länge
- ausgerechnet hat, untersuchen, welche Quote des gesamten Gefälls an jedem Punkte erreicht sein muß, und darauf-
- 30 hin an den Stellen in der Mitte Zeichen und Grenzsteine mit Inschriften aufschütten oder aufbauen, damit die Arbeiter sich in keinem Punkte irren können.

σημείον: corr. Vi 16 ἐλαττον 18 ἐγίνετο: correxi. de
 organis ad hauriendam aquam inventis Vitruvius exponit X, 9 sq.
 27 ἐν ex αν fec. m. 1 27—28 ἐν τῷ σταδίῳ: non extricavi
 28 κλίματος corruptum: f. δέματος

[καὶ] ἐπιγραφὰς ἔχοντας συγχωνύειν ἢ προσανοικοδομεῖν πρὸς τὸ τοὺς ἐργαζομένους ἐν μηδενὶ πλανᾶσθαι. ἀχθῆσεται δὲ τὸ ὑγρὸν οὐ διὰ τῆς αὐτῆς ὁδοῦ, δι' ἧς καὶ τὸ κλίμα ἐπέγνωμεν, ἀλλὰ δι' ἑτέρας εὐθειτούσης πρὸς τὸ ὑδραγώγιον. πολλὰκις γὰρ ἐμποδῶν ἴσταται τι, ἢ ὕψος σκληρότερον ἢ μετεωρότερον ἢ χαῦνοι τόποι ἢ θειώδεις ἢ τοιοῦτοί τινες τόποι βλάπτοντες τὸ ὕδωρ.
 p. 202 τοιοῦτοίς ὅταν περιτύχωμεν, ἐκνεύσομεν, ὥστε κατὰ μηδὲν βλάπτεσθαι τὴν τοῦ ὕδατος ἀγωγὴν. Ἔνεκα δὲ καὶ τοῦ μὴ μακροτέραν ὁδὸν φερόμενον τὸ ὕδωρ εἰς μείζονα δαπάνην ἐκπίπτειν δεῖξομεν ἐξῆς, ὥς δυνατόν ἐσται τὴν ἐπὶ τὰ δύο σημεία ἐπιζευγνυμένην εὐθείαν εὐρίσκειν· αὕτη γὰρ ἐλαχίστη ἐστὶν πασῶν τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν γραμμῶν (Archimed. de sph. et cyl. I post. 1 t. I p. 8, 23 Heib.). εἴτα ὅταν ἐν ταύτῃ τῇ ὀρισθείσῃ ἐμπέσῃ <τι> τῶν εἰρημένων ἀτόπων, τότε ἐκεῖνο ἐκνεύσομεν.

ζ. Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου ἐπὶ τὸ δοθὲν σημεῖον,
 p. 204 ἀθεώρητον ὑπάρχον, εὐθείαν ἐπιξεῦξαι διὰ διόπτρας, ἡλίκον ἂν ᾗ τὸ μεταξὺ τῶν σημείων διάστημα. ἔστω γὰρ δοθέντα δύο σημεία τὰ *A*, *B*, καὶ κατεσκευάσθω ἡ διόπτρα ἢ δυναμένη ἐπίπεδα πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλοις διοπτρεύειν, καὶ κείσθω πρὸς τῷ *A*· καὶ εἰλήφθω διὰ τῆς διόπτρας ἐν τῷ ἐπιπέδῳ εὐθεῖα ἢ *ΑΓ*, ἡλίκην ἂν βουλώμεθα τῷ μεγέθει. καὶ μετακείσθω ἡ διόπτρα <πρὸς τῷ *Γ*, καὶ τῇ *ΑΓ* πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἢ *ΓΔ*, ἡλίκην ἂν ᾗ τῷ μεγέθει. καὶ ὁμοίως μετακείσθω ἡ διόπτρα
 fol. 66^r πρὸς τῷ *Δ*, καὶ τῇ *ΓΔ* πρὸς ὀρθὰς | ἢ *ΔΕ* ἡλίκην ἂν ᾗ τῷ μεγέθει. καὶ πάλιν μετακείσθω

1 [καὶ] del. Vi 3 αὐτῆς οὐδὲ δι' ἧς: corr. Vi 7 θειώδεις
 δεις: corr. Vi τόποι f. delendum 8 τοιοῦτους: correxi ἐκνεύ-

Das Wasser wird jedoch nicht denselben Weg entlang geleitet werden, auf dem wir die Neigung ermittelt haben, sondern auf einem andern, der zur Wasserleitung geeignet ist. Denn oft steht irgend etwas im Wege, ein ⁵ Berg, der entweder aus recht hartem Stein besteht oder recht hoch ist, oder Stellen, die locker oder schwefelhaltig sind oder irgend eine ähnliche Eigenschaft haben und das Wasser verderben. Wenn wir auf solche treffen, so werden wir vor ihnen ausbiegen, so daß die Wasserleitung ¹⁰ durch nichts beeinträchtigt wird.

Damit nun aber das Wasser, wenn es einen längeren Weg fließt, nicht allzu große Verluste erleidet, so wollen wir im folgenden zeigen, wie es möglich sein wird die Gerade, welche die beiden Punkte verbindet, zu finden. ¹⁵ Denn diese ist die kürzeste von allen Linien, die dieselben Endpunkte haben. Wenn dann auf diese von uns bestimmte Linie eines der angegebenen Hindernisse fällt, so werden wir diesem ausbiegen.

VII. Von einem gegebenen Punkt auf einen anderen, ²⁰ nicht sichtbaren Punkt, bei beliebigem Abstand der beiden Punkte vermittels der Dioptra eine Gerade zu ziehen.

Es seien 2 Punkte *A* und *B* gegeben und es sei diejenige Dioptra, welche Ebenen im rechten Winkel durchzuvisieren vermag, hergerichtet, und sie stehe bei *A*. ²⁵ Nun sei mittels der Dioptra in der Ebene die Gerade *AI* von beliebiger Größe bestimmt. Und die Dioptra werde nach *I* umgestellt und zu *AI* die Senkrechte *IA* von beliebiger Größe gezogen. Ebenso werde die Dioptra nach *A* umgestellt und zu *IA* die Senkrechte *AE* von ³⁰ beliebiger Größe gezogen. Wiederum werde die Dioptra nach *E* umgestellt und die Senkrechte *EZ* gefällt und in ähnlicher Weise ein beliebiger Punkt *Z* bestimmt, und zu *ZE* die Senkrechte *ZH* gezogen und ein beliebiger

σωμεν 16 <τι> add. Vi ἀτόπων: f. ἀπόρων 21 κατασκευάσθαι:
corr. Vi 23 πρὸς το *A*: corr. Vi 26—27 supplevit Vi, nisi
quod εἰη pro ἡ posuit 29 εἰ ἡ: sed εἰ delevit iam man. 1

διόπτρα πρὸς τῷ E , καὶ πρὸς ὀρθὰς ἢ EZ · καὶ ὁμοίως
 τυχὸν εἰλήφθω τὸ Z . καὶ τῇ ZE πρὸς ὀρθὰς ἢ ZH ,
 καὶ τυχὸν τὸ H · καὶ τῇ ZH πρὸς ὀρθὰς ἢ $H\Theta$, καὶ
 τυχὸν τὸ Θ · καὶ τῇ $H\Theta$ πρὸς ὀρθὰς ἢ ΘK , καὶ τυχὸν
 τὸ K · καὶ τῇ ΘK πρὸς ὀρθὰς ἢ KA · καὶ τοῦτο γινέ-
 σθω, ἄχρῃς ἂν ὀφθῇ τὸ B σημείον. γερονέτω, καὶ
 παραγέ[γενή]σθω ἡ διόπτρα ἐπὶ τῆς KA , ἕως οὗ διὰ
 τῆς ἐτέρας ἐ<ν> αὐτῇ εὐθείας φανῇ τὸ B . πεφηνέτω
 οὕσης τῆς διόπτρας κατὰ τὸ A . ἅμα δὲ διοπτρεύοντες
 γράφομεν ἐν χάρτῃ ἢ δέλτῳ τό τε σχῆμα τοῦ διοπ-
 τρισμοῦ, τοιτέστιν τὰς κλάσεις τῶν εὐθειῶν, καὶ ἐπι-
 τὰ μερέθῃ ἐκάστης αὐτῶν ἐπιγράφομεν. ἔστω οὖν ἡ
 μὲν AG πηγῶν εὐρημένη λόγου χάριν κ · ἡ δὲ GA
 πηγῶν $\kappa\beta$ · ἡ δὲ AE πηγῶν $\iota\varsigma$ · ἡ δὲ EZ πηγῶν λ ·
 ἡ δὲ ZH πηγῶν $\iota\delta$ · ἡ δὲ $H\Theta$ πηγῶν $\iota\beta$ · ἡ δὲ ΘK ¹⁵
 πηγῶν ξ · ἡ δὲ KA πηγῶν η · ἡ δὲ AB πηγῶν ν .
 τούτων δὲ οὕτως ἐχόντων νενοήσθω τῇ AG πρὸς
 p. 206 ὀρθὰς ἡγμένη ἡ AM καὶ ἐκβεβλημέναι αἱ AB , $K\Theta$,
 ZH , EA ἐπὶ τὰ <M>, N , Ξ , O · αἱ δὲ EZ , $H\Theta$,
 GA ἐπὶ τὰ Π , P , Σ . ἔσται ἄρα διὰ τοὺς ἐπικειμένους²
 ἀριθμοὺς ἡ μὲν AO πηγῶν $\kappa\beta$, ἐπεὶ καὶ ἡ GA · ἡ δὲ
 $O\Xi$ λ , ἐκεῖ καὶ ἡ EZ · ἡ δὲ ΞN $\iota\beta$, ἐπεὶ καὶ ἡ $H\Theta$ ·
 ἡ δὲ MN η , ἐπεὶ καὶ ἡ KA · ὥστε ὅλη ἡ AM ἔσται
 πηγῶν $ο\beta$. πάλιν δὲ ἔσται ἡ μὲν $M\Sigma$ πηγῶν κ , ἐπεὶ
 καὶ ἡ AG · ἡ δὲ $\Pi\Sigma$ πηγῶν $\iota\varsigma$, ἐπεὶ καὶ ἡ AE · ἡ δὲ
 ΠP πηγῶν $\iota\delta$, ἐπεὶ καὶ ἡ ZH . λοιπὴ ἄρα ἡ $P\Sigma$
 ἔσται πηγῶν β · ὅλη ἄρα ἡ PM ἔσται πηγῶν $\kappa\beta$.
 πάλιν δὲ ἔσται ἡ PA πηγῶν ξ , ἐπεὶ καὶ ἡ $K\Theta$ · ὧν

7 παραγεγενήσθω: correxi

8 ἐτέρας ἐαντῇ: correxi

16 ἡ δὲ AE : corr. Vi
 $H\Theta$ delevit m. 1

22 ante πάλιν verba ἐπεὶ καὶ ἡ

ἡ $ΠΡ$ πηχῶν ιδ· λοιπὴ ἄρα ἡ $ΑΠ$ πηχῶν μς· ὅλη δὲ ἡ $ΑΒ$ πηχῶν ν· λοιπὴ οὖν ἡ $ΠΒ$ πηχῶν δ· λοιπὴ ἄρα ἡ $ΒΡ$ πηχῶν ι. ἀλλὰ ἡ $ΡΜ$ πηχῶν κβ· ὅλη ἄρα ἡ $ΜΒ$ ἔσται πηχῶν λβ. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΑΜ$ πηχῶν οβ· λόγος ἄρα τῆς $ΑΜ$ <πρὸς τὴν $ΜΒ$ >, ὃν ἔχει τὰ οβ πρὸς λβ. τούτου δὲ εὐρεθέντος ἀπειλήφθω <ἐπὶ τῆς $ΑΜ$ > ἡ $ΑΤ$ πηχῶν, εἰ τύχοι, θ, καὶ ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς ἡ $ΤΤ$ · καὶ πεποιήσθω ὥς τὰ οβ πρὸς λβ, ἡ $ΑΤ$, τοτέστιν οἱ θ πῆχεις, πρὸς ἄλλον τινά· γίνεται δὲ πηχῶν δ· <ἀπειλήφθω οὖν ἡ $ΤΤ$ πηχῶν δ.> ἔσται οὖν τὸ $Υ$ ἐπὶ τῆς ξευγνυούσης τὰ $Α, Β$ σημεία. πάλιν δὲ τῇ $ΤΤ$ πρὸς ὀρθὰς ἡ $ΥΦ$, καὶ ἀπειλήφθω, εἰ τύχοι, πηχῶν ιη· καὶ ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς ἡ $ΦΧ$ · καὶ πεποιήσθω

fol. 66^v ὥς τὰ οβ πρὸς λβ, οὕτως οἱ ιη πῆχεις πρὸς ἄλλον τινά· [καὶ] γίνεται δὲ πρὸς η. ἀπειλήφθω οὖν ἡ $ΦΧ$ πηχῶν ις η· καὶ ἔσται τὸ $Χ$ ἐπὶ τῆς ξευγνυούσης τὰ $Α, Β$ σημεία. ὥσαύτως οὖν διὰ τῆς διόπτρας <πρὸς ὀρθὰς> ἄγοντες καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ποιοῦντες ἔξομεν συνερῇ σημεία ἐπὶ τῆς ζητουμένης εὐθείας τῆς $ΑΒ$.

p. 208 η. Δύο σημείων δοθέντων, οὗ μὲν πρὸς ἡμᾶς, οὗ δὲ πόρρω, τὸ μεταξὺ αὐτῶν διάστημα λαβεῖν τὸ πρὸς διαβήτην, μὴ προσεγγίσαντα τῷ πόρρω σημείῳ. ἔστω τὰ δοθέντα δύο σημεία τὰ $Α, Β$ · καὶ τὸ μὲν $Α$ πρὸς ἡμᾶς, τὸ δὲ $Β$ πόρρω κείσθω· ἡ δὲ διόπτρα ἢ τὸ ἡμικύκλιον ἔχουσα πρὸς τῷ $Α$ · καὶ ἐπεστράφθω ὁ κανὼν ὁ ἐπὶ τῷ τυμπάνῳ, ἄχρις ἂν φανῇ τὸ $Β$. εἶτα ἀντιπεριστὰς ἐπὶ τὸ ἕτερον μέρος τοῦ κανόνος ἀνανεύω τὸ ἡμικύκλιον,

5 et 6 suppl. Vi 6—7 suppl. vi 7 η τύχοι 10 add. R. Schoene 13 πῆχεις ιη: correxi 14 πρὸς ἄλλον ταν 5 καὶ: τινά Vi, καὶ delevi 17 suppl. vi 21 πρὸς διαβήτην: cf. Buecheler *Litteraturzeitung* 1874, 609; Hero *Spirititalia* p. 146, 4 Schmidt 26 τυμπανῷ: τυμπανίῳ Vi perperam

die Brechungen der Geraden aufzeichnen und weiter noch die Größe jeder derselben dazubemerkten. Es sei nun beispielsweise $AI = 20$ Ellen gefunden, $IA = 22$, $IE = 16$, $EZ = 30$, $ZH = 14$, $H\Theta = 12$, $\Theta K = 60$, $KA = 8$, $AB = 50$.

Unter diesen Umständen denke man zu AI die senkrechte AM gezogen und die Linien AB , $K\Theta$, EH , EA nach M , N , Ξ , O verlängert, die Linien EZ , $H\Theta$, IA nach Π , P und Σ verlängert. Es wird also wegen der beigesetzten Zahlen $AO = 22$ Ellen sein, da auch $IA = 22$ Ellen; $O\Xi = 30$, da auch $EZ = 30$; $\Xi N = 12$, da auch $H\Theta = 12$; $MN = 8$, da auch $KA = 8$. Die ganze Strecke AM wird daher $= 72$. Wiederum aber wird $M\Sigma = 20$ Ellen sein, da auch $AI = 20$ Ellen; $\Pi\Sigma = 16$ Ellen, da auch $IE = 16$ Ellen; $\Pi P = 14$ Ellen, da auch $ZH = 14$ Ellen. Es wird also der Rest $P\Sigma = 2$ Ellen, die ganze Strecke PM also $= 22$ Ellen. Wiederum wird $PA = 60$ Ellen sein, da auch $K\Theta = 66$ Ellen, wovon $\Pi P = 14$ Ellen. Der Rest $A\Pi$ wird daher $= 46$ Ellen sein, die ganze Strecke AB also $= 50$ Ellen. Der Rest ΠB wird nun $= 4$ Ellen, der Rest BP also $= 10$ Ellen sein. Es ist über $PM = 22$ Ellen, die ganze Strecke MB wird also $= 32$ Ellen sein. Nun ist aber $AM = 72$ Ellen. Also $AM : MB = 72 : 32$.

Nachdem dies gefunden, werde auf AM die Strecke AT beispielsweise $= 9$ Ellen abgetragen und im rechten Winkel dazu TT gezogen. Und es sei

$$72 : 32 = AT : x = 9 : x$$

$$x = 4$$

T wird nun auf der die Punkte A und B verbindenden Geraden liegen. Wiederum ziehe man im rechten Winkel zu TT die Geraden $T\Phi$ und trage beispielsweise 18 Ellen ab und ziehe dazu im rechten Winkel ΦX . Dann ist

$$72 : 32 = 18 : x$$

$$x = 8.$$

τῶν ἄλλων ἀκινήτων μενόντων, καὶ λαμβάνω σημεῖον ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσι τὸ Γ ἐπ' εὐθείας τοῖς A, B κείμενον. εἴτα τῇ $B\Gamma$ ἀπὸ τοῦ A πρὸς ὀρθὰς ἄγω διὰ τῆς διόπτρας τὴν $ΑΔ$, καὶ ἑτέραν ἀπὸ τοῦ Γ διὰ τῆς διόπτρας τὴν $ΓΕ$, καὶ ἔλαβον ἐπ' αὐτῆς τυχὸν τὸ E καὶ μεταθεὶς τὴν διόπτραν πρὸς τὸ E κατέστησα τὸν κανόνα, ὥστε δι' αὐτοῦ φανῆναι τὸ B σημεῖον, καὶ ἕτερον ἐπὶ τῆς $ΑΔ$ τὸ Δ ἐπ' εὐθείας τοῖς B, E γίνεται δὴ τρίγωνον τὸ $BΓΕ$ παράλληλον ἔχον τὴν $ΑΔ$ τῇ $ΓΕ$. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ $ΓΕ$ πρὸς $ΑΔ$, οὕτως ἡ

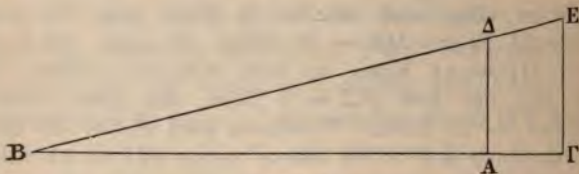


Fig. 88.

ΓB πρὸς BA . ἐχ[έ]τω δὲ τὸν τῆς $ΓΕ$ πρὸς $ΑΔ$ λόγον ἐπιγινῶναι ἑκατέραν αὐτῶν μετρήσας πρὸς διαβήτην, ὡς προδεδεικται. ἔστω οὖν, εἰ τύχοι, εὐρημένη πενταπλῇ ἡ $ΓΕ$ τῆς $ΑΔ$. ἔσται ἄρα ἡ $B\Gamma$ τῆς BA πένταπλῇ· ἡ ἄρα $ΓΑ$ τῆς AB τετραπλῇ. ἐχ^ω δὲ μετρεῖσαι τὴν $ΑΓ$ πρὸς διαβήτην· ὥστε δυνατόν εὐρεθῆναι καὶ τὴν AB πρὸς διαβήτην, ἥλικη ἐστίν.

p. 210

Θ. Ποταμοῦ πλάτος τὸ ἐλάχιστον λαβεῖν, πρὸς τῇ μιᾷ ὀχθῇ ὄντας. ἔστωσαν αἱ τοῦ ποταμοῦ ὀχθαὶ αἱ

2 τῆς AB : correxi 6 πρὸς $\tau\omega$: correxi 11 ἐχέτω: correxi 13—14 εἰ τύχηι ευραμενη: corr. Vi 18 τι (ex τη rasura factum) ἐλάχιστον λαβεῖν καὶ τη: correxi; πλάτος τῇ διόπτρᾳ λαβεῖν Vi compendio deceptus 19 οντος: corr. Vi

ge man $\Phi X = 8$ ab, und der Punkt X wird auf Punkte A und B verbindenden Geraden liegen. Wir nun in derselben Weise mittelst der Dioptra ziehen und in dasselbe Verhältniß bringen, wir eine Reihe von Punkten, die auf der gesuchten AB liegen, erhalten.

Wenn zwei Punkte, der eine bei unserm Standort in der Ferne, gegeben sind, ihren Abstand horizontaler Ebene zu finden, ohne sich dem Punkte in die Nähe zu nähern.

Seien A und B die gegebenen Punkte, und zwar bei unserm Standort, B in der Ferne, die Dioptra auf dem Halbkreise bei A . Man drehe nun das Instrument auf der großen Kreisschneide so lange, bis B sichtbar wird. Ich trete sodann nach dem andern Theile des Instrumentes herum, drehe den Halbkreis, während die Theile des Instrumentes unbeweglich bleiben, und gehe nach unserer Seite zu dem Punkt Γ , der mit A einer und derselben Geraden liegt. Dann ziehe $B\Gamma$ von A aus mittelst der Dioptra die Gerade AA' von Γ aus mittelst der Dioptra eine andere Gerade ΓE und nehme auf ihr einen beliebigen Punkt E setze darauf die Dioptra nach E um und stelle sie horizontal so, daß der Punkt B durch dasselbe sichtbar wird und nehme auf AA' einen andern Punkt A' an, der der Geraden BE liegt. Es entsteht also ein Dreieck BTE , in welchem AA' parallel ΓE ist. Er verhält also: $\Gamma E : AA' = \Gamma B : BA$. Ich kann nun aber das Verhältniß $\Gamma E : AA'$ ermitteln, wenn ich jede der Geraden in horizontaler Ebene, wie vorher gezeigt wurde. Es sei nun beispielsweise gefunden, daß $AA' = 5 BA$ ist. Also wird $B\Gamma = 5 BA$ sein, also $4 AB$. Ich vermag aber $A\Gamma$ in horizontaler Ebene zu finden. Es ist daher möglich, auch die Größe von AB in horizontaler Ebene zu ermitteln.

Die geringste Breite eines Flusses zu ermitteln, wenn man sich auf dem einen Ufer desselben befindet.

fol. 67^r AB , ΓA . στήσας οὖν τὴν διόπτραν πρὸς | τὴν
 ὄχθη, ὥς ἐπὶ τὸ E , ἐπέστρεψα τὸν κανόνα, ἕως
 φανῇ δι' αὐτοῦ σημεῖον ἐπὶ τῆς ΓA ὄχθης τὸ A .
 τῇ EA διὰ τῆς διόπτρας πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον τὴν
 ἐπιστρέψας τὸν κανόνα. εἴτα ἐγκλίνω τὸ ἡμικύκλιον
 ἄχρις ἂν ἐπὶ
 τῆς AB ὄχθης A φανῇ τι σημεῖον
 διὰ τοῦ κανό-
 νος. πεφηνέτω
 τὸ Z . ἔσται δὲ
 τὸ ἐλάχιστον



Fig. 89.

πλάτος τοῦ ποταμοῦ τὸ EZ . ἡ γὰρ EZ ὡσανεὶ
 p. 212 τὸς ἐστὶν ἐπ' ἀμφοτέρων τὰς ὄχθας, εἴπερ πα-
 λους αὐτὰς ἐννοοῖμεθα. ὥς οὖν ἐμάθομεν
 εἰληφθῶ τὸ ἀπὸ τοῦ E διάστημα ἐπὶ τὸ Z τὸ
 διαβήτην, ὃ καὶ ἀποφανούμεθα ἐλάχιστον εἶναι
 ποταμοῦ πλάτος.

p. 214 ι. Δύο δοθέντων σημείων πόρρω ὁρωμένων
 τὸ μεταξὺν διάστημα αὐτῶν τὸ πρὸς διαβήτην
 τὴν θέσιν. ἔστω τὰ δοθέντα δύο σημεία τὰ A ,
 καθεστᾶσθω ἡ διόπτρα ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μ

p. 216 πρὸς τῷ Γ καὶ ἐπεστράφθω ὁ κανὼν, ἕως
 αὐτοῦ φανῇ τὸ A σημεῖον· εὐθεία ἄρα ἐστὶν ἡ
 κανόνος ἡ AG . ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον διὰ
 διόπτρας τὴν ΓA , καὶ παράγω ἐπ' αὐτῆς τὴν διό-
 ἄχρις ἂν διὰ τῆς πρὸς ὀρθὰς θέσεως τοῦ
 φανῇ τὸ B σημεῖον. τετυχέτω οὖν ἡ διόπτρα

2 ἐπὶ τὸ: f. ἐπὶ τοῦ 4 τῆς EA : corr. Vi 8 τὸ α
 correxī 15 f. ἐννοοῦμεθα 17 ἐλάχιστον: ζητούμε
 23 τὸ Γ : correxī 27 hiatum explevi

Die Ufer des Flusses seien AB und ΓA . Ich stelle man die Dioptra auf dem Ufer ΓA , beispielsweise in E , auf und drehe das Visierlineal so lange, bis durch dasselbe ein Punkt A auf dem Ufer ΓA sichtbar wird. Sodann ziehe ich mittelst der Dioptra im rechten Winkel zu EA die Gerade EZ , nachdem ich das Visierlineal (um 90°) gedreht habe. Ich neige sodann den Halbkreis, bis auf dem Ufer AB irgend ein Punkt durch das Visierlineal hindurch sichtbar wird. Es erscheine Z . Die geringste Breite des Flusses wird daher $= EZ$ sein, denn EZ ist sozusagen eine Senkrechte auf beiden Uferlinien, wenn wir sie uns als parallel vorstellen. Es werde nun, wie wir es oben gelernt haben, der Abstand von E nach Z in horizontaler Ebene bestimmt, den wir dann auch als die geringste Breite des Flusses angeben werden.

X. Wenn zwei in der Ferne sichtbare Punkte gegeben sind, den Zwischenraum zwischen ihnen in horizontaler Ebene und ferner noch ihre Lage zu finden.

Die beiden gegebenen Punkte seien A und B , und die Dioptra werde bei unserem Standorte bei Γ aufgestellt, und ihr Visierlineal so lange gedreht, bis der Punkt A

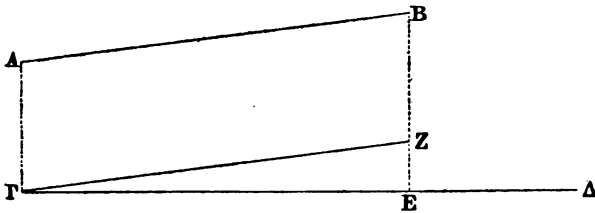


Fig. 90 a.

durch dasselbe sichtbar wird. Die durch das Visierlineal gehende Linie $A\Gamma$ ist also eine Gerade. Zu dieser ziehe ich mittelst der Dioptra im rechten Winkel die Gerade ΓA und führe auf ihr die Dioptra hin, bis durch Drehung des Lineals um einen rechten Winkel der Punkt B sicht-

τὸ E · ἡ ἄρα BE τῇ $ΓΑ$ πρὸς ὁρθάς ἐστιν· παρὰ
 ληλος ἄρα ἐστὶν ἡ $ΑΓ$ τῇ BE . μετρώ οὖν τὸ ἀπὸ
 τοῦ $Γ$ διάστημα ἐπὶ τὸ A , ὡς ἐμάθομεν ἐπάνω, καὶ
 πάλιν τὸ ἀπὸ τοῦ E ἐπὶ τὸ B . καὶ εἰ μὲν ἴσον ἔσται
 τὸ $ΓΑ$ διάστημα τῷ BE , ἀποφανοῦμαι καὶ τὸ $ΒΕ$
 διάστημα ἴσον τῷ $ΑΒ$ · δυνάμεθα δὲ τὸ $ΓΕ$ μετρήσας
 ἐν γὰρ τοῖς πρὸς ἡμᾶς ἐστὶ μέρεσι. μὴ ἔστω δὲ ἴσον
 ἀλλ' ἔστω ἔλασσον τὸ $ΒΕ$ διάστημα τοῦ $ΓΑ$, εἰ τὴν
 πῆχυν $κ$ · ἀπέλαβον οὖν ἀπὸ τοῦ E ἐπὶ τῆς BE
 τοῖς πρὸς ἡμᾶς πῆχυν $κ$ τὴν EZ . ἔσται δὲ ἴση ἡ
 τῇ BZ τῷ μεγέθει· ἔστιν δὲ καὶ παράλληλος αὐτῇ
 ὥστε καὶ ἡ AB τῇ $ΓΖ$ ἴση τέ ἐστι καὶ παράλληλος
 δυνάμεθα δὲ μετρήσας τὴν $ΓΖ$, ὥστε καὶ τὴν AB
 φανερόν, ὅτι καὶ τὴν θέσιν, τὴν γὰρ παράλληλον αὐτῇ
 εὔραμεν.

Δυνατὸν δὲ ἐστὶ καὶ ἄλλως λαβεῖν τὸ μεταξὺ
 A, B διάστημα. ἔστησα τὴν διόπτραν ἐφ' οὗ βούλο
 σημεῖον· ἔστω δὲ τοῦ $Γ$. καὶ ἔλαβον διὰ τῆς διόπτ
 τὴν $ΓΑ$, καὶ ὁμοίως ἑτέραν τὴν $ΓΒ$, καὶ ἐμέτρ
 ἑκατέραν τῶν $ΓΑ, ΓΒ$ καὶ ἔλαβον ἀπὸ τοῦ $Γ$ με
 fol. 67^v τι τῆς $ΓΑ$, οἶον εἰ δέκατον, τὴν $ΑΓ$, καὶ τὸ αὐτὸ
 μέρος τῆς $ΓΒ$, τὴν $ΓΕ$ · ἔσται δὲ καὶ ἡ $\langle τὰ \rangle Α$
 ἐπιξενυγνύουσα μέρος $\langle δέκατον \rangle$ τῆς AB καὶ παράλληλος
 αὐτῇ. δύναμαι $\langle δὲ \rangle$ μετρήσας τὴν $ΑΕ$ ἐν τοῖς πρὸς
 ἡμᾶς μέρεσιν οὔσαν· ἔχω ἄρα καὶ τῆς AB καὶ
 θέσιν καὶ τὸ μέγεθος.

Δυνατὸν δὲ ἐστὶν καὶ ἄλλως τὸ AB διάστημα λαβεῖν

9 τοῖς BE : corr. Vi 10 f. ἡμᾶς $\langle μέρεσι \rangle$ 13 τη
 corr. Vi 14 f. θέσιν $\langle ἔχομεν \rangle$ 14 f. αὐτῇ 15 εὔρα
 εὔρομεν Vi 18 δι' αὐτῆς: sed v del. m. 1 22 τῆς $ΓΕ$ την
 corr. Vi suppl. Vi 23 suppl. Vi 24 suppl. Vi

war wird. Die Dioptra befinde sich gerade bei E , also bildet BE mit ΓA einen rechten Winkel; also ist $A\Gamma$ parallel BE . Ich messe nun den Abstand von Γ bis A , wie wir es oben gelernt haben, und wiederum den Abstand von E bis B . Wenn nun der Abstand ΓA gleich dem Abstand BE ist, so werde ich auch ΓA für gleich groß mit AB erklären. Wir können aber ΓE messen, denn es liegt nach unsrer Seite zu. Der Abstand sei jedoch nicht gleich, sondern der Abstand BE sei beispielsweise um 20 Ellen kleiner als ΓA . Ich trage nun von E aus auf der Geraden BE auf unserer Seite 20 Ellen $= EZ$ ab. Es wird daher die Gerade $A\Gamma$ an Größe gleich BZ sein; sie ist ihr aber auch parallel. Daher wird auch AB gleich und parallel ΓZ sein. Wir vermögen aber ΓZ , daher auch AB , zu messen, und es ist klar, daß wir auch ihre Lage kennen, denn wir fanden ja eine Parallele dazu.

Es ist aber möglich, den Abstand der Punkte A und B auch noch auf andere Weise zu finden.

Ich stelle die Dioptra, auf welchem Punkt ich will, — sei Γ — auf. Nun ziehe ich mittelst der Dioptra die Gerade ΓA und in ähnlicher Weise die Gerade ΓB

und messe jede der beiden Linien ΓA und ΓB . Sodann bestimme ich von Γ aus einen gewissen Teil, beispielsweise den zehnten, von ΓA , nämlich ΓI , und denselben Teil von ΓB , näm-

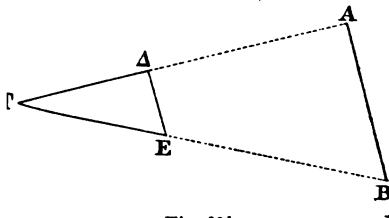


Fig. 90 b.

lich ΓE . Es wird also auch die die Punkte A und E verbindende Gerade der zehnte Teil von AB und dieser Linie parallel sein. Ich vermag nun AE zu messen, da es auf unserer Seite liegt. Ich habe also auch von AB sowohl die Lage als auch die Größe.

- p. 218 ἔστωσα τὴν διόπτραν πρὸς τῷ Γ καὶ ἔλαβον τῆς $ΑΓ$ μέρος $\langle \tau \iota \rangle$, τὴν δὲ $\Gamma Δ$, ἐπ' εὐθείας τῇ $ΑΓ$ καὶ ὁμοίως τῆς $ΒΓ$ τὸ αὐτὸ μέρος τὴν $ΓΕ$, ἐπ' εὐθείας τῇ $ΒΓ$.



Fig. 90 c.

ἔσται δὴ καὶ ἡ $ΕΔ$ τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $ΑΒ$ καὶ παρ-
άλληλος αὐτῇ. δυνατόν δὲ μετρηῆσαι τὴν $ΔΕ$ ὥστε
εὐρηται τῆς $ΑΒ$ ἡ θέσις καὶ τὸ μέγεθος.

- ια. Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ πρὸς ὀρθὰς ἀγαγεῖν ἀπὸ τοῦ
πέρατος αὐτῆς, μὴ πρόσεγγίσαντα μήτε τῇ εὐθείᾳ μήτε
τῷ περάτι. ἔστω ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ ἐπὶ τὰ $Α$,
 $Β$ σημεία ἐπιγεγνημένη· ἀφ' οὗ δὲ δεῖ τὴν πρὸς ὀρθὰς
p. 220 ἀγομένην εὐρεῖν, ἔστω τὸ $Α$. εὐρήσθω ἡ θέσις τῆς
 $ΑΒ$ ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς τόποις, ὡς ἐμάθομεν· καὶ ἔστω
ἡ $\Gamma Δ$ εὐθεῖα. παράγω οὖν τὴν διόπτραν ἐπὶ τῆς $\Gamma Δ$
εὐθείας διατηρῶν τὸν κανόνα ἀεὶ ἀποβλέποντα σημεῖον
τινὶ τῶν ἐπὶ τῆς $\Gamma Δ$, ἄχρις ἂν ἐπιστραφεὶς ἐπὶ τὴν
πρὸς ὀρθὰς θέσιν ἴδῃ τὸ $Α$ σημεῖον. τετυχέτω οὖν ἡ
διόπτρα πρὸς τὸ $Ε$ σημεῖον· ἔσται δὴ πρὸς ὀρθὰς
εἶναι τὴν $ΑΕ$.

ιβ. Σημεῖον ὁρωμένου εὐρεῖν τὴν ἀπ' αὐτοῦ κάθετον
ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον

1 post μέρος spatium 2 litterarum 1—2 τὴν δὲ $\Gamma Δ$ ἐπ'
εὐθείας: correxi 7 f. $\langle \alpha \lambda \lambda \eta \nu \rangle$ πρὸς 13 ἡ $\Gamma Δ$: corr. Vi
13—14 τὴν $\Gamma Δ$ εὐθεῖαν: correxi 16 εἰδη: corr. Vi 17 πρὸς
τω: corr. Vi

Es ist möglich, den Abstand AB noch auf eine andere Art und Weise zu bestimmen.

Ich stelle die Dioptra bei Γ auf und bestimme einen beliebigen Teil von $A\Gamma$, nämlich ΓA , auf einer und derselben Geraden mit $A\Gamma$, und in ähnlicher Weise denselben Teil von $B\Gamma$, nämlich ΓE , auf einer und derselben Geraden mit $B\Gamma$. Also wird auch die Gerade EA eben- derselbe Teil von AB und ihr parallel sein. Nun ist es möglich AE zu messen, so daß die Lage und die Größe von AB gefunden ist.

XI. Zu einer gegebenen Geraden von ihrem Endpunkte aus eine andere im rechten Winkel zu ziehen, ohne daß man sich der Geraden und dem Endpunkte nähert.

Die gegebene Gerade sei die Verbindungslinie der Punkte A und B . Der Punkt aber, von dem aus man im rechten Winkel geführte Gerade finden soll, sei A .

Es sei die Lage von AB in dem in unserer Nähe liegenden Terrain in der Weise gefunden, wie wir es gelernt haben, und zwar sei es die Gerade ΓA . Ich führe

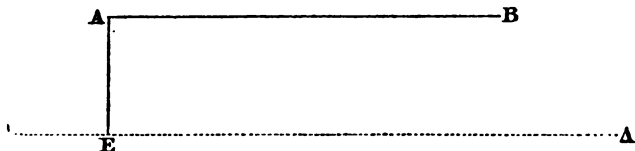


Fig. 91.

in die Dioptra auf der Geraden ΓA hin, indem ich das Visierlineal stets nach einem Punkte auf ΓA blicken lasse, so dasselbe, wenn es in die zur Anfangsstellung rechtwinkelige Lage gedreht wird, nach dem Punkte A sieht. Die Dioptra sei dann gerade bei E angekommen. Dann wird also die Forderung erfüllt sein, daß AE einen rechten Winkel (mit AB) bildet.

XII. Wenn ein Punkt sichtbar ist, die Senkrechte zu finden, welche von ihm aus auf die durch uns gelegte

παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, μὴ προσεγγίσαντα τῷ ὀρι-
 μένῳ σημείῳ. ἔστω τὸ δοθὲν σημεῖον μετέωρον τὸ A ,
 τὸ δὲ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον διὰ τοῦ B . κείσθω οὖν ἡ
 διόπτρα πρὸς τῷ B · καὶ στυλίσκος μὲν νοείσθω ὁ
 $BΓ$, ὁ δὲ κινούμενος κανὼν δι' οὗ διοπτεύομεν ὁ 5
 $ΔΓΕ$. καὶ κινείσθω, ἔχῃς ἂν φανῇ δι' αὐτοῦ τὸ A
 καὶ μένοντος αὐτοῦ ἀκινήτου, μεταξὺ τῆς διόπτρας
 καὶ τοῦ A σημείου ἔτεροι δύο κανόνες ἐγκλείσθωσαν
 οἱ ZH , $ΘΚ$ ὀρθοί, ἀνισοῦψεῖς, ὧν ὁ μὲν μείζων ἔστω
 ἐπὶ τὰ πρὸς τὸ A μέρος. τὸ δὲ ἑδαφος νοείσθω κατὰ 10
 τῆς $BZΘΑ$ γραμμῆς ὡς ἔτυχεν ὑπάρχον· τὸ δὲ δι'
 ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι
 νοείσθω τὸ κατὰ τῆς $ΒΑ$ εὐθείας. παραγέσθωσαν οὖν
 fol. 68^r οἱ ZH , $ΘΚ$ κανόνες, ἔχῃς ἂν ἐπ' εὐθείας φανῶσι
 p. 222 τῷ A σημείῳ, μένοντος ἀκινήτου τοῦ $ΔΓΕ$ κανόνος. 15
 τεθεωρήσθω οὖν ἐπὶ μὲν τοῦ ZH κανόνος τὸ H ση-
 μεῖον, ἐπὶ δὲ τοῦ $ΘΚ$ τὸ K . καὶ νενοήσθωσαν ἐκβε-
 βλημέναί αἱ ZH , $ΘΚ$ ἐπὶ τὰ M , N · καὶ τῷ $ΒΑ$
 παράλληλοι ἡγμέναί αἱ $HΞ$, $KΘ$. δυνατόν δέ ἐστιν
 ἐπισκέψασθαι τίνι ἐστὶ μετεωρ(ότερ)ον τὸ Z τοῦ B 20
 χωροβατήσαν(τα)· ἐκάτερον γὰρ τῶν B , Z σημείων
 πρὸς ἡμᾶς· ὥστε δυνατόν εὐρεῖν τὴν ZM · ὁμοίως καὶ
 τὴν $NΘ$. ἔχω δὲ καὶ ἐκατέραν τῶν HZ , $KΘ$, ὥστε
 φανερόν ἐστιν τῶν HM , KN , ἡλίκη ἐστὶν (ἐκατέρα),
 ὥστε καὶ ἡ ὑπεροχὴ αὐτῶν ἡ $KΞ$ ἡλίκη ἐστίν. ἐπιστά- 25
 μεθα δὲ καὶ ἡλίκη ἐστὶν ἡ $HΞ$ · τὸ γὰρ μεταξὺ τῶν

8 f. ἐκλείσθωσαν R. Schoene 10 πρὸς τῷ: correxi 11 $BZΘA$:
 corr. Vi ὑπάρχων: corr. Vi 15 σημείον: corr. Vi 16 τεθεω-
 ρείσθω: corr. Vi 17 νενοήσθωσαί (sic): correxi 18—19 καὶ τὸ
 $ΒΑ$ παράλληλον: correxi 19 αἱ $NΞ KΘ$: corr. Vi 20 μετεω-
 ρον: corr. Vi 21 χωροβατήσαν: corr. Vi 22 τῇ ZM : corr. Vi
 23 τῇ $NΘ$: corr. Vi 24 supplēvi 26 ἡ $NΞ$: corr. Vi

horizontale Ebene gefällt wird, ohne sich dem sichtbaren Punkte genähert zu haben.

Der gegebene hohe Punkt sei A , die durch uns gelegte Ebene die Ebene durch B . Nun sei die Dioptra bei B aufgestellt und zwar werde BI als der Ständer, ITE dagegen als das bewegliche Lineal gedacht, durch welches wir hindurchvisieren, und dieses werde so ange in seiner Lage verändert, bis A durch dasselbe sichtbar wird. Während nun das Lineal unbeweglich in einer Stellung verbleibt, sollen zwischen der Dioptra und dem Punkte A zwei andere senkrechte Richtlatten, von

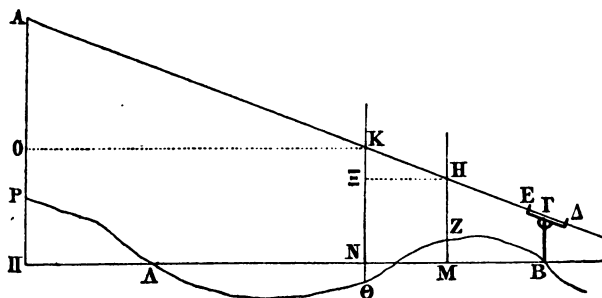


Fig. 92.

gleicher Höhe ZH und ΘK , aufgestellt werden, von denen die größere nach der Seite von A zu steht. Denken aber denke man sich an der Linie $BZ\Theta A$ entlang beliebig gestaltet; die durch uns gelegte horizontale Ebene gegen denke man sich an der Geraden BA entlang. In sollen die beiden Richtlatten ZH und ΘK so lange auf und hergetragen werden, bis sie mit dem Punkte A auf einer und derselben Geraden erscheinen, während das Lineal ITE unbewegt in seiner Stellung verbleibt.

Es sei nun auf der Richtlatte ZH der Punkt H , auf der Richtlatte ΘK der Punkt K einvisiert worden, und man denke sich die Geraden ZH und ΘK bis M und N

Z , Θ διάστημα ἐστὶν τὸ πρὸς διαβήτην· ὥστε ἔξω
 τῖνα λόγον ἔχει ἡ $H\Xi$ πρὸς τὴν ΞK . ἔστω οὖν εἰ
 τύχοι εὐρημένη ἡ $H\Xi$ τῆς ΞK πενταπλῆ. καὶ ἀπὸ τοῦ
 A ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον, τουτέστιν ἐπὶ τὴν BA ,
 κάθετος ἦχθω ἡ $AOP\Pi$. ὥστ' ἐστὶ καὶ ἡ KO πεν-
 ταπλῆ τῆς OA . καὶ ἐπεὶ ἴσμεν ἡλικὴ ἐστὶν ἡ KO —
 τὸ γὰρ μεταξὺ τῶν Θ , P , διάστημα ἐστὶν τὸ πρὸς
 διαβήτην —, ἔξω ἄρα καὶ τὴν AO ἡλικὴ ἐστίν. ἔχω
 δὲ καὶ τὴν OP , ἴση γὰρ ἐστὶ τῇ KN . ὥστε καὶ ὅλην
 τὴν AP , κάθετον οὖσαν ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον,¹⁰
 ἔξω ἡλικὴ ἐστίν.

p. 224 ιγ. Δύο σημείων ὁρωμένων εὐρεῖν τὴν ἀπὸ τοῦ
 ἐνὸς αὐτῶν κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ διὰ τοῦ ἐτέρου
 ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι μὴ
 προσεγγίσαντα τοῖς εἰρημένοις δύο σημείοις τοῖς A , B .¹⁵

Δυνατὸν ἄρα ἐστίν, ὡς ἐπάνω δέδεικται, <ἐπιγνῶναι>
 τὴν ἀπὸ τοῦ A κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκ-
 βαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ
 ὀρίζοντι· νοείσθω κατὰ τῆς GA .
 ὁμοίως δὴ πεπορίσθω καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ
 B κάθετος ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλό-
 μενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρί-
 ζοντι· καὶ ἔστω ἡ BA . καὶ διὰ τοῦ
 A τῇ GA παράλληλος νοείσθω ἡ
 AE , καὶ τεμνέτω τὴν BA κατὰ τὸ
 E . ἡ ἄρα ζητούμενη κάθετός ἐστὶν ἡ
 BE . καὶ ἔστιν φανερόν ὅτι δυνατὸν
 ἐστὶν εὐρεῖν δύο ὁρωμένων σημείων τὴν ἐπιζευγνύουσαν

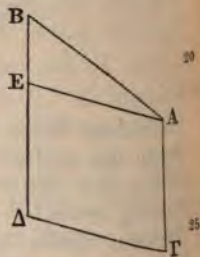


Fig. 93a.

fol. 68v

αὐτὰ εὐθείαν | ἡλικὴ ἐστίν, ἐπειδήπερ δοθεῖσά ἐστίν

2 ἡ $N\Xi$: corr. Vi 3 ἡ $N\Xi$ 14 ἐκβαλλομένην: corr. Vi
 16 <ἐπιγνῶναι> inserui; <γνῶναι> Vi 19 τῆς GA : corr. Vi

ingert und zu BA die Parallelen $H\Xi$ und KO gen. Nun ist es möglich durch Nivellieren zu unteren, um wieviel Z höher liegt als B . Denn jeder der Punkte B und Z liegt nach unserer Seite zu; da ist es möglich ZM zu finden, und ebenso $N\Theta$. Ich aber auch jede der beiden Geraden HZ und $K\Theta$, lafs es klar ist, wie grofs jede der beiden Geraden HZ und KN ist und deshalb auch, wie grofs ihre Differenz $K\Xi$ ist. Wir wissen nun aber, wie grofs $H\Xi$ ist, denn es ist der Abstand zwischen den Punkten Z und B in horizontaler Ebene. Ich werde daher das Verhältnifs $H\Xi : \Xi K$ haben. Es sei nun beispielsweise $H\Xi = 5 \Xi K$ annehmen, und es werde von A aus auf die durch uns gehende Ebene, d. h. auf BA , die Senkrechte $AO\Pi$ gezogen. Dann wird auch $KO = 5 OA$ sein. Und da wir wissen, wie grofs KO ist — es ist nämlich der Abstand zwischen den Punkten Θ und P in horizontaler Ebene — so werde ich auch die Gröfse von AO haben. Ich werde aber auch $O\Pi$, dann $O\Pi = KN$; daher werde ich die Länge der ganzen Geraden $A\Pi$ haben, welche auf die durch uns gehende Ebene gefällte Höhe ist.

XIII. Wenn zwei Punkte sichtbar sind, die Höhe, die dem einen derselben auf die durch den anderen gehende horizontale Ebene gefällt wird, zu finden, ohne sich genannten beiden Punkten, A und B , zu nähern. Man kann, wie oben gezeigt ist, die Höhe finden, die A auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefällt wird. Man denke sie sich in der Richtung ΓA . In gleicher Weise werde auch die Höhe von B auf die durch gelegte horizontale Ebene gefunden. Es sei $B\Delta$. Nun ziehe man durch A zu ΓA die Parallele AE gezogen, und schneide $B\Delta$ in E . Die gesuchte Höhe ist also BE . Nun ist klar, dafs es möglich ist, wenn zwei Punkte sichtbar sind, die Gröfse der sie verbindenden Geraden zu

post $B\Delta$ verba: κατὰ τὸ E | ἡ ἄρα ζητούμενη κάθετος
m. 1 26—27 ἐστὶν ἡ AE : corr. Vi

ἢ τε ἀπὸ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν κἀθέτος ἀγομένη ἐπὶ τὸ
διὰ τοῦ ἐτέρου ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον παράλληλον τῇ
ὀρίζοντι, καὶ ἔτι τὸ μεταξὺ αὐτῶν διάστημα τὸ πρὸς
διαβήτην δοθέν ἐστι, τὰ δ' εἰρημένα διαστήματα πρὸς
p. 236 ὀρθάς ἐστιν ἀλλήλοις· ὥστε καὶ <ή> ὑποτείνουσα τὴν
ὀρθήν, ἣτις ἐπὶ τὰ δοθέντα σημεία ἐπιζευγνυμένη,
δοθεῖσά ἐστιν.

Δύο δοθέντων σημείων εὐρεῖν τὴν θέσιν τῆς
ἐπιζευγνυούσης αὐτὰ εὐθείας, μὴ προσεγγίσαντα τοῖς
σημείοις.

ἔστω τὰ δοθέντα σημεία τὰ A , B · δυνατόν ἄρα
ἐστὶ [τὴν] τοῦ διὰ τῶν A , B ἐκβαλλομένου ἐπίπεδον
ὀρθοῦ πρὸς τὸν ὀρίζοντα τὴν θέσιν εὐρεῖν, ὡς ἐμά-
θομεν ἐν τοῖς ἔμπροσθεν· τουτέστιν καθέτου ἀχθείσης
<ἀφ' ἑκατέρου τῶν σημείων A , B > ἐπὶ τὸ παρὰ τὸν¹⁵
ὀρίζοντα ἐπίπεδον, δοθεῖσῶν τῶν $ΑΓ$, $ΒΔ$, τὴν θέσιν
τῆς $ΓΔ$ εὐρεῖν. ἠύρησθω καὶ ἔστω ἡ HZ , καὶ διὰ
τοῦ A τῇ $ΓΔ$ παράλληλος ἡ $ΑΕ$ ἔστω, <ἢ> καὶ τῇ
 HZ παράλληλός ἐστι, καὶ <δοθεῖσα> ἔσται λοιπὴ ἑκα-
τέρα τῶν $ΑΕ$, $ΒΕ$, ὡς προδεδείχται. εἰλήφθω δὴ²⁰
ἐπὶ τῆς HZ δύο τυχόντα σημεία τὰ H , Z , καὶ ἀπὸ
τοῦ Z ἀνελθόντις τις ὀρθὴ πρὸς τὸν ὀρίζοντα ἡ $ZΘ$
κανόνος παρατεθέντος ἢ ἐτέρου τινός. παράλληλος
ἄρα ἐστὶ τῇ $ΑΒ$ · καὶ πεποιήσθω ὡς ἡ $ΑΕ$ πρὸς $ΕΒ$,
ἡ HZ πρὸς $ZΘ$ · ἐπιζευχθεῖσα ἡ $ΗΘ$ παράλληλος ἔσται²⁵
τῇ $ΑΒ$ · τοῦτο γὰρ φανερόν διὰ τε τὰς παραλλήλους

1 v ἐτέρου litterae paene evanidae 2 παραλλήλω: corr. Vi
5 supplevi 5—6 τὴν ἀρχὴν ὀρθήν, sed ἀρχὴν del. m. 1
12 [τὴν] deleui 15 addidi 16 τῶν $ΑΓ ΓΔ$ 17 ηὐρεί-
σθω: correxi; κρυείσθω Vi 18 τῇ $ΑΗ$ ἔστω 18—19 καὶ
τῇ EZ : correxi et supplevi 20 $ΑΗ ΗΒ$ ὡς 21 τῆς EZ
21—22 τὰ EZ καὶ ἀποῦ Z (sic) 24 ἄρα ἐπὶ: correxi τῇ $ΑΒ$

da ja sowohl die Höhe von einem derselben auf die den andern gehende horizontale Ebene als auch Abstand beider Punkte in horizontaler Ebene bestimmt die genannten Abstandslinien rechtwinklig zu stehen. Daher ist auch die Hypotenuse (des rechtwinkligen Dreiecks), welche die Verbindungslinie der gegebenen Punkte ist, bestimmt.

Wenn zwei Punkte gegeben sind, die Lage der sie verbindenden Geraden zu bestimmen, ohne sich den Punkten selbst zu haben.

Gegebenen Punkte seien A und B . Es ist also die Lage der Ebene, die senkrecht zum Horizonte durch A und B gelegt wird, in der Weise, wie wir es

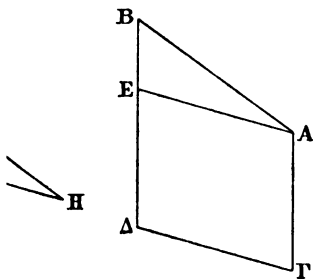


Fig. 93 b.

im Vorhergehenden lernten, zu finden, d. h. wenn eine Höhe von jedem der beiden Punkte A und B auf die horizontale Ebene gefällt ist, falls AT und BT gegeben sind, dann die Lage von AT zu finden. Sie sei gefunden und sei HZ , und durch A gehe als Parallele zu

Gerade AE , welche auch parallel zu HZ ist. Daher jede der beiden Geraden AE und BE bestimmen. Man nehme nun auf der Geraden HZ zwei Punkte H und Z , und von Z aus werde eine Linie gegen den Horizont, $Z\Theta$, aufgerichtet, indem eine Tafel oder irgend etwas anderes hingestellt wird. Ist also parallel zu AB . Nun mache man, wie Z zu EB verhält, so $HZ : Z\Theta$. Zieht man die

ὅς ἡ AB πρὸς HB , ἡ EZ πρὸς $H\Theta Z\Theta$, sed $H\Theta$ del.
25 ἡ $E\Theta$ παράλληλος

καὶ τὰς ἀναλογίας· πεπόρισται ἄρα ἡ θέσις τῆς *AB* ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν.

Ἐκ δὴ τῶν προδεδιδαγμένων φανερόν, ὅτι δυνατόν ἐστιν, ὅρους ὑπάρχοντος, εὐρεῖν τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτοῦ κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, μὴ προσεγγίσαντα τῷ ὄρει, καὶ τὴν ἀφ' οἰωνδηποτοῦν σημείου κειμένου ἐν τῷ ὄρει καὶ ὀρωμένου [τὴν] ἀγομένην κάθετον εὐρεῖν· ἐπειδὴ περ ἐμάθομεν τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου ὀρωμένου κάθετον πορίσασθαι, καὶ ὁμοίως δυνατόν ἦν ¹⁰ <τὴν> ἀπὸ παντὸς <σημείου> ὀρωμένου ἐν τῷ ὄρει κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἑτέρου σημείου ἐν τῷ
 p. 228 ὄρει κειμένου καὶ ὀρωμένου ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι. ἀπλῶς γὰρ δύο σημείων δοθέντων οἰωνδηποτοῦν τὰ αὐτὰ ἐμάθομεν πορίσασθαι, ¹⁵
 fol. 69^r τουτέστιν τὰς τε ἀγομένας ἀπ' αὐτῶν καθέτους | καὶ <τὸ> μεταξὺ αὐτῶν διάστημα τό γε πρὸς διαβήτην, καὶ ὥς ἔχει θέσεως, μὴ προσιόντα τοῖς σημείοις.

ιδ. Ὁρύγματος δοθέντος τὸ βάθος λαβεῖν· τουτέστι <τὸ μέγεθος> τῆς ἀπὸ τοῦ ἐν τῷ βάθει σημείου κα- ²⁰ θέτου ἀγομένης ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, ἢ καὶ [ἔτι] ἐπὶ τὸ δι' ἑτέρον σημείου ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι.

ἔστω τὸ δοθὲν ὄρυγμα τὸ *ABΓΔ*· τὸ δ' ἐν τῷ βάθει αὐτοῦ σημείον τὸ *B*. κείσθω δὴ ἡ διόπτρα ²⁵ πρὸς τῷ *Δ*, ἢ πρὸς ἄλλῳ τινὶ σημείῳ· ἔστω δὴ πρὸς τῷ *E*, καὶ ἔστω *EZ*· ὁ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν, δι' οὗ διοπτρεύομεν, ὁ *HΘ*· ἐγκλινέσθω οὖν, ἕως οὗ φανῇ δι' αὐτοῦ

3 ἐκ δεξι: corr. Vi προδεδιδαγμένων: f. προδεδειγμένων
 5 ἐπὶ τῷ: corr. Vi 8 [τὴν] delevi 11 <τὴν> addidi
 σημείου add. Vi post ὄρει Vi inserebat <εὐρεῖν> f. recte

Verbindungsline $H\Theta$, so wird sie zu AB parallel sein. Denn dies ist der Parallelen und der Proportionen wegen klar. Es ist damit also die Lage von AB in dem Terrain in unserer Nähe gefunden.

Aus dem im Vorstehenden Gelehrten ist klar, dafs es möglich ist, wenn ein Berg vorhanden ist, die Höhe, die von der Spitze desselben auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefällt wird, zu finden, ohne sich dem Berge zu nähern, und überhaupt die Höhe, die von irgend einem Punkte, der auf dem Berge liegt und sichtbar ist, gefällt wird, zu finden, da wir ja lernten, die Höhe, die von jedem beliebigen Punkte aus gefällt wird, zu bestimmen und es in gleicher Weise möglich war, die Höhe, die von jedem beliebigen, auf dem Berge sichtbaren Punkte auf die horizontale Ebene, die durch einen anderen auf dem Berge liegenden und sichtbaren Punkt geht, zu bestimmen.

Denn wir lernten ja einfach, wenn 2 beliebige Punkte gegeben sind, dieselben Stücke zu bestimmen, d. h. die von ihnen aus gefällten Höhen und den Abstand zwischen ihnen in horizontaler Ebene und wie sie sich in Bezug auf ihre Lage verhalten, und zwar ohne an die Punkte heranzugehen.

XIV. Wenn ein Graben gegeben ist, seine Tiefe zu bestimmen, d. h. die Länge der Senkrechten, die von dem Punkt in der Tiefe auf die durch uns gelegte horizontale Ebene oder auch auf die durch einen anderen Punkt gelegte horizontale Ebene gezogen wird.

Der gegebene Graben sei $AB\Gamma A$, der Punkt in der Tiefe desselben B . Die Dioptra sei bei A oder bei irgend einem anderen Punkte aufgestellt; es sei beispielsweise bei E und sie sei EZ , ihr Visierlineal aber, durch das wir hindurchsehen, $H\Theta$. Dieses werde so lange geneigt,

15 οἷονδηποτοῦν 17 <τὸ> addidi τὸ τε: correxi 20 sup-
levi; <μεγεθος> Vi 21—22 ἐπίπεδον ἴσον τῷ: correxi
22 [ἐτι] delevi ἐπὶ τῷ: correxi 24 τῷ δ' ἐν 25 ση-
εἶον τὸ A : corr. Vi 26 πρὸς τὸ A 26—27 πρὸς τὸ E

τὸ B σημείον. ἡ δὲ $\langle \text{του} \rangle$ ἐδάφους ἐπιφάνεια νοεῖσθω
κατὰ τῆς $\Delta ΕΚ ΑΜ$ γραμμῆς· τὸ δὲ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον
ἐκπίπτει νοεῖσθω κατὰ τῆς $Α Δ Σ Ο$ εὐθείας. ἐπὶ δὲ
τοῦ ἐδάφους ἐφεστ(άτ)ωσαν δύο κανόνες, οἱ $ΚΝ$, $ΜΞ$
ὀρθοί, ἐπ' εὐθείας τῷ $ΗΘ$ κανόνι· καὶ τεθεωρήσθω
ἐπὶ μὲν τοῦ $ΚΝ$ κανόνος σημεῖον τὸ N , ἐπὶ δὲ τοῦ
 $ΞΜ$ τὸ $Ξ$. καὶ δεῖν ἔστω τὴν ἀπὸ τοῦ B κάθετον
ἀγομένην ἐπὶ τὸ διὰ τοῦ $Α$ ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον
παράλληλον τῷ ὀρίζοντι $\langle \text{πορίσασθαι} \rangle$, τουτέστιν τὴν
ἐπὶ $\langle \text{τὴν} \rangle$ $Α Δ Ο$ γραμμὴν ἀγομένην κάθετον· ἡ δὲ
ἀπὸ τοῦ B κάθετος ἢ $Β Α$ ἐστίν, ἣν δεῖ πορίσασθαι
νενοήσθω οὖν καὶ τὸ διὰ τοῦ B ἐπίπεδον παράλ-
ληλον τῷ ὀρίζοντι τὸ κατὰ τὸ $Β Π$ γινόμενον κα-
νενοήσθω ἐκβεβλημένος ὁ $ΞΜ$ κανὼν ἐπὶ τὸ $Π$, καὶ
ὁ NK ἐπὶ τὸ $Σ$, καὶ διὰ τοῦ N τῇ $Δ Ο$ παράλληλῳ
ἦχθω ἡ NP . ἡ ἄρα NP τὸ μεταξὺ τῶν K , M σημείων
ἐστὶ διάστημα τὸ πρὸς διαβήτην· δυνατόν ἄρα ἐστὶ
αὐτὸ πορίσασθαι, ἐπεὶ καὶ τὰς $KΣ$, $ΜΟ$. ἡ δὲ $ΞΠ$
ὑπεροχὴ ἐστὶ τῶν $ΞΡΟ$, $NΣ$ · δυνατόν ἄρα καὶ ταύτην
πορίσασθαι, ἐπεὶ τὰς $KΣ$, $ΜΟ$ δυνατόν ἐστὶ πορί-
σασθαι, ὥσπερ ἐποιήσαμεν ὅτε τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου
κάθετον ἀγομένην διὰ τῶν δύο κανόνων ἐπορίσάμεθα
ἔστω οὖν εὐρημένη, εἰ τύχοι, τετραπλὴ ἡ NP τῆς $PΞ$
ἔσται ἄρα καὶ ἡ $ΒΠ$ τετραπλὴ τῆς $ΞΠ$. δυνατόν δι-
ἐστὶ πορίσασθαι τὴν $ΒΠ$, τουτέστι τὴν $ΑΟ$ · τὸ γὰρ
ἀπὸ τοῦ O ἐπὶ τὸ A διάστημα ἐστὶν τὸ πρὸς διαβήτην
τὸ $ΑΟ$, τουτέστιν τὸ $ΒΠ$ · ὥστε δυνατόν ἐστὶ πορί-
σασθαι καὶ τὴν $ΞΠ$ · ἐστὶν γὰρ τέταρτον μέρος τῆς

1 $\langle \text{του} \rangle$ addidi 4 ἐφέστωσαν: correxi οἱ $KH MZ$ 5 τεθεω-
ρεῖσθω 6 μὲν τοῦ KH 8 ἐπὶ τοῦ διὰ 9 et 10 addidi 19 τῶν
 $PO NΣ$ 23 εἰ τυχη 27 τὸ $ΑΟ$: f. τῶν A, M R. Schoene

ΒΠ. ἔχομεν δὲ καὶ τὴν $\Xi\Theta$ ἡλίκη ἐστίν· ὥστε καὶ τὴν $ΟΠ$ ἔχομεν, τοντέστιν τὴν $ΑΒ$ κάθετον.

fol. 69^v

p. 232

| ιε. Ὅρος διορύξαι ἐπ' εὐθείας τῶν στομάτων τοῦ ὀρύγματος ἐν τῷ ὕρει δοθέντων. νενοήσθω τοῦ ὕρου ἔδρα ἡ $ΑΒΓΔ$ γραμμὴ, τὰ δὲ στόματα, δι' ὧν δεῖ διορύξαι, τὰ $Β$, $Δ$. ἤγαγον εὐθεῖαν ἀπὸ τοῦ $Β$ ἐν τῇ ἐδάφει τὴν $ΒΕ$, ὡς ἔτυχεν· καὶ ἀπὸ τυχόντος τοῦ

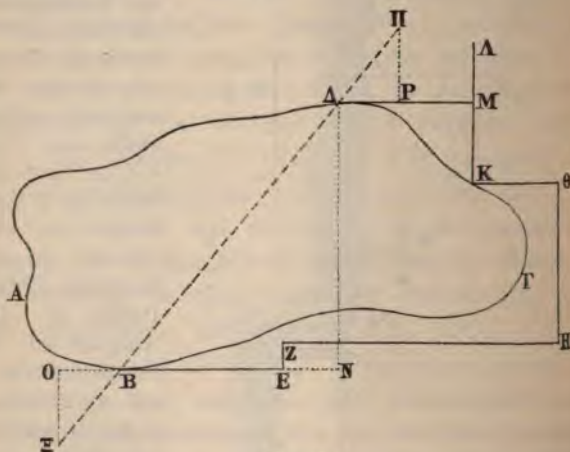


Fig. 95.

τῇ $ΒΕ$ πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον τὴν $ΕΖ$ διὰ τῆς διόπτρας καὶ ἔτι ἀπὸ τοῦ $Ζ$ τυχόντος διὰ τῆς διόπτρας πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον τὴν $ΖΗ$. καὶ πάλιν ἀπὸ τυχόντος τοῦ $Η$, τῇ $ΖΗ$ πρὸς ὀρθὰς τὴν $ΗΘ$. καὶ ἔτι ἀπὸ τυχόντος τοῦ $Θ$, τῇ $ΗΘ$ πρὸς ὀρθὰς τὴν $ΘΚ$, καὶ τῇ $ΘΚ$ πρὸς ὀρθὰς τὴν $ΚΑ$. καὶ παραφέρω τὴν διόπτραν ἐπὶ τῆς $ΚΑ$ <εὐθείας διατηρῶν τὸν κανὸν αἰεὶ ἀποβλέποντα σημείῳ τινὶ τῶν ἐπὶ τῆς $ΚΑ$,> ἄρχομαι

zu AO die Parallele NP gezogen. Es ist also NP der Abstand der Punkte K und M in horizontaler Ebene. Es ist also möglich ihn zu bestimmen, da man auch $K\Sigma$ und MO bestimmen kann. ΞP ist aber die Differenz von ΞPO und $N\Sigma$; es ist also möglich auch diese zu bestimmen, da es möglich ist $K\Sigma$ und MO zu bestimmen, wie wir thaten, als wir die von jedem beliebigen Punkte gefällte Senkrechte vermittelst der zwei Richtlatten bestimmten. Es sei nun beispielsweise $NP = 4P\Sigma$ gefunden; also wird auch $B\Pi = 4\Pi\Pi$ sein. Nun ist es möglich $B\Pi$, d. h. AO zu bestimmen; denn AO , d. h. $B\Pi$ ist der Abstand von M und A in horizontaler Ebene. Daher ist es möglich auch $\Xi\Pi$ zu bestimmen; denn es ist $= \frac{1}{4}B\Pi$. Wir haben aber auch die Gröfse von ΞO . Daher werden wir auch $O\Pi$, d. h. die Senkrechte AB haben.

XV. Einen Berg in gerader Linie zu durchstechen, wenn die Mündungspunkte des Grabens an dem Berge gegeben sind.

Man denke sich als Basis des Berges die Linie $AB\Gamma A$, und als die Punkte, durch welche man den Graben führen muß, B und A . Ich ziehe von B aus auf dem Erdboden die beliebige Gerade BE und von dem beliebigen Punkte E ziehe ich vermittelst der Dioptra zu BE im rechten Winkel EZ , und weiter ziehe ich von dem beliebigen Punkte Z vermittelst der Dioptra im rechten Winkel (zu EZ) die Linie ZH , und wiederum von dem beliebigen Punkte H zu ZH im rechten Winkel $H\Theta$, und weiter von dem beliebigen Punkte Θ zu ΘH im rechten Winkel ΘK , und zu ΘK im rechten Winkel $K A$. Nun führe ich die Dioptra auf der Linie $K A$, indem ich das Visierlineal immer auf einen der Punkte der Geraden $K A$ gerichtet halte, so lange hin, bis durch Einstellung des Lineals im rechten Winkel der Punkt A sichtbar wird. Er sei sichtbar geworden, sobald die Dioptra bei M steht. Es

5 τὸ δὲ στόμα 11 πρὸς ορθῶς ^{ἀν}την (sic) 14 supplevi coll. p. 226, 14

ἂν διὰ τῆς πρὸς ὀρθὰς θέσεως τοῦ κανόνος φανῇ τὸ
 Δ σημεῖον. πεφηνέτω <οὔσης τῆς διόπτρας κατὰ τὸ M >
 ἔσται δὴ ἡ MA καὶ ἐπὶ τὴν KA κάθετος. καὶ νε-
 νοήσθω ἐκβεβλημένη ἡ EB ἐπὶ τὸ N , καὶ ἐπ' αὐτὴν
 κάθετος ἡ AN . δυνατὸν δὴ ἔστιν ἐκ τῶν EZ , $H\Theta$,
 KA ἐπιλογίσασθαι ἡλικὴ ἔστιν ἡ AN , ὥσπερ ἐποιοῦμεν,
 p. 234 ὅτε τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ ἕτερον ἀθεώρητον
 ἐπεξεργνύομεν εὐθείαν· ὁμοίως δὲ καὶ τὴν BN ἐκ τῶν
 BE , ZH , ΘK , AA . εὐρήσθω οὖν, εἰ τύχοι, πενταπλῆ
 ἡ BN τῆς AN · καὶ ἐπιευχθεῖσα ἡ BA νενοήσθω ἐκ-
 βεβλημένη ἐπὶ τὸ Ξ , καὶ ἐπὶ τὴν BE κάθετος ἡ $\Gamma\Theta$
 ἡ ΞO · ὁμοίως δὲ καὶ ἡ BA νενοήσθω ἐκβεβλημένη
 ἐπὶ τὸ Π , καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν AM ἡ PP · ἔσται δὴ
 ὁμοίως πενταπλῆ ἡ μὲν BO τῆς $O\Xi$, ἡ δὲ AP τῆς
 PP . λαβόντες οὖν ἐπὶ τῆς BE σημείου τυχὸν τὸ O ,
 καὶ πρὸς ὀρθὰς ἀγαρόντες τὴν $O\Xi$ τῇ BO , πέμπτου
 μέρους θήσομεν τὴν $O\Xi$ τῆς BO . καὶ ἔσται ἡ $B\Xi$
 νεύουσα ἐπὶ τὸ B · ὁμοίως δὴ πάλιν τῆς AP πέμπτου
 μέρους θέντες τὴν PP , ἔξομεν τὴν AP νεύουσαν ἐπὶ
 τὸ A . διορύξομεν οὖν ἀπὸ μὲν τοῦ B ποιοῦντες τὸ
 ὄργανον ἐπ' εὐθείας τῆς $B\Xi$, ἀπὸ δὲ τοῦ A ἐπ' εὐ-
 θείας τῆς AP . γίνεται δὲ λοιπὸν τὸ ὄργανον κανόνος
 παρατιθεμένου ἐπὶ τῆς εὐρημένης εὐθείας τῆς ΞB ,
 ἥτοι ἐπὶ τῆς PA , ἣ καὶ ἐπ' ἀμφοτέρω τὰ μέρη. γινο-
 μένου τοῦ ὀρύγματος οὕτως ὑπαντήσουσιν ἀλλήλοις
 οἱ ἐργαζόμενοι.

fol. 76^r

p. 236

ιζ. Φρεατίας ὑπονόμῳ εἰς ὄρος διορύξαι | κατὰ
 κάθετον οὔσας τῇ ὑπονόμῳ. ἔστω τὰ ὑπονόμου πέ-
 ρατα τὰ A , B · καὶ εἰλήφθωσαν, ἐπ' εὐθείας τῇ AB ,
 αἱ GA , BA , ὡς ἐμάθομεν. ἔστησα οὖν δύο κανόνες
 ὀρθοὺς πρὸς τοῖς A , Γ τοὺς GE , AZ καὶ τὴν διόπτραν

wird daher MA eine Senkrechte auf KA sein. Nun denke man sich EB bis N und auf sie die Senkrechte AN gefällt. Es ist daher möglich aus EZ , $H\Theta$ und KA die Gröfse von AN zu bestimmen, wie wir thaten, als wir von jedem beliebigen Punkt auf einen anderen, nicht sichtbaren Punkt die Verbindungslinie zogen. Gleichermassen kann man auch BN aus BE , ZH , ΘK und AA berechnen. Es sei nun beispielsweise $BN = 5 AN$ gefunden und man denke sich die Verbindungslinie BA bis Ξ verlängert und es werde auf BE die Senkrechte ΞO gefällt. Gleichermassen denke man sich BA bis Π verlängert und die Senkrechte auf AA , nämlich ΠP , gefällt. Es wird daher ebenso $BO = 5 O\Xi$ und $AP = 5 P\Pi$ sein. Wir nehmen nun auf BE den beliebigen Punkt O an und ziehen $O\Xi$ im rechten Winkel zu BO , sodann machen wir $O\Xi = \frac{1}{5} BO$, dann wird $B\Xi$ nach B zu geneigt sein. Wenn wir nun in gleicher Weise $\Pi P = \frac{1}{5} AP$ machen, werden wir in gleicher Weise $\Delta\Pi$ nach Δ geneigt haben. Wir werden nun den Durchstich so machen, dafs wir von B aus den Graben auf der (Verlängerung der) Geraden $B\Xi$, von Δ aus auf der (Verlängerung der) Geraden $\Delta\Pi$ führen. Weiter wird der Graben hergestellt, indem eine Richtlatte auf die gefundenen Geraden ΞB oder auf $\Pi\Delta$ oder auch nach beiden Seiten hin aufgestellt wird. Wird der Graben auf diese Weise hergestellt, so werden sich die Arbeiter treffen.

XVI. Schachte für einen unterirdischen Kanal in einen Berg zu graben, die zum Kanal senkrecht laufen sollen.

Die Endpunkte eines Kanals seien A und B und man bestimme ΓA und BA auf einer und derselben Geraden mit AB so wie wir es lernten. Ich stelle nun 2 senkrechte Richtlatten, nämlich ΓE und AZ , bei den Punkten A und Γ und die Dioptra bei dem Berge auf, nach-

3 ἐπὶ τὴν KA : τῆς Vi 4 ἐπὶ τὸ KH 6 KM ἢ ΔH
 8 ἐπιτετυγνόμεν 9 AM : corr. Vi 12 $\delta\eta$ 13 τὴν ΔM
 16 τῇ $O\Xi$ τὴν BO 17 θήσωμεν 19—20 ἐπὶ τὸ B
 28 οὕσα 30—31 κανόνας ἐν τοῖς ὀρθοῖς, sed ἐν τοῖς del.
 m. 1 et ὀρθοῖς in ὀρθοῖς mutavit

πρὸς τῷ ὅρει ἀποστήσας σύμμετρον διάστημα, ὥστε διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἅμα φανῆναι τοὺς ΓΕ, ΑΖ κανόνας. ἔστω οὖν ἡ μὲν διόπτρα ἡ ΗΘ, ὁ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν ὁ ΚΑ· καὶ μένοντος τοῦ ΚΑ κανόνος ἀκινήτου μετατίθῃμι ἓνα τῶν ΓΕ, ΑΖ κανόνων, ὡς ἐπὶ τὸ Μ σημεῖον, ἔμπροσθεν τῆς διόπτρας, ὡς τὸν ΜΝ, περιφέρων αὐτὸν ὀρθόν, ἄχρις ἂν διὰ τοῦ ΚΑ κανόνος φανῇ ὁ ΜΝ κανὼν. καὶ ἔσται τὸ Μ σημεῖον κατὰ κάθετον κείμενον τῷ ὑπονόμῳ. πάλιν δὴ μετατεθείσης τῆς διόπτρας ἔμπροσθεν τοῦ ΜΝ κανόνος ἐπὶ τὸ Ξ περιφέρω, ἄχρις ἂν διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἅμα φανῶσιν οἱ ΑΖ, ΜΝ κανόνες· καὶ πάλιν μένοντος τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἀκινήτου μεταφέρω τὸν ΑΖ κανόνα ἔμπροσθεν τῆς διόπτρας ὀρθόν ὡς ἐπὶ τὸ Ο σημεῖον περιφέρων αὐτὸν, ἕως οὗ διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος φανῇ ὁ ΟΠ κανὼν· καὶ ἔσται ὁμοίως τὸ Ο κατὰ κάθετον τῷ ὑπονόμῳ. ὥσαύτως δὲ καὶ ἕτερα πλείονα λαμβάνων σημεῖα γράψω ἐν τῷ ὅρει γραμμὴν, ἣτις πᾶσα κατὰ κάθετον ἔσται τῷ ὑπονόμῳ. καὶν βουλώμεθα δὲ καὶ ἐκ τῶν Β, Δ μερῶν τὰ αὐτὰ ποιεῖν, οὐδὲν διοίσει. ἐπὶ τῆς ληφθείσης οὖν ἐν τῷ ὅρει γραμμῆς διαστήματα λαμβάνοντες, ἡλίκα ἂν βουλώμεθα, καὶ κατὰ κάθετον ὀρύσσοντες τὰς φρεατίας ἐπιτενξόμεθα τοῦ ὑπονόμου. χρὴ δὲ νοεῖν καὶ ταύτην τὴν δεῖξιν, ὡς τοῦ ὑπονόμου ἐπὶ μίᾳς εὐθείας ὄντος.

| ιζ. Λιμένα περιγράφαι πρὸς τὸ δοθὲν κύκλον τμήμα, τῶν περάτων αὐτοῦ δοθέντων.

5 τῶν ΓΑ ΑΖ 6 τὸ Ζ σημεῖον 12 οἱ ΑΖ ΜΗ
16—17 ὁ ΘΠ κανὼν 18 λαμβάνω 21—22 λειψθησῇς
23 ἡνίκα: correxi 28 τμήμα ex σχῆμα fec. m. 1

ἔστω τὰ πέρατα αὐτοῦ τὰ A, B καὶ καθεστᾶσθω (p. 244
fol. 70^v) ἐν τῇ διόπτρᾳ τύμπανον, περὶ ὃ ὁ κανὼν κινεῖ
παράλληλον τῷ ὀρίζοντι· καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἀπειλήφθ
 $\Gamma\Delta E$ ὁμοία τῷ τοῦ κύκλου τμήματι, πρὸς ὃν
λιμένα βουλόμεθα περιγράψαι. καὶ ἔστω κανὼν
τὰ ἕτερα μέρη ἔγγιστα τῆς διόπτρας ὁ ZH οἷ
ὥστε τὰς ἀπὸ τοῦ Z ἐπὶ τὰ Γ, E σημεία ἐπιξεν,
μένας καὶ ἐκβαλλομένας ἀκτῖνας ἀπὸ τῆς ὀψεως | πίπ

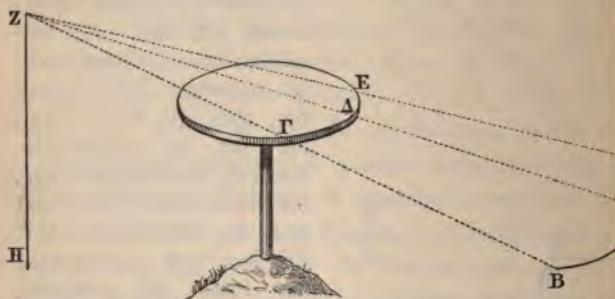


Fig. 97.

ἐπὶ τὰ A, B σημεία. τοῦτο δὲ ἔσται μετακινουμ
τῆς διόπτρας καὶ τοῦ ZH κανόνος, ἥ καὶ ἐνὸς αὐ
καὶ οὕτως κατασταθέντων προσβεβλήσθω ἀπὸ το
ἀκτὺς πρὸς τὴν $\Gamma\Delta$ εὐθείαν, ἕως οὗ συμπέσῃ τῷ
φει κατὰ τὸ Θ . ἔσται δὴ τὸ Θ ἐπὶ τῆς περιγραφομ
ἐν τῷ λιμένι γραμμῆς. ὁμοίως δὲ καὶ ἕτερα
βάνοντες τῷ Θ περιγράφομεν τὴν $B\Theta A$ γραμ
δεήσει δὲ καὶ τὸ ἔδαφος ὡς εἰς ἔγγιστα καταστ
παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, ἵνα καὶ τῶν ἐπ' αὐτοῦ

1 καθεστᾶσθω ἐν: supplevi 4 ὃν: expectatur δ 5
f. ἑστάτω 6 ὁ ZE 10 τοῦ ZE κανόνος

sie so lange hin und her trage, bis durch das an der Dioptra befindliche Lineal die Richtlatte OII sichtbar wird. Nun wird ebenfalls der Punkt O senkrecht über dem Kanal liegen.

Indem ich nun in derselben Weise noch mehrere andere Punkte bestimme, werde ich auf dem Berge eine Linie zeichnen, welche in ihrem ganzen Verlauf senkrecht über dem Kanal gehen wird. Und wenn wir dasselbe von der Seite von B und A aus thun wollen, so wird es keinen Unterschied machen. Nehmen wir nun auf der auf dem Berge bestimmten Linie Zwischenräume von beliebiger Länge und graben die Schächte senkrecht, so werden wir auf den Kanal treffen. Man muß übrigens diesen Beweis unter der Voraussetzung auffassen, daß der unterirdische Kanal auf einer geraden Linie verläuft.

XVII. Den Umriss eines Hafens nach Maßgabe eines gegebenen Kreissegments zu zeichnen, wenn die Endpunkte desselben gegeben sind.

Die Endpunkte desselben seien A und B . Es sei nun an der Dioptra die (große) Kreisscheibe, um welche sich das Visierlineal bewegt, horizontal gestellt und von dieser die Linie IAE abgeteilt, die dem Segment, nach welchem wir den Hafenumriss zeichnen wollen, ähnlich sein soll. Und es stehe eine Richtlatte nach der anderen Seite zu ganz nahe der Dioptra, nämlich ZH , dergestalt, daß Verbindungslinien, die von Z nach den Punkten I und E gezogen werden und Sehstrahlen, die von dem (dort befindlichen) Auge ausgehen, auf die Punkte A und B treffen. Dies wird erreicht werden dadurch, daß man die Dioptra und die Richtlatte ZH , oder auch nur eines der beiden Stücke, herumbewegt. Nachdem sie so aufgestellt sind, werde von Z ein Sehstrahl nach IA in gerader Richtung entsandt, bis er mit dem Erdboden in Θ zusammentrifft. Der Punkt Θ wird also auf der Umrisslinie des Hafens liegen. Indem wir nun in derselben Weise wie Θ auch andere Punkte bestimmen, werden wir die Umrisslinie $B\Theta A$ zeichnen. Es wird übrigens nötig

βανομένων σημείων ἢ περιγραφομένη γραμμῇ [ἡ] ἐν ἐπιπέδῳ ἢ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι. ὅτι δὲ ἡ ΒΘΑ γραμμὴ κύκλου περιφέρειά ἐστι καὶ ὁμοία τῇ ΓΔΕ, φανερόν· κῶνος γὰρ γίνεται, οὗ βάσις μὲν ὁ ΓΔΕ κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ Ζ σημεῖον, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ αἱ ἀπὸ τοῦ Ζ σημείου προσπίπτουσαι πρὸς τὴν ΓΔΕ περιφέρειαν. καὶ τέμνεται ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει, τῷ ἐν ᾧ ἐστὶ τὰ Α, Β σημεία, καὶ πλευραὶ αὐτοῦ εἰσὶν αἱ ΖΓΒ, ΖΕΑ· ἡ ἄρα ΒΘΑ γραμμὴ κύκλου γίνεται περιφέρεια καὶ ὁμοία τῇ ΓΔΕ. ὁμοίως¹⁰ δὲ ἐὰν βουλώμεθα τὴν περιγραφομένην μὴ εἶναι κύκλου περιφέρειαν, ἀλλὰ ἐλλείψεως, ἢ καὶ ὄλην ἑλλειψιν ἢ καὶ παραβολὴν ἢ ὑπερβολὴν ἢ ἄλλην τινὰ γραμμὴν, ποιήσομεν ὁμοίαν αὐτῇ ἐκ σανίδος· καὶ ἐφαρμόσαντες ἐπὶ τὸ ΓΑ τύμπανον, ὥστε συμφυεῖς αὐτῷ γενέσθαι,¹⁵ ὑπερέχειν <δὲ> εἰς τὸ ἐκτὸς τοῦ τυμπάνου τὴν ἐκ τῆς σανίδος περιτμηθεῖσαν γραμμὴν, τὰ αὐτὰ ποιήσομεν τοῖς ἐπὶ τῆς ΓΔΕ περιφερείας εἰρημένοις. οὕτως οὖν πάσῃ τῇ δοθείσῃ γραμμῇ ὁμοίαν περιγράψομεν. ἐὰν δὲ βουλώμεθα τὴν περιγραφομένην γραμμὴν μὴ ἐν²⁰ τῷ ἐδάφει γράφεσθαι παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι, ἀλλ' ἐν

p. 246 ἐτέρῳ ἐπιπέδῳ, καταστήσομεν τὸ τύμπανον παράλληλον τῷ ἐπιπέδῳ, ἐν ᾧ μέλλει γράφεσθαι ἡ γραμμὴ, καὶ τὰ αὐτὰ ποιήσομεν· πάλιν γὰρ γίνεται κῶνος ἐπιπέδῳ τεμνόμενος τῷ ἐν ᾧ ἐστὶν ἡ γραμμὴ παράλληλος τῇ²⁵ βάσει. ὁμοίως καὶ γέφυραν περιγράψομεν. τὸ δὲ τύμπανον τὸ ΓΑΖ καταστήσομεν καὶ παράλληλον τῷ

1 [ἡ] delevi 2 παράλληλος: cortexi 8 τῇ ἐν ᾧ 9—10 γραμμῇ ὅ γίνεται 14 ποιήσω μεν ἐφαρμόσαντες 17 ποιήσομεν 20 βουλόμεθα 22 καταστήσωμεν 24 ποιησωμεν
25 f. παραλλήλῳ 26 περι γραφομεν

in, den Erdboden so weit als möglich horizontal zu machen, damit auch die Umrifslinie, die durch die auf m bestimmten Punkte bestimmt wird, in einer horizontalen Ebene liegt.

Dafs die Linie $B\Theta A$ ein Stück einer Kreisperipherie und $\Gamma\Delta E$ ähnlich ist, ist offenbar. Denn es entsteht ein Kegel, dessen Basis der Kreis $\Gamma\Delta E$ und dessen Spitze der Punkt Z ist; seine Seiten sind die Geraden, die von dem Punkte Z aus nach dem Peripherieabschnitt $\Gamma\Delta E$ laufenden Linien. Und er wird von einer seiner Basis parallelen Ebene, derjenigen nämlich, in der die Punkte Γ und B liegen, geschnitten und seine Seiten sind $Z\Gamma B$ und ZEA . Die Linie $B\Theta A$ wird also ein Stück einer Kreisperipherie und $\Gamma\Delta E$ ähnlich.

Ebenso aber werden wir, wenn wir wünschen, dafs die Umrifslinie nicht eine Kreisperipherie, sondern die Peripherie eine Ellipse, oder auch eine ganze Ellipse, oder auch eine Parabel oder Hyperbel oder irgend eine andere Linie sei, eine ihr ähnliche aus einem Brett herstellen, und nachdem wir es so auf die Kreisscheibe $\Gamma\Delta$ aufgelegt haben, dafs es mit ihr fest verbunden wird und die aus dem Brett geschnittene Linie über die Kreisscheibe hervorragt, werden wir genau dasselbe thun, was bei der Peripherie $\Gamma\Delta E$ beschrieben worden. Auf diese Weise nun werden wir einer jeden (beliebigen) gegebenen Linie ähnliche Umrifslinien bestimmen können.

Wünschen wir jedoch, dafs die Umrifslinie nicht auf der horizontalen Erdbodenoberfläche gezeichnet wird, sondern auf einer anderen Ebene, so werden wir die Kreisscheibe parallel zu der Ebene stellen, in welcher die Linie gezeichnet werden soll, und dieselben Operationen vornehmen. Wenn es entsteht wieder ein Kegel, der durch eine Ebene – diejenige in welcher die zur Basis parallele Linie liegt – geschnitten wird. In ähnlicher Weise werden wir auch die Umrifslinie einer Brücke zeichnen.

Die Kreisscheibe $\Gamma\Delta E$ werden wir auf folgende Weise in der gegebenen Ebene parallel stellen. Die gegebene

δοθέντι ἐπιπέδῳ οὕτως. ἔστω γὰρ τὸ δοθὲν ἐπίπεδον τὸ $KAMN$ καὶ ἐν αὐτῷ δύο εὐθεῖαι ἔστωσαν αἱ KA , MN καὶ εὐρῇσθω ἡ θέσις τῆς KA ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν, καὶ ἔστω ἡ ΞO . ὁμοίως δὲ καὶ ἡ θέσις τῆς

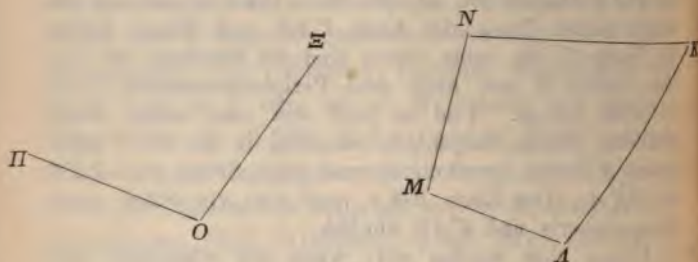


Fig. 98.

AM εὐρῇσθω, καὶ ἔστω ἡ $OΠ$. τὸ ἄρα $KAMN$ ἐπί-
 fol. 71^r πεδον παράλληλόν ἐστιν τῷ διὰ τῶν ΞO , $OΠ$. | ἐγκλί-
 νας οὖν τὸ τύμπανον, ὥστε ἐν τῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ
 γενέσθαι τὰς ΞO , $OΠ$, ἕξω καθεσταμένον παράλληλον
 τῷ $KAMN$ ἐπιπέδῳ.

p. 248 ιη. Ἔδαφος κυρτῶσαι, ὥστε σφαιρικὴν ἔχειν ἐπί-
 φάνειαν πρὸς τὸ δοθὲν τμήμα. ἔστω ὁ δοθεὶς τόπος
 ὁ $ABΓΔ$, μέσον δὲ αὐτοῦ σημεῖον τὸ E . διὰ δὲ τοῦ
 E σημείου διήχθωσαν εὐθεῖαι διὰ τῆς διόπτρας οὐσαι
 ἐν τῷ ἐδάφει, ὅσαιδηποτοῦν, αἱ $ΑΓ$, $ΒΔ$, $ΖΗ$, $ΚΘ$,
 ἐφ' ὧν πάσσαλοι ἐγκεκρούσθωσαν ὀρθοί. ὥς δ' ἂν¹⁵
 ἐπὶ μιᾷς ὑποδείξομεν, οὕτως καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν νοείσθω
 εὐθειῶν. πεπασσαλοκοπήσθω οὖν ἡ $ΒΔ$ τοῖς $ΑΜ$,

5 $KMAN$

6 ἔστιν τῷ διατῶι διατῶν (sic)

9 τὸ $KAMN$ 14 $ZH, H\Theta$

15 δ' ἂν corruptum videtur

16 ἐπὶ μιᾷς

ἐπὶ μιᾷς

bene sei $KAMN$ und in ihr seien zwei Gerade KA und IN . Nun sei die Lage von KA in der Gegend unseres Standortes bestimmt, und zwar sei sie EO . In ähnlicher Weise soll nun auch die Lage von AM gefunden sein, und zwar sei sie OII . Die Ebene $KAMN$ ist also der durch die Linien EO und OII bestimmten parallel. Ich lege nun die Kreisscheibe so, daß die Linien EO und II in ihrer Ebene zu liegen kommen und werde sie dadurch der Ebene $KAMN$ parallel gestellt haben.

XVIII. Ein Bodenstück so zu wölben, daß es nach Auftragsgabe eines gegebenen Kreisabschnittes eine kugelige Oberfläche hat.

Der gegebene Boden sei $AB\Gamma A$, sein Mittelpunkt E . Durch den Punkt E ziehe man mittelst der Dioptra beliebig viele gerade Linien auf dem Erdboden, AI , BA ,

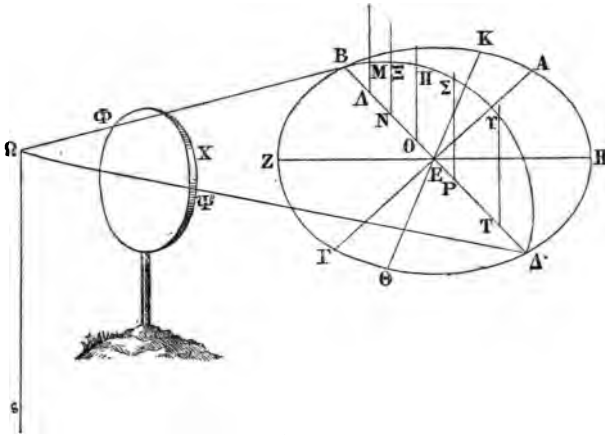


Fig. 99.

EH und $K\Theta$, auf denen Pflöcke senkrecht eingerammt werden sollen. Wie wir nun für eine Gerade den Beweis liefern werden, so soll er auch für die übrigen gedacht werden. Die Linie BA werde mit den Pflöcken AM ,

NΞ, ΟΠ, ΡΣ, ΤΤ πασσάλοις· τὸ δὲ τῆς διόπτρας
τύμπανον ἔστω τὸ ΦΧΨ, ὅμοιον τῷ τῆς κυρτώσεως
τμήματι· καὶ πάλιν καθεστᾶτω ὀρθῶς πρὸς τὸν ὀρί-
ζοντα, ὥστε κανόνος ὁμοίως παρατεθέντος τοῦ ΩΞ, τὰς
ἀπὸ τοῦ Ω ἐπὶ τὰ Φ, Ψ ἐπιγεγνημένους ἀκτίνους καὶ
ἐκβαλλομένας νεύειν ἐπὶ Β, Δ σημεῖα. εἶτα διὰ τοῦ
Ω πάλιν καὶ τῆς ΦΧΨ περιφερείας τεθεωρησθῶ ἐπὶ
τῶν πασσάλων σημεῖα τὰ Μ, Ξ, Π, Σ, Ρ· ταῦτα δὲ
ἔσται ἐπὶ τοῦ τμήματος τῆς κυρτώσεως. καὶ ἐπὶ τῶν
λοιπῶν δὲ εὐθειῶν ἢ αὐτῇ πασσαλοκοπία καὶ διοπ-
τρ(εῖ)α γεγενῆσθω, καὶ ληφθέντων ἐν τοῖς πασσάλοις
σημεῖων ἐγγωννύσθω ὁ τόπος ἄχρι τῶν ληφθέντων
σημεῖων καὶ ἔσται ἡ κύρτωσις τοῦ τόπου σφαιρικῇ
ὁμοία τῷ εἰρημένῳ τμήματι.

ιδ. Ἐδαφος ἐγκλίνει ἐν δοθείσῃ γωνίᾳ, ὥστε τὸ κλίμα αὐτοῦ ἐφ' ἑν νεύειν σημεῖον δοθέντος ἀκλινοῦς τόπου ἐν παραλληλογράμῳ ἰσοπλευρῷ.

$\epsilon\sigma\tau\omega$ παραλληλόγραμμον ἰσοπλευρον τὸ $AB\Gamma\Delta$,
 ἡ δὲ γωνία, ἐν ᾗ βουλόμεθα ἐγκλίῃναι τὸ ἔδαφος, ἡ
 ὑπὸ EZH . ἀπὸ
 δὲ τῶν A, B, Δ
 <σημείων> τῷ
 ὑποκειμένῳ ἐπι-
 πέδῳ πρὸς ὁρ-
 θᾶς ἀνεστιάτω-
 σαν αἱ $A\Theta, BK,$
 $\Delta\Lambda$. τὸ δὲ Γ σημεῖον ἔστω, ὅπου βουλόμεθα τὴν
 κλίσιν νεύειν. καὶ τῇ $A\Gamma$ ἴση κείσθω ἡ ZH , τῇ δὲ

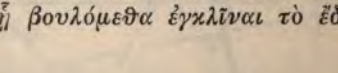


Fig. 100a.

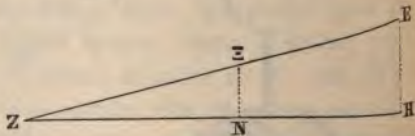


Fig. 100a.

3 ὁρθῶ 4 ΩΤ 5 ἀπὸ τοῦ β (ω sic, non α) ἐπὶ τὰ φρην.
sed χ del. m. 1 7 τεθεωρεῖσθαι 10 δε 10—11 καὶ διόπτρα:
correxī 12 ἐγγωνύσθαι 19 βουλωμεθα 27 ΑΑ f. δοποι

Π , $P\Sigma$, TT besetzt, und $\Phi X\Psi$ sei die Kreis-
der Dioptra, welche dem Abschnitt der Wölbung
ist. Sie soll wieder senkrecht zum Horizont auf-
werden, so daß wenn in ähnlicher Weise (wie
1 vorhergehenden Probleme) eine Richtlatte $\Omega\zeta$
aufgepflanzt wird, die von Ω nach Φ und Ψ
n und drüber hinaus verlängerten Strahlen nach
kten B und A hingehen. Sodann sollen wiederum
 ℓ und den Peripherieabschnitt $\Phi X\Psi$ hindurch auf-
icken die Punkte M , Ξ , Π , Σ , T anvisiert werden;
werden dann auf dem Wölbungsabschnitt liegen.
uf den übrigen Geraden soll dasselbe Verfahren
1 Pflocken und der Dioptra angewandt werden,
ndem so auf den Pflocken Punkte genommen sind,
s Terrain bis zu diesen Punkten aufgeschüttet

Die Krümmung des Terrains wird dann eine
mige und dem genannten Schnitt ähnliche sein.
Eine Bodenfläche, die in einem gegebenen Winkel
ist, so herzustellen, daß die Neigung nach einem
hin stattfindet, wenn ein nicht geneigtes Terrain
in einem gleichseitigen
Parallelogramm ge-
geben ist.

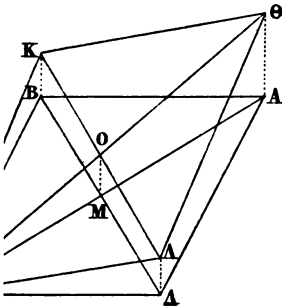


Fig. 100 b.

Es sei $AB\Gamma\Delta$ das
gleichseitige Parallelo-
gramm und EZH der
herzustellende Nei-
gungswinkel des Ter-
rains. Von A , B , Δ
aus sollen senkrecht zu
der gegebenen Ebene
die Geraden $A\Theta$, BK ,
 $\Delta\Lambda$ errichtet werden,
der Punkt Γ sei der,

dem die Neigung hingehen soll. Nun werde
 $A\Gamma$ gemacht und rechtwinklig zu ZH die Ge-
 H gezogen; ferner werde $A\Theta = EH$ gemacht und

ZH πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἢ EH · τῇ δὲ EH ἴση κείσθω
 ἢ $A\Theta$ · καὶ τῇ AG προσευρησθῶ ἢ $A\Theta$, ἐν τῷ
 ZH πρὸς HE λόγῳ καθέτου οὔσης τῆς EH . ἐὰν
 fol. 71^v νοήσωμεν ἐπιζευγνυμένην | τὴν $\Theta\Gamma$, ἔσται ἡ ὑπὸ Θ
 γωνία κλίσις. ἔστω δὲ ἡ ἀπὸ τοῦ B ἐπὶ τὴν
 κάθετος ἢ BM · καὶ τῇ GM ἴση κείσθω ἢ ZN , τῇ δὲ
 παράλληλος ἤχθω ἢ $N\Xi$, τῇ δὲ $N\Xi$ ἴση κείσθω
 p. 252 τέρα τῶν BK , ΔA · καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΘK , ΓA , $A\Theta$. ἔσται δὴ τὸ $\Theta K\Gamma\langle A\rangle$ ἐπίπεδον κεκλιμέ-
 πρὸς τὸ $A\langle B\rangle\Gamma A$ ἐν τῇ ὑπὸ $\Theta\Gamma A$ γωνία, τοῦ-
 τῇ ὑπὸ EZH . ἐὰν γὰρ νοήσωμεν τῇ $A\Theta$ πα-
 λλον γινομένην τὴν MO , καὶ ἐπιζεύξωμεν τὴν
 πίπτουσιν ἐπὶ τὸ A , ἡ μὲν MO ἴση \langle ἔσται \rangle τῇ
 ἢ δὲ KO ἴση \langle καὶ \rangle παράλληλος τῇ BM , πρὸς ὀρ-
 θὰς τῇ $\Theta\Gamma$ · ὥστε κέλνεται, ὥς εἴρηται, τὸ ἐπίπε-
 δον δὲ ὁ τόπος ὁ δοθεὶς ἐν τυχόντι ἢ τετραπλεύ-
 ὥστε τὰς διαγωνίους αὐτοῦ μὴ πρὸς ὀρθὰς ἀλλή-
 \langle εἶναι \rangle , τῆς BM πρὸς ὀρθὰς οὔσης τῇ AG , ἴσην
 ὡς ἔσται τὴν ΞN , τῇ δὲ ΞN τὴν BK , ὥς εἴρηται,
 τοῦ B κάθετον ἀγαρόντες ἐπὶ τὴν AG . καὶ τα-
 ποιήσαντες τοῖς ἐπὶ τῆς BM , ποριούμεθα τὸ μέγε-
 τος ΔA . ἐγγωσθήσεται οὖν ὁ τόπος ἄχρι τῶν
 $K\Gamma$, ΓA , $A\Theta$ εὐθειῶν· καὶ τὸ ἐπίπεδον ἀπεργασ-
 ἔξει τὴν εἰρημένην ἔγκλισιν.

fol. 71^v | κ. Ὑπονόμου ὄντος, εὐρεῖν ἐν τῷ ὑπερκει-
 μένῳ τόπον, τοῦτέστι σημεῖον, ἀφ' οὗ φρεσι-
 γενηθείσης ἐπὶ τὸν δοθέντα ὑπόνομον καταντήσο-

4 $O\Gamma$ 8 ἐπεζεύχθωσαν (sic) 9 ΓA 12 ἴσον γ
 μένην ἐπιζευγνυμένην 13 MO ἴση ἴση τῇ 18 \langle εἶ-
 addidi τῇ BM οὔση 20 ταῦτα: correxi 25
 κειμένω: correxi

zu AF werde $A\Theta$ hinzugefunden im Verhältniß $ZH:HE$, wobei EH eine Kathete ist. Denken wir uns nun die Verbindungslinie $\Theta\Gamma$ gezogen, so wird der Winkel $\Theta\Gamma A$ die Neigung darstellen. Es sei nun BM die Senkrechte
 5 von B auf AF und ZN werde gleich FM gemacht, ferner zu HE die Parallele NZ gezogen. Nun sollen BK und AA beide gleich NZ gemacht werden. Und man ziehe die Verbindungslinien ΘK , $K\Gamma$, ΓA , $A\Theta$. Es wird also die Ebene $\Theta K\Gamma$ gegen $AB\Gamma A$ in dem
 10 Winkel $\Theta\Gamma A$, d. h. EZH geneigt sein. Denn wenn wir uns zu $A\Theta$ die Parallele MO gezogen denken und die Verbindungslinie OK ziehen, die nach dem Punkte A geht, so wird $MO = NZ$ sein, KO gleich und parallel BM sein und im rechten Winkel zu $\Theta\Gamma$
 15 laufen. Die Ebene ist also in der angegebenen Weise geneigt.

Wenn aber die gegebene Stelle in einem beliebigen Viereck liegt, so daß dessen Diagonalen nicht senkrecht aufeinander stehen, so werden wir in der Größe von BM ,
 20 das im rechten Winkel zu AF steht, ZN abtragen, in der Größe von ZN aber BK , wie gesagt worden ist, nachdem wir von B eine Kathete auf AF gezogen haben. Und nachdem wir dasselbe wie mit BM gethan haben, werden wir die Größe von AA bestimmen. Die Stelle wird nun
 25 bis zu den Geraden ΘK , $K\Gamma$, ΓA , $A\Theta$ aufgeschüttet werden und die dadurch hergestellte Ebene wird die angegebene Neigung haben.

XX. Wenn ein unterirdischer Kanal gegeben ist, auf dem vorliegenden Boden einen Ort, d. h. einen Punkt
 30 zu finden, von dem aus ein Brunnenschacht gegraben werden muß, um auf einen gegebenen unterirdischen Punkt zu treffen, so daß wenn beispielsweise ein Einsturz in dem unterirdischen Kanal erfolgt ist, man durch den Brunnen das Material zur Ausräumung des Kanals und zur
 35 Wiederherstellung desselben transportieren kann.

Der gegebene unterirdische Kanal sei $AB\Gamma AE$ und $H\Theta$ und KA Schachte, die zu ihm hinführen; der ge-

τόπον, ὥστε εἰ τύχοι πτώματος ἐν τῷ ὑπονόμῳ γενη-
 p. 240 θέντος διὰ τῆς φρεατίας ἀναφέρεσθαι τὴν ὕλην τὴν
 πρὸς τὴν κάθαρσιν τοῦ ὑπονόμου καὶ τὴν πρὸς τὴν
 ἐπισκευήν. ἔστω ὁ δοθεὶς ὑπόνομος ὁ $ΑΒΓΔΕ$. φρεα-
 τίαί δὲ φέρουσαι εἰς αὐτὸν αἱ $ΗΘ$, $ΚΑ$. τὸ δὲ ⁵
 σημείον τὸ δοθὲν ἐν τῷ ὑπονόμῳ, ἐφ' ὃ δεῖ τὴν
 φρεατίαν ἐλθεῖν, τὸ $Μ$. κεκαλάσθωσαν σπάρτοι διὰ
 τῶν $ΗΘ$, $ΚΑ$ φρεατιῶν βάρη ἔχουσαι, αἱ $ΝΞ$, $ΟΠ$.
 καὶ κατασταθισθῶν αὐτῶν ἀκινήτων διὰ μὲν τῶν $Ο$,
 $Ν$ σημείων εὐθείᾳ τις εἰλήφθω ἐν τῷ ἐπάνω ἐδάφει ¹⁰
 ἢ $ΟΝΡ$. διὰ δὲ τῶν $Π$, $Ξ$, ἐν τῷ ὑπονόμῳ, ἢ $ΠΞΣ$,
 προσπίπτουσα ἐνὶ τῶν τοῦ ὑπονόμου τοίχων κατὰ τὸ
 $Σ$. καὶ τῇ $ΠΣ$ ἴση <κεῖσθω> ἢ $ΟΡ$. καὶ λαβὼν σχοι-
 νίον εὐ ἐκτεταμένον καὶ προβεβασανισμένον, ὥστε μηκέτι
 ἐπεκτείνεσθαι ἢ συστέλλεσθαι, τὴν μὲν ἀρχὴν αὐτοῦ ¹⁵
 fol. 72^r τίθημι πρὸς τῷ $Σ$. λαβὼν δέ τι σημείον ἐπὶ τοῦ
 $ΑΒΓ$ τοίχου τὸ $Τ$, ἐπεκτείνω τί σχοινίον ἐπὶ τὸ $Τ$,
 καὶ ὁμοίως ἐπὶ τὸ $Π$, καὶ σημειωσάμενος τὰ μήκη τῶν
 $ΤΣ$, $ΤΠ$ ἐφαρμόζω αὐτὰ ἐν τῷ ἐπάνω ἐδάφει, ὥστε
 γενέσθαι τρίγωνον τὸ $ΡΤΟ$, τὴν μὲν $ΡΤ$ ἴσην ἔχον ²⁰
 τῇ $ΤΣ$, τὴν δὲ $ΤΟ$ τῇ $ΤΠ$. εἴτα πάλιν λαβὼν ἕτερον
 σημείον τὸ $Χ$ ἐπεξέτεινα τὸ σχοινίον, ὥστε ποιῆσαι
 τὸ $ΤΣΧ$ τρίγωνον· καὶ πάλιν τοῦτο ἐν τῷ ἐπάνω
 ἐδάφει ἐφαρμόζω, ὥστε γενέσθαι τὸ $ΡΤΦ$, τὴν μὲν
 $ΡΦ$ ἴσην ἔχον τῇ $ΧΣ$, τὴν δὲ $ΤΦ$ τῇ $ΤΧ$. εἴτα πάλιν ²⁵
 ἐπὶ τῆς $ΣΧ$ ἕτερον τρίγωνον συστησάμενος τὸ αὐτὸ
 συνίσταμαι καὶ ἐπὶ τῆς $ΦΡ$, ἄχρις ἂν συνεγγρίσω τῷ
 $Μ$ σημείῳ. καὶ ἵνα μὴ ποικιλογραφῶμεν, ἐπιχθείσα τῷ

4 ὑπο νόμον 4—5 φρεατία δε φέρουσα εἰς αὐτὸν ἢ 8 φρεα-
 τίας 13 supplevi 16 τῷ $Ο$ 17 τί: f. τὸ 18—19 τῶν $ΠΣ$
 21 τῇ $ΠΣ$ 23 τὸ $ΤΡΧ$ 28 ἐπιχθείσα: f. ἐπιδειχθείσα

gebene Punkt in dem Kanal, zu dem der (neu zu grabende) Schacht hingehen soll, sei M . Man lasse in den Schächten $H\Theta$ und $K\Lambda$ Fäden mit Gewichten, $N\Xi$ und $O\Pi$ hinab. Und nachdem diese zur Ruhe gekommen sind, bestimme man durch die Punkte O und N auf der oberen Erdbodenfläche eine Gerade ONP , sowie durch die Punkte

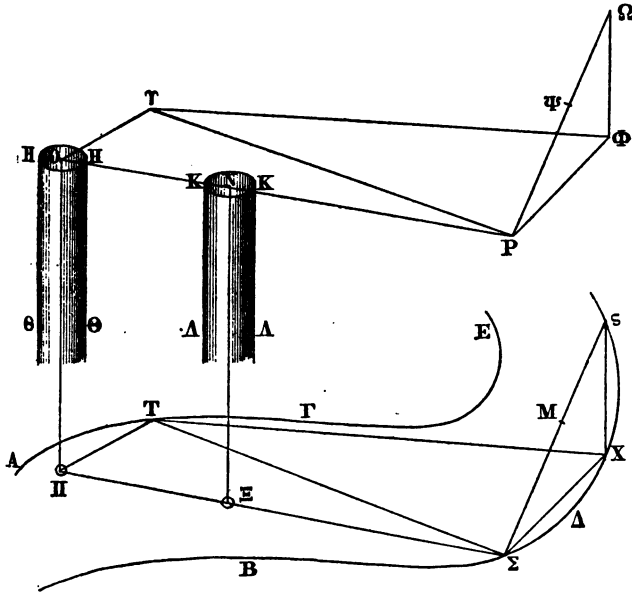


Fig. 101.

Π und Ξ in dem Kanal die Gerade $\Pi\Xi\Sigma$, welche eine der Wände der unterirdischen Kanals in Σ trifft. Und es werde $OP = \Pi\Sigma$ gemacht. Ich nehme nun ein Meßband, das gehörig ausgereckt und vorher ausprobiert ist, so daß es sich nicht mehr ausdehnt oder zusammenzieht, und lege das eine Ende desselben an den Punkt Σ . Ich nehme nun irgend einen Punkt T auf der Wand $AB\Gamma$

σχοινίῳ ἢ ΣΜ ἐπὶ τὸ ε ἐκβεβλήσθω, καὶ ἐπεξεύχθω
 ἢ εX · καὶ ἐπὶ τῆς ΦΡ τρίγωνον ἔστω ΦΨΡ, ἴσῃν
 ἔχον τὴν μὲν ΡΨ τῇ Σ ε , τὴν δὲ ΦΨ τῇ εX · καὶ τῇ
 ΜΣ ἴσῃ κείσθω ἢ ΡΩ· ἔσται δὴ τὸ Ω σημεῖον κατὰ
 κάθετον κείμενον τῷ Μ σημεῖω. φρεατίας ἄρα ὀρυγ-
 242 θέισης ἀπὸ τοῦ Ω, ὀρθὴ ἔσται ἢ ὀρυγὴ πίπτουσα ἐπὶ
 τὸ Μ· τοῦτο δὴ φανερόν διὰ τὰ τρίγωνα τὰ ἐν τῷ
 ὑπονόμφῳ καὶ τὰ ἐν τῷ ἐδάφει ἴσα τε καὶ ὅμοια εἶναι,
 καὶ ὁμοίως κείμενα. πειρᾶσθαι δὲ δεῖ τὰ τρίγωνα
 ἀκλινῇ καθιστᾶν, ὅπως αἱ ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς
 γωνίας ἐπιγευγνύμεναι κάθετοι ὧσιν ἐπὶ τὸν ὀρίζοντα.

fol. 72^r
 p. 254

κα. | Διὰ διόπτρας ἀπολαβεῖν ἀπὸ ἡμῶν διάστημα
 ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας, ἴσον τῷ δοθέντι διαστήματι.
 ἔστω ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα ἐφ' ἧς δεῖ ἀπολαβεῖν <ἡ ΑΒ·
 τὸ δὲ δοθὲν διάστημα ὃ δεῖ ἀπολαβεῖν> ἔστω τὸ ΑΒ·
 15 ἀφ' οὗ δὲ δεῖ σημείου ἀπολαβεῖν, ἔστω τοῦ Α. ἐλθὼν
 ἐπὶ τινος ἀκλινοῦς ἐπιπέδου τόπου οἷον τοῦ ΓΔ, τίθῃμι
 τὴν διόπτραν τὴν ΕΖ· καὶ ταύτης ἔμπροσθεν κανόνα
 ὀρθόν, μήκους ὡς πηχῶν ι, τὸν ΗΘ, ἀπέχοντα ἀπὸ τῆς
 διόπτρας, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ Ε σημεῖου, ὃ βούλωμαι
 20 διάστημα, ἔστω δὴ πηχῶν γ. ἀπέλαβον οὖν ἀπὸ τοῦ
 Ε ἐν ἐπιπέδῳ εὐθείαν τὴν ΕΔ πηχῶν ὅσων ἐὰν
 βούλωμαι, ἔστω δὴ πηχῶν φ, καὶ καταλείψας σημεῖον
 πρὸς τῷ Δ, ἐγκλίνω τὸν ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνα, ἄχρις
 ἂν φανῇ δι' αὐτοῦ τὸ Δ σημεῖον. καὶ μένοντος αὐτοῦ
 25 ἀκινήτου, ἀντιπεριστὰς ἔλαβον | δι' αὐτοῦ σημεῖον ἐπὶ
 τοῦ ΗΘ κανόνος τὸ Μ, καὶ ἐπέγραψα πηχῶν φ. εἴτα
 πάλιν ἀπολαβὼν ἑτέρους πῆχεις ὅσους ἂν βούλωμαι
 ἐπὶ τῆς ΕΔ, οἷον εἰ τύχοι πῆχεις $\bar{\nu}$ ἐπὶ τῆς ΕΝ, καὶ

fol. 72^v

2 τρίγωνον ἐν τῷ ΦΨΡ 3 τῇ δὲ ΦΨ τὴν εX 4 ἢ
 ΡΒ τὸ Β 6 τοῦ Β 10 γωνιῶν 14 supplēvi 23 κατε-

an und spanne dann das Meßband nach T und ebenso nach Π hin. Und nachdem ich die Längen von $T\Sigma$ und $T\Pi$ notiert habe, übertrage ich dieselben auf die obere Erdbodenfläche, so daß das Dreieck PTO entsteht, in dem $PT = T\Sigma$, $TO = T\Pi$ ist. Ich nehme darauf wieder einen anderen Punkt X und spanne das Meßband aus, so daß ich das Dreieck $T\Sigma X$ entstehen lasse. Und dieses übertrage ich wiederum auf die obere Erdbodenfläche, so daß $PT\Phi$ entsteht, in dem $P\Phi = X\Sigma$, $T\Phi = TX$ ist. Nachdem ich sodann wiederum auf ΣX (als Grundlinie) ein anderes Dreieck konstruiert habe, konstruiere ich ebendasselbe auch auf ΦP , bis ich mich dem Punkte M genähert habe. Und — um weitschweifige Erörterungen zu vermeiden — nachdem die Linie ΣM mit dem Meßband ¹⁵ bestimmt ist, soll sie bis zum Punkte ς verlängert werden und die Verbindungslinie ςX gezogen werden. Und auf ΦP als Grundlinie soll das Dreieck ΦTP stehen, in dem $P\psi = \Sigma\varsigma$ und $\Phi\psi = \varsigma X$ sein soll. Und es werde $P\Omega = M\Sigma$ angenommen. Es wird also der Punkt Ω ²⁰ senkrecht über dem Punkte M liegen. Wenn also von Ω aus ein Schacht gegraben wird, so wird dieser senkrecht auf den Punkt M treffen.

Dies geht daraus hervor, daß die Dreiecke in dem Kanal und auf dem Erdboden gleich und ähnlich sind ²⁵ und ähnlich liegen. Man muß aber versuchen die Dreiecke horizontal zu stellen, damit die Verbindungslinien der Scheitelpunkte der Winkel auf dem Horizonte senkrecht stehen.

XXI. Vermittelst der Dioptra von uns aus auf einer ³⁰ gegebenen Geraden eine Strecke abzutragen, die einer gegebenen Strecke gleich ist.

Die gegebene Gerade, auf der abgetragen werden soll, sei AB ; die gegebene Strecke, welche abgetragen werden

λέγεται 24 τὸ \angle : \angle Vi perperam 25 τὸ \angle : \angle Vi perperam
 27 τοῦ $N\Theta$ 28 βουλομαι 29 εἰς τυχὴν τοῦ
 ENT ἐπὶ

soll, sei die Strecke AB ; der Punkt, von dem aus abgetragen werden soll, sei A . Man gehe nach einer nicht geneigten ebenen Stelle, beispielsweise ΓA , und stelle die Dioptra EZ auf, und vor ihr eine senkrecht stehende Richtlatte von ungefähr 10 Ellen Länge, $H\Theta$, die von der Dioptra, d. h. von dem Punkte E , ein beliebiges Stück abstehen soll; es sei = 3 Ellen. Ich trage nun von E aus in der Ebene eine Strecke EA von beliebig vielen Ellen ab: sie sei = 500 Ellen. Und nachdem ich bei A ein Zeichen hinterlassen habe, neige ich das Dioptralineal, bis durch dasselbe der Punkt A sichtbar wird. Während es nun unbeweglich in seiner Stellung verbleibt, trete ich nach seiner anderen Seite herum und bestimme durch dasselbe auf der Richtlatte $H\Theta$ den Punkt M und schreibe dazu „500 Ellen“. Ich trage dann wiederum eine beliebige Anzahl von Ellen auf der Geraden EA ab, beispielsweise $EN = 400$ Ellen, und nachdem ich bei N ein Zeichen hinterlassen habe, bestimme ich ebenso, nachdem ich nach der anderen Seite des Instruments herumgetreten bin, auf der Richtlatte $H\Theta$ einen anderen Punkt Ξ , bei dem ich „400 Ellen“ dazu schreibe. Und indem ich weiter in dieser Weise beliebige Maße annehme, werde ich auf der Richtlatte $H\Theta$ die zugehörigen Aufschriften erhalten.

Ich stelle nun die Dioptra auch bei A auf und stelle die Richtlatte mit den Aufschriften 3 Ellen davon entfernt auf, nämlich ebensoweit, wie damals, als ich sie, um die Aufschriften zu erhalten, aufstellte, und neige das Dioptralineal, bis durch dasselbe die Aufschrift des abzumessenden Maßes sichtbar wird. Sodann trete ich nach der anderen Seite herum und bestimme auf der Geraden AB durch das Visierlineal den Punkt B . Dann wird von dem gegebenen Ort die Strecke AB abgetragen sein. Es sei nun AO die Dioptra, das Visierlineal an derselben HP , die Richtlatte mit den Aufschriften ΣT .

p. 258 κβ. Διὰ διόπτρας ἀπολαβεῖν διάστημα, ἀπὸ ἐτέρου δοθέντος σημείου ἐπὶ τινος εὐθείας παραλλήλου τῇ δοθείσῃ ἴσον τῷ δοθέντι διαστήματι, μὴ προσελθόντα τῷ σημείῳ μηδ' ἔχοντα τὴν εἰρημένην εὐθείαν, ἐφ' ἧς δεῖ ἀπολαβεῖν. ἔστω δοθὲν σημεῖον τὸ A · καὶ κείσθω πρὸς τῷ B ἡ διόπτρα· καὶ εὐρήσθω ἡ AB εὐθεῖα ἡλίκη ἐστίν, ὡς ἐμάθομεν· καὶ ἀπειλήφθω αὐτῆς ἡ $BΓ$, μέρος ὃ βουλόμεθα. ἡ δὲ $ΓΔ$ ἡχθῶ παράλληλος ἧ βουλόμεθα εὐθείᾳ, μέρος οὔσα τοῦ δοθέντος διαστήματος, ὃ μέρος ἐστὶν καὶ ἡ $BΓ$ τῆς BA . καὶ διὰ τῆς διόπτρας ἡ $ΒΔ$ εὐθεῖα προεκβεβλήσθω, καὶ ἀπ' αὐτῆς ἀπειλήφθω ἡ BE , τοσανταπλασία οὔσα τῆς $ΒΔ$, ὡσαπλασία καὶ ἡ AB τῆς $BΓ$. ἔσται οὖν ἡ AE τοῦ τε δοθέντος μέτρου καὶ παράλληλος τῇ $ΔΓ$. τοῦτο γὰρ φανερόν ἐστι διὰ τὸ εἶναι ὡς τὴν AB πρὸς τὴν $ΓB$, τὴν τε EB πρὸς $ΔB$ καὶ τὴν AE πρὸς $ΓΔ$.

p. 260 κγ. Τὸ δοθὲν χωρίον μετροῦσαι διὰ διόπτρας. ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον περιεχόμενον ὑπὸ γραμμῆς ἀτάκτου τῆς $ABΓΔΕΖΗΘ$. ἐπεὶ οὖν ἐμάθομεν διὰ τῆς κατασκευασθείσης διόπτρας διάγειν πάσῃ τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ <ἐτέραν> πρὸς ὀρθάς, ἔλαβόν τι σημεῖον ἐπὶ τῆς περιχοῦσης τὸ χωρίον γραμμῆς τὸ B , καὶ ἡγαγον εὐθείαν τυχοῦσαν διὰ τῆς διόπτρας τὴν BH , καὶ ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς τὴν $BΓ$, <καὶ ταύτῃ> ἐτέραν πρὸς ὀρθὰς τὴν $ΓZ$, καὶ ὁμοίως τῇ $ΓZ$ πρὸς ὀρθὰς τὴν $ZΘ$. καὶ ἔλαβον ἐπὶ τῶν ἀχθεισῶν εὐθειῶν συνεχῇ σημεία, ἐπὶ μὲν τῆς BH τὰ $K, Λ$

11 διὰ τῆς $BΔ$ εὐθείας τῇ διόπτρᾳ: corr. Vi προσεκ-
βεβλήσθω: corr. Vi 13 ἔστω: corr. Vi 16 τὴν $ΓΔ$: corr. V
23 et 26 supplevi

XXII. Vermittelt der Dioptra von einem anderen gegebenen Punkte auf einer der gegebenen parallelen Geraden aus eine Strecke abzutragen, die einer gegebenen Strecke gleich sein soll, ohne dafs man sich dem Punkte nähert und ohne dafs man die genannte Gerade, auf der man abtragen soll, hat.

Der gegebene Punkt sei A , und bei B sei die Dioptra aufgestellt, und die Gröfse von AB sei so, wie wir es gelernt haben, gefunden. Nun werde darauf BT , als ein

beliebiger Teil davon, abgetragen, und TA als Parallele zu der Geraden, welche wir zu bestimmen wünschen, gezogen, welche der ebensoviele Teil der gegebenen

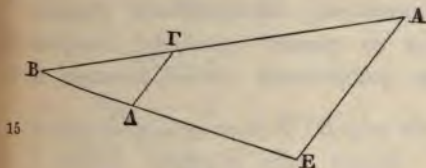


Fig. 103.

Strecke sein soll, als BT von BA ist. Dann soll vermittelt der Dioptra die Gerade BA noch weiter verlängert werden und auf ihr BE abgetragen werden als eine Strecke, die soviel mal so groß als BT sein soll, als AB größer als BT ist. Es wird nun AE von dem gegebenen Maße und parallel zu TA sein. Dies ist nämlich klar, weil $AB:TB = EB:AB = AE:TA$.

XXIII. Ein gegebenes Flächenstück vermittelt der Dioptra auszumessen.

Das gegebene Flächenstück sei von der unregelmäßigen Linie $ABTA EZH\Theta$ umschlossen. Da wir nun lernten, vermittelt der dazu hergerichteten Dioptra auf jede gegebene Gerade eine andere im rechten Winkel dazu zu ziehen, so nehme ich einen Punkt auf der das Flächenstück umschließenden Linie, B , und ziehe vermittelt der Dioptra die beliebige Gerade BH und im rechten Winkel hierzu BT ; eine andere Gerade im rechten Winkel hierzu TZ , und gleichermäßen zu TZ im rechten Winkel $Z\Theta$. Nun nehme ich auf den gezogenen Geraden eine Reihe auf einander

M, N, Ξ, O · ἐπὶ δὲ τῆς $B\Gamma$ τὰ Π, P · ἐπὶ δὲ τῆς ΓZ τὰ $\Sigma, T, \Gamma, \Phi, X, \Psi, \Omega$ · ἐπὶ δὲ τῆς $Z\Theta$ τὰ ς, η . καὶ ἀπὸ τῶν ληφθέντων σημείων ταῖς εὐθεαῖς, ἐφ' ὧν ἐστὶ τὰ σημεία, πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον τὰς $K\Delta, AA, M\Lambda, N\beta, \Xi\Gamma, O\Delta, \Pi E, P\zeta$
 $\langle \Sigma Z \rangle, T\eta, \Gamma\Theta, \Phi\Delta, X\overset{\alpha}{M}, \Psi\overset{\beta}{M}, \Omega E, \varsigma\overset{\gamma}{M}$,

p. 262 QM οὕτως ὥστε [τὰς ἐπὶ] τὰ πέρατα τῶν ἀχθεισῶν πρὸς ὀρθὰς [ἐπιξενυνμέναις] ἀπολαμβάνειν γραμμὰς ἀπὸ τῆς περιεχούσης τὸ χωρίον γραμμῆς σύνηγους εὐθείας· καὶ τούτων γενηθέντων ἔσται δυνατόν τὸ¹⁰

χωρίον μετρεῖν. τὸ μὲν γὰρ $B\Gamma ZM$ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον ἐστίν· ἔπειτα τὰς πλευρὰς ἀλλύσει ἢ σχοινίῳ βεβασανισμένῳ, τουτέστιν μήτ' ἐκτείνεσθαι μήτε συστέλλεσθαι δυναμένῳ, μετρήσαντες ἔξομεν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου. τὰ δ' ἐκτὸς τούτου¹⁵ τρίγωνα ὀρθογώνια καὶ τραπέζια ὁμοίως μετρήσομεν, ἔχοντες τὰς πλευρὰς αὐτῶν· ἔσται γὰρ τρίγωνα μὲν ὀρθογώνια τὰ $BK\Delta, \Pi E, \Gamma P\varsigma, \Gamma\Sigma Z, Z\Omega E, Z\varsigma\overset{\gamma}{M}, \Theta H\overset{\alpha}{M}$ · τὰ δὲ λοιπὰ τραπέζια ὀρθογώνια. τὰ μὲν οὖν τρίγωνα μετρεῖται τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν²⁰ πολλαπλασιαζομένων ἐπ' ἄλληλα· καὶ τοῦ γενομένου τὸ ἡμισυ. τὰ δὲ τραπέζια· συναμφοτέρων τῶν παραλλήλων τὸ ἡμισυ ἐπὶ τὴν ἐπ' αὐτὰς κάθετον οὖσαν, οἷον τῶν $K\Delta, AA$ τὸ ἡμισυ ἐπὶ τὴν $K\Lambda$ · καὶ τῶν λοιπῶν δὲ ὁμοίως. ἔσται ἄρα μεμετρημένον ὅλον τὸ²⁵

6 supplevit Vi $\Phi\Delta$ $\Psi\overset{\alpha}{M}$ 7 et 8 corr. R. Schoene.

18 τὰ BKT : corr. Vi 18—19 $Z\omega\epsilon$ $Z\varsigma\overset{\alpha}{M}$ $\Theta H\overset{\alpha}{M}$ 23 ἐπ' αὐτῆς: correxi 25 ἀναμεμετρημένον: corr. Vi

der Punkte an, nämlich auf BH die Punkte K , A , E , O ; auf BI die Punkte Π und P ; auf $I\Gamma$ die Σ , T , Υ , Φ , X , Ψ , Ω ; auf $Z\Theta$ die Punkte ς

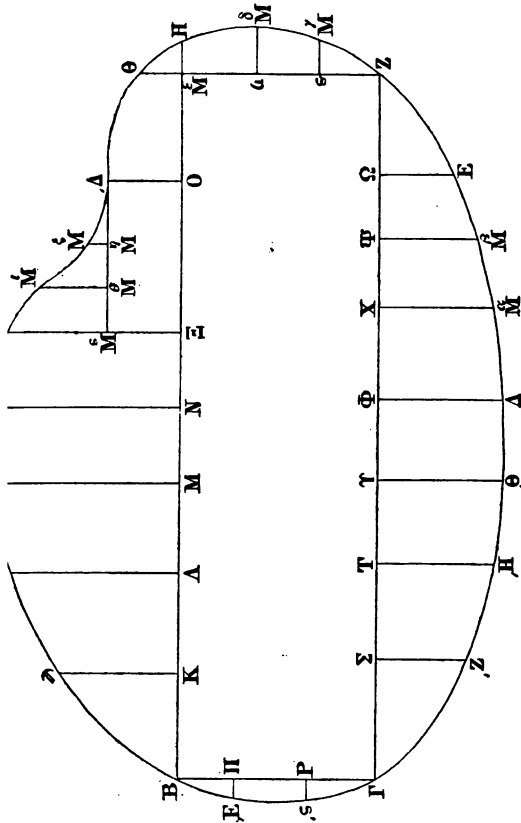


Fig. 104.

Und von den angenommenen Punkten ziehe ich den Winkel zu den Geraden, auf denen die Punkte die Linien $K\Delta$, AA , MA , NB , EF , OA , ΠE ,

χωρίον διά τε τοῦ μέσου παραλληλογράμμου καὶ τῶν
ἐκτὸς αὐτοῦ τριγώνων καὶ τραπεζίων. ἐὰν δὲ τύχη
ποτὲ μεταξὺ αὐτῶν τῶν ἀχθεισῶν πρὸς ὀρθὰς τὰς
τοῦ παραλληλογράμμου πλευραῖς καμπύλη γραμμὴ μὴ
συνεγγίζουσα εὐθείᾳ (οἷον μεταξὺ τῶν Ξ, Γ, O, Δ ³
γραμμῇ ἢ Γ, Δ), ἀλλὰ περιφερεῖ, μετρήσομεν οὕτως

ἀγαρόντες $\langle \tau\eta \rangle O, \Delta$ πρὸς ὀρθὰς τὴν ΔM ⁵, καὶ ἐκ
fol. 73^v αὐτῆς λαβόντες σημεῖα συνεχῇ τὰ M ⁹, M ⁷, καὶ ἀπ'
αὐτῶν πρὸς ὀρθὰς ἀγαρόντες τῇ M, Δ ⁵ τὰς MM ⁹, MM ⁷,
ὥστε τὰς μεταξὺ τῶν ἀχθεισῶν σύνεγγυς εὐθείας εἶναι,¹⁰

p. 264 πάλιν μετρήσομεν τό τε M, Ξ, O, Δ παραλληλόγραμμον
καὶ τὸ MM, Δ τρίγωνον, καὶ τὸ Γ, M, M, M τραπέζιον,
καὶ ἔτι τὸ ἕτερον τραπέζιον, καὶ ἔξομεν τὸ περιεχό-
μενον χωρίον ὑπὸ τε τῆς Γ, M, M, Δ γραμμῆς καὶ τῶν
 Γ, Ξ , $\langle \Xi, O \rangle$, O, Δ εὐθειῶν μεμετρημένον.¹⁵

κδ. "Ἔστι δὲ καὶ ἄλλος τρόπος μετρήσεως. ἔστω
χωρίον, ὃ δεῖ μετρηῆσαι, τὸ ὑπογεγραμμένον, ἐν ᾧ διὰ
τῆς διόπτρας δι' ὕλον τοῦ μήκους διήχθω τις εὐθεία,
p. 266 κατὰ τὸ δυνατόν μέση τοῦ χωρίου ὡς ἔγγιστα, ἢ AB .
ἐπὶ δὲ ταύτης εἰλήφθω συνεχῇ σημεῖα τὰ Γ, Δ, E, Z ,²⁰
 H, Θ . ἀπὸ δὲ τῶν ληφθέντων σημείων τῇ AB πρὸς
ὀρθὰς ἤχθωσαν διὰ τῆς διόπτρας αἱ $\Gamma K, \Gamma \Delta, \Delta M$,
 $\Delta N, E \Xi, EO, Z\Pi, ZP, H\Sigma, HT, \Theta T, \Theta \Phi$, ὥστε

1 το ωρειον: corr. Vi 6 γραμμῇ τῇ Γ, Δ περιφερῇ, μετρησω-
μεν 7 ΔM ⁵, sed ς in rasura m. 1 8 μ ⁹ μ ² 9 fin. μ ⁹ μ ⁷ μ ⁵ μ ³
ὥστε 11 μετρήσωμεν 12 μ ⁹ μ ⁷ Δ τρίγωνον τὸ Γ, μ ⁹ μ ⁷ μ ⁵
τραπέζιον 14 Γ, μ ⁹ μ ⁷ Δ γραμμῆς 22 $\Delta M, \Delta H$: corr. Vi
23 $Z\Pi, H P H \Sigma$

$P\zeta$, ΣZ , $T\overset{\alpha}{H}$, $T\overset{\beta}{\Theta}$, ΦA , $X\overset{\alpha}{M}$, $\Psi\overset{\beta}{M}$, ΩE , $\varsigma\overset{\gamma}{M}$, $\varsigma\overset{\delta}{M}$ dergestalt, daß die Endpunkte dieser Senkrechten von der das Flächenstück umschließenden Linie Stücke, die nahezu gerade sind, abschneiden. Nachdem dies geschehen, wird es möglich sein, das Flächenstück zu messen. Denn $BTZM$ ist ein rechtwinkliges Parallelogramm; wir werden dann also, wenn wir seine Seiten mit einer Meßkette oder einem geprüften Bande (d. h. einem, das sich weder ausdehnen noch zusammenziehen kann) messen, den Inhalt des Parallelogramms erhalten. Die außerhalb desselben liegenden rechtwinkligen Dreiecke und Trapeze werden wir in gleicher Weise messen, da wir ihre Seiten haben. Es werden nämlich $BK\overset{\gamma}{Z}$, $BH\overset{\epsilon}{E}$, $TP\overset{\gamma}{Z}$, $TS\overset{\gamma}{Z}$, $Z\overset{\gamma}{\Omega}E$, $Z\overset{\gamma}{\varsigma}M$, $\Theta H\overset{\epsilon}{M}$ rechtwinklige Dreiecke, die übrigen rechtwinklige Trapeze sein. Die Dreiecke nun werden gemessen, indem man die den rechten Winkel einschließenden Seiten mit einander multipliziert und von dem Produkt die Hälfte nimmt; die Trapeze werden gemessen, indem man die Hälfte der Summe ihrer parallelen Seiten mit der auf sie gefällten Senkrechten multipliziert; z. B. $\frac{K\overset{\gamma}{Z} + A\overset{\gamma}{A}}{2} \times K\overset{\gamma}{A}$, und ähnlich bei den übrigen. Es wird also das ganze Flächenstück durch das in der Mitte liegende Parallelogramm und die außerhalb desselben liegenden Dreiecke und Trapeze gemessen sein.

Befindet sich zufällig zwischen den Linien, die im rechten Winkel zu den Seiten des Parallelogramms gezogen sind, eine krumme Linie, die sich nicht der Geraden nähert (wie z. B. TA zwischen ET und OA), sondern der Kreislinie, so werden wir sie auf folgende Weise messen.

Wir ziehen zu OA im rechten Winkel $A\overset{\epsilon}{M}$, nehmen auf dieser Linie aufeinander folgende Punkte M und M an und ziehen von ihnen aus im rechten Winkel zu $\overset{\epsilon}{MA}$ die Geraden $\overset{\epsilon}{MM}$ und $\overset{\epsilon}{MM}$, so daß die Linienstücke, die

πάλιν τὰς μεταξὺ γραμμὰς σύνεγγυς εὐθείας εἶναι
 πάλιν οὖν διήρηται τὸ χωρίον εἰς τρίγωνα τὰ $ΑΓΙ$,
 $ΑΓΑ$, $ΒΘΦ$, $ΒΘΥ$, καὶ τὰ λοιπὰ τραπέζια. δυνατὸν
 οὖν διὰ τε τῶν εἰρημένων τριγώνων καὶ διὰ [τε] τῶν
 τραπέζιων τὸ χωρίον μετρηθῆναι. ἐὰν δὲ πάλιν
 ἐμπέσῃ τις μεταξὺ περιφερῆς γραμμῆς, διελοῦμεν
 πρὸς αὐτῇ τραπέζιον ὡσαύτως τῷ ἐπάνω, καὶ οὕτω

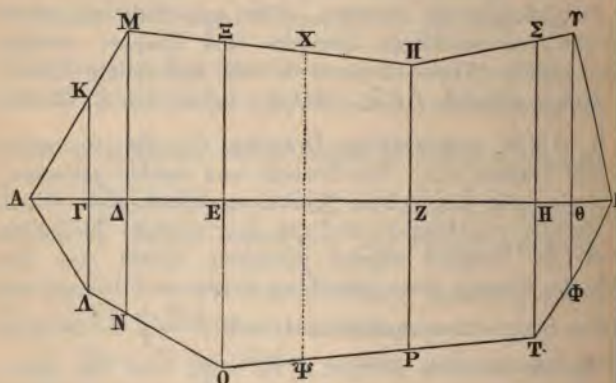


Fig. 105.

μετρήσομεν. αὕτη δ' ἡ μέτρησις εὐχρηστικός ἐστιν, ὅτι
 θέη καὶ διελεῖν τὸ χωρίον εἰς τὰ δοθέντα μέρη. δὲ
 γὰρ ἔστω διελεῖν αὐτὸ εἰς ἴσα μέρη ἐπὶ διὰ παρα-
 λήλων εὐθειῶν. ἐμέτρησα οὖν τὸ χωρίον, καὶ ἔλαβον
 τοῦ γενομένου τὸ ἕβδομον μέρος, ὥστε ἐκάστω μέρει
 τοσούτον ἀπονέμειν· ἐμέτρησα οὖν τὸ $ΚΑΑ$ χωρίον
 καὶ εἰ μὲν ἴσον ἐστὶν τῷ ἑβδόμῳ μέρει, ἔχομεν
 $ΚΑΑ$ χωρίον· εἰ δὲ μὴ, προστίθῃμι τῷ τοῦ $ΚΑ$

4 διὰ τε τῶν τραπέζιων: correxi 6 περιφερὺς 7 ὡσανύ-
 8 μετρησόμεν 13 f. ἀπονέμειν <δεῖ> 15 προστίθῃμι τὸ τ

wischen den gezogenen Geraden liegen, annähernd Gerade sind; dann messen wir wiederum das Parallelogramm $\overset{5}{M}\overset{5}{E}\overset{5}{O}\overset{5}{A}$ und das Dreieck $\overset{7}{M}\overset{7}{M}\overset{7}{A}$ und das Trapez $\overset{5}{\Gamma}\overset{5}{M}\overset{5}{M}\overset{5}{M}$, underner noch das andere Trapez, und werden so das Flächenstück gemessen haben, welches von der Linie $\overset{5}{\Gamma}\overset{5}{M}\overset{5}{M}\overset{5}{A}$ und den Geraden $\overset{7}{\Gamma}\overset{7}{E}$, $\overset{5}{E}\overset{5}{O}$, $\overset{5}{O}\overset{5}{A}$ umschlossen wird.

XXIV. Es giebt auch noch eine andere Art der Ausmessung.

Das zu messende Flächenstück sei das unten gezeichnete. Durch dieses lege man nach seiner ganzen Länge vermittelst der Dioptra eine Gerade, die nach Möglichkeit annähernd in der Mitte des Flächenstücks laufen soll, AB .

Auf dieser nehme man eine Reihe aufeinander folgender Punkte $\Gamma, A, E, Z, H, \Theta$ an und von den angenommenen Punkten im rechten Winkel zu AB vermittelst der Dioptra die Geraden $\overset{1}{\Gamma}\overset{1}{K}$, $\overset{1}{\Gamma}\overset{1}{A}$, $\overset{1}{A}\overset{1}{M}$, $\overset{1}{A}\overset{1}{N}$, $\overset{1}{E}\overset{1}{E}$, $\overset{1}{E}\overset{1}{O}$, $\overset{1}{Z}\overset{1}{H}$, $\overset{1}{H}\overset{1}{T}$, $\overset{1}{\Theta}\overset{1}{T}$, $\overset{1}{\Theta}\overset{1}{\Phi}$ gezogen werden, so daß wiederum die dazwischen liegenden Linienstücke nahezu gerade sind. Wiederum ist nun das Flächenstück in die Dreiecke $\overset{1}{A}\overset{1}{\Gamma}\overset{1}{K}$, $\overset{1}{A}\overset{1}{\Gamma}\overset{1}{A}$, $\overset{1}{B}\overset{1}{\Theta}\overset{1}{\Phi}$, $\overset{1}{B}\overset{1}{\Theta}\overset{1}{T}$ und die noch übrig bleibenden Trapeze zerlegt. Dann kann man durch die bezeichneten Dreiecke und durch die Trapeze das Flächenstück messen. Findet sich darunter wieder irgend eine gekrümmte Linie, so werden wir das daran liegende Trapez in derselben Weise wie oben zerlegen und es so messen.

Diese Art der Ausmessung ist in dem Fall praktisch, wenn das Flächenstück auch in eine gegebene Anzahl von Theilen zerlegt werden soll. Es sei nämlich die Aufgabe, es durch parallele Gerade in 7 gleiche Teile zu zerlegen. Ich messe das ganze Flächenstück aus und nehme von dem Resultat den siebenten Teil, so daß ich ebensoviel für den Teil zu vergeben habe. Nun messe ich das Flächenstück KAA . Wenn es gleich einem solchen siebenten Theile ist, so haben wir das Flächenstück KAA (von der

τὸ τοῦ ΚΑΜΝ ἐμβαδόν· καὶ εἰ μὲν ἴσον εὗρεθείη
 τῷ <ἐβδόμῳ> μέρει, ἔσται ἡ ΜΝ ἀφορίζουσα τὸ ἐν
 τῶν μερῶν. εἰ δὲ μείον εὗρεθείη, δεήσῃ πάλιν προσ-
 θεῖναι καὶ τὸ τοῦ ΜΝΞΟ ἐμβαδόν, ἕχρῃς ἂν ἴσον
 γένηται τῷ ἐβδόμῳ μέρει ἢ ὑπερβάλῃ. ὑπερβεβληκῶς³
 οὖν προστεθέντος τοῦ ΞΟΠΡ. δεήσῃ ἄρα ἀπὸ τοῦ
 ΞΟΠΡ ἀφελεῖν χωρίον ἴσον τῷ ὑπερβάλλοντι, οἷον
 fol. 74^r τὸ ΠΡΧΨ|. ὥστε δεήσῃ ἐπίστασθαι, ἀπὸ τοῦ δοθέντος
 τραπέζιου ὡς δεῖ ἀφελεῖν τραπέζιον ἴσον τῷ δοθέντι
 τοῦτο δὲ ἐξῆς δεῖξομεν. οὐκοῦν ἔσται τὸ ΧΑΨ χωρίον¹⁰
 ἐν τῶν μερῶν. πάλιν οὖν τῷ ΠΧΨΡ προσέθηκα τὸ
 ΠΡΣΤ· καὶ εἰ μὲν ἴσον εἴη αὐτὸ τὸ ἐμβαδόν <τῷ
 p. 268 ἐβδόμῳ> μέρει, ἔσται ἡ ΣΤ ἀφορίζουσα τὸ δεῦτερον
 μέρος· εἰ δὲ ὑπερβάλῃ, πάλιν δεήσῃ ἀφελεῖν τὸ ὑπερ-
 βάλλον ἀπὸ τοῦ ΠΡΣΤ τραπέζιου. καὶ οὕτως νοείσθω¹⁵
 ἐπὶ τῶν λοιπῶν μερῶν.

κε. Ὅρων χωρίου ἀφανῶν γενομένων, καταλειπο-
 μένων δὲ δύο ἢ τριῶν καὶ τοῦ μιμήματος ὑπάρχοντος,
 πορίσασθαι τοὺς λοιποὺς ὄρους. τοῦ δὲ καθολικωτέρον
 ἕνεκα σκολιωτέραν μέτρησιν καὶ μίμημα ἐκδησόμεθα.²⁰
 ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον, τουτέστιν τὸ μίμημα, τὸ
 ΑΒΓΔΕΖΗΘ, περιεχόμενον ὑπὸ τῶν σύνεγγυς εὐθειῶν
 τῶν ΑΒ, ΒΓ, ΓΔ, ΔΕ, ΕΖ, ΖΗ, ΗΘ, ΘΑ. καὶ
 ἡχθῶ τῇ ΒΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΒΚ, καὶ ἐπ' αὐτὴν <κάθε-
 τος ἡ ΚΑ· τῇ δὲ ΑΘ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΘΑ, καὶ ἐπ' αὐ-
 τὴν> κάθετος ἡ ΗΔ· τῇ δὲ ΗΖ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΖΜ,
 καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ ΜΕ· πάλιν δὲ τῇ ΒΓ πρὸς
 ὀρθὰς ἡ ΓΝ, καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ ΔΝ. δυνατὸν

2 suppl. Vi 4f. ΜΝΟΞ 11 τὸ ΠΨΡ προσέθηκα τῷ
 12—13 ἐμβαδόν μέρος: corr. Vi; f. αὐτοῦ 14 ὑπερβαλλή;

erforderlichen Größe); wo nicht, so setze ich zum Inhalt von KAA noch den Inhalt von $KAMN$ hinzu. Und wenn es sich dann als dem siebenten Teil gleich herausstellt, so wird MN die Gerade sein, die eins der Teilstücke begrenzt. Ergiebt es sich als kleiner, so wird man wiederum noch den Inhalt von $MN\Xi O$ zusetzen müssen, bis es gleich dem siebenten Teile oder größer wird. Es sei größer geworden, nachdem $\Xi O\Pi P$ zugesetzt worden ist. Dann wird man von $\Xi O\Pi P$ ein Flächenstück, das gleich dem Überschufs ist, abschneiden müssen, beispielsweise $\Pi P X\Psi$. Man wird daher das Verfahren kennen müssen, wie man von einem gegebenen Trapez ein einem anderen gegebenen Trapez inhaltsgleiches Trapez abschneidet; dies werden wir im Folgenden zeigen. Es wird nun also das Flächenstück $XA\Psi$ eines der Teilstücke sein. Ich setze nun wieder zu $\Pi X\Psi P$ das Stück $\Pi P\Xi T$ hinzu. Wenn alsdann der Inhalt des Ganzen ein gleiches Teilstück ergiebt, so wird ΞT die Linie sein, welche das zweite Teilstück begrenzt. Ist es größer, so wird man wiederum das überschüssige Stück von dem Trapez $\Pi P\Xi T$ abschneiden müssen. Und ebenso denke man sich das Verfahren bei den übrigen Teilen.

XXV. Wenn die Grenzsteine eines Flächenstücks verschwunden sind und nur zwei oder drei derselben noch übrig sind und ein Handrifs vorhanden ist, die übrigen Grenzsteine zu bestimmen.

Um die Methode allgemeiner anwendbar zu machen, werden wir eine ziemlich unbequeme Vermessungsaufgabe und einen ziemlich unbequemen Plan vorlegen.

Das gegebene Flächenstück d. h. der Plan, sei $AB\Gamma A\epsilon ZH\Theta$, das von den annähernd geraden Linien AB , $B\Gamma$, ΓA , $A\epsilon$, ϵZ , ZH , $H\Theta$, ΘA umschlossen wird. Nun soll zu $B\Gamma$ im rechten Winkel die Linie BK

corr. Vi 20 *σχολιωτέραν: σχολαιοτέραν* Vi 21 *ὡς τὸ δοθὲν:*
 correxi sublato errore ex compendio nato 28 *ἐπ' αὐτήν.*
 corr. Vi

ἄρα ἐστὶ τὰ ABK , $H\Theta A$, EZM , ΓAN τρίγωνα μετροῦνται, τὰ δὲ καταλείπομενα παραλληλόγραμμα τεμόντα μετροῦνται, ἐκβάλλοντα τὰς πρὸς ὁρθὰς εὐθείας,

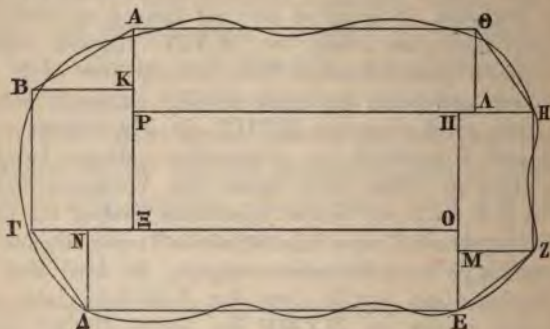


Fig. 106.

ὥστ' εἶναι παραλληλόγραμμα τὰ $BΞ$, NE , HM , ΘP ,
 p. 270 $ΞΠ$. δεδόσθω οὖν τὸ μίμημα, οἷον εἴρηται, ἐκ τριγώ-
 νων καὶ παραλληλογράμμων $\langle \dots \rangle$ περιεχόμενον· μόνοι
 δὲ φαινέσθωσαν οἱ Θ , B , Γ ὄροι. καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ
 BK ἐπὶ τὸ Γ · καὶ εἰλήφθω ἡ διὰ τῶν B , Θ σημείων
 εὐθεῖα διὰ τῆς διόπτρας τῇ θέσει καὶ τῷ μεγέθει·
 καὶ ἀπειλήφθω αὐτῆς δοθὲν $\langle \text{μέρος} \rangle$ ἡ BT , ἐπὶ δὲ¹⁰
 τὴν $B\Gamma$ κάθετος $\langle \text{ἤχθω ἡ} \Theta\Sigma, \text{ καὶ} \rangle$ ἡ TT . ἔσται ἄρα
 καὶ ἡ TT τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $\Theta\Sigma$, ὃ μέρος ἐστὶν ἡ
 BT τῆς $B\Sigma$, $\langle \text{καὶ ἡ} BT \text{ τῆς} B\Theta \rangle$. ἔχομεν δὲ ἑκα-
 τέραν τῶν $B\Sigma$, $\Sigma\Theta$, ἐκ τοῦ μιμήματος· ὥστε ἔχομεν
 καὶ ἑκατέραν τῶν BT , TT . λαβόντες οὖν σχοινίον¹⁵

2—3 τεμόντα μετροῦνται: πέντε ὄντα μετροησόμεθα Vi 4—5
 NE ΠΜ ΘΡ ΞN: corr. Vi 6 f. $\langle \text{συγκείμενον καὶ ὑπὸ γραμ-}$
 μῶν σύνεγγυς εὐθειῶν \rangle R. Schoene 7 οἱ $\Theta B \Gamma$ ὄροι: $[\Gamma]$ Vi
 7—8 ἡ ΘK ἐπὶ τὸ Σ 10 δοθὲν vix sanum 11 τὴν BE
 14 τῷ $B\Sigma \Sigma\Theta$

μὴ ἐκτείνεσθαι δυνάμενον, ἴσον τῇ BT , τὸ $\Phi\Psi$,
 ἐπ' αὐτοῦ μέρος ἀποληψόμεθα τὴν ΦX <ἴσον τῇ BT ,
 τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $B\Sigma$ > ὃ μέρος ἐστὶν <ἢ TT τῆς $\Theta\Sigma$ >
 καὶ ἡ BT τῆς $B\Theta$. τὰ δὲ πέρατα τοῦ σχοινίου τὰ
 Φ , Ψ θήσομεν πρὸς τὴν BT , ὥστε τὸ μὲν Φ πρὸς τῷ B
 εἶναι, τὸ δὲ Ψ πρὸς τῷ T · καὶ λαβόμενοι τὸ X
 σημεῖον ἐκτενοῦμεν τὸ σχοινίον, καὶ πάντως τὸ X τὴν
 col. 74^v αὐτὴν θέσιν ἔξει τῷ T · ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν BT
 ἥτοι σπάρτρῃ ἢ διόπτρῃ ἐπ' αὐτῆς θήσομεν τὸ μέτρον
 τῆς BK , ὃ ὑπάρχει ἐκ τοῦ μιμήματος, καὶ ἔξομεν τὸ K
 σημεῖον. εἴτα τῇ BK πρὸς ὀρθὰς ἀγαγόντες τὴν
 KA καὶ θέντες ἐπ' αὐτῆς τὸ μέτρον τῆς KA ἔξομεν
 πεπορισμένον τὸ A σημεῖον. καὶ τὰ λοιπὰ δὲ ποιοῦ-
 μεθα ἀκολουθοῦντες ταῖς ἐν τῷ μιμήματι πρὸς ὀρθὰς
 εὐθείαις, καὶ τοῖς ἐπ' αὐταῖς μέτροις.

p. 276 κζ. Τὸ δοθὲν χωρίον διελεῖν διὰ τοῦ δοθέντος
 σημείου εἰς τὰ δοθέντα μέρη. ἔστω δὲ τὸ δοθὲν
 σημεῖον ὥσπερ ὕδρευμα, [ἦ] ὥς πάντες οἱ τὰς διαιρέσεις
 λαβόντες τῷ αὐτῷ χρῶνται ὕδατι. ἔστω τὸ δοθὲν
 χωρίον περιεχόμενον ὑπὸ εὐθειῶν τῶν AB , $B\Gamma$ < $\Gamma\Delta$ > ΔE ,
 EZ , ZH , $H\Theta$, ΘK , KA , AA · ἐὰν γὰρ μὴ
 ᾧσιν αἱ τὸ χωρίον περιέχουσιν εὐθεῖαι, ἀλλ' ἄτακτος
 τις γραμμὴ, ληψόμεθα ἐπ' αὐτῆς <συνεχῇ> σημεία,
 ὥστε τὰς μεταξὺ αὐτῶν σύνεγγυς εὐθείας εἶναι. τὸ
 δὲ δοθὲν σημεῖον ἔστω τὸ M , καὶ δεὸν ἔστω διελεῖν
 εἰς ἐπτὰ ἴσα μέρη τὸ χωρίον διὰ τοῦ M σημείου.
 ἡχθῶ ἐπὶ τὴν AB κάθετος ἢ MN διὰ τῆς διόπτρας,

2 suppl. Vi 5-6 πρὸς τὸ B 6 τοῦ X 7 ἐκτείνοντες
 8 τὸ T 9 θήσομεν 10 τῆς $BK\Theta$ ὑπάρχει: corr. Vi
 14 ἐπαντάς: correxi 18 [ἦ] delevi dubitanter 23 <συνεχῇ>
 addidi 27 ἐπὶ τῆς AB

it und BT von $B\Theta$. Die Endpunkte des Meßbandes Ψ legen wir an BT so an, daß Φ bei B ist und Ψ bei T . Und nachdem wir den Punkt X bestimmt haben, werden wir das Meßband ausspannen, und unter allen Umständen wird X dieselbe Lage mit T haben. Wir ziehen nun die Verbindungslinie BT und werden mit einem Trick oder vermittelst der Dioptra auf ihr das Maß von BK abtragen, das aus dem Plane ersichtlich ist, und so einen Punkt K erhalten. Sodann ziehen wir im rechten Winkel zu BK die Gerade KA , und wenn wir auf ihr das Maß von KA abtragen, so werden wir den Punkt A bestimmt haben. Auch die übrigen Punkte aber werden wir dadurch bestimmen, daß wir den auf dem Plan verzeichneten Senkrechten und den bei ihnen angemarkten Maßen uns anschließen.

XXVI. Ein gegebenes Grundstück mit Linien, die von einem gegebenen Punkte auslaufen, in gegebene Teile zu zerlegen. Der gegebene Punkt sei beispielsweise ein Brunnen, weil dann alle, die Teilstücke erhalten haben, dasselbe Wasser gebrauchen können.

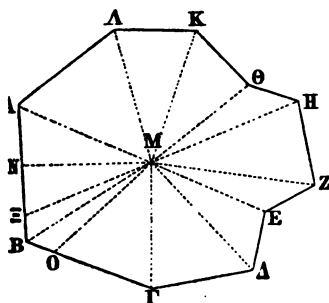


Fig. 108.

Das gegebene Flächenstück sei umschlossen von den Geraden $AB, B\Gamma, \Gamma A, AE, EZ, ZH, H\Theta, \Theta K, KA, AA$. Denn wenn die das Flächenstück umschließenden Linien nicht Gerade sein sollten, sondern eine unregelmäßige Linie, so werden wir auf dieser eine Reihe von Punkten in der Weise

annehmen, daß die dazwischenliegenden Linienstücke annähernd Gerade sind. Der gegebene Punkt sei M und es sei die Aufgabe, das Grundstück von dem Punkte M aus in 7 gleiche Teile zu zerlegen. Es werde auf AB

ὥστ' ἐὰν νοήσωμεν ἐπιξευχθείσας τὰς MA , MB , δυνα-
 τὸν ἔσται μετρεῖν τὸ $AM\langle B \rangle$ τρίγωνον. τὸ γὰρ ὑπὸ
 τῶν AB , MN διπλάσιόν ἐστιν τοῦ ABM τριγώνου.
 p. 278 δυνατὸν δέ ἐστι μετρηῆσαι, ὥς προγέγραπται, καὶ ὅλον
 τὸ χωρίον. εἰ μὲν οὖν τὸ ABM τρίγωνον ἑβδομον⁵
 μέρος ἐστὶν τοῦ ὅλου χωρίου, ἔσται τὸ ABM τρίγωνον
 ἐν τῶν μερῶν· εἰ δὲ μείζον, ἀφελεῖν δεῖ ἀπ' αὐτοῦ,
 διαγαγόντα τὴν $MΞ$, καὶ ποιεῖν τὸ $AMΞ$ τρίγωνον
 ἴσον τῷ ἑβδόμῳ μέρει τοῦ ὅλου χωρίου· <εἰ> δὲ μείον
 ἐστὶ τὸ ABM τρίγωνον τοῦ ἑβδόμου, δεήσει ἀπὸ τοῦ¹⁰
 $BΓM$ τριγώνου ἀφελεῖν τὸ BMO τρίγωνον, ὃ, μετὰ
 τοῦ $AM\langle B \rangle$ τριγώνου, ἑβδομον ἔσται μέρος τοῦ ὅλου
 χωρίου· ὥς δεῖ δὲ ἀφελεῖν τρίγωνον ἢ προσθεῖναι,
 ἐξῆς δεῖξομεν. οὕτως οὖν καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν τρι-
 γώνων ἐπιλογιζόμενοι διεξελοῦμεν τὸ χωρίον εἰς τὰ¹⁵
 δοθέντα μέρη ἀπὸ τοῦ M σημείου.

κζ. Τὸ δοθὲν χωρίον μετρηῆσαι μὴ εἰσελθόντα εἰς
 τὸ χωρίον, ἥτοι διὰ φντείας πυκνότητα ἢ διὰ οἰκοδο-
 μημάτων ἐμποδισμὸν ἢ διὰ τὸ μὴ ἐξεῖναι εἰς τὸ
 χωρίον εἰσιέναι. ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον περιεχόμενον²⁰
 ὑπὸ εὐθειῶν τῶν AB , $BΓ$, $ΓΔ$, $ΔΕ$, $ΕΖ$, $ΖΗ$,
 $ΗΘ$, $ΘΑ$. ἐκβεβλήσθωσαν αἱ ZH , $ΘH$ ἐπὶ τὰ
 fol. 75^r ἔκτος τοῦ χωρίου μέρη, ἥτοι διὰ | κανόνων ἢ σπάρτου·
 καὶ τῆς μὲν ZH μέρος τι κείσθω ἡ HK , τῆς δὲ $ΘH$
 p. 280 τὸ αὐτὸ μέρος ἡ HA · καὶ ἐπεξεύχθω ἡ KA · ἔσται δὴ²⁵
 καὶ ἡ KA τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $ΘZ$. καὶ ὃν λόγον
 ἔχει τὸ ἀπὸ τῆς ZH πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς HK , τὸν αὐτὸν
 λόγον ἔχει καὶ τὸ $ZHΘ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $HKΔ$
 τρίγωνον, διὰ τὸ παράλληλον γίνεσθαι τὴν $ΘZ$ τῇ

7 μείζον 8 τὴν μεταξὺ: corr.Vi 18 φντείας 25 ἐπιξεύχθω
 27 πρὸς τῷ 29f. γενέσθαι

vermitteltst der Dioptra die Senkrechte MN gefällt, so daß, wenn wir die Verbindungslinien MA und MB gezogen denken, es möglich wird, das Dreieck AMB zu messen. Denn $AB \times MN = 2 \times \text{Dreieck } ABM$. Man
 5 kann aber in der vorbeschriebenen Weise auch das ganze Grundstück messen.

Wenn nun das Dreieck ABM gleich einem Siebentel des ganzen Grundstücks ist, so wird das Dreieck ABM eins der Teilstücke sein. Wenn es größer ist, so muß
 10 man etwas davon wegnehmen, indem man die Linie MZ zieht, und muß das Dreieck AMZ gleich einem Siebentel des ganzen Grundstücks machen. Ist dagegen das Dreieck ABM kleiner als ein Siebentel, so wird man von dem Dreieck BGM das Dreieck BMO fortnehmen müssen, das
 15 zusammen mit Dreieck AMB , ein Siebentel des ganzen Grundstücks ausmachen wird. Wie man aber ein Dreieck zuzusetzen oder fortzunehmen hat, werden wir im folgenden zeigen. Indem wir nun auch bei den übrigen Dreiecken dieselbe Rechnung anstellen, werden wir das Grundstück
 20 vollständig in die geforderten Teilstücke mit Linien, die von dem Punkt M ausgehen, zerlegen.

XXVII. Ein gegebenes Flächenstück zu teilen, ohne dasselbe zu betreten, entweder wegen Dichtigkeit des Pflanzenbestandes oder wegen Behinderung durch Gebäude
 25 oder weil das Betreten des Grundstückes verboten ist.

Das gegebene Flächenstück soll von den Geraden AB , BF , FA , AE , EZ , ZH , $H\Theta$, ΘA umschlossen sein. Man verlängere die Linien ZH und ΘH nach den außerhalb des Flächenstücks liegenden Teilen hin vermitteltst
 30 Richtlatten oder eines Seils. Und es soll HK gleich einem bestimmten Teil von ZH , HA gleich dem ebensovioleten Teil von ΘH gemacht werden.

Nun ziehe man die Verbindungslinie KA ; also wird auch KA der ebensovioleten Teil von ΘZ sein. Also
 35 $ZH^2 : HK^2 = \text{Dreieck } ZH\Theta : \text{Dreieck } HKA$, weil ΘZ parallel zu KA geworden ist. So wird beispielsweise, wenn $ZH = 5HK$ ist, das Dreieck $ZH\Theta = 25 \times \text{Drei-}$

$ΚΑ$ · οἶον, εἰ τύχοι, εἰ πενταπλασία ἐστὶν ἡ ZH τῆς HK , ἔσται τὸ $ZHΘ$ τρίγωνον πεντεκαεικοσαπλάσιον τοῦ $HKΑ$ τριγώνου. δυνατόν δὲ μετρηῆσαι τὸ $HKΑ$ τριγώνον, ἐπειδήπερ ἔχω τὰς πλευρὰς αὐτοῦ· τοῦτο γὰρ ἐξῆς δείξομεν· δυνατόν οὖν καὶ τοῦ $ZHΘ$ τρι-⁵ γώνου τὸ ἐμβαδὸν πορισθῆναι. ἐὰν οὖν νοήσωμεν ἐπιξευχθείσας τὰς $ΘΖ$, $ΘΕ$, $ΘΑ$, $ΘΓ$, $ΘΒ$, καὶ εὗρωμεν ἐκάστου τῶν $ΘΕΖ$, $ΘΕΑ$, $ΘΑΓ$, $ΘΓΒ$, $ΘΒΑ$ τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν, ἔστιν καὶ ὅλου τοῦ χωρίου <τὸ ἐμβαδὸν> πεπορισμένον. ἐκβεβλήσθω ἡ¹⁰ HZ ἐπὶ τὸ M , καὶ κείσθω τῇ HK ἴση ἡ ZM · καὶ ἐπὶ τῆς ZM σχοινίῳ κεκλάσθωσαν αἱ ZN , NM , ὥστ' ἴσην εἶναι τὴν μὲν ZN τῇ KA , τὴν δὲ NM τῇ HA · ἔσται δὴ <ἡ ZM τῇ HZ > καὶ ἡ NZ τῇ $ZΘ$ ἐπ' εὐθείας. ἐκβεβλήσθω δὴ καὶ ἡ EZ ἐπὶ τὸ Ξ · καὶ τῆς¹⁵ μὲν EZ μέρος ἔστω ἡ $Z\Xi$, τῆς δὲ $ΘΖ$ τὸ αὐτὸ μέρος ἡ ZO · καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΞO · ἔσται δὴ καὶ ἡ ΞO τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $ΘΕ$ καὶ παράλληλος αὐτῇ. καὶ ἔστι ὥς τὸ ἀπὸ EZ πρὸς τὸ ἀπὸ $Z\Xi$ τὸ $EΘΖ$ τριγώνον πρὸς τὸ ΞZO τριγώνον· δυνάμεθα δὲ πορίσασθαι τὸ²⁰ ΞZO , ἐπειδήπερ ἐκάστην τῶν πλευρῶν αὐτοῦ δυνατόν ἐστὶν μετρηῆσαι· ὥστε καὶ τὸ $EΘΖ$ τριγώνον πορίσασθαι δυνατόν ἐστίν. ὁμοίως δὴ καὶ ἐκάστου τῶν λοιπῶν τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν ποριούμεθα· ὥστε καὶ τοῦ ὅλου χωρίου δυνατόν ἐστὶν τὸ ἐμβαδὸν πορίσασθαι.²⁵

p. 282 κη. Τὰ δὲ ὑπερτεθέντα νῦν δείξομεν. τραπεζίον δοθέντος τοῦ $ΑΒΓΔ$, παράλληλον ἔχοντος τῇ $ΑΔ$ τὴν $ΒΓ$, καὶ ἔτι ἐκατέρωθεν αὐτῶν καὶ τὴν [μὲν] ἐπ'

8 εὗρωμεν τὸν $ΘΕΖ$ 10 supplevi 12 αἱ $ZH NM$
 13 supplevi 15 ἐπὶ τὸ Ξ , sed Ξ ex Z fec. m. 1 18 καὶ
 ἔτι: correxi πρὸς τῷ 19 τριγώνω 28 [μὲν] deleui

HK Δ sein. Es ist nun möglich, das Dreieck HK Δ zu messen, da ich ja seine drei Seiten habe — dies werden wir nämlich im folgenden zeigen —; also ist es auch möglich, daß der Inhalt des Dreiecks ZH Θ bestimmt wird. Denken wir nun die Verbindungslinien ΘZ , ΘE , $\Theta \Delta$, $\Theta \Gamma$, ΘB gezogen und finden den Inhalt eines jeden der Dreiecke ΘEZ , $\Theta E\Delta$, $\Theta \Delta \Gamma$, $\Theta \Gamma B$, $\Theta B A$, so ist auch der Inhalt des ganzen Flächenstücks bestimmt.

Es werde HZ bis M verlängert, und ZM = HK gemacht. Und auf ZM sollen mittelst eines Meß-

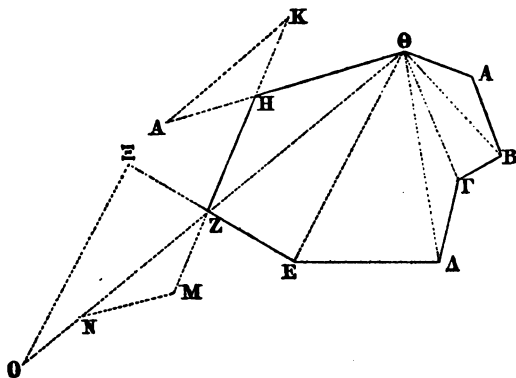


Fig. 109.

andes die Geraden ZN und NM so im Winkel abgehen, als $ZN = KA$ und $NM = HA$ ist. Es wird also NZ auf einer und derselben Geraden mit Z Θ liegen. Nun werde auch EZ bis zum Punkte N verlängert, und es sei N ein bestimmter Teil von EZ, und ZO der ebensovielte Teil von ΘZ . Man ziehe die Verbindungslinie EN. Es wird so auch EN der ebensovielte Teil von ΘE sein und zu dieser Linie parallel. Ferner ist $EZ^2 : ZN^2 = \text{Dreieck } \Theta Z : \text{Dreieck } ENO$. Wir können aber ENO bestimmen, da es ja möglich ist, jede seiner Seiten zu messen; daher ist es auch möglich, das Dreieck E ΘZ zu bestimmen.

αὐτὰς κάθετον δοθεῖσαν, ἀγαγεῖν παράλληλον τῇ AD ,
ὡς τὴν EZ , ἀπολαμβάνουσιν τὸ AEZ τραπέζιον
δοθὲν τῷ μεγέθει. γεγονέντω δὴ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν
αἱ BA , GA ἐπὶ τὸ H · καὶ κάθετος ἡ $H\Theta$. ἐκεῖ
οὖν ἐκατέρα τῶν AD , $BΓ$ δοθεῖσά ἐστι τῷ μεγέθει,¹²
λόγος ἄρα τῆς $BΓ$ πρὸς AD δοθείς, ὥστε καὶ τῆς
 ΘH πρὸς HK , καὶ τῆς ΘK ἄρα πρὸς KH · καὶ ἐστὶ
δοθεῖσα ἡ ΘK , δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ KH . ἀλλὰ καὶ ἡ
 AD δοθεῖσα. δέδοται οὖν καὶ τὸ ADH τρίγωνον τῷ
μεγέθει· δέδοται ἄρα καὶ ὅλον τὸ HEZ τρίγωνον·¹³
λόγος ἄρα τοῦ HEZ τριγώνου πρὸς τὸ HAA τριγώνον
δοθείς, ὥστε καὶ τοῦ ἀπὸ AH πρὸς τὸ ἀπὸ KH λόγος
ἐστὶ δοθείς· καὶ ἐστὶν δοθὲν τὸ ἀπὸ HK , δοθὲν ἄρα
καὶ τὸ ἀπὸ HA · δοθεῖσα ἄρα ἡ HA . ἀλλὰ καὶ ἡ
 $H\Theta$, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ $A\Theta$ δοθεῖσά ἐστι. θέσει ἄρα¹⁴
ἡ EZ · ἀλλὰ καὶ ἡ HK δοθεῖσα, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ
 KA δοθεῖσά ἐστι. θέσει ἄρα καὶ ἡ EZ . συντεθή-
σεται δὴ | οὕτως. ἔστω ἡ μὲν $BΓ$ μοιρῶν ιδ', ἡ $\langle\delta\epsilon\rangle$
 AD μοιρῶν ἐπτά, ἡ δὲ ἐπ' αὐτὴν κάθετος μοιρῶν ζ.
p. 284 ἐπεὶ οὖν διπλασία ἐστὶν ἡ $BΓ$ τῆς AD , ὅλη ἄρα ἡ¹⁵
 $H\Theta$ τῆς HK ἐστὶ διπλασίων· καὶ ἐστὶν ἡ $K\Theta$ μοιρῶν
ς· ἐστὶ ἄρα καὶ $\langle\eta\rangle$ λοιπὴ μοιρῶν ζ· ἀλλὰ καὶ ἡ AD
μοιρῶν ζ· τὸ ἄρα ADH τρίγωνον ἐστὶ μοιρῶν κα.
δέον οὖν ἔστω τὸ ἀφαιρούμενον τραπέζιον ποιεῖν μοι-
ρῶν ιδ'. ὅλον ἄρα τὸ HEZ τρίγωνον ἐστὶ μοιρῶν ν'¹⁶
καὶ ἐπεὶ ἡ HK μοιρῶν ἐστὶν ζ, τὸ ἄρα ἀπ' αὐτῆς
μοιρῶν ἐστὶ λς. πολλαπλασιάζω οὖν τὰ λς ἐπὶ τὰ

12 πρὸς τῷ 15 ἡ AD δοθεῖσα θέσις, tum una littera
erasa est 17 καὶ ἡ EB 19 επαντ. σ (post τ una litt. eva-
nuit) 20—21 ἄρα ἡ $ΠO$ 27 μοιρῶν ἐστι λq (in ultima
litt. aliquid correctum est)

In ähnlicher Weise werden wir auch den Inhalt jedes der übrigen Dreiecke bestimmen; daher ist es möglich, auch den Inhalt des ganzen Flächenstücks zu bestimmen.

XXVIII. Nunmehr werden wir die aufgeschobenen Beweise geben. Wenn ein Trapez $AB\Gamma A$ gegeben ist, in dem $B\Gamma$ parallel AA ist und diese beiden Seiten sowie die auf sie gefällte Senkrechte gegeben ist, eine Parallele zu AA , beispielsweise EZ , zu ziehen, welche das Trapez $AAEZ$ von gegebener Gröfse abschneiden soll.

Es sei geschehen; und man verlängere die Linien BA und ΓA bis zum Punkte H , und ziehe die Kathete $H\Theta$. Da nun jede der beiden Geraden AA und $B\Gamma$ ihrer Gröfse

nach gegeben ist, so ist das Verhältniß $B\Gamma:AA$ gegeben, daher auch das Verhältniß $\Theta H:KH$, also auch das Verhältniß $\Theta K:KH$. Nun ist ΘK gegeben, also ist auch KH gegeben. Es ist aber auch AA gegeben;



Fig. 110.

also ist das Dreieck AAH seiner Gröfse nach gegeben; mithin ist auch das ganze Dreieck HEZ gegeben. Also ist das Verhältniß des Dreiecks HEZ zu dem Dreieck HAA gegeben, daher ist auch das Verhältniß $AH^2:KH^2$ gegeben. Nun ist HK^2 gegeben, also auch HA^2 gegeben. Also ist HA gegeben; aber auch $H\Theta$; folglich auch $A\Theta$ als Differenz; daher seiner Lage nach EZ . Aber auch HK ist gegeben; folglich ist als Differenz KA gegeben; mithin seiner Lage nach EZ .

Berechnet wird es nun folgendermaßen. Es sei $B\Gamma = 14$, $AA = 7$, die darauf gefällte Senkrechte $= 6$. Da nun $B\Gamma = 2AA$, so ist $H\Theta = 2HK$. Nun ist $K\Theta = 6$, aber $AA = 7$. Das Dreieck AAH wird daher $= 21$ sein. Die Aufgabe sei nun, das weggenommene Trapez $= 19$ zu machen. Das ganze Dreieck HEZ wird also $= 40$ sein. Da nun $HK = 6$, so ist $HK^2 = 36$.

ν· γίνεται $\lambda\mu$ · καὶ παραβάλλω παρὰ τὸν κα, γίνεται
 ξη \angle ιδ'· καὶ τούτων πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ὡς
 ἔγγιστα η καὶ β'· ἔσται οὖν ἡ ΗΑ μοιρῶν η καὶ β,
 ὧν ἡ ΗΚ μοιρῶν ε'· λοιπὴ ἄρα ἡ ΚΑ μοιρῶν β καὶ
 β'· ὥστ' ἐὰν ἀπὸ τῆς καθέτου ἀφέλω μοίρας δύο καὶ β,³
 καὶ παράλληλον ἀγάγω, ἔσται τὸ ἀφαιρούμενον τρα-
 πέζιον μοιρῶν ιδ'.

κθ. Τριγώνου ὄντος τοῦ ΑΒΓ, καὶ καθέτου τῆς
 ΑΔ διαγαγεῖν τὴν ΑΕ ἀπολαμβάνουσιν τὸ ΑΒΕ τρι-
 γωνον δοθέν. γερονέτω. δοθέν οὖν καὶ τὸ ὑπὸ ΑΒΕ¹⁰
 δοθέν ἄρα τὸ Ε. ἔστω οὖν ἡ ΑΔ κάθετος μοιρῶν
 p. 286 ε'· τὸ δὲ ἀφαιρούμενον τριγώνον μοιρῶν με. δις τὰ
 με γίνονται ς. παραβάλλω παρὰ τὸν ε, γίνονται ιε.
 <ἀπειλήφθω οὖν ἡ ΒΕ μοιρῶν ιε> καὶ ἐπεξεύχθω ἡ
 ΑΕ. ἔσται δὴ τὸ ΑΒΕ τριγώνον μοιρῶν με.¹⁵

λ. Τριγώνου δοθεισῶν τῶν πλευρῶν εὑρεῖν τὸ
 ἐμβαδόν. δυνατὸν μὲν οὖν ἐστὶν ἀγαγόντα μίαν κά-
 θετον καὶ πορίσασθαι αὐτῆς τὸ μέγεθος εὑρεῖν τοῦ
 τριγώνου τὸ ἐμβαδόν· δέον δὲ ἔστω χωρὶς τῆς καθέτου
 τὸ ἐμβαδὸν πορίσασθαι. ἔστω τὸ δοθέν τριγώνον τὸ²⁰
 ΑΒΓ, καὶ ἔστω ἐκάστη τῶν πλευρῶν δοθεῖσα· εὑρεῖν
 τὸ ἐμβαδόν. ἐγγεγράφθω δὲ εἰς τὸ τριγώνον κύκλος
 ὁ ΔΕΖ, οὗ κέντρον ἔστω τὸ Η· καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ
 ΗΑ, ΗΒ, ΗΓ, ΗΔ, ΗΕ, ΗΖ. τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ ΒΓ,
 ΗΕ διπλάσιόν ἐστι τοῦ ΒΗΓ τριγώνου, τὸ δὲ ὑπὸ²⁵
 ΑΒ, ΗΔ τοῦ ΑΗΒ, τὸ δὲ ὑπὸ ΑΓ, ΗΖ τοῦ ΑΓΗ.
 τὸ οὖν ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ ΑΒΓ τριγώνου καὶ

3 η καὶ B (sic) η καὶ η B (sic) 8 ὄντος: f. δοθέντος
 13 τῶν ε 14 supplevi 16 cf. Heronis Rationes dimetiendi I
 cap. 8 p. 20 18 αὐτῆς: σ ex v fec. m. 1 19 δεδόσθω δὲ: correcti

$$36 \times 40 = 1440$$

$$1440 : 21 = 68\frac{1}{2} + \frac{1}{14}$$

$$\sqrt{68\frac{1}{2} + \frac{1}{14}} = \text{annähernd } 8\frac{2}{7}.$$

Also wird $HA = 8\frac{2}{7}$ sein, wovon $HK = 6$ ist. Also ist die Differenz $KA = 2\frac{2}{7}$. Wenn ich daher von der Senkrechten $2\frac{2}{7}$ abziehe und eine Parallele ziehe, so wird das abgeschnittene Trapez = 19 sein.

XXIX. Wenn $AB\Gamma$ ein Dreieck und AA seine Höhe ist, die Gerade AE zu ziehen, welche das seiner Gröfse nach gegebene Dreieck ABE abschneidet.

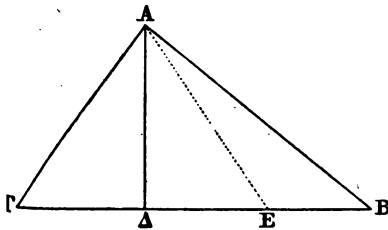


Fig. 111.

Es sei geschehen; also ist auch der Inhalt des Dreiecks ABE gegeben; also ist Punkt E gegeben. Es sei nun die Höhe $AA = 6$, das wegzunehmende Dreieck = 45.

$$45 \times 2 = 90$$

$$90 : 6 = 15.$$

Man trage nun $BE = 15$ ab und ziehe die Verbindungslinie AE ; dann wird Dreieck $ABE = 45$ sein.

XXX. Wenn die Seiten eines Dreiecks gegeben sind seinen Inhalt zu finden.

Es ist nun möglich, wenn man eine Höhe gefällt und ihre Gröfse bestimmt hat, den Inhalt des Dreiecks zu finden. Die Aufgabe sei jedoch, ohne Zuhilfenahme der Höhe den Inhalt des Dreiecks zu bestimmen.

Das gegebene Dreieck sei $AB\Gamma$ und es sei jede seiner Seiten gegeben. Zu finden seinen Inhalt. Es werde in das Dreieck der Kreis ΔEZ einbeschrieben, dessen Mittelpunkt H sein soll, und die Verbindungslinien $HA, HB, H\Gamma, H\Delta, HE, HZ$ gezogen. Also ist $B\Gamma \times HE = 2 \times$ Dreieck $BH\Gamma$, $AB \times H\Delta = 2 \times$ Dreieck AHB und

τῆς HE , τουτέστι τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ΔZE
 π. 288 κύκλου, διπλάσιόν ἐστι τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου. ἐκβε-
 βλήσθω ἡ GB , καὶ τῇ AA ἴση κείσθω ἡ $B\Theta$. ἡ ἄρα
 $\Theta\Gamma$ ἡμίσει' ἐστὶ τῆς περιμέτρου· τὸ ἄρα ὑπὸ $\Theta\Gamma, EH$,
 ἴσον ἐστὶ τῷ τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου ἐμβαδῷ. ἀλλὰ τὸ
 ὑπὸ $\Theta\Gamma, EH$, πλευρά ἐστι τοῦ ἀπὸ $\Theta\Gamma$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ
 τοῦ EH · τοῦ ἄρα ἀπὸ $\Theta\Gamma$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ EH ἡ πλευρά
 ἔσται τὸ τοῦ τριγώνου ἐμβαδόν. ἡχθῶ τῇ $H\Gamma$ πρὸς
 ὀρθάς ἡ HA , τῇ δὲ $B\Gamma$ ἡ BA · καὶ ἐπεξεύχθω ἡ GA .
 fol. 76^r ἐπεὶ οὖν ὀρθή ἐστὶν ἐκατέρα τῶν ὑπὸ GHA , $\langle GBA \rangle$,
 γωνιῶν, ἐν κύκλῳ | ἄρα ἐστὶ τὰ Γ, H, B, A αἱ
 ἄρα ὑπὸ GHA, GA , δυὸν ὀρθαῖς ἴσαι· $\langle καὶ \rangle$ διὰ τὸ
 δίχα τέμνεσθαι τὰς πρὸς τῷ H γωνίας, ταῖς AH, BH ,
 GH , ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ AHA τῇ ὑπὸ GAB . ὁμοιον
 ἄρα τὸ AHA τῷ GBA τριγώνῳ· ὡς ἄρα ἡ GB πρὸς
 BA , ἡ AA πρὸς AH , τουτέστιν ἡ ΘB πρὸς HE .
 καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ GB πρὸς $B\Theta$, ἡ BA πρὸς HE ,
 τουτέστιν ἡ BK πρὸς KE · καὶ συνθέντι, ὡς ἡ $\Gamma\Theta$
 πρὸς ΘB , οὕτως ἡ BE πρὸς EK . ὥστε καὶ ὡς τὸ
 ἀπὸ $\Gamma\Theta$ πρὸς τὸ ὑπὸ $\Gamma\Theta, \langle \Theta \rangle B$, οὕτως τὸ ὑπὸ BE ,
 $\langle E \rangle \Gamma$, πρὸς τὸ ὑπὸ $\Gamma E, \langle E \rangle K$, τουτέστι πρὸς τὸ ἀπὸ
 HE . ὥστε τὸ ἀπὸ $\Gamma\Theta$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ EH , οὗ πλευρά
 ἦν τὸ τρίγωνον, ἴσον ἔσται τῷ ὑπὸ $\Gamma\Theta, \langle \Theta \rangle B$, ἐπὶ
 τὸ ὑπὸ $\Gamma E, \langle E \rangle B$. καὶ ἔσται δοθεῖσα ἐκάστη τῶν
 $\Gamma\Theta, \Theta B, BE, E\Gamma$. ἡ μὲν γὰρ $\Gamma\Theta$ ἡμίσειά ἐστι τῆς
 περιμέτρου· ἡ δὲ ΘB ὑπεροχή, ἥ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια

5 ἐμβαδον 8 ἐστὶ τῶ τῇ NG 9 ἡ GA 12 ὑπὸ
 ὁ evanuit 13 πρὸς τὸ 15—16 πρὸς ABA sed A del. m. 1
 17 πρὸς NE 19 πρὸς HK ὥστε 20 πρὸς τὸ ὑπὸ $\Gamma\Theta B$
 20—21 τὸ ὑπὸ $BE\Gamma$ 21 τὸ ὑπὸ ΓEK πρὸς τὸ 23 τὸ
 ὑπὸ $\Gamma\Theta B$ ἐπὶ 26 ὑπεροχὴν ὑπερέχει

τῆς περιμέτρου τῆς ΒΓ· (ἡ δὲ ΒΕ, ἥ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς ΑΓ), ἡ δὲ ΓΕ, ἥ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς ΑΒ· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν (τοῦ) τριγώνου. συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν ΑΒ μοιρῶν ιγ, ἡ δὲ ΒΓ μοιρῶν ιδ, ἡ δὲ ΓΑ μοιρῶν ιε. σύνθετες τὰς τρεῖς, γίνονται μβ· τούτων τὸ ἥμισυ κα. ἄφελε τὰ ιγ, λοιπὸν η· καὶ τὰ ιδ, λοιπὸν ζ· καὶ τὰ ιε, λοιπὸν ς. τὰ κα, η, ζ, ς <πολλαπλασιασθέντα> δι' ἀλλήλων γίνονται ζνς· τούτων ἡ πλευρὰ ἔσται πδ. τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου πδ. 19

π. 294 λα. Πηγῆς ὑπαρχούσης ἐπισκέψασθαι τὴν ἀπορροσιν αὐτῆς, τουτέστι τὴν ἀνάβλυσιν, ὅση ἐστίν. εἰδέναι μέντοι χρὴ ὅτι οὐκ αἰεὶ ἡ ἀνάβλυσις ἡ αὐτὴ διαμένει. ὕμβρων μὲν γὰρ ὄντων ἐπιτείνεται διὰ τὸ ἐπὶ τῶν ὄρων τὸ ὕδωρ πλεονάζον βιαίότερον ἐκθλίβεσθαι, ¹⁵ αὐχμῶν δὲ ὄντων ἀπολῇγει ἡ ὀύσις διὰ τὸ μὴ ἐπιφέρεισθαι πλέον ὕδωρ. αἱ μέντοι γενναῖαι πηγαὶ οὐ παρὰ πολὺ τὴν ἀνάβλυσιν ἴσχουσιν. δεῖ οὖν περιλαβόντα τὸ πᾶν τῆς πηγῆς ὕδωρ, ὥστε μηδαμῶθεν ἀπορρεῖν, σωλῆνα τετράγωνον μολιβοῦν ποιῆσαι, στοχασά- ²⁰ μενον μᾶλλον μείζονα πολλῷ τῆς ἀποθύσεως· εἴτα δι' ἐνὸς τόπου ἐναρμόσαι αὐτὸν ὥστε δι' αὐτοῦ τὸ ἐν τῇ πηγῇ ὕδωρ ἀπορρεῖν. δεῖ δὲ αὐτὸν κεῖσθαι εἰς τὸν ταπεινότερον τῆς πηγῆς τόπον, ὥστε ἔχειν αὐτὴν ἀπορροσιν· τὸν δὲ ταπεινότερον ἐπιγνωσόμεθα τῆς πηγῆς ²⁵

6 συνθέντας τὰς: correxi 9 ΖΗς 10 ΗΔ το 14—15 ἐπιτίθεται διατίθεται δια τὸ ἐπὶ τῶν ὥρων: correxi coll. Anonymo Byz. p. 390, 1 Vi 15 πλεονάζειν βιαίότερον ἐκθλιβόμενον: correxi coll. anonymo Byz. p. 390, 2 Vinc. Similes corruptelae apud Philonem. Mech. Synt. I. V p. 80, 14 a C. Graux et apud Dionysium de imitatione p. 20, 21 ab H. Usenero sublatae sunt 17 γένναι αἱ 20 μολιβον 24 αὐτὸν: correxi

Mithin: $\Gamma B : BA = AA : AH = \Theta B : HE$ und

$\Gamma B : B\Theta = BA : HE = BK : KE$ und

$\Gamma\Theta : \Theta B = BE : EK$. Daher auch $\Gamma\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B = BE \times EI : \Gamma E \times EK = BE \times EI : HE^2$.

Daher wird das Produkt aus dem Quadrat von $\Gamma\Theta$ und dem Quadrat von EH , aus dem die Wurzel gleich dem Dreieck war, gleich $\Gamma\Theta \times \Theta B \times \Gamma E \times EB$ sein. Und jede der Geraden $\Gamma\Theta$, ΘB , BE und EI wird gegeben sein. Denn $\Gamma\Theta$ ist gleich der Hälfte des Umfangs, ΘB gleich der Differenz des halben Umfangs und der Geraden $B\Gamma$; BE ist gleich der Differenz des halben Umfangs und der Geraden AI ; ΓE ist gleich der Differenz des halben Umfangs und der Geraden AB . Also ist auch der Inhalt des Dreiecks gegeben.

Berechnet wird es folgendermaßen. Es sei $AB = 13$, $\Gamma E = 14$, $\Gamma A = 15$.

$$13 + 14 + 15 = 42$$

$$\frac{42}{2} = 21$$

$$21 - 13 = 8$$

$$21 - 14 = 7$$

$$21 - 15 = 6$$

$$21 \times 8 \times 7 \times 6 = 7056$$

$$\sqrt{7056} = 84.$$

Der Inhalt des Dreiecks ist $= 84$.

XXXI. Wenn eine Quelle vorhanden ist, ihren Abfluß, h. die Menge des Wassers, das sie aufsprudeln läßt, untersuchen.

Man muß jedoch wissen, daß der Ausfluß sich nicht stets gleich bleibt. Denn wenn Regenzeit ist, so wird er stärker, weil dann das Wasser auf den Bergen in größeren Mengen vorhanden ist und mit stärkerer Gewalt aus dem Boden herausgepreßt wird; herrscht dagegen Trockenheit, hört der Abfluß auf, weil nicht mehr Wasser zuströmt.

τόπον διὰ τῆς διόπτρας. ἀπολήψεται οὖν τὸ ἄ-
 ρέον διὰ τοῦ σωλήνος ὕδωρ ἐν τῷ περιστομῷ
 σωλήνος· οἷον ἀπολαμβάνει[ν] δακτύλους β· ἐχέτω
 καὶ τὸ πλάτος τοῦ περιστομίου τοῦ σωλήνος δακτύ-
 λους γ· ἐξάκις δύο γίνονται ιβ· <ἀποφανόμεθα δὴ
 ἀνάβλυσιν τῆς πηγῆς δακτύλων ιβ>. εἰδέναι δὲ
 fol. 76^v ὅτι οὐκ ἔστιν αὐτοαρκεῖς πρὸς τὸ ἐπιγινῶναι, π-
 χορηγεῖ ὕδωρ ἢ πηγῇ, [ἢ] τὸ εὐρεῖν τὸν ὄγκον
 ρεύματος, ὃν λέγομεν εἶναι δακτύλων ιβ, ἀλλὰ κα-
 p. 296 τάχος αὐτοῦ· ταχύτερας μὲν γὰρ οὔσης τῆς ῥύ-
 πλεον ἐπιχορηγεῖ τὸ ὕδωρ, βραδυτέρας δὲ μείων.
 δεῖ ὑπὸ τὴν τῆς πηγῆς ῥύσιν ὀρούξαντα τάφρον τ-
 σαι ἐξ ἡλιακοῦ ὠροσκοπίου, ἐν τινὶ ὥρᾳ πόσον ἀπο-
 ὕδωρ ἐν τῇ τάφρῳ, καὶ οὕτως στοχάσασθαι τὸ ἐπιχ-
 γούμενον ὕδωρ ἐν τῇ ἡμέρᾳ πόσον ἔστιν, ὥστ' ἡ
 ἀναγκαῖον ἔστι τὸν ὄγκον τῆς ῥύσεως τηρεῖν· διὰ
 τοῦ χρόνου δὴλη ἔστιν ἡ χορηγία. [ἀποφανόμεθα
 τὴν ἀνάβλυσιν τῆς πηγῆς δακτύλων ιβ].

ιβ. Ἐπεὶ οὖν διὰ τῆς κατασκευασθείσης ἡμῖν δ-
 τρας τὰς ἐπὶ γῆς χρείας πρὸς τὰς διοπτρικὰς ἐ-
 γελίας ἀπεδείξαμεν, εὐχρηστον δὲ ἔστιν εἰς πολλὰ
 πρὸς τὰ οὐράνια πρὸς τὸ τὰς τῶν ἀπλανῶν ἀστε-
 ῖν καὶ τῶν πλανητῶν ἀποστάσεις εἰδέναι, ἀποδείξ-
 διὰ τῆς διόπτρας ὡς δεῖ καὶ τὰ <τούτων> ἀποστή-
 λαμβάνειν. ἐν γὰρ τῷ ὑπὸ γαστέρα τοῦ τυμπάνου
 ἐν τῇ διόπτρᾳ κύκλον γράφομεν περὶ τὸ αὐτὸ κέν-

3 ἀπολαμβάνειν: correxi 4 τὸ περιστόμιον 8 πηγῇ
 εὐρεῖν 9—10 τὸ πάχος 11 f. ἐπιχορηγεῖται ὕδωρ 11—12 δ
 17—18 δὲ τὴν 18 δακτύλων δεδεκα (sic); haec trans-
 in vs. 5. 19 διὰ deleverim 24 <τούτων> addidi 26 τῷ
 κέντρῳ, sed ex τῷ αὐτῷ fec. τὸ αὐτὸ man. 1

Die guten Quellen reduzieren jedoch ihren Abfluss nur um ein Geringes. Man muss nun die ganze Wasserfläche der Quelle einfassen, so dass nirgends etwas abfließen kann und dann eine Bleiröhre von quadratischem Querschnitt herstellen, indem man darauf sieht, dass dieselbe um ein Bedeutendes größer ist als der regelmäßige Abfluss verlangt. Sodann muss man diese an einer Stelle so einsetzen (in die Umfassungsmauer), dass das Quellwasser durch dieselbe abfließt. Diese Stelle muss nach der Stelle zu liegen, die niedriger als die Quelle liegt, so dass sie Abfluss hat. Die Stelle aber, welche tiefer als die Quelle liegt, werden wir mittelst der Dioptra ermitteln. Das durch die Röhre abfließende Wasser wird nun an der Öffnung der Röhre einen gewissen Raum einnehmen. Beispielsweise nimmt es 2 Daktylen (in der Höhe) ein, die Breite aber der Öffnung der Röhre soll 6 Daktylen betragen. $6 \times 2 = 12$; wir werden daher den Abfluss der Quelle auf 12 Daktylen angeben. Man muss jedoch wissen, dass es, um zu erkennen, wie viel Wasser die Quelle liefert, nicht genügt, die Ausdehnung des Abflussstroms zu kennen, welche nach unserer Behauptung 12 Daktylen beträgt, sondern man auch seine Geschwindigkeit kennen muss. Denn ist der Abfluss ein geschwindiger, so liefert die Quelle mehr, ist er ein langsamerer, so liefert sie weniger Wasser.

Man muss daher unterhalb des Quellabflusses ein Reservoir graben und mit einer Sonnenuhr beobachten, welches Quantum Wassers in einer bestimmten Zeit abfließt und so annähernd bestimmen, wie groß die Quantität des an einem Tage gelieferten Wassers ist. Es ist daher (bei dieser Methode) gar nicht einmal nötig, die Größe des Abflussstromes zu beobachten, denn die Leistungsfähigkeit wird durch die Zeit klar.

XXXII. Da wir nun mittelst der von uns konstruierten Dioptra die Verwendung des Instrumentes auf der Erdoberfläche bei dioptrischen Problemen nachgewiesen haben, dieselbe jedoch nach vielen Richtungen auch für

τῷ τυμπάνῳ, ὃν γράφει τὸ τοῦ μοιρογνωμο-
 τοῦ ἐν τῷ κανόνι· καὶ τοῦτον διελοῦμεν
 τξ. ὅταν οὖν βουλώμεθα δύο ἀστέρων τὸ μ
 στημα ἐπισκέψασθαι, ὅσων μοιρῶν ὑπάρχει,
 πλανητῶν εἰησάν τινες ἢ καὶ τῶν ἀπλανῶ
 μὲν ἕτερος αὐτῶν εἴη τῶν ἀπλανῶν, ὁ δὲ
 πλανητῶν, ἀφελόντες τὸν κανόνα, δι' οὗ δι
 p. 298 ἀπὸ τοῦ τυμπάνου ἐγκλίνομεν αὐτὸ τὸ
 ἄχρῖς ἂν διὰ τοῦ ἐπιπέδου αὐτοῦ φανῶσιν ο
 ἀστέρες ἅμα ἀμφοτέρω. εἴτ' ἐντιθεὶς τὸν
 εἰθίσται, τῶν ἄλλων ἀκινήτων, ἐπιστρέψω α
 ἂν εἰς τῶν ἀστέρων φανῇ· καὶ παρασημηνη
 μοῖραν, καθ' ἣν ἐν τῶν μοιρογνωμονίων ὁ
 μέρος αὐτῆς], ἐπιστρέψω τὸν κανόνα, ἄχρῖ
 ἕτερος ἀστήρ δι' αὐτοῦ φανῇ. εἴτα ὁμοίᾳ
 μνημάμενος τὴν μοῖραν, καθ' ἣν τὸ αὐτὸ μοιρ
 ὑπάρχει, ἐπιγνώσομαι τὸ πλῆθος τῶν μοιρῶν
 τῶν ληφθέντων δύο σημείων· καὶ τοσαύτ
 νοῦμαι τοὺς ἀστέρας ἀπέχειν ἀπ' ἀλλήλων
 λγ. Ἐπεὶ οὖν τινὲς χρῶνται τῷ καλου
 fol. 77^r ρίσκῳ πρὸς ὀλίγας | παντελῶς διοπτρικὰς χρ
 γον ἡγούμεθα τὰ περὶ αὐτὸν συμβαίνοντ
 τοῖς πειρωμένοις χρήσασθαι αὐτῷ, ὅπως μὴ
 ἄγνοιαν ἀμαρτάνοντες λανθάνωσιν. τοὺς
 κεχρημένους οἶμαι <πε>πειρᾶσθαι τῆς δ
 αὐτοῦ, ὅτι αἱ σπάρται, ἐξ ὧν τὰ βάρη κρέ

1 μνρογνωμονίον 5 πλανητων εἰ τινες
 ἀστέρος 11 f. ἀκινήτων <μερόντων> 13—14 [1
 τῆς] delevi 18—19 ἀποφαινομαι 20—21 ἀ
 stella gromaticorum, de qua dixit Rudorffius Gro
 stitutionen p. 337 22 περὶ αὐτῶν: correxi 25
 correxi 26 αὐτῶν: correxi βέρη: corr. Vi

die Himmelskunde brauchbar ist, um die Abstände der Fixsterne oder der Planeten von einander zu ermitteln, so werden wir nachweisen, wie man vermittelst der Dioptra auch deren Abstände bestimmen kann.

Wir werden nämlich auf der Oberfläche (?) der großen Kreisscheibe an der Dioptra einen Kreis um denselben Mittelpunkt mit der Kreisscheibe beschreiben und zwar so groß, als ihn die Spitze des an dem Visierlineal befestigten Zeigers angiebt. Diesen Kreis werden wir in 360 Grade teilen. Wollen wir nun untersuchen, wie viel Grade der Abstand zweier Sterne von einander beträgt, seien es nun Planeten oder Fixsterne oder sei der eine ein Fixstern, der andere ein Planet, so nehmen wir das Diopterlineal, durch das wir zu visieren pflegen, von der Kreisscheibe ab und neigen die Kreisscheibe selbst so lange, bis in ihrer Ebene die genannten Sterne beide zugleich sichtbar werden. Ich setze sodann das Visierlineal in der üblichen Weise wieder ein und drehe es, während die übrigen Teile unbeweglich in ihrer Stellung verbleiben, so lange, bis einer der Sterne durch dasselbe sichtbar wird. Nun notiere ich mir den Grad, an welchem einer der beiden Zeiger steht, und drehe das Visierlineal so lange, bis der andere Stern durch dasselbe sichtbar wird. Ich notiere sodann in derselben Weise den Grad, an welchem ebenderselbe Zeiger nunmehr steht, und werde so die Anzahl der zwischen den beiden bestimmten Punkten liegenden Grade kennen lernen, und werde behaupten können, daß die Sterne so viele Grade von einander ab-
stehen.

XXXIII. Da nun manche den sogenannten „Stern“ zu einer freilich ganz geringen Zahl dioptrischer Anwendungen gebrauchen, so halten wir für angemessen für diejenigen, welche dieses Instrument zu gebrauchen versuchen wollen, die Folgen seiner Verwendung darzulegen, damit sie nicht, ohne es selbst zu merken, infolge ihrer Unkenntnis Fehler begehen. Diejenigen nun, welche das Instrument schon angewendet haben, haben, denke ich, die schlechte Ver-

p. 300 ταχέως ἡρεμοῦσιν, ἀλλὰ χρόνον τινὰ διαμένουσι κινου-
μεναι, καὶ μάλιστα ὅταν σφοδρὸς ἄνεμος πνέῃ. διὸ
πειρῶνται τινες, παραβοηθεῖν βουλόμενοι ταύτῃ τῇ
δυσχορηστία, ξυλίνας σύριγγας κοίλας ποιοῦντες, ἐμβα-
λεῖν τὰ βάρη εἰς ταύτας, ὥστε μὴ ὑπὸ τοῦ ἀνέμου⁵
τύπτεσθαι. παρατρίψεως οὖν γινομένης τῶν βαρῶν
πρὸς τὰς σύριγγας οὐκ ἀκριβῶς αἱ σπάρτοι ὀρθαὶ
διαμένουσιν πρὸς τὸν ὀρίζοντα· ἔτι δὲ καὶ ἐὰν ἐπιτύ-
χωσιν, ὥστε τὰς σπάρτας ἡρεμεῖν καὶ ὀρθὰς διαμένειν
πρὸς τὸν ὀρίζοντα, οὐ πάντως τὰ διὰ τῶν σπάρτων¹⁰
ἐπίπεδα πρὸς ὀρθὰς γίνεται ἀλλήλοις· τούτου δὲ μὴ
γινομένου, οὐδ' αὐτοῖς κατὰ τρόπον ἀκολουθεῖ τι
τῶν ἐν ὧ ἐρουμένων· τοῦτο γὰρ δεῖξομεν. ἔστω(σαν)
γὰρ ἐν ἐπιπέδῳ δύο εὐθεῖαι αἱ AB , $ΓΔ$, μὴ πρὸς
ὀρθὰς ἀλλήλας τέμνουσαι· ἀμβλεία δὲ ἔστω ἡ ὑπὸ $ΑΕΔ$ ¹⁵
γωνία· καὶ ἀπὸ τοῦ E τῷ διὰ τῶν AB , $ΓΔ$ ἐπιπέδῳ
πρὸς ὀρθὰς ἀνεστάτω ἡ EZ · καὶ πρὸς ἑκατέραν ἄρα
τῶν AE , $ΕΓ$, ὀρθὴ ἔστιν. ἡ δὲ ὑπὸ τῶν AE , $(Ε)Γ$,
γωνία ἡ κλίσις ἔστί, ἐν ᾗ κέκλιται τὸ διὰ τῶν EAZ
πρὸς τὸ διὰ τῶν $ΓEZ$, καὶ ἔστιν ὀξεῖα· τὰ (οὖν)²⁰
εἰρημένα ἐπίπεδα οὐκ ἔστιν ὀρθὰ πρὸς ἀλλήλα. ἀπειλή-
φθωσαν οὖν δύο ἴσαι εὐθεῖαι αἱ AE , $ΕΔ$, καὶ ἐπε-
ξεύχθω ἡ $ΑΔ$ · καὶ ἐπ' αὐτὴν ἀάθετος ἡχθῶ ἡ $(Ε)Η$
ἴση ἄρα καὶ ἡ AH τῇ $ΗΔ$ · καὶ ἑκατέρα αὐτῶν
μείζων ἔστί τῆς HE · δυνατόν ἄρα ἔστι προσβαλεῖν²⁵
ἀπὸ τοῦ H ἴσην τῇ AH τὴν HZ . προσεκβεβλή-
σθωσαν καὶ ἐπεξεύχθωσαν ἐπὶ τὰ K , A , καὶ τῇ AZ

1 χρόνον ἢ ἀναμένουσαι: correxi; χρ. ἀναμένουσι Vi
4 δυσχορηστία 13 ἐν ὧ ἐρουμένων: non extricavi; ἐρουνομέ-
νων Vi 20 πρὸς τῷ 24 μείζων ex μείζον fec. m. 1 25 προσέ-
βαλε

urkeit desselben erprobt, insofern die Fäden, an die Gewichte hängen, nicht schnell zur Ruhe n, sondern eine gewisse Zeit in Bewegung bleiben, var hauptsächlich, wenn starker Wind weht. Daher ten manche in dem Wunsche, diesem Übelstande lfen, hölzerne Hohlcyliner herzustellen und die te in diese hineinhangen zu lassen, so daß sie vom Winde getroffen werden. Wenn nun dabei eibung zwischen den Gewichten und den Cylindern t, so bleiben die Fäden nicht in einer zum Hori-genau senkrechten Stellung. Aber selbst wenn es gelingt, so daß die Fäden zur Ruhe kommen und r zum Horizont senkrechten Stellung bleiben, stehen icht in jedem Fall die durch die Fäden gelegten aufeinander senkrecht. Ist dies aber nicht der o folgt ihnen auch nichts von $\langle \dots \dots \dots \rangle$ in der

richtigen Weise. Dies werden wir nämlich nachweisen.

Es seien in einer Ebene zwei Gerade, AB und ΓA , welche einander nicht in rechten Winkeln schneiden, und $\angle AEA$ sei ein stumpfer Winkel. Und im Punkte E werde im rechten Winkel zu der durch AB und ΓA gehenden Ebene eine Gerade EZ errichtet;

also auch zu jeder der beiden Geraden AE und EF ht. Der Winkel $\angle AET$ aber ist die Neigung der EAZ zu der Ebene ΓEZ , und ist ein spitzer . Nun stehen die genannten Ebenen nicht senk-

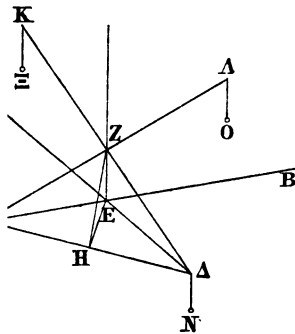


Fig. 113.

correxī 26 τῇ AH τὴν EZ : correxi f. ἐπεξεύχθωσαν
, $\angle Z$ καὶ προσεβλήθησαν ἐπὶ

ἴση ἑκατέρα τῶν KZ , $Z\Lambda$. διὰ δὲ τῶν A , Δ , K , Λ τῇ EZ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ AM , ΔN , $K\Xi$, ΛO . ἡ δὲ EZ ὀρθή ἐστι πρὸς τὸ διὰ τῶν AB , $\Gamma\Delta$ ἐπίπεδον· καὶ ἐκάστη ἄρα τῶν AM , ΔN , $K\Xi$, ΛO ὀρθή ἐστι πρὸς τὸ διὰ τῶν $AB\Gamma\Delta$ ἐπίπεδον. καὶ ἐπεὶ αἱ ^{p. 302} τρεῖς αἱ AH , $H\Delta$, HZ ἴσαι εἰσὶ, πρὸς ὀρθὰς ἄρα ἐστὶν ἡ AA τῇ ΔK . ἐὰν ἄρα ὑποστησώμεθα τὰς τοῦ ἀστερισκίου ῥάβδους εἶναι τὰς AA , ΔK , τὸ δὲ διὰ τῶν AB , $\Gamma\Delta$ ἐπίπεδον τὸ παρὰ τὸν ὀρίζοντα, τὰς δὲ κρεμαμένας σπάρτους εἶναι ἐκ τῶν A , Δ , Δ , K , ἔσον-¹³ται αἱ σπάρτοι αἱ AM , ΔN , $K\Xi$, ΛO . καὶ οὐκ εἰσὶ τὰ διὰ τῶν σπάρτων ἐπίπεδα ὀρθὰ καὶ πρὸς ἄλληλα, λέγω δὴ $\langle \tau \rangle$ διὰ τῶν AM , ΛO πρὸς τὸ διὰ τῶν ^{fol. 77v} ΔN , $K\Xi$. δέδεικται γὰρ | κεκλιμένα πρὸς ἄλληλα ἐν τῇ ὑπὸ $AE\Gamma$ γωνίᾳ ὀξείᾳ οὔσῃ. ¹⁵

^{p. 306} λδ. Ἀκολουθοῦν δὲ εἶναι νομίζομεν τῇ διοπτρικῇ πραγματείᾳ καὶ διὰ τοῦ καλουμένου ὁδομέτρου τὰ ἐπὶ τῆς γῆς μετεῖν διαστήματα, ὥστε μὴ δι' ἀλόσεως μετροῦντα ἢ σχοινίου κακοπαθῶς καὶ βραδέως ἐκμετεῖν, ἀλλ' ἐπ' ὀχήματος πορευόμενον, διὰ τῆς ²⁰ τῶν τροχῶν ἐκκυλίσεως ἐπίστασθαι τὰ προειρημένα διαστήματα. οἱ μὲν οὖν πρὸ ἡμῶν ἐξέθεντό τινες μεθόδους, δι' ὧν τοῦτο γίνεται, ἐξέσται δὲ κρίναι τό τε ὑπὸ ἡμῶν γραφόμενον ὄργανον καὶ τὰ ὑπὸ τῶν προτέρων. γεροντέω οὖν πῆγμα, καθάπερ κιβώτιον,²⁵ ἐν ᾧ πᾶσα ἐστὶ ἡ μέλλουσα λέγεσθαι κατασκευή· ἐν δὲ τῷ πυθμένι τοῦ κιβωταρίου $\langle \dots \rangle$ τὸ $AB\Gamma\Delta$

2 $AM \Delta H$ 7 ἀποστησώμεθα: corr. Vi 8 ράβδους (sic)

11 $AM \Delta H$: corr. Vi 12 f [καὶ] 14 $\Delta H K\Xi$: corr. Vi

17 πραγματία 25 κιβώτιον 27 post κιβωταρίου unum aut complures versiculos hiatus absumptos excidisse Venturius statuit; f. τῷ $AB\Gamma\Delta \langle \dots \rangle$

recht aufeinander. Man trage nun zwei gleiche Strecken AE und EA ab und ziehe die Verbindungslinie AA , und fälle auf sie die Höhe EH . Also ist $AH = HA$. Nun ist jede von diesen beiden Linien gröfser als HE . Es ist also möglich, von dem Punkte H aus $HZ = AH$ zu konstruieren. Man ziehe nun die Verbindungslinien AZ , AZ und verlängere sie bis K und A ; und es soll jede der beiden Geraden KZ und $ZA = AZ$ sein. Ferner sollen durch die Punkte A , A , K und A Parallele zu EZ gezogen werden, AM , AN , $K\Xi$, AO . Es ist aber EZ eine Senkrechte zu der durch AB und ΓA gehenden Ebene. Also ist auch jede der Linien AM , AN , $K\Xi$ und AO senkrecht zu der durch AB und ΓA gehenden Ebene. Und da die drei Linien AH , HA und HZ einander gleich sind, so ist AA senkrecht zu AK . Wenn wir uns also vorstellen, AA und AK seien die Stäbe des Sterns und die durch AB und ΓA gehende Ebene sei horizontal, die Fäden aber hingen von A , A , A und K herab, so werden AM , AN , $K\Xi$ und AO die Fäden sein; und die durch die Fäden gehenden Ebenen stehen nicht aufeinander senkrecht, ich meine die durch AM und AO gehende Ebene im Verhältnis zu der durch AN und $K\Xi$ gehenden. Denn es ist gezeigt worden, dafs sie zueinander in dem Winkel $AE\Gamma$ geneigt sind, welcher ein spitzer ist.

XXXIV. Es erscheint uns als eine Ergänzung zur Lehre von der Dioptra, auch vermittelt des sogenannten Wegemessers Distanzen auf der Erde zu messen, so dafs man die Operation nicht vermittelt einer Kette oder eines Bandes schlecht und langsam vornimmt, sondern bei der Fahrt auf einem Wagen vermittelt der Umdrehung der Räder die vorgenannten Distanzen bestimmt. Unsre Vorgänger nun setzten einige Methoden auseinander, nach denen dies gemacht wird; man wird sich daher über das Instrument, welches von uns hier beschrieben wird, ebenso wie über die von früheren Technikern beschriebenen ein Urteil bilden können.

p. 308 ¹ χάλασον, συμφυῇ ἔχον τὰ εἰρημένα σκυτάλια· δι' ὃν ἀνατομὴ γερονέτω ἐν τῷ πυθμένι τοῦ κιβωταρίου, δι' ἧς περόνη συμφυῆς γεννηθεῖσα τῇ χοινικίδι ἐνὸς τῶν τοῦ ὀρήματος τροχῶν, κατὰ μίαν στροφὴν παρεμβά-
 νουσα εἰς τὴν ἀνατομὴν τὴν ἐν τῷ τοῦ κιβωταρίου ⁴ πυθμένι, παράξει ἐν τῶν σκυταλίων, ὥστε τὸ ἐξῆς σκυτάλιον τὴν αὐτὴν πάλιν θέσειν ἔχειν τῷ πρότερον, καὶ τοῦτο ἐπ' ἅπειρον. συμβήσεται οὖν τοῦ τροχοῦ ὁκτὼ στροφὰς ποιησαμένου τὸ σκυταλωτὸν τύμπανον μίαν ἀποκατάστασιν εἰληφέναι. τῷ οὖν εἰρημένῳ σκυ-
¹⁰ ταλωτῷ τυμπάνῳ συμφυῆς ἔστω κοχλίας, ἀπὸ τοῦ κέντρον πρὸς ὀρθὰς αὐτῷ πεπηγῶς, τὸ δὲ ἕτερον ἄκρον ἔχον ἐν διαπήγματι πεπηγότι εἰς τοὺς τοῦ κιβωταρίου τοίχους. τῷ δὲ εἰρημένῳ κοχλίᾳ παρακείσθω τύμ-
¹⁵ πανον ὠδοντωμένον, τοὺς ὀδόντας ἀρμοστοὺς ἔχον τῇ ἑλικί τοῦ κοχλίου, δηλονότι πρὸς ὀρθὰς τῷ πυθμένι κείμενον, καὶ ἔχον ὁμοίως συμφυῇ ἄξονα, οὗ τὰ ἄκρα πολείσθω εἰς τοὺς τοῦ κιβωταρίου τοίχους. ἐκ δὲ τοῦ ἐνὸς μέρους ὁ ἄξων πάλιν ἐγγεγλυμμένην ἐχέτω ἑλικα, ὥστε εἶναι αὐτὸν κοχλίαν. καὶ πάλιν τούτῳ τῷ κοχλίᾳ ²⁰ παρακείσθω ὀδοντωτὸν τυμπάνιον, δηλονότι παρὰ-
 ληλον τῷ πυθμένι κείμενον, ἔχον συμφυῇ ἄξονα· οὗ τὸ μὲν ἕτερον <ἄκρον> πολείσθω ἐν τῷ τοῦ κιβωταρίου
 fol. 78^r πυθμένι, τὸ δὲ λοιπὸν ἐν διατοναίῳ πεπηγότι ἐν τοῖς τοῦ κιβωταρίου τοίχοις· καὶ οὗτος οὖν ὁ ἄξων ἐκ τοῦ ²⁵ ἐνὸς μέρους ἐχέτω ἑλικα πάλιν ἀρμόζουσιν εἰς ἑτέρον

1 τὰ εἰρημένα: τινὰ ἰδρονμένα Vi perperam; expectamus
 σκυτάλια ὁκτὼ· καὶ ἀνατομή 7 τὸ πρότερον 9 τι σκυταλω-
 τὸν 10—11 τὸ οὖν εἰρημένον σκυταλίῳ τῷ τυμπανῷ: corr. Vi

11—12 ἀπὸ τοῦ κέντρον: correxi; ἄκρον Vi 15 ὀδοντωμένον

17 ἄξονα 18 ἀπολειπέσθω: corr. Vi 20 εἶναι τὸν

22 ἄξονα 25 οὕτως ὢν: corr. R. Schoene.

τυμπάνον ὀδόντας, δηλονότι τοῦ τυμπάνου ὀρθοῦ πρὸς
 τὸν πυθμένα κειμένον. καὶ τοῦτο γινέσθω ἐφ' ὅσον
 ἂν βουλώμεθα ἢ ὁ τόπος ὁ τοῦ κιβωταρίου χώρον
 ἔχει· ὅσῳ γὰρ πλείονα γίνεται τὰ τε τύμπανα καὶ οἱ
 κοχλῖαι, τοσούτῳ καὶ ἡ ὁδὸς ἐπὶ πλεῖον μετρομένη
 εὐρεθήσεται. ἕκαστος γὰρ κοχλίας ἅπαξ στραφεὶς τοῦ
 παρακειμένου αὐτῷ τυμπανίου ἓνα ὀδόντα κινήσει·
 ὥστε τὸν μὲν συμφωνῇ τῷ σκυταλωτῷ τυμπανίῳ ἅπαξ
 στραφέντα, ὡς μὲν περιμέτρους τοῦ τροχοῦ σημαίνειν,
 τοῦ δὲ παρακειμένου αὐτῷ τυμπανίου ἓνα ὀδόντα
 κεικινηκέναι. εἰ τύχοι οὖν, τὸ παρακείμενον τύμπα-
 νον, ἐν ὀδόντας ἔχει τριάκοντα, ἅπαξ στραφέν ὑπὸ τοῦ
 κοχλίου στροφὰς δηλώσει τοῦ τροχοῦ σμ. καὶ πάλιν
 τοῦ εἰρημένου ὀδοντωτοῦ τυμπανίου ἅπαξ στραφέντος
 ὁ μὲν συμφωνῆς αὐτῷ κοχλίας ἅπαξ στραφήσεται, τοῦ
 δὲ παρακειμένου τῷ κοχλίᾳ τυμπανίου εἰς ὁδοὺς κινή-
 θήσεται. ἐὰν ἄρα καὶ τοῦτο τὸ τύμπανον ἔχει ὀδόντας
 λ, ὅπερ εἶναι εἰκὸς καὶ πλείονας γινέσθαι, ἅπαξ
 στραφέντος αὐτοῦ, στροφὰς τοῦ τροχοῦ δηλωθήσονται
 λς· ἂν [δὲ] ἄρα ὁ τροχὸς ἔχει τὴν περίμετρον πηχῶν ι, ²⁰
 ἔσονται πῆγεις μ.β. ἔστιν στάδια ρπ. καὶ ταῦτα μὲν
 ἐπὶ τοῦ β' τυμπανίου εὐρηται· πλειόνων δὲ ὄντων καὶ
 τῶν ὀδόντων κατὰ τὸ πλήθος ἀξιομένων πολλοστὸν
 τῆς ὁδοῦ μέγεθος (εὐρεθ)ήσεται μετρούμενον. δεῖ δὲ
 τοιαύτῃ χρῆσασθαι κατασκευῇ, ὥστε μὴ πολλὰ πλείονα
 ὀδὸν δύνασθαι σημαίνειν τὸ ὄργανον <ῆ> τὴν ἐν μιᾷ

4 ἔχει 5 τοσούτο 8 σκυταλιω τω τυμπανίῳ 15—16 τοῦ
 δὲ τοῦ: sed alterum τοῦ del. m. 1 18 f. οὗπερ ἔστιν εἰκὸς κτλ.
 20 πσ: corr. Vi [δὲ] delevi 21 MB ἔστιν στάδια
 22 εἰρηται: correxi 23 ἀξιομένων ποδος τὸ: correxi
 24 ἔσεται (sic): correxi 26 <ῆ> add. Vi

einem Querbalken, der in die Seitenwände des Gehäuses eingelassen ist. An die genannte Schraube ohne Ende sei ein Zahnrad angeschoben, dessen Zähne zur Windung der Schraube passen, das natürlich rechtwinklig zum Boden steht und gleichfalls eine fest damit verbundene Achse hat, deren Enden in den Wänden des Gehäuses endigen sollen. An dem einen Teile soll in diese Achse wieder ein Gewinde eingeschnitten sein, so daß sie eine Schraube ohne Ende ist. An diese Schraube wiederum sei ein Zahnrad angeschoben, das natürlich dem Boden parallel liegen und eine fest mit ihm verbundene Achse haben soll; seine eine Spitze soll sich im Boden des Gehäuses, die andere in einem in den Wänden des Gehäuses befestigten < > drehen. Auch diese Achse soll nun an ihrem einen Teile ein Schraubengewinde haben, das wieder zu den Zähnen eines anderen Zahnrades paßt, wobei natürlich das Zahnrad senkrecht zum Boden liegen soll. Und diese Konstruktion werde so oft als wir wünschen oder das Gehäuse Platz bietet, wiederholt. Denn je mehr Zahnräder und Schrauben angebracht werden, um so weiter sind die Strecken, die durch Messung gefunden werden können.

Jede Schraube nämlich wird bei einer Umdrehung einen Zahn des an sie angeschobenen Zahnrades in Bewegung setzen. Die mit dem mit Stäben versehenen Rad verbundene Schraube zeigt daher, wenn sie eine Umdrehung gemacht hat, 8 Wagenradumfänge an, hat aber von dem an sie angeschobenen Zahnrad erst einen Zahn bewegt. Beispielsweise nun wird dieses Zahnrad, wenn es dreißig Zähne hat, nach einer Umdrehung vermittelt der Schraube 240 Wagenradumdrehungen anzeigen. Und wiederum wird, wenn das genannte Zahnrad sich einmal gedreht hat, auch die damit verbundene Schraube sich einmal drehen, von dem an die Schraube angeschobenen Zahnrad dagegen wird sich nur ein Zahn bewegen. Falls also auch dieses Zahnrad 30 Zähne hat (— natürlich können ihrer auch noch mehr daran angebracht werden —) so werden durch eine Umdrehung desselben 7200 Wagenradumdrehungen an-

ἡμέρᾳ δυναμένην ἐξανύεσθαι ὑπὸ τοῦ ὀχλήματος· δυνα-
 τὸν γὰρ καθ' ἐκάστην ἡμέραν ἐκμετροῦνται τὴν τῆς
 ἡμέρας ὁδὸν εἰς τὴν ἐξῆς πάλιν ἀρχὴν ποιεῖσθαι τῆς
 ἐξῆς ὁδοῦ. ἀλλ' ἐπεὶ ἡ ἐκάστου κοχλίου στροφὴ οὐκ
 ἀκριβῶς οὐδὲ μεμετρομένως τοὺς παρακειμένους ὁδόν-
 τας στρέφει, ἡμεῖς τῇ πείρᾳ ἐπιστρέφομεν τὸν πρῶτον
 κοχλίαν, ἕως οὗ τὸ παρακείμενον αὐτῷ ὁδοντωτὸν
 p. 312 τύμπανον μίαν ἀποκατάστασιν λάβῃ, μετροῦντες ὅσας
 fol. 78^v αὐτὸς ἐπιστρέφεται. καὶ, εἰ τύχοι, εἰληφέτω | στροφᾶς
 κ, ἐν ᾧ τὸ παρακείμενον αὐτῷ τύμπανον μίαν ἀπο-
 κατάστασιν λαμβάνει· τοῦτο δὲ εἶχεν ὁδόντας λ· αἱ ἄρα
 κ στροφαὶ τοῦ σκυταλωτοῦ τυμπάνου λ ὁδόντας ἐκίνησαν
 τοῦ παρακειμένου τῷ κοχλίᾳ τυμπάνου· αἱ δὲ κ στροφαὶ
 σκυτάλια ἐπιστρέφουσιν ρξ· τοσαῦται δὲ καὶ τοῦ τροχοῦ
 εἰσὶ στροφαί· γίνονται ἄρα πῆχεις ρχ. εἰ δὲ οἱ λ 11
 ὁδόντες μὴνύουσιν πῆχεις ρχ, ὁ ἄρα α ὁδὸς τοῦ
 εἰρημένου τυμπανίου σημαίνει τῆς ὁδοῦ πῆχεις νγ γ'.
 ὅταν ἄρα ἀρξάμενον τὸ ὁδοντωτὸν κινεῖσθαι τύμπανον
 εὐρεθῇ κεκινημένον ὁδόντας ιε, σημαίνει ὁδὸν πηχῶν
 ω, τουτέστι στάδια δύο. ἐπιγράφομεν οὖν ἐν μέσῳ τῷ
 εἰρημένῳ ὁδοντωτῷ τυμπάνῳ πῆχεις νγ γ'· τὰ δὲ
 αὐτὰ ἐπιλογισάμενοι καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁδοντωτῶν
 τυμπανίων ἐπιγράφομεν τοὺς ἀριθμούς· ὥστε ἐκάστου
 αὐτῶν παραχθέντων τινῶν ὁδόντων ἐπιγινῶναι τὴν
 ἐξανυσθεῖσαν ὁδόν. ἵνα δὲ μὴ, ὅταν βουλώμεθα ἐπι-
 σκέψασθαι τὸ μῆκος τῆς ὁδοῦ, ἀνοίγοντες τὸ κιβωτά-
 ριον ἐπισκοπῶμεν τοὺς ἐκάστου τυμπάνου ὁδόντας,
 δεῖξομεν ὥς δυνατόν διὰ τῆς ἐκάστου κιβωταρίου

9 ἐπιτόχοι 11 λαμβάνει 12 ἐκείνης ἂν 17 ΝΓ Ε γε
 sed γε del. m. 1 18 τὸν ὁδοντωτὸν 20—21 τοῦ εἰρημένου
 21 ΝΓ Ε 22 ἐπὶ τῶν λοιποδόντων

zeigt werden. Hat also das Wagenrad einen Umfang 10 Ellen, so werden das 72000 Ellen, d. h. 180 Stadien sein. Und dies ist bei dem zweiten Zahnrad gegeben; sind deren dagegen mehr und wächst die Anzahl Zähne, so wird ein vielmal so großer Weg gemessen werden. Man muß dabei eine Konstruktion von der Art finden, daß der Apparat einen nicht viel größeren Gang anzuzeigen imstande ist, als an einem Tage von einem Wagen zurückgelegt werden kann. Denn man hat die Möglichkeit, indem man täglich die zurückgelegte Wegestrecke ausrechnet, am folgenden Tage mit der gleichen Wegestrecke wieder von vorn anzufangen.

Aber da die Umdrehung einer jeden Schraube die angeschobenen Radzähne nicht mathematisch genau bewegt, drehen wir beim Ausprobieren die erste Schraube, bis das daran geschobene Zahnrad eine vollständige Umdrehung gemacht hat, und messen, wie vielmal die Schraube selbst umgedreht. Beispielsweise mag sie 20 Umdrehungen gemacht haben in der Zeit, in der das angeschobene Zahnrad eine vollständige Umdrehung macht; dieses aber hatte 30 Zähne. Die 20 Umdrehungen also des mit den speichenförmigen Stäben versehenen Rads setzten 30 Zähne an die Schraube angeschobenen Zahnrads in Bewegung.

20 Umdrehungen drehen ferner 160 speichenförmige Schrauben; ebenso groß aber ist die Zahl der Wagenradumdrehungen. Es sind also im ganzen 1600 Ellen. Wenn nun die 30 Zähne 1600 Ellen anzeigen, so zeigt 1 Zahn des genannten Zahnrads $53\frac{1}{3}$ Ellen des Weges an. Wenn also das Zahnrad anfängt sich zu bewegen und man findet, daß es sich um 15 Zähne weiterbewegt hat, so zeigt das Zahnrad einen Weg von 800 Ellen, d. h. 2 Stadien an. Wir werden nun mitten auf das genannte Zahnrad die Aufschrift: „ $53\frac{1}{3}$ Ellen“ setzen; dasselbe rechnen wir auch bei den übrigen Zahnradern aus und schreiben die Zahlen darauf, daß wir, wenn von jedem eine Anzahl von Zähnen bewegt worden ist, den zurückgelegten Weg kennen werden.

ἐπιφανείας, γνωμονίων τινῶν περιαγομένων, εὐρίσκειν τὸ τῆς ὁδοῦ μήκος. τὰ μὲν γὰρ εἰρημένα ὠδοντωμένα τυμπάνια κείσεται μὴ ψαύοντα τῶν πλευρῶν τοῦ κιβωταρίου, οἱ δὲ ἄξιονες αὐτῶν εἰς τὸ ἐκτὸς μέρος ὑπερεχέτωσαν τῶν τοίχων· αἱ δ' ὑπεροχαὶ τετραγῶνοι ἔστωσαν, ὥς ἂν προσειληφῶνται μοιρογνωμόνια ἐν τετραγῶνοις τριήμασιν· ὥστε στρεφομένου τοῦ τυμπάνου σὺν τῷ ἄξονι συστρέφεσθαι καὶ τὸ μοιρογνωμόνιον· οὗ δὴ περιαγόμενον τὸ ἄκρον κύκλον γράφει ἐν τῇ ἐτέρᾳ πλευρᾷ τοῦ αὐτοῦ τοίχου, ὃν διελοῦμεν¹⁰ εἰς τὸ αὐτὸ πλῆθος τῶν ὁδόντων τοῦ ἐντὸς τυμπανίου.

p. 314 τὸ δὲ μοιρογνωμόνιον μερέθει ἔστω τηλικούτο, ὥστε μερίζονα γράφειν κύκλον, πρὸς τὸ τὴν διαίρεσιν τῶν ὁδόντων ἐν μερίζοσι διαστήμασιν εἶναι· ἔξει δὲ ὁ γραφόμενος κύκλος τὴν αὐτὴν ἐπιγραφὴν τῷ ἐντὸς τυμπάνῳ· καὶ οὕτως διὰ τῆς ἐκτὸς ἐπιφανείας ἐπιθεωρήσωμεν τὸ μήκος τῆς ἀνυσθείσης ὁδοῦ. ἐὰν δὲ μὴ ἢ δυνατόν πάντα τὰ τυμπάνια μὴ ψαύειν τῶν τοίχων τοῦ κιβωταρίου, διὰ τὸ ἐμποδίζεσθαι ὑπὸ ἀλλήλων, ἢ

fol. 79^r διὰ τοὺς παρακειμένους κοχλίας, ἢ δι' ἕτερόν τι,¹⁹ ἀπο(σ)τήσωμεν ἕκαστον αὐτῶν τοσοῦτον, ὥστε μηδὲν ἐμποδῶν εἶναι.

Ἐπεὶ οὖν τῶν ὁδοντωτῶν τυμπάνων ἃ μὲν παράλληλα τῷ πυθμένι ἐστὶν, ἃ δ' ὀρθά, καὶ τῶν γραφομένων ἄρα κύκλων ὑπὸ τῶν μοιρογνωμονίων οἱ μὲν²¹ ἐν τοῖς ὀρθοῖς τοίχοις ἔσονται τοῦ κιβωταρίου, οἱ δ' ἐν τῷ ἐπιπώματι. δεήσει ἄρα διὰ τοῦτο, εἶνα τῶν

2 ὁδοντωμένα 4 ἄξιονες 6 μοιρογνωμονία 7 σχήμασιν: correxi 8 ἄξονι 9 ὃ δὴ γράφει 12—13 ὥστε μίαν γράφειν 15 τὸ ἐντος 16—17 ἐπιθεωρήσωμεν 21 ἀποτήσωμεν: correxi 23 ὁδόντων τῶν 25 μοιρογνωμονίων: sed i del. m. 1 26—27 ὁδοντω ἐνι πώματι: correxi

Damit wir aber nicht, wenn wir die Länge des Weges bestimmen wollen, das Kästchen öffnen und die Zähne jedes einzelnen Zahnrades untersuchen müssen, so werden wir zeigen, wie es angängig ist dadurch, daß auf der
45 Außenseite jedes Kästchens sich Zeiger im Kreise bewegen, die Länge des zurückgelegten Weges zu finden. Die genannten Zahnräder werden nämlich so liegen, daß sie die Seiten des Kästchens nicht berühren; die Achsen derselben jedoch sollen nach außen über die Wände hinausstehen;
140 ihre Vorsprünge sollen von quadratischem Querschnitt sein, dergestalt daß sie mit Zeigern mit quadratischen Durchbohrungen versehen werden. Wird daher das Zahnrad gedreht, so dreht sich mit seiner Achse zugleich auch der Zeiger, dessen Spitze bei ihrer Umdrehung auf der andern
145 Seite ebenderselben Wand einen Kreis beschreiben wird, welchen wir in ebensoviele Geraden teilen werden, als die Zähne des innen befindlichen Zahnrades betragen. Der Zeiger soll übrigens so groß sein, daß er einen größeren Kreis beschreibt, damit die Teilung der Zähne in größeren
150 Zwischenräumen erfolgt. Der Kreis, der so gezeichnet wird, soll dieselbe Aufschrift tragen, wie das Zahnrad im Inneren. Auf diese Weise werden wir durch eine an der Außenseite befindliche Vorrichtung die Länge des zurückgelegten Weges kontrollieren. Ist es aber nicht möglich,
155 daß alle Zahnräder die Wände des Kästchens nicht berühren, entweder weil sie sich gegenseitig hindern würden oder wegen der an sie angeschobenen Schrauben, oder aus irgend einem andern Grunde, so werden wir jedes einzelne von ihnen so weit abstellen, daß kein Hindernis vorhanden
160 ist. Da nun von den Zahnrädern die einen dem Boden parallel, die andern senkrecht dazu stehen, so werden auch von den durch die Zeiger beschriebenen Kreisen einige auf den senkrecht stehenden Wänden des Kästchens liegen, und einige auf dem Deckel. Es wird also aus
165 diesem Grunde eine der senkrecht stehenden Wände, die keine Kreise tragen, als Deckel eingerichtet werden müssen, damit der anscheinende Deckel eine Wand sein kann.

ὀρθῶν τοίχων τῶν μὴ ἐχόντων τοὺς κύκλους πῶμα γενέσθαι, ἵνα τὸ ὥσανεὶ πῶμα τοίχος ᾗ.

fol. 79^r
p. 320

λε. | Ὅσοι μὲν οὖν τόποι βαδίζεσθαι δύνανται, τούτων τὰ μήκη ἢ διὰ τῆς κατασκευασθείσης διόπτρας ἢ τοῦ ῥηθέντος ὁδομέτρου εὐρίσκεται· ἐπεὶ δὲ εὐχρηστον ὑπάρχει καὶ τὴν μεταξὺ δύο κλιμάτων ὁδὸν ἡλίκη ἐστὶν ἐπίστασθαι, ἐμπιπτόντων εἰς αὐτὴν νήσων τε καὶ πελαγῶν καὶ, εἰ τύχοι, ἀβάτων τινῶν τόπων, ἀναγκαῖόν ἐστι καὶ πρὸς τοῦτο μέθοδόν τινα ὑπάρχειν, ὅπως παντελῶς εἴη ἡμῖν ἡ ἐκδεδομένη πραγματεία. θεὸν δὲ ἔστω, εἰ 10 τύχοι, τὴν μεταξὺ Ἀλεξανδρείας καὶ Ῥώμης ὁδὸν ἐκμετρήσαι τὴν ἐπ' εὐθείας, τὴν γε ἐπὶ κύκλου περιφερείας μεγίστου τοῦ ἐν τῇ γῇ, προσομολογουμένου τοῦ ὅτι περίμετρος τῆς γῆς σταδίων ἐστὶ μ^α καὶ ἔτι β, ὥς ὁ μέγιστα τῶν ἄλλων ἀκριβέστερον πεπραγματευμένος 15 Ἐρατοσθένης δείκνυσιν ἐν <τῷ> ἐπιγραφομένῳ περὶ τῆς ἀναμετρήσεως τῆς γῆς. τετηρησθῶ οὖν ἐν τε Ἀλεξανδρείᾳ καὶ Ῥώμῃ <ἡ> αὐτὴ ἐκλειψις τῆς σελήνης· εἰ μὲν γὰρ ἐν ταῖς ἀναγραφείσαις εὐρίσκεται, ταύτην χρησόμεθα· εἰ δὲ οὐ, δυνατὸν ἐσται ἡμᾶς αὐτοὺς 20

fol. 79^v
p. 322

τηρήσαντας εἰπεῖν διὰ τὸ τὰς τῆς σελήνης ἐκλείψεις διὰ πενταμῆνων καὶ ἑξαμῆνων γίνεσθαι. ἔστω οὖν εὐρημένη ἐν τοῖς εἰρημένοις κλίμασιν αὕτη <ἡ> ἐκλειψις, ἐν Ἀλεξανδρείᾳ μὲν νυκτὸς ὥρας ε, ἐν Ῥώμῃ δὲ ἡ αὐτὴ νυκτὸς ὥρας γ, δηλονότι τῇ αὐτῇ νυκτί. ἔστω 25 δὲ καὶ ἡ νύξ, τουτέστιν ὁ ἡμερήσιος κύκλος, καθ' οὗ φέρεται ὁ ἥλιος ἐν τῇ εἰρημένῃ νυκτί, ἀπέχων ἀπὸ ἰσημερίας ἐαρινῆς, ὥς ἐπὶ τροπᾷ χειμερινᾷς, ἡμέρας

4 τῷ μήκει 9 μέθον: corr. Vi; f. παντελῆς 10 δεδόσθαι
δὲ: correxi 12 γην τε την ἐπὶ 13 τούτου ὅτι Vi 14 ἐστ

XXXV.¹⁾ Die Länge aller zu Fuß zugänglichen Terrainstrecken wird entweder mittelst der von uns konstruierten Dioptra oder mittelst des genannten Wegmessers gefunden. Da es jedoch von Nutzen ist, auch die Größe des Weges zwischen zwei geographischen Orten zu bestimmen, wenn Inseln und Meere und vielleicht unwegsame Terrainstrecken auf denselben fallen, so ist es nötig, daß auch hierfür eine Methode da ist, damit der Gegenstand von uns vollständig behandelt sei. Die Aufgabe sei beispielsweise, den Weg zwischen Alexandria und Rom auf gerader Linie oder genauer auf der Peripherie eines der größten Kreise der Erde zu messen, wofür vorausgesetzt wird, daß der Umfang der Erde 252 000 Stadien beträgt, wie der vor andern durch Genauigkeit auf diesem Gebiete ausgezeichnete Eratosthenes in der Schrift zeigt, die den Titel: „Über die Messung der Erde“ trägt.

Man beobachte nun in Alexandria und Rom dieselbe Mondfinsternis. (Findet sie sich in den Listen, so bedienen wir uns ihrer; wo nicht, so ist es angängig, daß wir sie selbst beobachten und die nötige Angabe machen, weil die Mondfinsternisse alle 5—6 Monate eintreten pflegen.) Diese Finsternis sei in den bezeichneten Gegenden beobachtet in Alexandria nachts um die fünfte Stunde, in Rom ebendieselbe nachts um die dritte Stunde, natürlich in derselben Nacht. Die Distanz der Nacht, d. h. die Distanz des Tageskreises, auf welchem sich die Sonne

1) Für dieses schwierige und stark verderbte Kapitel, zu dessen Verständnis noch vieles fehlt, konnte eine genügende Figur nicht gegeben werden; auch die Übersetzung bedarf besonderer Nachsicht.

με καὶ ἐτι Β 16 supplevi 17 τῆς γῆς ὅτε τηρήσθω :
 correxi ἐν τῇ: correxi 18 ρώμης αὐτῇ 23 ἐρημμένην
 23—24 ἐκλειψίς τε ἐν 24—25 δὲ ἐν αὐτῆς νυκτός ὥρας
 τρεῖς 26 δὴ

δέκα· καὶ καταγεγράφθω ἡμισφαίριον τὸ διὰ τῶν τροπικῶν, εἰ μὲν ἐν Ἀλεξανδρείᾳ ἐσμέν, πρὸς τὸ ἐν Ἀλεξανδρείᾳ, εἰ δὲ ἐν Ῥώμῃ, πρὸς τὸ ἐν Ῥώμῃ κλίμα. ἔστω δὴ ἡμᾶς εἶναι ἐν Ἀλεξανδρείᾳ· καὶ ἐγκείσθω κοῖλον ἡμισφαίριόν τι[η] διὰ τῶν τροπικῶν καταγράφειν πρὸς τὸ ἐν Ἀλεξανδρείᾳ κλίμα.* καὶ ἔστω αὐτοῦ ὁ περὶ τὸ χεῖλος κύκλος ὁ $ΑΒΓΔ$. μεσημβρινὸς δὲ ἐν αὐτῷ ἔστω ὁ $ΒΕΖΗ<Δ>$. ἰσημερινὸς δὲ ὁ $ΑΗΓ$. πόλος δὲ τῶν παραλλήλων ὁ $Ε$. τοῦ δὲ περὶ τὸ χεῖλος τοῦ ἡμισφαιρίου πόλος ὁ $Ζ$. καὶ ἐντετάχθω ὁμοταγῆς¹⁰ τῷ κύκλῳ τῷ καθ' ὃν φέρεται ἐν τῇ εἰρημένῃ νυκτὶ ὁ ἥλιος ὥρας πέμπτης, τότε μὲν ἀπέχων ἀπὸ ἰσημερίας ἑαρινῆς καὶ ἐπὶ τροπᾶς χειμερινᾶς ἡμέρας 1, καὶ ἔστω ὁ $ΘΚΑ$. καὶ διηρησθῶ ἡ $ΘΚΔ$ περιφέρεια εἰς τὰς 16· καὶ ἔστω τούτων ἡ πέμπτη ἡ $ΘΜ$, ἐπειδήπερ πέμ-¹¹πτης ὥρας ἡ ἐκλειψις ἐτηρήθη ἐν Ἀλεξανδρείᾳ· ἔσται ἄρα τὸ $Μ$ ὁμοταγὲς τῷ πρὸς ὃ ἦν ὁ ἥλιος τῆς ἐκλείψεως γενομένης. καὶ γεγράφθω δὲ καὶ τὸ διὰ Ῥώμης ἀνάλημμα, ἐν ᾧ ἐγγεγράφθω καὶ ὁ ἡμερησίος κύκλος ὁ ὁμοταγῆς τῷ $ΘΚΑ$. καὶ ὀρίζοντος μὲν διάμετρος ἡ¹² $ΝΞ$. γνώμων $<δὲ>$ ὁ $ΟΠ$. ἡ δὲ τοῦ ἡμερησίου διά-
p. 324 μετρος ἡ $ΡΣ$. δίωρον δὲ ἡ $ΤΤ$. καὶ οἷων ἐστὶν ἡ $ΤΦΣ$ περιφέρεια ἡμερησίων ὥρῶν 5, τοιούτων ὥρῶν ἡ $ΤΦ$ γ, ἐπειδήπερ ἡ τήρησις ἐν Ῥώμῃ γεγένηται ὥρας γ καὶ τῇ $ΤΦ$ περιφερείᾳ ὁμοία κείσθω ἡ $ΜΧ$.¹³ τὸ ἄρα $Χ$ σημεῖον πρὸς τῷ ὀρίζοντι τῷ διὰ Ῥώμης ἔστω δὲ καὶ ἄξων ἐν τῷ ἀναλήμματι ὁ $ΨΩ$, καὶ τῇ $ΤΦΣ$ περιφερείᾳ ὁμοία κείσθω ἡ $ΧΚΞ$. ἔσται δὴ τὸ

4 δὲ 5 κοινὸν τι η δς τῶν 10 πολος ὁ \overline{OZ} (sic) ὁμοταγείς 11 καθῶ 12 τὸ μὲν ἀπέχειν 14 διεωρησθῶ
 15 τοιοῦτον ἡ $ΕΗ\overline{\Theta}Μ$: correxi 17 πρὸς ο μη ἥλιος 20 καὶ θ

während dieser Nacht befindet, von der Frühlingstaggleiche betrage nach der Wintersonnenwende hin 10 Tage. Nun zeichne man eine durch die Wendekreise gehende Halbkugel, wenn wir in Alexandria sind, nach dem Ort von Alexandria, wenn wir in Rom sind, nach dem Ort von Rom.

Es werde der Fall genommen, daß wir in Alexandria sind, und die Aufgabe sei, eine konkave Halbkugel durch die Wendekreise nach dem Ort von Alexandria zu zeichnen. Der begrenzende Kreis sei $AB\Gamma\Delta$, der Meridian $BEZH$, der Äquator AHT , der Pol der Parallelkreise sei E , der Pol des die Halbkugel begrenzenden Kreises Z . Nun werde die Stelle bezeichnet, welche die Sonne um die fünfte Stunde einnimmt auf dem Kreise, auf welchem sie sich in dieser Nacht bewegt: wobei sie sich 10 Tage von der Frühlingsnachtgleiche nach der Wintersonnenwende zu entfernt befindet. Dieser Kreis sei $\Theta K\Lambda$, sein Umfang werde in 12 Teile zerlegt, und von diesen sei der fünfte ΘM , da um die fünfte Stunde die Finsternis in Alexandria beobachtet wurde. Also wird M der Punkt sein, der demjenigen entspricht, an dem sich die Sonne bei Eintritt der Finsternis befand.

Es werde nun auch das Analemma von Rom gezeichnet, in welches auch der Tageskreis eingetragen werden soll, welcher $\Theta K\Lambda$ entspricht. Der Durchmesser des Horizontes sei $N\Sigma$, der Gnomon $O\Pi$, der Durchmesser des Tageskreises $P\Sigma$, die Scheidelinie von Tag und Nacht $T\Gamma$. Nun ist $T\Phi = 3$ Tagesstunden derselben Art, deren 6 auf den Peripherieabschnitt $T\Phi\Sigma$ kommen, da die Beobachtung in Rom um die dritte Stunde erfolgt ist. Nun werde MX der Peripherie $T\Phi$ ähnlich angenommen; der Punkt X wird also auf dem Horizont von Rom liegen. Es sei aber auch $\Psi\Omega$ eine Achse in dem Analemma und $X\zeta$ werde der Peripherie $T\Phi\Sigma$ ähnlich angesetzt. Da

φιλοντος 21 γνωμ ο ΘΠ ή δὲ ή: sed alterum ή del. m. 1
 22—23 περιφερεια τη Ηω ζ τοιωντων ωη 25—26 ή ΜΧΓ
 , ἔφα Χ 27 καὶ ή

εἰς ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ διὰ Ῥώμης· ἀλλὰ καὶ τὸ
 E πόλος τῶν παραλλήλων· γεγράφθω διὰ τῶν E, ε
 μέγιστος κύκλος ὁ Eε· τοῦτο δὴ ἔσται ὁ εἰρημένος
 διὰ Ῥώμης μεσημβρινός. καὶ τῇ ΞΩ περιφερείᾳ ὁμοίᾳ
 κείσθω ἡ <A,B> ἀπὸ δὲ τοῦ ε, A τετραγώνου κείσθω
 ἡ A,BZ· τὸ ἄρα B σημεῖον ἔσται τοῦ διὰ Ῥώμης
 ὀρίζοντος πόλος, ἀλλὰ καὶ τὸ Z τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας.
 γεγράφθω οὖν διὰ τῶν B, Z, μεγίστου κύκλου περι-
 φέρεια ἡ BZ, καὶ ἐξητάσθω πόσων γίνεται μοιρῶν
 πρὸς τὸν ABΓΔ κύκλον· εὐρήσθω, εἰ τύχοι, μοιρῶν¹⁰
 fol. 80^r | κ. ἔσται οὖν ἡ ἀπολαμβανομένη ἐν τῇ γῇ μετὰ
 Ῥώμης καὶ Ἀλεξανδρείας μοιρῶν κ, οἷων ἐς<τιν> καὶ ὁ
 μέγας κύκλος μοιρῶν τξ. ἔχει δὲ ἡ μία μοῖρα τῶν ἐν τῇ
 γῇ σταδίους ψ, εἰ γε ὅλη <ῆ> περίμετρος ἐστὶ μ^α καὶ β.
 αἱ ἄρα κ μοῖραι γίνονται εἰς μ^α δ. τοσοῦτους δὴ στα-¹⁵
 δίους ἀποφανόμεθα καὶ τὸ τῆς εἰρημένης ὁδοῦ μήκος.
 ἐὰν δὲ τὸ A σημεῖον ὑπερπίπτῃ τοῦ <.....>
 τῆς ὑπερπιπτούσης περιφερείας ἣν θήσομεν τὴν Γ,
 καὶ ἔσται τὸ B τε διάμετρον τῷ ὑπερπίπτοντι σημείῳ.
 πάλιν οὖν τετραγώνου θέντες τὴν ΣΒ ἔξομεν τὸ B²⁰
 σημεῖον.

p. 330 λξ. Τῇ δοθείσῃ δυνάμει τὸ δοθὲν βάρος κινήσai
 διὰ τυμπάνων ὀδοντωτῶν παραθέσεως. κατεσκευάσθω
 πῆγμα καθάπερ γλωσσόκομον· εἰς τοὺς μακροὺς καὶ
 παραλλήλους τοίχους διακείσθωσαν ἄξονες παρὰλληλοι²⁵
 ἐαυτοῖς, ἐν διαστήμασι κείμενοι ὥστε τὰ συμφυῆ αὐτοῖς

1—2 τὸ E πόλος Γ τῶν 2 γεγράφθω δὴ τῶν Bε 3 κύκλος
 ο TEε 5 ΘΣ, ἀπο δὲ τοῦ ΣΑ 5—6 κείσθω ἡ AB το
 8 τῶν BZ 9 ἡ BZ 11 ἔσται οὖν folio lacerato paene
 evanida 12 οἰωνες καί: correxi 14 add. Vi KE καὶ B

nun ς auf dem durch Rom gehenden Meridian liegt, E aber der Pol der Parallelkreise ist, so werde durch die Punkte E, ς ein größter Kreis $E\varsigma$ konstruiert. Dies wird der genannte Meridian durch Rom sein. Nun werde A, B der Peripherie $\Xi\Omega$ ähnlich gemacht, und auf ς, A das Viereck H, A, B, Z errichtet. Folglich wird der Punkt B der Pol des Horizonts von Rom sein, Z derjenige des Horizonts von Alexandria. Nun werde durch B und Z die Peripherie eines größten Kreises, BZ , gelegt und darauf geprüft, wie viel Teile sie im Verhältnis zu dem Kreise $AB\Gamma A$ enthält. Nehmen wir an, sie werde auf 20 Teile bestimmt. Es wird also die auf der Erde zwischen Rom und Alexandria liegende Strecke 20 solcher Teile betragen, von denen der größte Kreis 360 enthält. Ein solcher Teil auf der Erde beträgt nun 700 Stadien, sofern der Gesamtumfang 252 000 Stadien beträgt. Die 20 Teile belaufen sich daher auf 14 000. Auf soviel Stadien werden wir daher die Länge der angegebenen Strecke angeben. <.....>

XXXVII. Mit einer gegebenen Kraft eine gegebene Last vermittelt Nebeneinanderstellung von Zahnrädern in Bewegung zu setzen.

Es werde ein Gehäuse in Form eines Kastens angefertigt. In seine parallelen Langseiten sollen querliegende Achsen eingelassen sein, die einander parallel in Abständen dergestalt liegen, daß die mit ihnen verbundenen Zahnräder nebeneinander liegen und ineinander greifen, so wie wir angeben werden. Der genannte Kasten sei $AB\Gamma A$, in dem die Achse EZ wie angegeben quer liegen und sich leicht drehen soll. Mit diesem sei das Zahnrad $H\Theta$ fest

15 μ οδιους οντους δὴ: correxi 16 ἀποφαινούμεθα 17 τὸ
 \bar{A} σημειὸν 19 τὸ \bar{B} τε διάμετρον 20 τὴν ΣB 22 cf.
 Mechanica I 1 p. 2 Nix; ibid. p. 257 Schmidt; Pappus p. 1060
 Hultsch 23 παραθέσεων: corr. Schmidt κατασκευάσθαι
 24 f. <οὐ> εἰς

ὀδοντωτὰ τύμπανα παρακεῖσθαι καὶ συμπεπλέχθαι ἀλλή-
 λοις, καθὰ μέλλομεν δηλοῦν. ἔστω τὸ εἰρημένον γλωσ-
 σόκομον τὸ $ABΓΔ$, ἐν ᾧ ἄξων ἔστω διακείμενος, ὡς
 εἴρηται, καὶ δυνάμενος εὐλύτως στρέφεσθαι, ὁ EZ .
 τούτῳ δὲ συμφυῆς ἔστω τύμπανον ὠδοντωμένον τὸ $HΘ$ ⁵
 ἔχον τὴν διάμετρον, εἰ τύχοι, πενταπλασίονα
 <τῆς> τοῦ EZ ἄξονος διαμέτρον. καὶ ἵνα ἐπὶ παρα-
 δείγματος τὴν κατασκευὴν ποιησώμεθα, ἔστω τὸ μὲν
 ἀγόμενον βάρος ταλάντων χιλίων, ἡ δὲ κινουσα δύνα-
 μεις ἔστω ταλάντων ϵ , τουτέστιν ὁ κινῶν ἄνθρωπος ἢ ¹⁰
 παιδάριον, ὥστε δύνασθαι καθ' ἑαυτὸν ἄνευ μηχανῆς
 ἔλκειν τάλαντα ϵ . οὐκοῦν ἐὰν τὰ ἐκ τοῦ φορτίου ἐκ-
 δεδεμένα ὅπλα διὰ τινος <ὁπῆς οὔσης> ἐν τῷ AB τοίχῳ
 ἐπιληθῇ περὶ τὸν EZ ἄξονα <....> κατεيلούμενα τὰ
 ἐκ τοῦ φορτίου ὅπλα | κινήσει τὸ βάρος· ἵνα δὲ κινήθῃ ¹⁵
 τὸ $HΘ$ τύμπανον, <δεῖ δυνά>μει ὑπάρχειν πλέον ταλάν-
^{p. 332}των διακοσίων, διὰ τὸ τὴν διάμετρον τοῦ τυμπάνου
 τῆς διαμέτρον τοῦ ἄξονος, ὡς ὑπεθέμεθα, πενταπλὴν
 <εἶναι>· ταῦτα γὰρ ἀπεδείχθη ἐν ταῖς τῶν ϵ δυνάμεων
 ἀποδείξεσιν. ἀλλ' <.....> ἔχομεν τί τὴν δύναμιν ταλάν-²⁰
 των διακοσίων, ἀλλὰ πέντε. γερονέτω οὖν ἕτερος ἄξων
 <παράλληλος> διακείμενος τῷ EZ , ὁ $ΚΑ$, ἔχων συμφυῆς
 τύμπανον ὠδοντωμένον τὸ MN . ὀδοντωδεις δὲ καὶ τὸ

5 τοῦτο ὀδοντωμένον 7 suppl. Vi 8 ποιησώμεθα
 11 ὥστε δύνασθαι: δυνάσθω Pappus 12 εἰκειν corr. Vi
 13 ἐνδεδεμένα: correxi <ὁπῆς> add. Hultsch ad Pappum
 p. 1062, 13 14 ἐπιληθῇ τὸ EZ ἄξονα hiatu haec fere hausta:
 <ἐπιστρεφομένον τοῦ $HΘ$ τυμπάνου> 14—15 τὰ ἐκ τοῦ φορτίου
 ἐλκων | ἐν τισι το βάρος: correxi; ἐφείλκεν ἄν τι Vi 16 τὸ
 $ΠΘ$ τυμπανον <.....> | μει ὑπάρχειν septem litteris ma-
 dore absumptis; supplevi dubitanter 18 ἄξωνος 20 post
 ἀλλ hoc signum ¹ et spatium 22 litterarum; f. ἀλλ' <ὅς>
 ἔχομεν [τι] τὴν 21 γερονέτω ὁ ἕτερος: correxi (ο = οὖν)
 22 supplevi ἔχον συμφυῇ 23 ὀδοντωμενον

verbunden, dessen Durchmesser beispielsweise gleich 5 Achs-
durchmessern sei. Und um die Konstruktion an einem
Beispiel zu veranschaulichen, so sei die Last = 1000
Talenten, die bewegendende Kraft sei = 5 Talenten, d. h. der
5 die Bewegung ausführende Mensch oder Sklave sei so stark,
daß er für sich ohne Maschine 5 Talente zu bewegen ver-
mag. Wenn nun die an die Last festgebundenen Seile
durch eine Öffnung in der Wand AB geleitet und um die
Achse EZ gewickelt werden, so werden, (wenn sich das
10 Rad $H\Theta$ dreht,) die an der Last befestigten Seile beim
Aufwickeln die Last bewegen. Damit nun aber das Zahn-

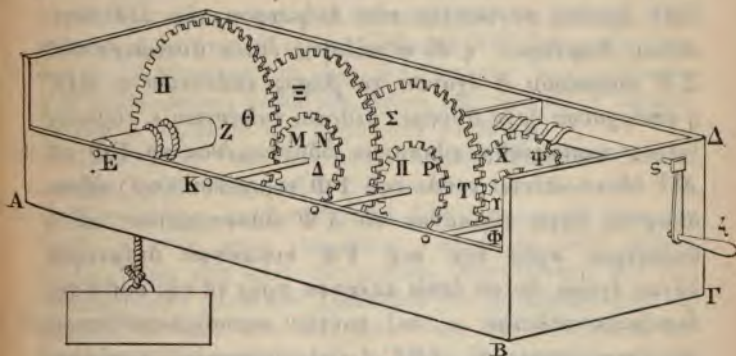


Fig. 115.

rad $H\Theta$ bewegt wird, muß an Kraft mehr als 200 Talente
vorhanden sein, weil der Durchmesser des Zahnades, wie
wir voraussetzten, gleich 5 Achsendurchmessern ist. Der
15 Beweis hierfür ward unter den Beweisen der 5 Kräfte
geliefert. Da wir nun aber keine Kraft von 200 Talenten,
sondern nur eine von 5 Talenten haben, so werde parallel
zu EZ und querliegend noch eine andere Achse, KA an-
gebracht, mit der das Zahnrad MN fest verbunden sei.
20 Aber auch das Rad $H\Theta$ ist mit Zähnen versehen, so daß
es in die Auszahnungen des Rades MN eingreift. Mit
ebenderselben Achse KA sei auch noch das Zahnrad EO

$HΘ$ τύμπανον, ὥστε ἐναρμόζειν ταῖς ὀδοντώσεσι τοῦ MN τυμπάνου. τῷ δὲ αὐτῷ ἄξονι τῷ $ΚΑ$ συμφυῆς τύμπανον τὸ $Ξ<O>$, ἔχον ὁμοίως τὴν διάμετρον πενταπλάσιονα τῆς τοῦ MN τυμπάνου διαμέτρου. διὰ δὴ τοῦτο δεήσει τὸν βουλούμενον κινεῖν διὰ τοῦ $ΞO$ τυμ-
 5 πάνου τὸ βάρος ἔχειν δύναμιν ταλάντων μ , ἐπειδήπερ τῶν σ ταλάντων τὸ πέμπτον ἐστὶ τάλαντα μ . πάλιν οὖν παρακείσθω <τῷ $ΞO$ τυμπάνῳ ὠδοντωμένῳ> τύμπανον ὀδοντωθὲν ἕτερον <τὸ $ΠΡ$, καὶ ἔστω τῷ> τυμπάνῳ ὠδοντωμένῳ τῷ $ΠΡ$ συμφυῆς ἕτερον συμφυῆς¹⁰ ἔχον ὁμοίως πενταπλὴν τὴν διάμετρον τῆς $ΠΡ$ τυμπάνου διαμέτρου· ἡ δὲ ἀνάλογος ἐστὶ δύναμις τοῦ $\SigmaΤ$ τυμπάνου ἢ ἔχουσα τὸ βάρος ταλάντων η . ἄλλ' ἢ ὑπάρχουσα ἡμῖν δύναμις δέδοται ταλάντων ϵ . ὁμοίως ἕτερον παρακείσθω τύμπανον ὠδοντωμένον τὸ $\Gamma\Phi$ τῷ¹⁵ $\SigmaΤ$ ὀδοντωθέντι· τοῦδε τοῦ $\Gamma\Phi$ τυμπάνου <τῷ> ἄξονι συμφυῆς ἔστω τύμπανον τὸ $Χ\Psi$ ὠδοντωμένον, οὗ ἢ διάμετρος πρὸς τὴν τοῦ $\Gamma\Phi$ τυμπάνου διάμετρον λόγον ἔχεται, ὃν τὰ ὀκτὼ τάλαντα πρὸς τὰ τῆς δοθείσης δυνάμεως τάλαντα ϵ . καὶ τούτων κατασκευασθέντων,²⁰ εἰν ἐπινοήσωμεν τὸ $ΑΒΓΔ$ <γλωσσόκομον> μετέωρον κείμενον, καὶ ἐκ μὲν τοῦ $ΕΖ$ ἄξονος τὸ βάρος ἐξάψωμεν, ἐκ δὲ τοῦ $Χ\Psi$ τυμπάνου τὴν ἔλκουσαν δύναμιν, οὐδο-
 p. 334 πότερον αὐτῶν κατενεχθήσεται, εὐλύτως στρεφομένων τῶν ἄξόνων, καὶ τῆς τῶν τυμπάνων παραθέσεως καλῶς²⁵ ἁρμο(ξού)σης, ἀλλ' ὥσπερ ξυγοῦ τινὸς ἰσορροπήσει ἢ δύναμις τῷ βάρει. εἰν δὲ ἐν τῶν προσθῶμεν ὀλίγον ἕτερον βάρος, καταρρέψει καὶ ἐνεχθήσεται ἐφ' ὃ προσετέθη βάρος, ὥστε εἰν ἐν τῶν ϵ ταλάντων

7—8 πάλι οὖν 10—11 ὀδοντωμένον τὸ $ΠΡ$ συμφυῆς ἕτερον
 συμφυῆς ἔχον 12 ἢ δὲ α¹· in fine versus; in versu sequenti

fest verbunden, dessen Durchmesser gleichfalls 5 mal so groß sein soll als der Durchmesser des Zahnrades MN . Man wird daher, wenn man die Last vermittelst des Zahnrades ΣO bewegen will, eine Kraft von 40 Talenten haben müssen, da ein Fünftel von 200 Talenten gleich 40 Talenten ist. Neben dem Zahnrad ΣO liege nun wiederum ein anderes Zahnrad ΠP , und mit dem Zahnrade ΠP sei ein anderes ΣT fest verbunden, dessen Durchmesser gleichfalls 5 mal so groß als der Durchmesser des Zahnrades ΠP sein soll. Die entsprechende Kraft für das Zahnrad ΣT wird = 8 Talenten sein; aber die uns zur Verfügung stehende Kraft ist zu 5 Talenten gegeben.

Ebenso liege neben dem Zahnrade ΣT ein anderes $T\Phi$; mit der Achse von T sei das Zahnrad $X\Psi$ fest verbunden, dessen Durchmesser zu dem Durchmesser des Zahnrades $T\Phi$ in demselben Verhältnis stehen soll, wie die 8 Talente zu den 5 Talenten der gegebenen Kraft.

Denken wir uns bei dieser Konstruktion den Kasten $AB\Gamma A$ hoch aufgestellt und binden an die Achse EZ das Gewicht an, an das Zahnrad $X\Psi$ dagegen die ziehende Kraft, so wird keins von diesen beiden zur Erde niedergehen, wenn sich auch die Achsen leicht drehen und die nebeneinander gestellten Zahnräder gut ineinander greifen, sondern es wird wie bei einer Wage die Kraft mit der Last im Gleichgewichte sein. Wenn wir aber zu einem von beiden noch eine geringe andere Last zusetzen, so wird diejenige Seite niederziehen und hinuntersinken, zu der eine Last zugesetzt ward. Daher wird, wenn zu einem der 5 Talente, die als Kraft vorhanden sind, beispielsweise noch das Gewicht einer Mine zugesetzt wird,

spatium 14 litterarum 12—13 τοῦ ΕΤ 15—16 ὀδοντω-
 θεντος οἱ δὲ τοῦ ΤΦ τὸ ΣΤ ὀδοντωθὲν δὲ τοῦ ΤΦ 16 ἀξωνι
 17 τοῦ ΧΨ ὀδοντωμενον 19 πρόστε 22 ΕΞ ἀξωνος
 ἐξάπομεν 23 ἐκ δὲ τῷ ΧΠ 23—24 οὐδ' ὁ πρότερον
 25 ἀξωνων 25—26 παραθέσεως καλῶς αἰτιόσεις: correxi
 26—27 ἰσορροπονς εἰη δυναμεως: corr. Vi 28 καταρῆπει
 29 προσετιθῇ ἐν: f. ἐν<λ>

fol. 82^r δυνάμει <...> εἰ τύχοι μ<ν>αἰαῖον προστεθῇ βάρος,
 κατακρατήσῃ καὶ ἐπισπάσεται τὸ βάρος. ἀντὶ τῆς
 προσθέσεως τούτῳ δὲ παρακείσθω | κοχλίας ἔχων τὴν
 ἑλικά ἀρμοστὴν τοῖς ὁδοῦσι τοῦ τυμπάνου, στρεφόμενος
 εὐλύτως περὶ τόρμους ἐνόντας ἐν τρήμασι στρογγύλοις,¹
 ὧν ὁ μὲν ἕτερος ὑπερεχέτω εἰς τὸ ἐκτὸς μέρος τοῦ
 γλωσσοκόμου κατὰ τὸν ΓΔ <τοῖχον τὸν παρακείμενον>
 τῷ κοχλίᾳ· ἡ ἄρα ὑπεροχὴ τετραγωνισθεῖσα λαβέτω
 χειρολάβην τὴν ΗΞ, δι' ἧς ἐπιλαμβανόμενός τις
 καὶ ἐπιστρέφων ἐπιστρέψει τὸν κοχλίαν καὶ τὸ ΧΨ¹⁰
 τύμπανον, ὥστε καὶ τὸ ΓΦ συμφυῆς αὐτῷ. διὰ δὲ
 τοῦτο καὶ τὸ παρακείμενον τὸ ΣΤ ἐπιστραφήσεται,
 καὶ τὸ συμφυῆς αὐτῷ τὸ ΠΡ, καὶ τὸ τούτῳ παρα-
 κείμενον τὸ ΞΟ, καὶ τὸ τούτῳ συμφυῆς τὸ ΜΝ, καὶ
 τὸ τούτῳ παρακείμενον τὸ ΗΘ, ὥστε καὶ ὁ τοῦτῳ¹⁵
 συμφυῆς ἄξων ὁ ΕΖ, περὶ ὃν ἐπειλούμενα τὰ ἐκ τοῦ
 φορτίου ὅπλα κινήσει τὸ βάρος. ὅτι γὰρ κινήσει, πρό-
 δηλον ἐκ τοῦ προστεθῆναι ἐτέρα δυνάμει <τὴν> τῆς
 χειρολάβης, ἣτις περιγράφει κύκλον τῆς τοῦ κοχλίου
 περιμέτρου μείζονα· ἀπεδείχθη γὰρ ὅτι οἱ μείζονες²⁰
 κύκλοι τῶν ἐλασσόνων κατακρατοῦσιν, ὅταν περὶ τὸ
 αὐτὸ κέντρον κυλίωνται.

p. 316 λξ. Ἐστω κοχλίας ἐπὶ τινων σθηματίων κινούμενος
 ὁ ΑΒ, ὃ συμφυῆς ἔστω τύμπανον τὸ Δ ὁδόντων <πα>.
 τούτῳ δὲ συμφυῆς ἔστω <τύμπανον τὸ Ε> ὁδόντων²⁵
 <θ>. καὶ τούτῳ παράλληλον ἔστω τὸ Ζ ὁδόντων θ'.

1 post δυνάμει spatium 7 litterarum μ<...>αιαιον: correxi

2 κατακρατησῇ 3 κοχλίας τῷ ΧΨ τυμπανον εχων 4 ἑλικά

5 ἐντας: correxi 6 ὃν ὁ τὸ ἐκτὸς: corr: Vi 7 κατὰ
 τὴν 8 κοχλῆ: correxi; ὁ ἄρα τόρμος τετραγωνισθεῖς ἐλευ-
 σεταί εἰς χειρολάβην τὴν γς Vi 8—9 τετραγωνισθεῖσα ἀλασσεταί

so wird dieses die (zu bewegende) Last überwältigen und in Zug bringen.

Anstatt eines solchen Zusatzes werde an dieses Zahnrad eine Schnecke angeschoben, deren Windungen zu den Zähnen des Zahnrades passen sollen und das sich in runden Löchern um Zapfen drehen soll, von welchen der eine an der Wand $\Gamma\Delta$, die zu der Schnecke rechtwinklig steht, noch aus dem Kasten herausragen soll. Der vorspringende Teil, welcher quadratischen Querschnitt hat, geht in die Handhabe $\Upsilon\zeta$ über. Setzt man diese an und dreht sie, so dreht man vermittels derselben die Schnecke und das Zahnrad $X\Psi$, daher auch $\Upsilon\Phi$, das mit diesem fest verbunden ist. Aus diesem Grunde wird sich auch das an dieses angeschobene Rad ΣT drehen und das hiermit festverbundene ΠP , und das an dieses angeschobene ΞO und das damit fest verbundene MN und das daran angeschobene $H\Theta$, daher auch die mit diesem festverbundene Achse EZ , um die sich die an der Last befestigten Seile aufrollen und somit die Last bewegen werden. Denn dafs sie sie bewegen werden, ist daraus klar, dafs zu der einen der beiden Kräfte die der Handhabe zugesetzt worden ist, welche einen Kreis beschreibt, der gröfser ist als die Umfangslinie der Schnecke. Es ist nämlich (früher) der Nachweis geliefert worden, dafs die gröfseren Kreise stärker sind als die kleineren, wenn sie sich mit diesen um denselben Mittelpunkt drehen.

XXXV. Es bewege sich in Pfostenlagern die Schraube AB , mit der das Zahnrad A mit 81 Zähnen verbunden sein soll. Mit diesem sei das Zahnrad E mit 9 Zähnen verbunden. Diesem sei das Rad Z mit 100 Zähnen

χειρολαβὴν τὴν $K\Delta$ 11 τῇ $\Upsilon\Phi$ 12 f. τοῦτον 14 τὸ MH
 14—15 τὸ τοῦτο παραλείμενον καὶ τὸ τοῦτο τὸ MH 16 ε
 $E\bar{Z}$ (sic): correxī ἐπελαννόμενα 19 ἡτῆς περιγραφῇ 21 cf.
 Schmidt ad Heronis Aut. p. 400, 3 23 κοχλίας 23—24 κινούμενοι ὁ 24 ὡς συμφορες | ἔστω: correxī ὀδοντω, tum spatium
 4 litterarum, tum τοῦτο 26 καὶ τοῦτο παρέλληλον

συμφυῆς δὲ ἔστω αὐτῷ τὸ *H*, ὀδόντων *ιη*. παρακείσθω
 fol. 82^v δὲ τὸ *Θ* ὀδόντων *οβ*. | ὁμοίως δὲ συμφυῆς ἔστω αὐτῷ
 τὸ *K* ὀδόντων *ιη*. ὁμοίως δὲ τὸ *A* ὀδόντων *ρ*· πρὸς
 ᾧ ἕτερον ὁμοίως ὀδόντων *λ*, ἀφ' οὗ μοιρογνωμόνιον
 ἔστω [τὸ] δηλοῦν τὸ πλῆθος τῶν σταδίων. κατεσκευάσθω 3
 δὲ τροχὸς περὶ τὸς ὁ *M*, τὴν περίμετρον ἔχων τὴν
 ὑπὸ τῶν περῶν <...> πάσ<σ>ων, τετορνευμένος, ἰσόχρο-
 νιος ὢν τῇ νηϊ. <...> σὺν τῷδε καὶ τοῦ αὐτοῦ ἐκφυρο-
 μένω, ἄξουνι τούτῳ τῷ τροχῷ προσελήφθω ὁδοῦ·
 ἔαν δυνάμενος ἐν μιᾷ ἀποκαταστήσει τοῦ *M* ἕνα 10
 ὀδόντα τοῦ *A* πίπτειν. δῆλον οὖν ὅτι τῆς νεῶς *ρ*
 μίλια πορευθείσης τὸ *A* τύμπανον μίαν ἀποκατάστασιν
 ἔξει· ὥστε ἐὰν μὲν ἐν τις κύκλος περὶ τὸ κέντρον τοῦ
A διαιρεθῇ εἰς *ρ*, τὸ μοιρογνωμόνιον τὸ συμφυῆς τῷ
A, φερόμενον ἐπὶ τοῦ εἰρημένου κύκλου, δηλώσει τὸ 15
 καθ' ἕκαστον κίνημα τῆς κινήσεως.

1 αὐτὸ 2 αὐτὸ 3—4 ὀδόντων ζ πρὸς ω 5 κατασκευάσθω
 6 post περῶν spatium 3 litterarum 8 συντω δε 8—9 εκ-
 φυρομενω ἄξουνι τούτῳ τῳ τροχῳ 9 ὁδὸ i. e. ὁδοῦ? haec non
 extricavi 10 δυνάμενος 11 ὀδόντα τοῦ *A* 13 μὲν ἐν
 τις κύκλος: expectamus γραφεῖς 14—15 τοῦ *A*: corr. Vi
 16 scribendum τῆς νεῶς; de hoc genere corruptelarum disp.
 Brinkmannus Mus. Rhen. LVI 72.

parallel, mit ihm fest verbunden sei H mit 18 Zähnen. Daran sei Θ angeschoben mit 72 Zähnen; mit ihm soll in gleicher Weise K verbunden sein mit 18 Zähnen. Ebenso A mit 100 Zähnen, [woran in gleicher Weise noch ein anderes mit 30 Zähnen]. An diesem soll ein Zeiger angebracht sein, der die Zahl der Stadien anzeigt. Es werde ferner ein Flügelrad M hergestellt, dessen von den

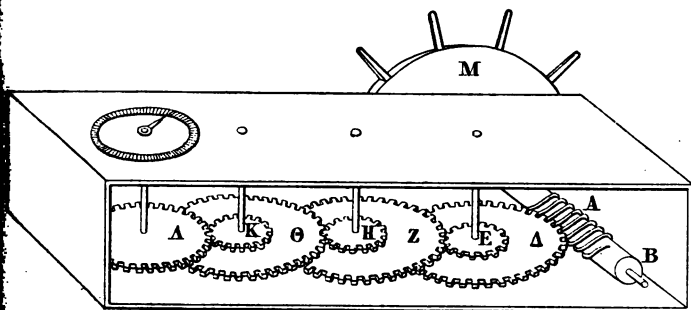


Fig. 116.

Flügeln begrenzter Umfang $\langle \dots \rangle$ Schritt betrage; es sei rund gedrechselt und drehe sich ebensoschnell als das Schiff läuft. $\langle \dots \rangle$ im Stande ist, bei einer ganzen Umdrehung von M einen Zahn von A fallen zu lassen. Es ist nun klar, daß wenn das Schiff 100 Meilen durchlaufen hat, das Zahnrad A eine vollständige Umdrehung gemacht haben wird. Wird daher auf dem Deckel des Kastens ein Kreis, der denselben Mittelpunkt mit A hat, beschrieben und in 100 Grade geteilt, so wird der Zeiger, der mit A fest verbunden ist, dadurch daß er sich auf dem bezeichneten Kreise dreht, die einzelnen Bewegungen des Schiffes anzeigen.



I.

INDEX NOMINUM.

<i>Ἀλεξανδρείας</i> 302, 11; 306, 7.	<i>Λιοννσοδώρη</i> 128, 3.
12 <i>Ἀλεξανδρεία</i> 302, 17. 24;	<i>Ἐρατοσθένης</i> 302, 16.
304, 2. 4. 6. 16.	<i>Ἐυδόξου</i> 2, 12. 14.
<i>Ἀρχιμήδης</i> 66, 6. 13. 27; 80, 17;	<i>Πλάτωνος</i> 132, 7.
84, 12; 86, 29; 88, 11. 26; 120,	<i>Ῥώμης</i> 302, 11; 304, 18. 26;
28; 122, 16; 130, 15. 25 <i>Ἀρχι-</i>	306, 1. 4. 6. 12 <i>Ῥώμη</i> 302,
<i>μήδους</i> 2, 12. 18; 82, 27; 92, 10	18. 24; 304, 3 bis. 24.
<i>Ἀρχιμήδεις</i> 86, 22; 172, 11; 184,	
27 <i>Ἀρχιμήδην</i> 92, 9; 138, 9.	

II.

INDEX VERBORUM.

positiones coniunctionesque praetermisi. Numeri sunt
paginarum versiculorumque.

A

190, 13 *άβάτων* 302, 8.
288, 24.
220, 3 *άγειν* 212, 11.
άγοντες 218, 17 *άγωμεν*
15 *ήγαγον* 222, 4. 25;
6. 8. 10; 260, 24; 262, 4
άσιν 6, 17 *άχθείσης*
21; 166, 27; 232, 14
άσων 34, 4; 260, 27;
3. 10; 269, 7 *ήχθω*
3. 19; 14, 22; 22, 16; 26,
8. 8. 31; 30, 19. 21; 32,
34, 28; 40, 15; 44, 10;
5; 56, 22; 72, 12; 76, 21;
14; 116, 11; 158, 2;
6; 170, 23; 172, 18;
6. 14; 180, 20; 214, 26;
5; 236, 16; 240, 11;
1. 7; 260, 8; 268, 24;
11; 272, 27; 282, 8;
23 *ήχθωσαν* 8, 20;
22; 112, 24; 128, 2. 3;
7; 292, 2; 264, 22
ήσεται 214, 2 *άγάγω*
6 *άγάγωμεν* 144, 13
είν 152, 26; 162, 27;
7; 278, 1 *άγαγόντα*

280, 17 *άγαγόντες* 240, 16;
252, 20; 264, 7. 9; 272, 11
άγαγόντας 20, 8 *άγομένη*
40, 11. 15; 94, 27; 98, 19;
100, 10; 102, 8; 110, 1; 232, 1
άγόμενον 308, 9 *άγομένης*
96, 26; 166, 7; 234, 21 *άγο-*
μένην 96, 15; 98, 4; 102, 19;
134, 29; 136, 27; 226, 11. 20;
230, 13. 17; 234, 5. 8. 12;
236, 8. 10. 22 *άγομέντας*
10, 16; 234, 16 *ήκται* 10, 1;
24, 10 *ήγμένη* 216, 18 *ήγ-*
μέναι 228, 19.
άγωγήν 214, 9 *άγωγάς* 190, 3
άδελφά 4, 4.
άδιαφόρα 126, 1.
άδύνατον 46, 14; 212, 17.
άελ 94, 16; 96, 7; 190, 19;
221, 14; 238, 15; 284, 13.
άθεώρητον 214, 19.
αιτίαν 6, 1.
άκίνητοι 194, 18 *άκινήτου* 228, 7.
15; 242, 5. 13; 256, 26 *άκι-*
νήτων 220, 1; 254, 9; 288, 11.
άκλινη 256, 10 *άκλινοῦς* 250,
16; 256, 17.
άκολουθεῖ 290, 12 *άκολου-*
θοῦντες 272, 14 *άκολουθήσει*

- 74, 7 ἡκολουθημέναι 74, 4
ἡκολουθηκότες 74, 24.
ἀκόλουθον 66, 5; 92, 4; 132, 6;
292, 16 ἀκολούθως 26, 6;
30, 5; 32, 15; 34, 16; 38, 27;
42, 5, 7; 48, 24; 86, 4; 114,
28; 118, 16; 124, 14; 126, 5;
128, 22; 148, 30; 150, 23; 152,
18; 154, 21; 158, 7; 164, 9;
168, 1; 178, 26; 182, 8.
ἀκριβῶς 204, 5, 13; 290, 7;
298, 5 ἀκριβέστερον 52, 14;
74, 21; 309, 15.
ἄκρον 50, 12; 200, 16; 288, 1;
294, 12; 300, 9 ἄκρα 294, 17
ἄκρων 18, 7; 126, 24; 190, 14.
ἀντίς 244, 12 ἀντίνας 244, 8;
250, 5.
ἀλλά 14, 28, 29; 22, 15; 26, 9.
11; 28, 25; 30, 2, 3; 32, 11;
36, 27; 38, 13, 24; 40, 8, 20;
42, 3; 44, 6, 16; 46, 5; 50, 7,
24; 66, 17; 72, 2; 76, 8, 15;
90, 14; 96, 21; 104, 20, 22;
106, 15; 110, 14; 114, 5;
124, 1; 126, 19; 128, 13;
140, 16; 148, 20; 152, 14;
154, 9, 13; 156, 4; 158, 6;
162, 4; 170, 10; 180, 23;
188, 19; 214, 4; 218, 3, 4;
224, 8; 246, 12; 264, 6; 272,
22; 278, 8, 14, 16, 22; 282, 5;
286, 9; 290, 1; 292, 20; 298, 4;
306, 1, 7; 308, 20, 21; 310, 26,
13.
ἄλληλα 2, 18; 88, 7; 142, 8;
172, 7; 184, 12, 26; 262, 21;
290, 21; 292, 12, 14 ἄλλη-
λων 26, 13; 70, 8; 78, 23;
92, 21; 194, 26; 284, 9; 288,
19; 300, 19 ἄλλήλοις 98, 27;
148, 6, 9; 214, 22; 232, 5;
249, 25; 290, 11; 308, 1 ἄλ-
λήλαις 252, 17 ἄλλήλους 2, 17;
88, 5; 98, 7; 160, 4; 172, 5;
180, 31; 212, 23 ἄλλήλας
170, 17, 29; 172, 10; 176, 14;
290, 15.
ἄλλος 264, 16 ἄλλο 168, 4 ἄλ-
λον 92, 10; 150, 10, 12; 182,
16; 218, 14 ἄλλην 144, 20;
246, 13 ἄλλον 90, 14; 218, 9
ἄλλω 196, 24; 234, 26 ἄλλαι
4, 16, 20 ἄλλων 142, 1;
220, 1; 288, 11; 302, 15
ἄλλοις 140, 13 ἄλλας 4, 9,
14 ἄλλως 88, 10; 118, 24;
130, 4; 138, 19; 224, 16, 27.
ἄλωσης 212, 20; 292, 18 ἄλ-
σει 262, 12.
ἄμα 126, 24; 216, 9; 242, 2,
12; 288, 10.
ἁμαρτάνοντες 288, 24 ἡμαρτη-
μένως 188, 10.
ἀμβλεῖα 10, 21, 25; 12, 3, 6, 8,
12; 44, 9; 291, 15 ἀμβλεῖαν
34, 25.
ἀμβλυγώνιον 14, 18; 34, 24, 31
ἀμβλυγωνίου 36, 5.
ἀμετάπτωτος 4, 14.
ἀμελέστερον 72, 29.
ἀμήχανον 2, 13.
ἀμοιρήσει 188, 20.
ἀμφοτέρως 222, 14 ἀμφοτέρω
240, 24; 288, 10.
ἄν 90, 17; 100, 5; 102, 17;
144, 17; 188, 19; 194, 16;
204, 2; 210, 8; 214, 20, 24,
26, 29; 216, 6; 218, 26; 222,
2, 6, 23, 27; 226, 15; 228, 6,
14; 240, 1; 242, 7, 11, 23;
248, 15; 254, 27; 256, 25, 28;
258, 8; 268, 4; 288, 8, 12;
296, 3, 19; 300, 6, 24.
ἀναβάσεως 210, 1, 2, 7, 11, 12,
14, 16; 212, 1, 3, 8.
ἀνάβλυσις 284, 13 ἀνάβλυνειν
284, 12, 18; 286, 6, 18.
ἀναγκαῖον 90, 5; 92, 10; 140, 7;
160, 16; 188, 5, 9; 286, 16;
302, 5 ἀναγκαῖας 4, 4; 188, 3.
ἀναγραφεῖ 126, 22.

ἀναγραφὴν 188, 13.
 ἀναγραφείσαις 309, 19 ἀναγέ-
 γραπται 4, 7.
 ἀνακαμπῆς 296, 15 ἀνακαμ-
 παῖς 196, 20 ἀνακαμπάς
 196, 23.
 ἀνακεκάμφθαι 196, 14.
 ἀνεκρίναμεν 212, 22.
 ἀνάλλημα 304, 19 ἀνάλημματι
 304, 27.
 ἀναλογία 140, 6. 13. 17 ἀνα-
 λογίας 234, 1 ἀναλογία 140,
 22 ἀναλογίας 140, 20.
 ἀνάλογος 310, 12 ἀνάλογον 18, 6.
 ἀναλύσει 30, 5; 32, 15; 34, 17;
 38, 27; 42, 5; 48, 24; 114, 28;
 118, 17; 128, 22; 148, 30;
 150, 23; 152, 18; 154, 21;
 158, 7; 164, 10; 168, 1; 182,
 9 ἀνάλυσιν 16, 12; 124, 5.
 ἀναμετροῦν 195, 2 ἀναμετροῦ-
 σα 190, 5.
 ἀναμετρήσεως 302, 17 ἀναμε-
 τρήσει 190, 18.
 ἀναμφισβήτητος 147, 1.
 ἀνανεῶν 218, 27.
 ἀνάπαλιν 66, 24; 166, 2.
 ἀναστρέφαντι 72, 5; 78, 29; 80,
 23; 88, 17; 148, 14.
 ἀνατομή 294, 2 ἀνατομήν 294,
 5 ἀνατομῶν 210, 10 ἀνα-
 τομᾶς 200, 4. 14.
 ἀναφέρονσιν 92, 9 ἀναφέρε-
 σθαι 254, 2.
 ἀνδριάντος 90, 14.
 ἀνεμος 290, 2 ἀνέμον 290, 5.
 ἀνεπισιθίτου 172, 25.
 ἀνέρχεται 192, 10.
 ἀνεστᾶτω 232, 22; 295, 17 ἀνε-
 στάσαν 250, 25.
 ἀνηπλωμένην 84, 24; 86, 5.
 ἀνθρώπος 308, 10 ἀνθρώποις
 2, 6.
 ἀνιδμεν 204, 1.
 ἀνισοσκελῶν 10, 15.
 ἀνισοῦψεις 228, 9.

ἀνοίγοντες 298, 26.
 ἀντιπάλους 190, 17.
 ἀντιπεριστάς 218, 16; 256, 26;
 258, 1. 10.
 ἀντλήματος 212, 18.
 ἀντλήσις 212, 18.
 ἀνυσθείσης 300, 17.
 ἄνω 190, 26; 194, 2; 196, 4. 9;
 200, 15; 202, 9; 204, 16.
 ἀνωμαλίαν 144, 16.
 ἀξίαν 140, 8. 12 ἀξίοις 140, 6,
 ἀξιώσαι 188, 7.
 ἀξόνια 200, 7 ἀξονίου 206, 16
 ἀξονίοις 200, 11.
 ἄξων 80, 12; 82, 26; 84, 4; 118,
 28; 120, 1. 21; 128, 7. 13; 180,
 21; 182, 17; 294, 25; 304, 27;
 308, 3. 21; 312, 16 ἄξωνος 308,
 7. 18; 310, 22 ἄξωνα 294, 17.
 22; 308, 14 ἄξωνι 300, 8;
 310, 2. 16; 314, 9 ἄξωνες
 300, 3; 306, 25 ἄξωνων 82,
 23; 310, 25 ἄξων(ι)ων 200, 13.
 ἀπᾶδεν 90, 11; 140, 3.
 ἀπαιτῇ 194, 17.
 ἀπαξ 12, 24; 14, 26; 38, 8;
 296, 6. 8. 12. 15. 18.
 ἄπειρον 294, 8 ἀπείρους 190, 19.
 ἀπεργασθέν 252, 23.
 ἀπέχειν 288, 19 ἀπέχων 302,
 27; 304, 12 ἀπέχοντα 194,
 26; 256, 19.
 ἀπήκται 160, 13; 170, 2.
 ἄπιστον 130, 7.
 ἀπλανῶν 286, 22; 288, 5. 6.
 ἀπλωθεῖσα 130, 7.
 ἀπλῶς 174, 25; 234, 14.
 ἀποβλέποντα 226, 14; 238, 15.
 ἀπογεννώσι 126, 25 ἀπογεννή-
 σει 126, 17. 19 ἀπογεννη-
 θεῖσαν 126, 26.
 ἀπόδειξις 20, 6; 94, 1; 142, 1
 ἀποδείξει 118, 25 ἀπόδειξιν
 2, 14 ἀποδείξεις 16, 12
 ἀποδείξεσιν 308, 20.
 ἀποδείξομεν 286, 23 ἀπεδείξα-

- μεν 286, 21 ἀπέδειξεν 84, 11;
 88, 10, 25 ἀποδείξας 86, 30
 ἀποδέδειχεν 133, 16 ἀπε-
 δείχθη 152, 19; 308, 19;
 312, 20 ἀποδείχθέντα 36, 16.
 ἀποδίδεται 202, 10.
 ἀποκατασταθῇ 126, 15.
 ἀποκαταστάσει 314, 10 ἀπο-
 κατάστασιν 294, 10; 298, 8.
 11; 314, 12.
 ἀποκρυβέν 138, 21.
 ἀπολαμβάνει 286, 3 ἀπολαμβά-
 νειν 262, 8 ἀπολαμβάνουσαν
 278, 2; 280, 9 ἀπέλαβον
 224, 9; 256, 21 ἀπολάβωμεν
 144, 12 ἀπολαβεῖν 256, 12.
 14, 15, 16; 260, 1. 5 ἀπολα-
 βών 148, 1; 256, 28 ἀπόλαβε
 144, 29; 152, 5; 156, 13, 15;
 158, 14 ἀπολαμβανομένη 301,
 11 ἀπολαμβάνεσθαι 258, 9
 ἀπολαμβανόμενα 184, 25 ἀπο-
 ληψόμεθα 144, 16; 272, 2
 ἀπολήφεται 286, 1 ἀπειλήφ-
 θω 147, 3; 150, 18; 152, 2.
 7, 18, 27; 180, 2; 218, 6, 10.
 12, 15; 244, 3; 260, 7, 12;
 270, 10; 280, 14 ἀπειλήφθω-
 σαν 290, 21 ἀπειλημμένον
 258, 12 ἀπειλημμένα 170,
 27 ἀποληφθῇ 176, 21.
 ἀπολήγει 284, 16.
 ἀπολύσεως 284, 21.
 ἀπονέμειν 266, 13 ἀπονεῖμαι
 140, 5.
 ἀπορεῖσθαι 2, 11.
 ἀπορρεῖ 286, 13 ἀπορρεῖν 284,
 19, 23 ἀπορρέον 286, 1.
 ἀπόρρυσιν 284, 11, 25.
 ἀποστάσεις 286, 23.
 ἀποστήματος 190, 10 ἀποστή-
 ματα 286, 24 ἀποστημάτων
 190, 7.
 ἀποστήσομεν 300, 21 ἀπέστησα
 258, 7 ἀποστήσας 242, 1;
 258, 5 ἀφέστηκεν 204, 19.
 ἀποτέμνουσα 162, 1 ἀποτεμ-
 νομένης 112, 14 ἀποτεμνόμε-
 νον 178, 24 ἀποτεμνομένη
 176, 8; 112, 16.
 ἀποτομῆς 162, 2 ἀποτομήν 168,
 14; 170, 2.
 ἀποφανοῦμαι 224, 5; 288, 19
 ἀποφανοῦμεθα 222, 17; 286,
 5, 17 ἀπεφαίνοντο 74, 3
 ἀποφαίνεσθαι 66, 12, 22;
 74, 30; 84, 1; 90, 19; 94, 30;
 104, 1; 112, 6; 120, 26; 122,
 13; 132, 11, 27; 136, 20 ἀπο-
 φα[ε]ρούμεθα 68, 4 ἀποφα-
 νοῦμεθα 68, 11; 80, 8, 16;
 112, 16; 124, 16; 138, 18,
 25; 306, 16 ἀποφάνεσθαι
 122, 8; 100, 4.
 ἀπρόαιτον 190, 12.
 ἀργότεραν 140, 17.
 ἀριθμός 16, 17; 18, 11; 94, 7;
 212, 10, 17 ἀριθμόν 18, 3
 ἀριθμοί 16, 15; 18, 6; 66,
 17; 212, 14 ἀριθμῶν 16, 13;
 160, 16; 212, 6 ἀριθμοίς
 50, 25; 160, 14 ἀριθμοῦς
 6, 5 (6); 66, 19; 92, 21;
 118, 26; 212, 8; 216, 21;
 298, 23.
 ἀρμόζειν 196, 7 ἀρμόζουσες
 310, 26 ἀρμόζουσαν 294, 26
 ἀρμόζοντι 196, 17 ἀρμόσει
 6, 20; 76, 8, 14; 80, 9.
 ἀρμοστόν 196, 21; 200, 24 ἀρ-
 μοστήν 194, 4; 312, 4 ἀρ-
 μοστά 196, 2; 200, 7, 12
 ἀρμοστούς 294, 15.
 ἀρχαῖοι 72, 29.
 ἀρχῆς 114, 15, 17, 27; 158, 18;
 212, 24, 26 ἀρχήν 254, 15;
 298, 13.
 ἄρχειν 140, 13 ἀρχόμενα 70, 9
 ἀρξάμεθα 4, 8; 6, 3 ἀρξάμε-
 νον 298, 18.
 ἀσπίδισκη 200, 17; 202, 13, 25;

204, 2. 9 *ἀσπίδισκος* 204, 8
ἀσπίδισκον 202, 20.

ἀσπίδων 200, 19.

ἀστερίσκον 292, 8 *ἀστερίσκω*
288, 21.

ἀστήρ 288, 15 *ἀστέρες* 288, 10
ἀστέρας 288, 19 *ἀστέρων* 190,
6; 286, 22; 288, 3. 12.

ἄτακτος 90, 8; 272, 22 *ἄτακτον*
138, 13. 20 *ἀτάκτων* 90, 18;
260, 20 *ἄτακτα* 138, 7 *ἀτάκ-*
τους 90, 6; 92, 7.

ἀτόπων 214, 16.

αὐ 4, 26.

ἀυξομένων 296, 23.

αὐταρχες 286, 7 *αὐτάρχως* 90,
5. 22; 174, 23.

αὐτοματίσαι 212, 17.

αὐτομάτως 202, 28.

αὐτός 6, 20; 56, 4; 66, 13. 27;
86, 28; 88, 26; 122, 16; 130,
26; 298, 9 *αὐτό* 46, 11; 48,
23; 50, 19; 54, 23; 56, 21;
58, 16; 60, 11; 62, 14; 68,
12. 17; 76, 1; 96, 17; 98, 6.
9. 27; 106, 17; 114, 8. 11.
14. 17; 118, 8; 129, 15; 130,
20; 138, 19; 142, 7; 144, 1;
150, 18; 158, 17; 160, 27;
188, 17; 190, 28. 29; 194, 16;
224, 21; 226, 3. 4; 236, 18;
254, 26; 266, 10; 268, 12;
270, 12; 272, 3; 274, 25. 26;
276, 16. 18; 286, 26; 288, 8.
16; 300, 11; 312, 21 *αὐτή*
8, 8; 14, 4; 80, 9; 132, 21;
144, 11; 180, 1; 284, 13;
302, 18. 25 *αὐτοῦ* 6, 10; 12,
15; 14, 20; 28, 7; 30, 18;
32, 26; 34, 27; 36, 23; 38,
15; 44, 4. 19. 21; 46, 11. 17;
50, 18; 52, 14. 19. 29; 54, 22;
56, 20; 58, 15; 62, 13; 64,
3; 74, 1; 88, 17; 90, 16;
92, 15; 94, 10. 27. 29; 96, 2.
19; 98, 3. 11. 17. 20; 108,

10; 114, 25; 120, 19; 128,
16. 26. 27; 132, 11. 12; 148,
3; 160, 19; 166, 16, 20. 27;
172, 25; 178, 22; 180, 18.
21; 182, 7; 194, 13; 220, 7;
222, 3. 24; 226, 19; 228, 6.
7; 234, 5. 25. 28; 242, 28;
244, 1. 3. 17; 246, 5. 9; 248,
7. 12; 250, 16; 252, 17; 254,
15; 256, 25. 26; 258, 9; 264,
2; 272, 2; 274, 7; 276, 4.
21; 284, 22; 286, 10; 288, 9.
15. 26; 296, 19; 300, 10; 304,
6; 314, 8 *αὐτῆς* 4, 2; 20, 9;
26, 9; 80, 12; 90, 9; 96, 4.
17. 25; 98, 5. 8. 26; 102, 18;
104, 4. 5. 24; 108, 2; 126,
10. 11; 140, 8; 176, 6; 196,
8; 188, 4. 18; 212, 24; 214,
3; 220, 5; 222, 26; 226, 8;
242, 14; 260, 12; 264, 8;
270, 10; 272, 9. 12. 23; 278,
26; 280, 18; 284, 12; 288,
14 *αὐτῷ* 2, 15; 8, 22; 76, 19;
80, 15. 21; 84, 16; 96, 22;
122, 19; 130, 26; 152, 11;
156, 19. 21; 158, 17; 164, 7.
12; 194, 1. 9. 11. 14; 218, 18;
246, 15; 248, 2; 272, 19;
288, 23; 294, 12; 296, 7. 10.
15; 298, 7. 10; 304, 7; 310,
2; 312, 11. 13; 314, 1. 2
αὐτῇ 2, 20; 56, 24; 60, 26;
64, 7; 96, 10. 28; 102, 11;
126, 1; 172, 18; 180, 15;
190, 31; 200, 19; 204, 10;
216, 8; 224, 24; 226, 5;
234, 27; 242, 4; 244, 11;
246, 14; 250, 10; 258, 13;
266, 7; 212, 5; 276, 18;
302, 25 *αὐτόν* 54, 11; 118,
8. 10. 14; 122, 9; 162, 20; 170,
18. 29; 172, 15. 17; 174, 28;
180, 9; 200, 25; 242, 7. 15;
254, 5; 274, 27; 284, 22. 23;
288, 11. 22; 294, 20 *αὐτῶν*

2, 15; 4, 2; 8, 22; 14, 21;
40, 18; 54, 12; 76, 19; 80,
14, 20; 84, 16; 86, 4; 90, 8;
96, 22, 27; 102, 11; 122, 18,
21; 124, 5; 140, 9; 142, 4;
176, 7; 240, 4; 268, 24, 26.
27, 28; 272, 8; 278, 19; 284,
24; 290, 23; 294, 7; 300, 15;
302, 7 *αὐτά* 70, 18; 72, 24;
90, 10; 92, 12; 104, 25; 106,
6; 108, 3, 7; 110, 26; 114,
21, 24; 118, 8; 148, 28; 150,
22; 154, 8, 19; 210, 8; 214,
13; 230, 29; 232, 9; 234, 15;
242, 21; 246, 17, 24; 252, 20;
254, 19; 298, 29 *ταὐτά* 20, 3
αὐτῶν 2, 11; 26, 24; 28, 23;
30, 14; 36, 11, 16; 46, 15;
68, 13; 80, 16; 112, 6; 114,
20; 126, 8; 134, 4, 24; 152,
7; 156, 18; 164, 3, 15; 168,
10; 176, 2; 188, 16; 194, 27;
196, 28; 200, 22; 216, 12;
218, 21; 220, 12; 222, 20;
228, 25; 230, 13; 232, 1, 3;
234, 16, 17; 244, 10; 254, 9;
262, 17; 264, 3, 9; 272, 24;
276, 28; 288, 6; 290, 25;
298, 24; 300, 4, 21; 310, 24,
27 *αὐτοῖς* 78, 8, 22; 290, 12;
306, 26 *αὐταῖς* 8, 23; 46, 18;
104, 24; 152, 26; 272, 15
αὐτοῦς 8, 17; 304, 20 *αὐτάς*
6, 6; 90, 7; 174, 26; 222, 15;
262, 23; 278, 1.
αὐχμῶν 284, 16.
ἀφανῶν 268, 17.
ἀφελόμεν 112, 15; 172, 28
ἀφέλω 280, 5 *ἀφέλωμεν* 138,
22, 23 *ἄφελε* 10, 10; 14,
14; 16, 4, 7; 18, 17; 32,
16, 18; 34, 18; 36, 4; 40, 2,
5; 42, 22; 44, 27; 46, 1;
108, 15; 116, 5; 128, 22;
154, 28; 156, 12; 182, 13,
17; 184, 3; 284, 7 *ἀφελεῖν*

120, 24; 148, 3; 268, 7, 9,
14; 274, 7, 11, 13 *ἀφελόντα*
68, 14 *ἀφελόντες* 124, 16;
288, 7 *ἀφηρησθῶ* 168, 4
278, 24; 280, 6, 12.
ἀφιεμένων 194, 10 *ἀφῇ* 202,
21.
ἀφορίζουσα 268, 2, 13.
ἄχρι 46, 21; 90, 16; 126, 14;
210, 8; 250, 12; 252, 22.
ἄχρισ 194, 14; 216, 6; 218, 26;
222, 2, 6, 23, 27; 226, 15;
228, 6, 14; 238, 15; 242, 7,
11; 254, 27; 256, 24; 258, 8;
268, 4; 288, 9, 11, 14.

B

βαδίζεσθαι 302, 3.
βάθος 194, 13; 234, 19 *βά-
θους* 92, 16, 17 *βάθει* 234,
20, 25.
βαλανεῖοις 132, 3.
βληθείσης 200, 28.
βάρος 204, 17; 306, 22; 308, 9,
15; 310, 6, 13, 22, 28, 29;
312, 1, 2, 17 *βάρει* 202, 23;
310, 27 *βάρη* 254, 8; 288,
26; 290, 4 *βαρῶν* 290, 6.
βεβαιωσμένην 262, 13.
βάσις 76, 8, 10, 15; 80, 9, 12; 82,
3; 84, 4; 88, 20; 94, 11, 21;
96, 4; 98, 17; 100, 7, 19;
104, 5; 106, 10, 12, 14, 15,
21; 108, 25; 110, 22, 24, 27;
112, 4, 5, 19, 27, 29; 114, 1,
3, 5, 7, 9, 10, 12, 13, 16; 116,
23; 118, 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13;
120, 13, 15, 22, 24; 124, 2;
132, 13; 134, 2, 5, 7, 24;
136, 3; 174, 26; 178, 20;
180, 7; 246, 4 *βάσεως* 74, 23;
76, 3, 13; 80, 13; 84, 26;
86, 12, 16; 88, 13, 15, 29;
94, 9, 29; 96, 2, 10, 13, 17,
19, 25, 26; 98, 2, 5, 9, 12,
26; 102, 9, 17; 104, 24;

9; 120, 12; 122, 15;
 3. 12. 24; 130, 9; 15
 94, 9. 20. 22. 24. 26;
 5. 8. 9; 98, 16; 104, 5;
 9. 176, 7. 22; 178, 19;
 1. 9; 246, 8. 26 *βάσιν*
 8, 22; 24, 10; 74, 1;
 1; 80, 14. 19; 84, 16;
 1. 28; 96, 3. 6. 14. 22.
 00, 5; 102, 5. 11. 12;
 1. 11; 106, 8; 110, 24;
 ; 116, 19; 122, 1. 19;
 8. 19; 176, 4 *βάσεις*
 108, 24; 130, 25. 28;
 2 *βάσεων* 84, 31; 88,
 18, 28; 120, 1; 130, 14;
 8 *βάσεων* 120, 6.
 90, 20.
ον 284, 15.
 2, 6; 130, 26.
 1.
τες 214, 7 *βλάπτεισθαι*
 .
 224, 17; 256, 20; 258,
λεται 6, 6 *βουλόμεθα*
 2; 244, 5; 250, 19. 27;
 9 *βοδῶμαι* 256, 23.
ύληται 66, 21 *βουλώ-*
 20, 1; 66, 25; 80, 13;
 ; 214, 25; 242, 20. 23;
 1. 20; 288, 3; 296, 3;
 15 *βούλοιτο* 140, 18
ενον 310, 5 *βουλόμε-*
 10, 3 *βουλομέναις* 92,
 18, 12.
 292, 19 *βραδυτέρας*
 1.
 14, 17.

Γ

286, 25.
 1, 7; 190, 14.
 126, 10.
 284, 17.
 2, 12.
 7.

γέφυραν 241, 26.
γεωγραφουμένων 190, 8.
γεωμετρία 2, 3. 5 *γεωμετρίας*
 140, 21.
γεωμετρική 20, 6 *γεωμετρικῆς* 16.
 11. (12) *γεωμετρικῶς* 160, 17;
γῆ 140, 8 *γῆ* 2, 4; 302, 13;
 306, 11. 14 *γῆς* 286, 20,
 292, 18; 302, 14. 17.
γίγνεται 6, 2; 14, 8. 9. 10. 11.
 12. 13. 15. 16; 16, 2. 3. 4. 5.
 6. 7. 8. 9; 18, 16. 20. 26. 27.
 29; 24, 24. 25; 30, 6. 7. 9.
 10. 11; 32, 19. 22; 34, 19
 22; 36, 6. 7. 8. 28. 29; 40, 1.
 2. 3. 4. 5. 6. 7; 42, 16. 20.
 21. 22. 24; 44, 24. 25. 26. 27.
 28. 29; 46, 2. 3; 48, 25, 26;
 52, 9. 10. 11; 54, 3. 4. 5. 6.
 15. 16; 58, 10. 11; 60, 5. 6;
 62, 8. 9. 26. 27; 64, 29. 30;
 66, 8. 11; 68, 9. 19. 20. 22;
 70, 2. 3. 4; 74, 18. 20. 29;
 76, 2. 4. 5; 88, 7; 96, 2.
 102, 3. 13. 15; 108, 12. 13.
 14. 19; 116, 3. 4. 5. 6. 7. 8.
 9; 118, 18. 19. 20. 21. 22;
 124, 7. 8. 9. 11. 12. 13; 128,
 23. 25. 27. 29; 130, 2. 7. 23.
 24; 144, 24. 25. 26. 27. 28;
 146, 23. 25. 26; 150, 4. 6. 7.
 11. 12. 13. 26—152, 1. 2. 3.
 4; 154, 26. 27. 29; 156, 1. 2.
 3. 9. 11; 158, 8. 11; 160, 10.
 11. 12; 176, 24. 26. 27; 178,
 1. 8. 9. 11. 13; 182, 10. 11.
 14. 15. 21; 184, 4. 5. 6; 190,
 25; 194, 6. 9; 196, 15; 200,
 6. 7. 12. 23. 24; 204, 16. 18.
 21; 240, 22; 246, 4. 10. 24;
 280, 1. 2; 290, 11; 292, 23;
 296, 4; 306, 9 *γίνονται* 4, 12;
 8, 12; 10, 9. 16. 11; 18, 19.
 20; 32, 16. 17. 18. 21; 40, 5;
 54, 3; 66, 10; 92, 22; 108,
 20; 122, 10; 132, 2; 146, 21.

27; 158, 13; 182, 24; 184, 3. 5; 200, 20; 280, 13; 284, 6. 9; 286, 5; 298, 15; 306, 15 *γίγνεται* 20, 2; 274, 30; 296, 18; 302, 22 *γινέσθω* 74, 1; 296, 2 *γίγνομαι* 20, 5; 252, 12 *γινόμενον* 236, 13 *γινόμενον* 240, 31; 290, 11 *γίγνομαι* 132, 26; 140, 4 *γινόμενης* 290, 6 *γένηται* 78, 7; 194, 15; 268, 5 *γενέσθαι* 138, 21; 246, 15; 248, 8; 254, 20, 24; 309, 2 *γενομένη* 130, 8 *γενόμενον* 22, 18 *γενομένου* 262, 21; 266, 12 *γενομένης* 304, 18 *γενόμενα* 24, 27; 78, 8. 21; 102, 2; 130, 2; 146, 20; 156, 10; 158, 13 *γενόμενα* 78, 9 *γενομένων* 42, 15; 66, 26; 68, 3; 78, 6. 13; 102, 19—104, 1; 108, 12; 122, 5. 7; 136, 13. 19; 138, 3; 156, 11; 268, 17 *γεγονέτω* 78, 3; 142, 9; 152, 28; 160, 21; 162, 9; 164, 5; 170, 6; 174, 6; 278, 3; 280, 10; 292, 25; 294, 2; 308, 21 *γέγνηται* 304, 24 *γεγενήσθω* 250, 11 *γεγονός* 142, 23 *γενηθείσα* 128, 6; 294, 3 *γενηθείσης* 252, 27 *γενηθέντος* 254, 1 *γενηθέντων* 262, 10.
γλωσσόκομον 312, 7 *γλωσσόκομον* 306, 24; 308, 2; 310, 21.
γνωμόνιον 204, 9 *γνωμονίων* 300, 1.
γνώμων 304, 21.
γραμμή 90, 8; 204, 21; 238, 5; 244, 1; 246, 3. 9. 23. 25; 264, 4. 6; 266, 6; 272, 23 *γραμμὴν* 236, 10; 242, 19; 244, 15; 246, 13. 17. 20 *γραμμῆς* 90, 9. 12. 19; 228, 11; 236, 2; 242, 27; 244, 14; 246, 19; 260, 19. 23; 262, 9;

264, 14 *γραμμῇ* 246, 18 *γραμμαί* 204, 7. 14 *γραμμάς* 4, 14; 90, 11; 204, 11; 262, 8; 266, 1.
γραφῆς 188, 7.
γράφειν 300, 12 *γράψω* 242, 19 *γράφει* 288, 1; 300, 9 *γράφωμεν* 46, 21; 176, 13; 286, 26 *γράφαι* 158, 16; *γράφεσθαι* 246, 23. 27 *γραφόμενον* 292, 24; 300, 14. 24 *γραφέντος* 184, 25 *γεγράφθω* 170, 26; 184, 23; 304, 16; 306, 2. 8.
γωνία 10, 24. 25; 12, 2. 6. 12. 17; 30, 4; 50, 7. 8. 9. 10. 11. 21; 56, 23; 58, 23; 60, 19; 64, 6; 166, 13; 170, 1; 250, 19; 252, 5; 290, 16. 19 *γωνίας* 22, 25; 28, 5; 104, 30; 134, 21; 136, 24; 256, 11; 282, 13 *γωνία* 250, 15; 252, 10; 292, 15 *γωνίαν* 4, 18; 6, 12. 22; 10, 21; 32, 24; 36, 18; 46, 14. 24; 88, 25; 262, 20 *γωνία* 134, 1 *γωνίων* 10, 17. 18; 256, 10.

Δ

δακτύλων 196, 15. 22; 200, 21. 27; 286, 6. 9. 18 *δακτύλους* 196, 4. 12; 204, 5. 15; 286, 3. 4.
δαπάνην 214, 11.
δεῖ 36, 11; 50, 26; 66, 12. 21; 74, 14; 76, 6; 88, 2; 90, 15; 94, 28; 102, 16; 106, 31; 110, 29; 132, 10; 138, 26; 166, 15; 178, 3; 180, 7; 190, 20; 212, 26; 226, 10; 236, 11; 238, 5; 254, 6; 256, 9. 14. 15. 16; 260, 5; 264, 17; 268, 9; 274, 7. 13; 284, 18. 23; 286, 12. 24; 296, 24; 308, 16 *δέη* 46, 9; 68, 6; 82, 1; 126, 4; 216, 9 *δέον*

- 10, 20; 20, 10; 126, 26; 142, 7; 144, 1; 146, 4; 156, 19; 164, 4; 176, 7; 236, 7; 266, 9; 272, 25; 278, 24; 280, 19; 302, 10 *ἔδει* 12, 3. 6; 46, 6. 7 *δείσει* 28, 1. (2); 46, 10; 66, 10; 82, 29; 88, 14; 90, 8; 100, 1; 102, 1; 120, 17; 122, 4. 11; 124, 5; 130, 22; 132, 24; 136, 10; 138, 11; 162, 25; 170, 11; 176, 18; 244, 16; 268, 3. 6. 8. 14; 274, 10; 300, 27; 310, 5.
- δείκνυσιν* 66, 7. 13. 27; 122, 1. 16; 130, 26; 302, 16 *δείξομεν* 34, 5; 40, 11; 68, 16; 166, 15; 174, 14; 176, 20; 214, 11; 268, 10; 274, 14; 276, 5. 26; 290, 13; 298, 28 *ἔδειξε* 80, 17 *δείξει* 36, 13; 46, 6; 50, 3; 106, 31 *δείκνυται* 82, 27; 122, 9 *δείχθησεται* 36, 1 *ἐδείχθη* 12, 9; 28, 29; 74, 13; 102, 10; 108, 2 *δέδεικται* 12, 21; 58, 19; 62, 17; 118, 15; 128, 3; 162, 3; 172, 11; 184, 17; 230, 16; 292, 14.
- δείξιν* 242, 25.
- δέκα* 200, 27; 212, 13; 304, 1.
- δεκάγωνον* 52, 5; 60, 8; 62, 7. 10.
- δέκατον* 224, 21. 23.
- δέλω* 216, 10.
- δεξιά* 204, 8.
- δέξασθαι* 138, 12; 196, 11; 204, 17.
- δεξαμενής* 188, 16 *δεξαμενής* (ν) 138, 11.
- δεύτερον* 268, 13.
- δή* 10, 26; 12, 10; 24, 22; 26, 6; 30, 30; 34, 3; 40, 17; 42, 5. 7; 44, 1. 5. 10; 56, 24; 62, 26; 70, 15. 20; 74, 23. 76, 11; 84, 3. 22; 92, 21; 94, 17. 19. 20; 96, 12. 16. 18; 98, 1. 5. 15; 102, 5; 104, 3. 4. 11. 25; 106, 6; 108, 4. 7; 110, 4. 11. 26. 29; 112, 25; 114, 21. 27; 116, 12. 28; 118, 9. 16; 120, 15; 122, 14; 126, 18. 23; 128, 21; 132, 7; 136, 21; 138, 6. 13; 146, 1. 6. 8; 148, 6. 28. 31; 150, 19. 22. 23; 152, 18; 154, 21; 156, 22; 158, 2; 160, 7; 162, 16; 164, 9. 14; 168, 1. 8; 170, 27; 174, 14. 17; 180, 6. 20; 184, 13; 216, 9; 220, 9; 222, 11; 224, 18. 22; 226, 2. 4. 17; 230, 20; 232, 20; 234, 3. 25. 26; 240, 3. 5. 13. 18; 242, 10. 13. 16; 252, 3. 9; 256, 4. 7. 21. 23; 274, 25; 276, 14. 15. 17. 23; 278, 3. 18; 280, 15; 284, 4; 286, 5; 292, 13; 300, 4. 9; 304, 28; 306, 3. 15; 310, 4.
- δήλον* 10, 23. 25; 138, 13; 172, 15; 314, 11 *δήλη* 238, 17.
- δηλονότι* 294, 16. 21; 296, 1; 302, 25.
- δηλοῦν* 308, 2; 314, 15 *δηλώσει* 296, 13; 314, 15 *δηλωθήσονται* 296, 19.
- δήποτε* 102, 6.
- διαβήτην* 218, 21; 220, 12. 16. 17; 222, 17. 20; 230, 1. 8; 232, 4; 234, 17; 236, 17. 26.
- διάγειν* 260, 21 *διαγαγεῖν* 146, 4; 150, 19; 152, 8; 160, 21; 162, 7; 164, 4. 18; 166, 17; 170, 5; 280, 9 *διαγαγόντα* 274, 8 *διήχθω* 152, 10; 164, 7. 11; 166, 20; 168, 11; 264, 18 *διήχθωσαν* 156, 20; 248, 13 *διήκται* 160, 27.
- διαγώνιον* 46, 10 *διαγωνίον* 46, 14 *διαγωνίους* 252, 17.
- διαδοχήν* 92, 9.
- διαίρειν* 140, 19; 168, 12 *διαίρουσα* 142, 9; 144, 3; 152, 10; 166, 20 *διαίρουσαν* 144,

22; 146, 5; 152, 9. 27; 156, 20; 160, 20; 164, 4; 166, 17
διακοῦσαι 156, 21 *διελόντων*
 172, 15; 266, 6; 288, 2; 300, 10
διελύν 112, 13; 142, 3. 7. 28; 144, 1; 150, 15; 178, 18. 24; 180, 7. 8; 266, 9. 10; 272, 16. 25 *διελόντι* 50, 28; 120, 9. 20; 154, 7 *διαίρεται* 144, 22; 146, 22; 174, 26; 176, 25 *διαιροῦντα* 158, 18
διαίρεσθαι 160, 15 *διήρηται* 140, 8; 266, 2 *διήρηται* 140, 12 *διηρήσθω* 164, 6. 10; 180, 13; 204, 4; 304, 14 *διηρημένως* 94, 2 *διηρημένον* 6, 18 *διαίρεθῇ* 6, 15; 314, 14 *διαίρεθῆν* 46, 11.
διαίρεσις 140, 4; 174, 22; 176, 1; 204, 6; 272, 18 *διαίρεσιν* 300, 13.
διακείσθωσαν 306, 25 *διακείμενος* 308, 3. 22.
διακοσίον 308, 17. 21.
διαμένει 284, 13 *διαμένονσι* 290, 1. 7. 8 *διαμένειν* 96, 7; 290, 9 *διαμένοντος* 126, 16.
διάμετρος 66, 9; 74, 9. 10; 82, 20; 84, 17, 21; 86, 15; 88, 1. 4. 8. 13. 15. 31; 96, 12. 19; 98, 2. 12; 116, 13. 15; 120, 12; 122, 15; 126, 28; 128, 17. 24. 26; 130, 6. 9. 15; 134, 8; 158, 16. 17; 160, 8. 13; 170, 20; 180, 11; 182, 18; 184, 16; 304, 20. 21; 310, 18 *διαμέτρον* 36, 12; 66, 8; 68, 2; 74, 6. 25; 88, 4; 120, 27; 122, 10; 204, 10; 308, 7. 18; 310, 4. 12
διαμέτρω 88, 13; 122, 3 *διάμετρον* 66, 15. 25. 27; 68, 11; 74, 27; 88, 21; 116, 29; 118, 3. 7. 11; 120, 18; 124, 2; 160, 2. 3; 200, 27; 306, 19; 308, 6. 17; 310, 3. 11. 18

διάμετροι 68, 18; 120, 1; 180, 18 *διαμέτρων* 2, 17; 88, 6; 160, 5 *διαμέτρους* 120, 7.
διαρρεῖν 196, 25.
διανομῶν 2, 9 *διανομᾶς* 2, 4
διαπήγματι 294, 13.
διαρρομβονόμενον 46, 17.
διαστάσεις 94, 2 *διαστάσεων* 4, 11; 90, 23.
διάστημα 214, 20; 218, 21; 222, 20; 224, 3. 5. 6. 8. 17. 27; 232, 3; 234, 17; 236, 17. 26; 241, 1; 256, 12. 13. 15. 21; 230, 1. 7; 258, 12; 260, 1; 288, 3 *διαστήματος* 260, 10 *διαστήματι* 170, 25; 184, 23; 260, 3 *διαστήματα* 94, 3, 190, 6. 21; 232, 4; 242, 22; 292, 18. 22 *διαστήμασιν* 300, 14; 306, 26.
διατεμένεσθω 196, 7.
διατηρῶν 226, 14; 238, 14.
διατοναίω 294, 24.
διατρέχειν 200, 2. 25.
διαφορὰν 20, 2. 4. (5); 188, 13.
διάφορον 18, 29 *διαφόρον* 18, 23; 48, 28 *διαφόροις* 188, 16.
διδάσκει 2, 3.
διδόμενον 164, 15 *διδόμενας* 132, 11 *δέδοται* 110, 23; 120, 13; 132, 22; 278, 9. 10; 310, 14 *δεδόσθω* 126, 28; 164, 3; 176, 6; 180, 11; 270, 5 *δοθῇ* 66, 9. 20. 24; 68, 1. 28; 80, 11; 86, 15 *δοθείς* 40, 22. 23; 100, 2; 110, 17. 18; 118, 15. 28; 120, 8. 16. 17; 124, 4; 128, 13. 14. 19. 20; 150, 21. 24; 154, 25; 160, 3. 6. 8; 166, 3. 23. 24; 168, 2; 170, 18; 172, 16; 178, 20; 180, 6. 17. 18. 19. 25; 182, 2. 3. 5; 184, 13; 248, 11; 252, 16; 254, 4; 278, 6. 12. 13; *δοθείσα* 22, 2; 24, 13; 28, 18. (19). 23. 24;

30, 1. 2. (3). 4. 29; 32, 9;
36, 25; 40, 11. 12. 14. 17.
23. 24. 25. 26; 42, 2. 4; 48,
2; 52, 30; 94, 26; 96, 19;
106, 31; 108, 1. 3. 4. 5. 6. 7.
9. 27; 110, 17. 19. 21. 22;
114, 20. 23; 120, 10. 11. 12.
21; 122, 26. 28. 29. 30; 124,
1; 128, 17; 136, 2. 13; 148,
25. 27; 150, 21; 152, 15. 16;
154, 7; 158, 5; 162, 23; 166,
8. 12. 28. 29; 170, 1. 7; 174,
10. 11; 180, 22. 23. 24. 26.
27. 28; 182, 5. 6; 226, 9;
230, 29; 232, 7. 19; 256, 14;
278, 5. 8. 9. 14. 15. 16. 17;
280, 21; 282, 29 *δοθέν* 10,
18; 22, 1; 24, 21; 28, 25.
29. 30; 36, 23. 26. 27; 38, 1.
6. 9. 11. 12. 13. 17. 22. 26;
40, 26; 44, 6. 12. 13. 15. 17.
19. 20. 21. 23; 46, 12; 48,
23; 52, 4. 5. 6. 8. 30; 54, 1;
56, 11. 12; 58, 8. 18; 60, 3;
62, 6. 7. 24. 25; 64, 28; 94,
13; 96, 18. 20; 98, 11. 29;
100, 1. 15; 102, 1; 106, 31;
108, 4. 9. 10; 110, 25. 28. 29;
114, 18. 22. 24. 26. 27; 118,
15; 120, 2; 122, 27; 124, 4;
128, 20; 130, 20. 21; 132,
23; 136, 7; 142, 5. 28; 146,
1; 148, 4. 15. 16. 17. 19. 23.
25. 28. 29; 150, 21; 152, 16.
17; 154, 3. 8. 10. 12. 16. 17.
18; 158, 6; 160, 6. 7. 24. 25;
162, 1. 21. 22. 23. 25. 164, 8.
17. 18; 166, 3. 4. 11. 12. 13.
18. 19. 24. 25. 26. 29; 168,
10. 13. 16. 17; 170, 1. 7. 9;
174, 11. 12. 15. 16; 180, 19;
182, 7; 214, 18; 228, 2; 232,
4; 234, 24; 242, 27; 248, 1. 11;
254, 6; 256, 15; 260, 5. 18.
19; 268, 21; 270, 10; 272,
16. 17. 19. 25; 274, 17. 20;

278, 3. 13; 280, 10. 11. 20;
284, 3; 306, 22 *δοθέντος*
68, 6; 140, 20; 148, 3; 150,
14; 152, 25; 158, 16; 160,
18. 19. 27; 162, 6; 166, 16;
170, 5; 174, 3; 214, 18; 234,
19; 250, 16; 258, 12; 260, 2.
9. 14; 268, 8; 272, 16; 276,
27 *δοθείσης* 92, 14; 96, 24;
120, 27; 170, 15; 256, 13;
310, 19 *δοθέντι* 142, 4; 146,
6; 152, 9. 28; 145, 18—160,
1. 21; 162, 24; 164, 5. 6. 10;
166, 18. 21; 168, 12; 170, 18;
178, 19; 180, 7; 248, 1; 256,
13; 260, 3; 268, 9 *δοθείση*
170, 11; 226, 7; 236, 19;
250, 15; 260, 3. 22; 306, 22
δοθέντα 38, 1; 140, 18; 142,
28; 162, 1; 164, 8; 166, 1;
172, 13; 188, 17; 214, 21;
218, 23; 222, 21; 232, 6. 11;
252, 27; 266, 9; 272, 17;
274, 16 *δοθείσαν* 30, 28; 36,
20; 40, 12; 170, 6; 184, 11;
278, 1 *δοθέντες* 182, 1
δοθείσαι 180, 18 *δοθέντων*
36, 12; 218, 20; 222, 19;
232, 8; 234, 15; 238, 9; 242,
28 *δοθέντας* 174, 27; 212,
26 *δοθείσων* 10, 19; 18, 13;
20, 7; 26, 2; 34, 20; 36, 6;
46, 13. 16; 150, 17; 232, 16;
280, 16 *δοθείσας* 36, 12 *δο-*
θήσεται 36, 15.
διελθόντα 296, 28.
διεξελοῦμεν 274, 15.
δημαρτημένα 188, 11.
δικαιοσύνη 140, 22.
δύμοιρον 122, 7; 130, 29.
διό 4, 17; 176, 2; 286, 11;
290, 2.
διοίκησιν 2, 8.
διοίσει 92, 16; 162, 5; 212, 26;
242, 21.
διοπτέειν 200, 5; 214, 23 *δι-*

- οπτεύομεν 228, 5; 234, 27;
 258, 14; 288, 7 διοπτεύοντες
 216, 9.
 διόπτρα 188, 21; 210, 4. 9. 11.
 13. 15. 17; 212, 2; 214, 25.
 27; 216, 1. 7; 218, 24; 222,
 22, 28; 226, 17; 228, 4; 234,
 25; 242, 3; 250, 11; 258, 13;
 260, 6; 272, 9 διόπτρας 190,
 22. 24; 200, 18; 210, 5; 214,
 19. 24; 216, 9; 218, 17;
 220, 4. 5; 222, 4. 26; 224,
 18; 228, 7; 238, 8. 9; 240,
 2; 242, 6. 10. 14; 244, 6. 10;
 248, 13; 250, 1; 256, 12. 20;
 260, 1. 11. 15. 21. 24; 264,
 18. 22; 270, 9; 272, 27; 286,
 1. 20. 24; 302, 4 διόπτρα
 188, 15; 242, 2. 12. 13. 16;
 244, 2; 256, 24; 258, 8; 286,
 26 διόπτραν 220, 6; 222,
 1. 26; 224, 17; 226, 1. 13;
 238, 14; 240, 31; 256, 18;
 258, 5.
 διοπτρική 190, 19; 188, 3 δι-
 οπτρική 292, 16 διοπτρικάς
 286, 20; 288, 21.
 διοπτρισμοῦ 216, 10.
 διόρθωσιν 188, 9.
 διορον 304, 22.
 διορύξομεν 240, 20 διορύξει
 238, 3; 240, 27.
 διότι 2, 19.
 διπλασία 88, 5; 278, 20 διπλά-
 σιον 8, 20; 14, 6. 31; 22, 5.
 10; 36, 2; 38, 20; 52, 6;
 56, 27; 66, 30; 72, 18. 20;
 74, 14; 100, 14; 146, 15;
 148, 21. 23; 166, 27; 274, 3;
 280, 25; 282, 2 διπλασίον
 72, 16; 278, 21.
 διπλασίονες 26, 23.
 διπλασιάζαντες 42, 16.
 διπλή 34, 7; 46, 25; 54, 19;
 70, 20; 72, 16.
 δίσ 12, 23; 14, 23; 26, 7; 38,
 5. 7; 42, 16; 44, 12; 88, 7;
 124, 10; 146, 26; 280, 12.
 δίχα 22, 24; 18, 8; 30, 30;
 34, 3; 72, 8; 76, 24; 78, 4;
 104, 13; 112, 23; 170, 8. 12;
 282, 13.
 διχοτομίας 78, 4.
 διωσθῶσιν 130, 27.
 δοκοῦσι 73, 4 δοκεῖν 190, 14
 δρᾶν 140, 14.
 δύναμαι 224, 24 δύναται 82,
 28; 160, 16 δυνάμεθα 224,
 6; 244, 13; 276, 20 δύνανται
 66, 4; 302, 3 δύνασθαι 194,
 28; 296, 26; 308, 11 δυνά-
 μενος 308, 4; 314, 10 δυνά-
 μένη 195, 19; 214, 22 δυνά-
 μενον 200, 25; 204, 16; 272,
 1 δυνάμενω 262, 14 δυνάμε-
 νην 138, 11; 298, 1 δυνάμενα
 200, 2 δυνάμενων 138, 56
 δυνάμενοις 140, 13, 14.
 δύναμις 308, 9; 310, 12. 14.
 27; δυνάμεως 48, 5; 310, 20
 δυνάμει 26, 26. (27); 42, 9.
 10. 19. 21. 22. 23. 26; 54, 17;
 306, 22; 308, 16; 312, 1. 18
 δύναμιν 308, 20; 310, 6. 23
 δυνάμεων 308, 19.
 δυναμοδύναμις 48, 11. 19. 21.
 δυνατός 230, 27 δυνατόν 20, 8;
 60, 13; 130, 4; 138, 19; 160,
 14; 200, 4. 25; 212, 16;
 214, 11; 220, 16; 224, 16.
 27; 226, 5; 228, 19. 22;
 230, 16; 232, 11; 234, 3. 10;
 236, 17. 19. 20. 24. 27; 240,
 5; 262, 10; 264, 19; 266, 3;
 268, 28; 274, 1. 4; 276, 3. 5.
 21. 22. 23. 25; 280, 17; 290,
 25; 298, 2. 28; 300, 18, 20;
 302, 20.
 δύσεργον 144, 15.
 δυσχερῶς 188, 7. 10.
 δυσχερηστίας 288, 25 δυσχερη-
 σία 290, 4.

δωδεκάεδρον 136, 21 δωδεκα-
έδρον 132, 8; 138, 5.

δωδεκαγώνον 46, 21; 64, 31 δω-
δεκάγωνον 64, 1. 26. 28.

δωδεκάκι 138, 4.

E

Ἐάν (κάν) 6, 19; 12, 10; 16,
15; 20, 1; 46, 8; 52, 12;
54, 7; 66, 9. 19. 24; 68, 1.
6. 28; 74, 6. 26; 76, 1. 9.
16; 80, 7. 10; 82, 1; 84, 22;
86, 4. 14; 88, 1; 92, 20;
94, 1; 96, 2. 15; 116, 25;
126, 4; 130, 27; 136, 22;
138, 20; 144, 12. 18; 148, 6;
152, 5; 176, 20; 194, 6. 13;
200, 12; 202, 14. 20; 204, 1.
6; 146, 11. 19; 252, 3. 11.
16; 222, 264, 2; 266, 5; 272,
21; 274, 1; 276, 6; 280, 5;
288, 4; 290, 8; 292, 7; 296,
12. 17; 300, 17; 306, 17;
308, 12; 310, 21. 27. 29;
314, 13.

ἐαρινῆς 302, 28; 304, 13.

ἐαντό 22, 18; 26, 22; 48, 4. 8.
17. 20. 23; 124, 6.

ἐαντῇ 96, 7 ἐαντόν 18, 9; 26,
21; 308, 11 ἐαντά 8, 11;
10, 10. 11; 14, 8. 9. 10. 13.
14; 16, 2. 3. 7; 18, 29; 80, 9.
10; 32, 17. 18; 38, 29; 40, 1.
3. 4; 44, 24. 25. 26. 28; 48,
10. 13. 16. 25; 52, 9; 54, 8;
56, 15; 58, 10; 60, 5; 62, 8.
26; 64, 29; 66, 10; 118, 18.
20; 122, 4. 124, 11; 130, 22;
140, 11; 144, 24; 150, 6; 156,
9; 160, 10; 184, 4. 5 ἐαντοῖς
306, 26 ἐαντούς 190, 17 ἐαν-
τάς 112, 3.

ἐάν 314, 10 ἐάση 202, 15.

ἐγγίζον 52, 13.

ἐγγεγλυμμένην 294, 19.

ἐγγράφαντες 172, 27 ἐγγε-
γράφω 22, 2. (3); 280, 22;
304, 19 ἐγγεγραμμένον 80, 3
ἐγγραφή 54, 8 ἐγγραφέντι
80, 3.

ἐγγιστα 18, 28; 48, 28; 52, 12;
54, 5. 13. 17. 27; 56, 29;
58, 20. 24. 26; 62, 19; 64, 15.
21; 66, 8; 80, 8; 108, 15.
19; 112, 21; 134, 10; 144,
12. 27; 150, 8; 156, 12; 160,
12; 172, 16. 25; 176, 19;
178, 5. 16; 180, 2; 184, 3;
244, 6. 18; 264, 19; 280, 3.

ἐκκείσθω 170, 19; 184, 14;
304, 4 ἐγκείσθωσαν 228, 8
ἐγκείμενος 204, 18.

ἐγκλίνω 222, 5; 256, 24 ἐγκλί-
νομεν 288, 8 ἐνέκλινα 258, 8
ἐγκλίνειν 250, 15. 19 ἐγκλίνας
248, 6 ἐγκλινέσθω 234, 28.

ἐγκλίσιν 252, 24.

ἐγκέκοπται 196, 10.

ἐγκεκροσθώσαν 248, 15.

ἐγκεχαράχθωσαν 204, 7.

ἐγγωννύσθω 250, 12.

ἐγγωσθήσεται 252, 22.

ἐμοῦ 188, 6 με 280, 11. 13. 15
ἡμεῖς 4, 7; 188, 17 ἡμῶν 4,
6; 188, 11. 20; 226, 20;
228, 3. 12; 230, 4. 10. 17.
21; 234, 5. 21; 236, 2; 256,
12; 292, 22. 24 ἡμῖν 188,
18; 286, 19; 302, 10 ἡμᾶς
218, 20. 23; 220, 2; 224, 7.
25; 226, 12; 228, 22; 234, 2;
244, 10; 248, 3; 302, 20.

ἐδαφος 228, 10; 244, 16; 248,
16; 250, 15. 17 ἐδάφους 202,
16; 204, 12; 236, 1. 4 ἐδάφει
238, 7; 244, 12; 246, 21;
248, 14; 252, 26; 254, 10. 19.
24; 256, 8.

ἐδρα 238, 5 ἐδρας 98, 4. 20.
22; 194, 10.

ἐθίσται 288, 19.

ἔθνη 140, 9.

εἰ 10, 20. 21. 24; 12, 2; 66, 9.
20; 88, 3; 90, 7. 13. 20; 92,
16; 138, 10; 140, 18; 146, 3;
166, 4. 10; 168, 13. 15; 176,
9; 212, 13. 16, 19. 20; 218,
7. 12; 220, 13; 224, 4. 8;
230, 2; 236, 23; 240, 9;
254, 1; 256, 29; 266, 14, 15;
268, 1. 3. 12. 13; 274, 5. 7;
276, 1; 296, 11; 298, 9. 15;
302, 8. 10. 19. 20; 304, 2. 3;
306, 14; 308, 6; 312, 1.

εἴπερ 222, 14.

εἶδος 126, 25.

εἰκός 296, 18.

εἰκοσαέθρον 132, 9; 134, 17.
18. 23. 27. 29. 31; 136, 6. 9.
20.

εἰκοσάκι 54, 4; 136, 18.

εἰκότως 174, 26.

εἰσοδοὶ 132, 4.

εἴτα 24, 28; 90, 17; 196, 16.
22; 210, 7. 11. 13. 17; 214,
14; 218, 26; 210, 3; 222, 5;
250, 6; 254, 21. 25; 256, 27;
258, 10; 272, 11; 284, 21;
288, 10. 15.

εἵτε 92, 10.

εἰργον 190, 11.

εἰσιέναι 274, 20.

εἰσελθόντα 274, 17.

ἐκαστος 296, 6 ἐκαστον 6, 19;
300, 21; 314, 16 ἐκάστη 22, 1;
24, 13; 46, 24; 50, 17; 52,
17; 54, 22; 56, 19; 58, 14;
60, 9; 62, 12; 102, 7. 13;
108, 27; 126, 8; 132, 15. 22.
28; 134, 17; 136, 2. 21;
280, 21; 282, 24; 292, 4
ἐκάστης 92, 15; 216, 12
ἐκάστων 276, 8. 23; 298, 4.
23. 27. 28 ἐκάστω 266, 12
ἐκάστην 4, 21. 23. 29; 6, 4;
10, 19; 30, 28; 36, 20; 40,
13; 64, 2; 276, 21; 298, 2.

ἐκατέρα 22, 21; 28, 22. (23);
30, 14; 36, 24; 40, 25; 42, 2;
70, 1; 108, 4. 6. 7; 110, 6.
17; 144, 19; 182, 6; 228, 24;
232, 19; 252, 7; 278, 5; 282,
10; 290, 24; 292, 1 ἐκότερον
68, 14; 228, 20; 239, 15 ἐκα-
τέρον 36, 11 ἐκατέρας 134,
4 ἐκατέρω 182, 21 ἐκατέρω
52, 26; 104, 31; 170, 13;
196, 20 ἐκατέραν 8, 15; 112,
2. 3; 220, 12; 224, 20; 228,
23; 270, 13. 15; 276, 28;
290, 17 ἐκατέραν 200, 22.

ἐκβάλλοντα 270, 3 ἐκβάλλωμεν
94, 4 ἐκβαλεῖν 170, 13 ἐκ-
βαλλόμενον 226, 20; 228, 11;
230, 14. 17. 21; 232, 2; 234,
5. 13. 21. 23 ἐκβαλ(λ)ομένη
110, 5 ἐκβαλλομένον 232, 12
ἐκβαλλόμεναι 110, 3 ἐκβαλ-
λομένας 244, 8; 250, 6 ἐκ-
βεβλήσθω 20, 21; 22, 10. (11);
28, 9; 50, 4; 58, 17; 62, 15;
82, 5; 104, 15; 120, 4; 180,
3; 256, 1; 270, 7; 276, 10.
15; 282, 2 ἐκβεβλήσθωσαν
152, 28; 274, 21; 278, 3 ἐκ-
βεβλημένος 236, 14 ἐκβεβλη-
μένη 240, 4. 10. 12 ἐκβεβλη-
μέναι 216, 18; 228, 17 ἐκ-
βληθείσης 160, 18 ἐκβληθεῖ-
σαν 44, 10.

ἐκδεδεμένα 308, 12 ἐκδεθεῖσα
202, 7

ἐκδεδομένη 302, 10.

ἐκεῖ 216, 22.

ἐκεῖνο 214, 17.

ἐκθλίβεσθαι 284, 15.

ἐκκεκνωμένον 138, 17.

ἐκκυλίσεως 292, 21.

ἐκλειψις 203, 23; 302, 18. 21;

304, 16 ἐκλειψεως 304, 17

ἐκλείψεων 190, 7.

ἐκλογισάμενον 212, 27.

ἐκμετρεῖν 292, 20 ἐκμετροῦντα

298, 2 ἐκμετρήσωμεν 138, 23
 ἐκμετρήσαι 302, 19.
 ἐκνεύσωμεν 214, 8. 17.
 ἐκπετάσαντες 86, 4.
 ἐκπίπτειν 200, 26; 214, 11 ἐκ-
 πίπτον 236, 3.
 ἐκτείναντα 90, 17 ἐκτενοῦμεν
 272, 7 ἐκτείνεσθαι 262, 13;
 272, 1 ἐκτεταμένων 254, 14
 ἐκτεταμένην 84, 24; 86, 6.
 ἐκθρόσμεθα 6, 6; 66, 5; 160,
 17; 204, 25; 268, 20 ἐξέθεντο
 292, 22 ἐκθήμενον 126, 9
 ἐκθήμενον 190, 22 ἐκτεθει-
 μένα 188, 10.
 ἐκτός 10, 18; 190, 20; 246, 16;
 262, 15; 264, 2; 274, 23;
 300, 4. 16; 312, 6.
 ἔκτον 64, 6 ἔκτον 54, 1, 58, 11;
 130, 17. 24.
 ἐλάσσω 70, 25; 72, 6. 15. 16;
 82, 26; 212, 16 ἐλάσσω 10,
 24. 26; 72, 10. 18. 20. 22. 23.
 25. 26. 28; 76, 2. 9. 26; 78,
 2. 25. 26. 27. 29; 80, 22;
 82, 17; 124, 16; 190, 31;
 196, 12; 224, 8 ἐλάσσονι
 20, 1 ἐλάσσονος 68, 21; 178,
 12 ἐλάσσονα 20, 4; 44, 8;
 66, 16; 68, 15; 72, 2; 78, 6.
 14; 190, 16 ἐλασσόνων 76, 6;
 312, 21.
 ἐλαχιστον 220, 19; 222, 12. 17
 ἐλαχίστον 18, 23 ἐλαχίστους
 66, 18.
 ἔλικος 194, 13 ἔλικι 293, 16
 ἔλικα 194, 4. 18; 294, 19. 26;
 312, 4 ἔλικες 200, 11.
 ἔλκειν 308, 12 ἔλκουνσαν 310, 23.
 ἔλλειπει 178, 7 ἔλλειπειν 140, 20
 ἔλλειποντα 178, 6 ἔλλιπές
 138, 16.
 ἔλλειψις 94, 11 ἔλλειψως 84, 2;
 94, 12. 13. 16; 296, 12 ἔλ-
 λειψει 82, 29 ἔλλειψιν 82, 25;
 94, 18; 246, 12.

ἐμβαδός 4, 21. 22 ἐμβαδοῦ 106,
 24; 148, 20. 22 ἐμβαδῶ 74,
 22; 84, 6. 148, 18; 282, 5
 ἐμβαδόν 6, 13. (14). 23; 8, 1.
 10; 10, 7. 8; 12, 15; 14, 17.
 21; 16, 19; 18, 13. 21; 20, 7.
 10; 22, 2. 18; 24, 1. 21. 29;
 26, 2. 3. 25. 26. 28; 28, 2. (3).
 7; 30, 8. 18; 32, 20. 22. 27;
 34, 12. 23. 27; 36, 3. 9. 23;
 40, 8. 10; 42, 8; 44, 4. 5;
 46, 4. 6. 10. 12. 13. 15. 17;
 48, 22. 29; 50, 18; 52, 11.
 14. 20; 54, 6. 22; 56, 17. 20;
 58, 12. 15; 60, 7. 10; 62, 10.
 13. 28; 64, 3. 31; 66, 12;
 68, 5. 8. 19. 20. 22; 70, 4;
 74, 3. 7. 16. 30; 80, 8. 13.
 16; 82, 18. 21. 22. 24; 84, 2.
 18. 19. 31; 86, 26; 88, 8;
 90, 1. 19; 94, 29; 100, 2;
 102, 4. 7; 106, 17. 28; 128,
 27; 132, 24; 136, 17; 138, 2;
 142, 24; 146, 24; 148, 16.
 17. 18. 19. 20; 154, 23; 156,
 5. 7; 182, 12; 262, 15; 268,
 1. 4. 12; 276, 6. 9. 24. 25;
 280, 17. 19. 20. 22; 282, 8;
 284, 4. 10.
 ἐμβαλλέτω 110, 12 ἐμβαλεῖν 138,
 13; 290, 4 ἐμβληθέντος 138,
 15. 19; 196, 24.
 ἐμβαῖνον 200, 16.
 ἐμβολέα 126, 23.
 ἐμπήγνυται 204, 14.
 ἐμπιπτότων 302, 7.
 ἐμπλακῆναι 194, 17.
 ἐμπέση 214, 16; 266, 6.
 ἐμποδιζεσθαι 300, 18.
 ἐμποδισθὲν 274, 19.
 ἐμποδὼν 190, 11; 214, 5; 300, 22.
 ἐμποδισθεν 232, 14; 242, 6. 10.
 14; 256, 18.
 ἐμφανίσει 190, 2.
 ἐνεχθήσεται 310, 28.
 ἐναγώνον 58, 18; 60, 7.

ἐναλλάξ 24, 3; 282, 17.
 ἐναρμόζειν 310, 1 ἐναρμόσει
 284, 22 ἐναρμόζεται 196, 5.
 20; 200, 1 ἐναρμολογήσθαι 194,
 28 ἐνηρμόσθω 54, 10; 172, 17.
 ἐνδεής 92, 11.
 ἐνδεκάγωνον 62, 11. 17. 22. 23.
 25. 28.
 ἐνόντα 201, 17 ἐνόντας 312, 5.
 ἐνέργειαν 188, 15.
 ἐνεργεῖν 188, 21 ἐνεργεῖσθαι
 188, 19.
 ἐνιοι 138, 8 ἐνια 140, 10.
 ἐννέγωνον 58, 13; 60, 1. 4.
 ἐνναπλάσιον 58, 21.
 ἐννοοῖμεθα 222, 15.
 ἐντετάχθω 304, 16.
 ἐντιθεῖς 288, 10.
 ἐντίμνονται 200, 11.
 ἐντός 10, 17; 126, 6; 300, 11. 15.
 ἐντυγχάνουσιν 188, 12.
 ἐξάγωνον 52, 15; 54, 2; 98, 24
 ἐξάγωνος 98, 17 ἐξαγόνου
 54. 1. 6. 11; 100, 2.
 ἐξάκις 286, 5.
 ἐξαμήνων 302, 22.
 ἐξανέσθαι 298, 1 ἐξανυθίσαν
 298, 25.
 ἐξαπλεύρου 32, 3.
 ἐξάψωμεν 310, 22.
 ἐξήρκει 2, 9.
 ἔξεστι 26, 27 ἔξεῖναι 274, 19
 ἔξέσται 188, 12; 292, 23.
 ἐξῆς 6, 3; 16, 12; 40, 11; 46,
 20; 66, 5; 76, 17; 90, 10;
 166, 9. 15; 174, 23; 176, 20;
 190, 23; 210, 8; 219, 11; 268,
 10; 274, 14; 276, 5; 294, 6;
 298, 3. 9.
 ἐξητάσθω 306, 9.
 ἐξόν 6, 6.
 ἔξω 200, 23.
 ἐπάνω 8, 1; 34, 5; 36, 1; 154,
 24; 222, 15; 224, 3; 230, 16;
 254, 10. 19. 23; 256, 7.
 ἐπαγγελίας 286, 21.

ἐπεὶ 4, 13; 6, 10; 8, 4. 23;
 12, 26; 16, 17; 18, 6. 22. 24;
 22, 20; 24, 20; 26, 1; 28, 10.
 22. 26; 30, 1. 27; 32, 5;
 34, 11; 36, 24; 40, 18. 19.
 25; 42, 10; 46, 25; 48, 22.
 27; 50, 25; 66, 17; 68, 18;
 70, 12. 28; 72, 22; 74, 16;
 76, 9; 78, 23. 25. 82, 5. 19.
 26; 84, 27; 88, 22; 96, 21;
 98, 6. 25; 102, 9; 104, 15.
 19. 28. 31; 106, 3. 7; 108, 1.
 7; 110, 2. 8. 22; 114, 19. 23;
 118, 18; 122, 26; 128, 9. 14;
 130, 4; 132, 22; 134, 9. 11.
 18. 27; 136, 1; 144, 23; 146,
 9. 12. 20. 22; 148, 10; 150, 5;
 152, 19; 154, 1. 4; 160, 1.
 21; 162, 21; 166, 21; 176,
 24; 180, 22; 182, 6; 212, 9;
 216, 21. 22. 23. 24. 25. 26.
 28; 230, 6; 236, 18. 20;
 260, 20; 278, 8. 20. 26; 282,
 10; 286, 19; 288, 20; 292, 5;
 298, 4; 300, 23; 302, 5 cf.
 ἐπείπερ.
 ἐπειδή 2, 9; 46, 21.
 ἐπειδήπερ 4, 10; 10, 4; 24, 19;
 68, 25. 27; 96, 9. 26; 144,
 15; 118, 4; 230, 29; 234,
 9; 276, 4. 21; 304, 15, 24;
 310, 6.
 ἐπειλούμενα 312, 6.
 ἐπειληθῇ 308, 14.
 ἐπείπερ 88, 5.
 ἔπειτα 262, 12.
 ἐπετέτεινα 254, 22.
 ἐπιβεβληκότων 2, 12. (13).
 ἐπίγνωμεν 214, 4 ἐπιγνώσκει
 220, 12; 230, 16; 286, 7;
 298, 24 ἐπιγνώσομαι 288, 17
 ἐπιγνωσόμενα 284, 25.
 ἐπιγραφομένω 128, 4; 302, 16
 ἐπιγράφωμεν 216, 12; 298, 20.
 23 ἐπύγραφα 256, 27; 258, 3.
 ἐπιγραφή 258, 9 ἐπιγραφὴν

300, 15 *ἐπιγραφάς* 214, 1; 258, 4. 6. 7. 14.
ἐπιδέχεται 204, 6.
ἐπεξεργνόμεν 240, 8 *ἐπιξεργνύουσα* 224, 23 *ἐπιξεργνυούσης* 232, 9 *ἐπιξεργνύουσιν* 230, 28 *ἐπιξεργνύσας* 90, 10 *ἐπίξευξον* 144, 29; 148, 1 *ἐπιξεύωμεν* 142, 23; 146, 18; 252, 12 *ἐπιξεύξαι* 162, 26; 170, 12; 214, 19 *ἐπιξεύξαντα* 170, 13 *ἐπιξεύξαντες* 144, 21; 272, 8 *ἐπιξεργνυμένη* 226, 10; 232, 6 *ἐπιξεργνυμένην* 214, 12; 252, 4 *ἐπιξεργνύμεναι* 256, 11 *ἐπιξεργνυμένας* 244, 7; 250, 5; 262, 8 *ἐπιξεργμέναι* 134, 20 *ἐπιξεργμένας* 136, 23 *ἐπιξευχθῆ* 152, 5 *ἐπεξεύχθω* 22, 20; 26, 23; 44, 4; 50, 5; 58, 16. 17; 62, 14. 15; 104, 12. 14. 15; 134, 27; 148, 10; 164, 12. 13; 168, 8. 14; 170, 8; 174, 7. 14; 184, 21; 256, 1; 274, 25; 276, 17; 280, 14; 282, 9; 290, 22 *ἐπεξεύχθωσαν* 22, 4; 50, 19; 52, 23; 54, 14; 56, 21; 60, 13; 64, 4; 70, 26; 72, 9. 13; 76, 21. 24; 78, 5. 10; 84, 5; 98, 23; 110, 12; 112, 25; 116, 21; 132, 17; 152, 4; 156, 22; 162, 11; 170, 23; 172, 19. 21; 252, 8; 280, 23; 296, 27 *ἐπιξευχθεῖσα* 156, 16; 158, 14; 164, 1; 232, 25; 240, 10 *ἐπιξευχθείσης* 152, 23 *ἐπιξευχθείση* 162, 10 *ἐπιξευχθεῖσαι* 144, 19 *ἐπιξευχθεισών* 174, 4 *ἐπιξευχθείσας* 274, 1; 276, 7.
ἐπικατήμενον 194, 1.
ἐπικείμενον 194, 24 *ἐπικειμένους* 216, 20.
ἐπιθεωρήσομεν 300, 16.

ἐπεκτείνω 254, 17. 18 *ἐπεκτείνεσθαι* 254, 15.
ἐπιλαμβάνομενος 312, 9.
ἐπιλογιζόμενοι 16, 11; 274, 15 *ἐπιλογιζόμεθα* 12, 10 *ἐπιλογίσασθα* 240, 6 *ἐπιλογίσασθαι* 298, 22.
ἐπιμήκει 196, 17.
ἐπινοήσομεν 310, 21 *ἐπινοήσωμεν* 94, 2 *ἐπινοήση* 188, 20 *ἐπινοήσαι* 2, 19 *ἐπινοησέναι* 138, 9 *ἐπινοείσθω* 94, 12 *ἐπινοείται* 4, 11 *ἐπινοηθέντα* 2, 9. (10).
ἐπινοίας 2, 14; 92, 8.
ἐπίπεδος 90, 7. 13 *ἐπιπέδον* 110, 1. 20; 232, 12; 256, 17; 288, 9 *ἐπιπέδω* 94, 13. 25. 31.—96, 1. 8; 110, 9; 126, 10; 128, 1; 170, 16; 176, 7. 22; 178, 18; 180, 9; 184, 11. 14; 212, 15; 214, 24; 244, 2; 246, 7. 22. 23. 24; 248, 1. 9. 17; 250, 23; 256, 22; 290, 14. 16 *ἐπίπεδον* 84, 25; 86, 6; 90, 18; 94, 16; 96, 26; 98, 4. 12. 20; 100, 11; 102, 9; 110, 2. 12. 20; 112, 12; 120, 4; 126, 12. 14. 17; 180, 3; 226, 20; 228, 3. 11; 230, 9. 10. 14. 18. 22; 232, 2. 16; 234, 6. 13. 21. 23; 236, 3. 8. 12; 248, 1. 5; 252, 9. 15. 23; 292, 3. 5. 9 *ἐπίπεδα* 94, 3. 108, 26; 214, 22; 290, 11. 21; 292, 12 *ἐπιπέδων* 4, 8; 66, 3; 100, 14; 108, 23; 112, 19; 174, 22 *ἐπιπέδοις* 4, 9; 94, 4 *ἐπιπέδους* 92, 6.
ἐπιπωμαίεται 196, 16.
ἐπιπώματι 300, 26.
ἐπισκενῆν 254, 4.
ἐπισκέψασθαι 10, 16. 20; 212, 27; 228, 20; 284, 11; 288, 4; 298, 26 *ἐπισκεπόμεν* 298, 27 *ἐπισκεψόμεθα* 212, 23.

ἐπισκέψεως 2, 11.
 ἐπισπάζεται 312, 1 ἐπισπάζεται
 202, 16.
 ἐπιστάμεθα 228, 26 ἐπίστασθαι
 268, 8; 292, 21; 302, 7.
 ἐπιστημῶν 142, 2.
 ἐπιστρέφω 288, 14 ἐπιστρέφον-
 σιν 298, 14 ἐπιστρέφω 312, 10
 ἐπιστρέφει 312, 10 ἐπιστρέ-
 φωμεν 194, 7. 17 ἐπέστρεψα
 222, 2 ἐπιστρέψας 222, 5
 ἐπιστρέψωμεν 194, 7. 13 ἐπι-
 στρέψω 288, 11 ἐπιστρέψῃ
 200, 14 ἐπιστρέφεται 298, 9
 ἐπιστραφίσσεται 312, 12 ἐπε-
 στράφθω 218, 25; 222, 23
 ἐπιστραφείς 226, 15.
 ἐπιταχθέντα 184, 13 ἐπιτε-
 τάχθω 152, 8; 178, 24; 180, 8.
 ἐπιτείνεται 284, 14.
 ἐπιτελέσαντες 188, 16.
 ἐπιτευξόμεθα 242, 24.
 ἐπιτύχῃσι 290, 8.
 ἐπίτριτος 70, 26; 72, 6. 15 ἐπί-
 τριτον 48, 1; 76, 18. 23; 80, 5.
 6. 19. 25. 27, 28; 84, 15.
 ἐπιφάνεια 2, 19; 4, 10; 86, 1;
 88, 10. 11. 17. 18. 28; 90, 3.
 7. 14; 172, 1. 4; 236, 1 ἐπι-
 φανείας 4, 9; 6, 3; 90, 6.
 20. 23; 92, 5; 126, 7. 20;
 170, 24. 28; 184, 22; 300, 1.
 16 ἐπιφανεῖα 88, 12; 120, 5;
 170, 26; 184, 24; 196, 9 ἐπι-
 φάνειαν 84, 20. 23; 86, 3;
 28; 88, 14. 19; 96, 16; 126,
 17; 170, 15; 248, 10 ἐπιφά-
 νειαι 4, 24; 90, 20; 182, 9
 ἐπιφανειῶν 4, 12; 66, 4; 90, 4.
 20; 92, 3; 126, 22.
 ἐπιφέρεισθαι 284, 17.
 ἐπιχειροῦντες 190, 15.
 ἐπιχθεῖσα corruptum 254, 28.
 ἐπιχορηγῇ 286, 11 ἐπιχορη-
 γούμενον 286, 15.
 ἐποίηια 140, 16.

ἐπιτάγωνον 54, 7. 21; 56, 8. 10.
 13; 56, 17 ἐπιτάγωνον 54, 9.
 14.
 ἐπτάκι 54, 5 ἐπτάκις 66, 26.
 ἐργαζόμενοι 240, 26 ἐργαζομέ-
 νους 214, 2.
 ἐλθεῖν 254, 7 ἐλθῶν 256, 16.
 ἐσχάτον 78, 2 ἐσχάτα 78, 20.
 ἐτερομήκεις 6, 8 ἐτερομήκους
 6, 14.
 ἕτερος 288, 5. 6. 15; 210, 4;
 308, 21; 312, 6 ἕτερα 242,
 18; 244, 6. 14 ἕτερον 52, 12;
 94, 21; 113, 1; 172, 28; 202,
 5. 11; 218, 27; 220, 8; 240,
 7; 254, 21. 26; 258, 2; 264,
 13; 294, 12. 23; 300, 20;
 310, 9. 10. 15. 28; 314, 4
 ἑτέρου 52, 13; 106, 12; 230,
 13; 232, 1. 2. 23; 234, 12.
 22; 260, 1; 294, 26 ἑτέρω
 246, 22 ἑτέρω 74, 23; 300,
 16; 312, 18 ἑτέραν 172, 27;
 188, 19; 220, 4; 224, 19;
 260, 22. 26 ἑτεροι 90, 20
 ἕτεροι 196, 13; 228, 8 ἑτέ-
 ρους 256, 28 ἑτέρας 214, 4;
 216, 8.
 ἔτι 2, 10; 4, 17; 18, 18; 24,
 26. 27; 28, 7; 36, 20. 26;
 92, 6; 106, 13; 108, 28; 132,
 8; 180, 13. 29; 182, 23;
 216, 11; 222, 20; 232, 3;
 234, 22; 238, 9. 11; 264, 13;
 276, 28; 290, 8; 302, 14.
 εἶ 254, 14.
 εὐθετοῦσι 66, 18 εὐθετοῦσιν
 214, 4 εὐθετοῖ (?) 132, 5.
 εὐθύγραμμον 4, 12 (13). 13. 27;
 92, 14 εὐθύγραμμον 68, 6;
 166, 15 εὐθύγραμμων 46, 20;
 92, 3; 112, 18.
 εὐθεία 4, 14. 15; 94, 13; 96, 2;
 100, 8; 106, 12; 110, 10;
 114, 1. 3; 126, 10. 13; 142,
 10; 144, 3; 160, 27; 210, 5.

10. 12. 13. 15. 17; 212, 2;
214, 24; 222, 24; 226, 13;
254, 10; 256, 14; 260, 7. 11;
264, 18; 270, 9 *εὐθείας* 80,
11. 18; 84, 14; 90, 10; 94,
15; 96, 5. 6; 120, 3; 136, 23;
200, 28; 216, 8; 218, 19;
220, 2. 8; 226, 2. 14; 228,
13. 14; 232, 9; 236, 3. 5;
238, 3. 14; 240, 21. 23. 29;
242, 26; 256, 13; 258, 11;
260, 2; 262, 10; 264, 10;
266, 1; 270, 3; 272, 24;
276, 14; 302, 12 *εὐθεία* 142,
29; 150, 16; 226, 3. 7. 8;
260, 9. 22; 264, 5 *εὐθείαν*
4, 15. 17; 106, 10; 166, 17;
214, 12. 19; 230, 29; 238, 6;
240, 8; 244, 12; 256, 22
εὐθείαι 148, 2. 13; 272,
22; 290, 14, 22 *εὐθείων*
58, 19; 62, 18; 174, 4; 216,
11; 248, 17; 250, 10; 252,
23; 260, 28; 264, 15; 266,
11; 268, 22; 272, 20; 274,
21 *εὐθείας* 172, 14; 262,
3; 272, 15.
ἐραπτομένας 130, 28.
ἔχω 174, 26. 27. 28; 176, 13.
16; 178, 28; 180, 16; 220,
15; 224, 25; 228, 23; 230, 8;
276, 4 *ἔχει* 8, 22; 18, 25;
48, 3. 6. 14. 20. 27; 50, 28.
29; 52, 4; 54, 9. 20; 56, 29;
58, 5. 7. 24. 25. 27; 60, 1;
62, 6. 24; 66, 15. 16; 72, 3;
112, 9; 116, 28; 118, 1. 8.
11. 14; 122, 19; 128, 5. 6;
132, 10; 134, 20; 136, 26;
142, 26. 27; 144, 6; 146, 6.
13; 150, 24; 154, 25; 160, 9;
162, 20; 184, 26; 218, 5;
230, 2; 234, 18; 274, 27. 28;
306, 13 *ἔχομεν* 238, 1; 266,
14; 270, 13; 308, 20 *ἔχουσιν*
18, 6. (7). 22; 36, 11; 172, 9;
212, 22. 24 *ἔχῃ* 4, 22. 23; 94, 21;
100, 5; 296, 4. 12. 17. 20
ἔχτω 220, 11; 286, 3; 294,
19. 25; 310, 19 *ἔχειν* 4, 5;
8, 13; 46, 11; 136, 15; 170,
17; 184, 12; 248, 10; 284,
24; 294, 7; 310, 6 *ἔχων* 4,
28; 86, 7; 88, 21; 96, 17;
98, 6; 122, 1; 190, 26; 196, 6;
204, 15; 258, 14; 294, 13;
308, 22; 312, 3; 314, 6 *ἔχου-*
σα 94, 13; 112, 8; 176, 4;
190, 30; 194, 23; 200, 27;
218, 25; 310, 13 *ἔχον* 6, 21;
8, 14; 10, 19; 12, 13; 14, 18;
26, 4; 28, 5; 30, 14. 28; 32,
24; 34, 25; 40, 12; 44, 1;
50, 2; 64, 2; 80, 15; 94, 8.
18; 98, 16; 102, 12. 108, 24;
142, 5. 30; 146, 1; 194, 4;
196, 21; 200, 23; 220, 9;
254, 20. 25; 256, 3; 294, 1.
15. 17. 22; 308, 6; 310, 3. 11
ἔχοντος 2, 15; 76, 19; 86, 20;
84, 16; 96, 22. 28; 102, 11;
106, 9; 130, 18; 276, 27
ἔχοντι 200, 11 *ἔχοντα* 122,
19; 142, 4. 8; 170, 29; 194,
12; 196, 12; 200, 4. 6. 8. 15;
258, 6; 260, 4 *ἔχοντες* 112,
13; 130, 28; 262, 17 *ἔχου-*
σαν 102, 5; 104, 4; 134, 22;
204, 17 *ἔχουσαι* 136, 25; 254,
8 *ἐχόντων* 216, 17; 302, 1
ἐχουσῶν 214, 13 *ἔχοντας*
214, 1 *ἐχούσας* 126, 4; 170,
29 *εἶχε* 36, 17; 298, 11 *ἔξω*
230, 1. 8. 11; 248, 8; 258, 4
ἔξει 130, 8; 178, 27; 200, 15;
202, 24; 204, 8; 252, 24;
272, 8; 300, 14; 314, 13
ἔξομεν 42, 18; 66, 26; 112,
14; 138, 4. 5; 144, 22; 218,
18; 238, 2; 240, 19; 262, 14;
264, 3; 270, 14; 272, 10. 12;
306, 20.

εὐλογον 138, 7; 288, 22.
 εὐλύτως 190, 29; 200, 25; 308, 4; 310, 24; 312, 5.
 εὐμετάφορον 138, 10.
 εὐπρεπείας 194, 3.
 εὐπρεπεστέραν 196, 18.
 εὐρίσκειν 300, 1 εὐρωμεν 276, 8
 εὔρειν 6, 9. 23; 8, 17; 12, 15;
 14, 20; 18, 14; 20, 7. 9; 22, 2;
 26, 2. 4. 28; 28, 3. 7; 30, 17;
 32, 26; 34, 27; 44, 4; 46, 13;
 50, 18. 25; 52, 19; 54, 22;
 56, 20; 58, 15; 60, 10; 62, 13;
 64, 3; 66, 21. 25; 68, 13;
 80, 14; 88, 2; 100, 11; 120, 28;
 222, 19; 226, 11. 19;
 228, 22; 230, 12. 28; 232, 8.
 13. 17; 234, 4. 9; 252, 25;
 280, 16. 18. 21; 286, 8 εὐ-
 ρόντα 112, 2 εὐρήσομεν 20, 4;
 52, 14; 142, 25 εὐρίσκεται
 302, 5. 19 εὐρεθήσεται 296, 6
 εὐρεθείη 268, 1. 3 εὐρεθῆναι
 220, 17 εὐρήσθω 34, 26;
 36, 6; 226, 11; 232, 17;
 240, 9; 248, 3. 5; 260, 6;
 306, 10 εὐρεθέντος 218, 6
 εὐρεθέντα 20, 3 εὐρεθείσης
 158, 12 εὐρεται 226, 6; 296,
 22 εὐρημένη 216, 13; 220, 13;
 230, 3; 236, 23; 302, 23
 εὐρημένης 240, 23 εὐρεθή-
 σεται 28, 31; 112, 11.
 εὐχέρειαν 188, 8.
 εὐχορηστίας 172, 15.
 εὐχορηστος 190, 4; 266, 18 εὐ-
 χορηστον 4, 6; 132, 1; 140, 7;
 286, 21; 302, 5.
 εὐχερεστέρα 118, 26.
 ἐφαπτομένης 130, 28.
 ἐφαρμογή 140, 21.
 ἐφαρμόζω 254, 19. 24 ἐφαρμό-
 ζει 4, 15. 19 ἐφαρμόσασα
 204, 22 ἐφαρμόσαντες 246,
 24.
 ἐφάδρα 98, 20 ἐφάδρας 98, 3.

19; 112, 12; ἐφάδρα 112, 10;
 116, 26 ἐφάδραν 112, 13.
 ἐπισταθῆ 96, 3 ἐφεστ(άτ)ωσαν
 236, 4 ἐφεστάτω 194, 25.
 ἐφοδιῶ 80, 17; 84, 12; 130, 7.
 ἐφοδος 76, 8. 15 ἐφόδω 74, 24;
 76, 5. 17.
 ἔως 78, 2; 216, 7; 234, 28;
 242, 16; 244, 12; 298, 7.

Z

ζητουμένω 112, 6 ζητουμένη
 230, 26 ζητουμένης 218, 19.
 ζευχνοούσης 218, 10. 16.
 ζυγοῦ 310, 26.

H

ἡγοῦμαι 188, 9 ἡγοῦμεθα 288,
 22 ἡγησάμεθα 4, 5. (6).
 ἡγεμόσι 140, 12.
 ἡδη 140, 7.
 ἡλιακοῦ 286, 13.
 ἡλίκη 214, 26. 29; 220, 14;
 228, 24. 25. 26; 230, 6. 8. 11.
 29; 238, 1; 240, 6; 260, 7;
 302, 6 ἡλίκων 214, 20 ἡλίχη
 214, 24.
 ἡλίκα 242, 23.
 ἡλιος 302, 27; 304, 12. 17
 ἡλίου 190, 8.
 ἡμῖν 310, 14 ἡμᾶς 190, 11.
 ἡμέρα 286, 15; 298, 1 ἡμέραν
 298, 2 ἡμέρας 296, 3; 302,
 28; 304, 13.
 ἡμερησίου 302, 26; 304, 19
 ἡμερησιον 304, 21 ἡμερησίον
 304, 23.
 ἡμικυκλίον 72, 28; 74, 6. 8. 9.
 12. 16. 28. 30; 76, 6; 82, 1.
 17 ἡμικύκλιον 218, 24. 27;
 225, 5 ἡμικυκλίον 202, 3.
 ἡμιδακτυλ(ί)ον 200, 7.
 ἡμιόλιος 122, 3 ἡμιόλιον 132, 19.
 ἡμίσεια 22, 12; 24, 14. 16. 17.

18; 50, 13; 106, 2. 5. 6;
108, 3; 114, 20; 282, 25. 26;
284, 2. 3 *ἡμίσειαν* 168, 7
ἡμισείας 74, 23; 76, 3. 13;
166, 6.

ἡμισυς 86, 23 *ἡμισυ* 8, 2; 10,
9. 13; 14, 12. 17; 16, 5. 10;
18, 16. 27; 24, 24; 26, 21. 25;
30, 6; 32, 17. 21; 34, 22;
36, 7; 38, 28; 40, 3. 7; 44,
21. 28; 46, 3; 62, 9; 68, 2. 3;
74, 2. 15. 19. 29; 76, 2;
84, 9; 102, 3; 108, 12. 13;
116, 3. 5. 6; 118, 17. 19;
124, 6. 9. 18; 128, 5. 16. 28.
29; 134, 6; 182, 14; 262, 22.
23. 24; 284, 7 *ἡμίσιον* 56,
23. 25 *ἡμίσει* 282, 4 *ἡμίσεων*
26, 24.

ἡμισφαίριον 304, 1. 5 *ἡμισφαί-
ριον* 124, 18; 304, 10.
ἡρεμῆν 290, 7 *ἡρεμοῦσιν* 290, 1.
ἦτοι 4, 29; 10, 17. 21; 12, 2;
36, 14; 68, 6; 96, 3; 112, 21;
190, 11; 196, 10; 212, 21;
240, 24; 272, 9; 274, 18. 23.
ἦττον 140, 11.

Θ

Θειώδεις 214, 7.

θέλομεν 212, 11.

θέσις 226, 6. 11; 234, 1; 248,
3. 4 *θέσεως* 222, 27; 234, 18;
240, 1 *θέσει* 94, 17; 148, 29;
150, 22; 152, 17; 154, 20;
158, 6; 162, 21. 22. 23. 25;
164, 9; 166, 14. 29; 168, 15;
170, 3. 4. 8. 10; 174, 13. 16;
270, 9; 278, 15. 17 *θέσιν*
96, 10; 222, 21; 224, 26;
226, 16; 232, 8. 13. 16; 244,
14; 272, 8; 294, 7 *θέσεις*
160, 26.

θεωρεῖται 140, 7 *τεθεωρήσθω*
228, 16; 236, 5; 250, 7.

θεωρήματα 2, 10.

θεωρίαν 190, 5.

θῆλυσ 200, 23.

θόλος 126, 5.

I

ιδία 194, 15 *ιδίω* 202, 23.

ιδιώματος 190, 13.

ἴνα 6, 4; 68, 15; 144, 14; 244,
17; 254, 28; 298, 25; 302, 2;
308, 7. 15.

ἰσημερίας 302, 28; 304, 12.

ἰσημερινός 304, 7.

ἰσογώνιον 50, 16; 52, 15; 56,
18; 58, 13; 60, 8; 62, 11;
64, 1; 98, 25; 102, 12 *ἰσο-
γώνια* 66, 2 *ἰσογωνίων* 46, 20.

ἰσομήκης 200, 24.

ἰσοπαχῇ 174, 24.

ἰσοπλευρον 4, 28; 46, 23; 50,
16; 52, 15. 28; 54, 7. 14. 21;
56, 18; 58, 13; 60, 8; 62, 11;
64, 1; 98, 25; 102, 7. 12;
172, 17; 250, 18 *ἰσόπλευρα*
66, 1—2 *ἰσοπλεύρον* 132, 25;
136, 18; 172, 27 *ἰσοπλευρῶ*
250, 17 *ἰσοπλευρών* 46, 20;
134, 19.

ἰσορροπήσει 310, 26.

ἴσος 18, 7. 9; 98, 9 *ἴση* 16, 1;
22, 11. 28; 24, 1. 19. 20;
28, 10. 17; 30, 3. 24; 32, 5.
8. 12; 40, 19. 21; 42, 3;
56, 5. 6. 11; 52, 25; 54, 11.
13; 56, 24. 27. 29; 60, 27;
62, 1; 64, 7; 68, 27. 28;
72, 14; 88, 11. 13. 28. 29;
104, 11. 20. 28. 30. 31; 106, 3;
112, 22; 114, 12; 140, 22;
152, 15. 21; 170, 7; 172, 2.
3. 4; 180, 27; 184, 16; 230, 9;
244, 10. 12; 250, 28; 252,
1. 7. 13; 252, 14; 254, 13;
256, 4; 276, 11; 282, 3. 14;
290, 24; 292, 1 *ἴσον* 2, 16;
10, 4. 22; 12, 4; 22, 15. 18;

24, 12; 28, 26. 29; 32, 1. 3.
 13; 34, 6; 42, 1; 68, 7. 26;
 70, 11. 14. 16. 18. 20. 21;
 76, 20. 27. 28; 78, 22. 24;
 80, 1. 15. 20. 21; 82, 6. 28;
 84, 8. 17; 88, 14; 96, 22. 28;
 98, 27; 102, 11; 104, 26. 28;
 114, 6. 9. 15; 122, 2. 19;
 140, 5; 148, 18; 152, 12. 13;
 156, 22; 158, 1; 162, 11. 13;
 166, 5; 168, 5; 172, 23;
 174, 8; 224, 4. 6. 7; 256, 13;
 260, 3; 266, 14; 268, 1. 4. 7.
 9. 12; 272, 1. 2; 274, 9;
 282, 5. 23 *ἴσῃν* 8, 14; 22, 13;
 30, 13; 86, 7. 11; 112, 6;
 122, 1; 170, 11; 252, 18;
 254, 20. 25; 256, 2; 276, 13;
 290, 26 *ἴσῳ* 170, 26; 184, 23
ἴσα 8, 5; 66, 8; 78, 9. 11;
 80, 2; 98, 27; 104, 23; 106,
 25; 148, 5. 9; 172, 13; 174,
 5. 21; 256, 8; 266, 10; 272,
 26 *ἴσοι* 122, 10; 212, 13
ἴσαι 22, 23. 24; 32, 6; 104,
 19; 134, 22; 170, 9; 282, 12;
 290, 22; 292, 6 *ἴσων* 8, 15
ἴσοις 140, 5 *ἴσας* 22, 26.
 27; 94, 26; 96, 1. 9; 104,
 29.
ἰσοσκελές 8, 14. 23; 30, 13. 27
ἰσοσκελοῦς 86, 3 *ἰσοσκελῶν*
 36, 13.
ἰσοῦψεῖς 98, 7.
ἰσοῦψη 212, 14.
ἰσοχρόνιος 314, 7.
ἴσεται 190, 11; 214, 5 *ἔστησα*
 224, 17; 226, 1; 240, 30
στήσας 222, 1; 258, 5; *στά-*
θήσονται 204, 12 *ἐστήγος*
 4, 17.
ἰστοροῦσι 138, 8 *ἰστοροῦντες*
 92, 9.
ἴσχουσιν 284, 18.
ἴνυς 68, 23 *ἴνυος* 70, 5;
 160, 1.

Κ

καθά 308, 2.
καθάπερ 126, 21; 190, 25;
 194, 2. 26; 292, 25; 306, 24.
κάθαρσιν 254, 3.
κάθετος 8, 18; 10, 1. 12; 14,
 15. 21. (22); 16, 8; 24, 10;
 26, 6; 28, 31; 30, 21. 29;
 32, 19. 28; 34, 3. 21. 28;
 36, 6. 24; 40, 11. 14. 16. 18;
 42, 9. 25; 44, 16; 46, 25;
 50, 20; 54, 12. 24; 56, 22;
 64, 5; 70, 27; 72, 12; 74, 9;
 76, 10; 80, 12; 82, 4; 94, 27;
 98, 19; 100, 10; 102, 8;
 104, 10; 106, 30; 110, 1. 11.
 20. 25; 112, 12; 116, 1;
 122, 15. 20, 23; 132, 25;
 136, 1. 3; 138, 1; 146, 8. 20;
 150, 5; 166, 8; 168, 5;
 180, 20; 222, 13; 230, 5. 21,
 26; 232, 1; 236, 11; 240, 3.
 5. 11. 13; 252, 6; 268, 24.
 26. 27. 28; 270, 11; 272, 27;
 278, 4. 19; 280, 11; 290, 23
καθέτον 18, 14; 20, 10; 26,
 2. 3. 28; (28, 1); 72, 23;
 74, 19; 76, 15; 80, 10; 96, 25;
 148, 21; 166, 7. 27; 230, 17;
 232, 14; 234, 20; 252, 3;
 280, 5. 8. 19 *κάθετον* 14, 20;
 20, 8; 28, 2; 30, 19; 32, 22.
 26; 34, 27; 74, 1. 2. 27;
 80, 22; 94, 30; 96, 15; 98, 4;
 100, 3; 102, 2. 18; 106, 18.
 21. 24. 31; 108, 21; 122, 21;
 124, 10; 134, 28; 136, 17.
 19. 27; 138, 3; 146, 7; 226,
 19; 230, 10. 13; 234, 8. 10.
 12; 236, 7. 10. 22; 238, 2;
 240, 28; 242, 9. 17. 19. 23;
 252, 22. 23; 278, 1; 280, 18
κάθετοι 30, 31; 98, 22; 256,
 11 *καθέτων* 34, 4; 112, 3
καθέτους 10, 16; 234, 16.

καθιστῶν 256, 10 καταστήσει
204, 23 καταστήσομεν 246,
22, 27 κατέστησα 220, 6 κα-
ταστήσῃ 244, 16 καταστή-
σαντες 194, 16 κατασταθέν-
των 244, 11 κατασταθεισῶν
254, 7 κατασταθήσεται 204, 1
καθιστάτω 250, 3 καθεστᾶσθω
222, 22; 244, 1 καθεσταμένον
248, 8.
καθολικῇ 18, 12 καθολικῇ 46,
13 καθολικώτερον 268, 19.
καθόλου 66, 4; 76, 4; 94, 7;
102, 16; 112, 7; 190, 9.
καθώς 128, 28.
καίτοι 2, 12.
κακοπαθῶς 292, 19.
καλῶ 94, 19; 96, 14; 98, 3
καλοῦσιν 126, 18. 23 καλον-
μένον 292, 17 καλουμένης
212, 20 καλονύμφω 288, 20
καλονύμνην 132, 7 καλεῖται
4, 20. 22; 68, 23; 92, 18
ἐκλήθη 2, 5.
καλῶς 4, 5; 310, 25.
καμάρως 126, 4; 132, 2.
καμπύλη 264, 4.
καταντήσομεν 252, 27.
καὶν 74, 18; 94, 20. 23; 126, 18;
142, 23; 146, 18; 162, 3.
κανὼν 196, 5; 204, 4; 210, 5;
212, 4; 218, 25; 222, 23; 228,
5; 234, 27; 236, 14; 242, 4.
8. 17; 244, 2. 5; 258, 13. 15
κανόνα 202, 14; 204, 22;
220, 7; 222, 5; 226, 14; 242,
14; 256, 18. 24; 258, 6. 8;
288, 7. 10. 14 κανόνος 196, 9;
202, 2. 9. 11; 204, 3. 7. 11.
20; 210, 4; 218, 27; 222, 9.
25. 27; 228, 15. 16; 232, 23;
236, 6; 240, 1; 242, 2. 5. 8.
12. 13. 16; 244, 10; 250, 4;
256, 27; 258, 2. 11; 296, 12
κανόνι 196, 17. 26; 200, 10.

12. 24; 236, 5; 258, 4; 288, 2
κανόνα 222, 2; 238, 14
κανόνες 200, 20; 204, 12;
228, 8. 14; 236, 4; 242, 11.
12 κανόνων 200, 19; 204, 13;
236, 22; 242, 5; 274, 23 κα-
νόνας 240, 30; 242, 3.
κανόνια 194, 26 κανονίων
196, 1.
καταβάσεως 210, 1. 2. 6. 12. 14.
16; 212, 1. 3. 7. 10.
καταβιβάζονται 66, 18.
κατάγεσθαι 212, 16.
καταγράφειν 304, 5 καταγε-
γράφω 304, 1.
καταδιαιρούμενα 66, 2—3 κα-
ταδιαιροῦντα 90, 13.
καταπρατοῦσιν 312, 21 κατα-
κρατήσῃ 312, 2.
καταλειπόμενον 138, 24 κατα-
λ(ε)ιπόμενον 174, 1; 176,
9; 178, 26; 180, 10 κα-
ταλειπόμενα 148, 4; 270, 2
καταλειπόμενον 268, 17 κατ-
ελείφθησαν 140, 15 κατα-
λείψας 256, 23; 258, 1.
καταπεπρωμένον 94, 5.
καταρρέψει 310, 28.
κατασκευῇ 190, 24; 200, 18;
292, 26 κατασκευῆς 204, 24
κατασκευῇ 296, 25 κατα-
σκευῇν 190, 22; 308, 8 κα-
τασκευάς 190, 3.
κατασκευαζόμενας 132, 2 κατα-
σκευασάμενος 190, 15 κατε-
σκευασθῶ 214, 21; 306, 23;
314, 5 κατασκευασθεῖσα 188,
20 κατασκευασθείσης 260, 21;
286, 19; 302, 4 κατασκευ-
ασθέντων 310, 20.
κατατετμημένον 112, 26.
καταφύγεσθαι 204, 1 κατενεχθή-
σεται 202, 21; 212, 12; 310,
24.
κατελλόμενα 308, 14.
κατησχολεῖτο 2, 5.

κάτω 190, 30; 200, 6. 13. 15;
202, 22; 204, 4. 16. 18. 21.

κέγχρον 140, 19.

κενῆς 126, 7.

κεῖσθω 22, 11; 50, 5; 104, 11;
112, 22; 184, 16; 212, 4;
214, 23; 218, 24; 228, 3;
234, 25; 250, 28; 252, 1. 6. 7;
254, 13; 256, 4; 260, 6;
274, 24; 276, 11; 282, 3;
304, 25. 28; 306, 5 κεῖσθαι
284, 23 κειμένον 202, 9;
234, 7. 13; 296, 2 κείμενον
220, 3; 242, 9; 256, 5; 294,
17. 22; 310, 22 κείμενοι
306, 26 κείσται 300, 3.

κέντρον 22, 3; 50, 18; 52, 21;
54, 10. 23; 56, 20; 58, 16;
60, 10; 64, 4; 68, 12. 17; 94,
15; 120, 14. 15. 23. 25; 122,
23; 126, 29; 128, 12; 130, 15;
132, 16; 134, 23. 26; 136, 25;
158, 17; 172, 3. 4; 184, 15;
190, 28; 280, 23. 26; 312, 22;
314, 13 κέντρον 22, 9; 54,
8. 12; 74, 14; 86, 25; 88, 29;
122, 20; 128, 8; 130, 5. 14;
134, 20. 28; 136, 22. 27;
284, 1; 294, 12 κέντρα 118,
27.

κεφάλιον 194, 2. 24.

κηρῶ 138, 21; 196, 23.

κιβωτάριον 298, 27 κιβωταρίον
292, 27; 294, 2. 5. 13. 18.
23. 25; 296, 3; 298, 28;
300, 3. 19. 26.

κιβώτιον 292, 25.

κινεῖν 310, 5 κινῶν 308, 10
κινῶσα 308, 9 κινήσει 200,
14; 296, 7; 308, 15; 312, 17
ἐκίνησαν 298, 12 κινήσαι
306, 22 κινεῖται 244, 2 κι-
νεῖσθω 228, 6 κινεῖσθαι 298,
18 κινούμενος 228, 5; 312,
23 κινούμεναι 290, 1 κινη-
θήσεται 296, 17 κινήθῃ 308,

15 κεινημένον 298, 19 κε-
κινήμεναι 296, 11.

κίνημα 314, 16.

κινήσεως 314, 16.

κιονίον 194, 2.

κίονιν 126, 21. 26.

κλάσεις 216, 11 κεκλάσθωσαν
276, 12.

κλίμα 212, 28; 214, 4; 250, 16;

304, 3. 6 κλίματος 212, 28
κλιμάτων 302, 6 κλίμασιν
302, 23.

κλίμακας 190, 15.

κέλνεται 252, 15; 290, 19 κε-
κλιμένη 96, 3 κεκλιμένον 94,
24; 252, 9 κεκλιμένα 272, 14.

κλίσις 252, 5; 290, 19 κλίσιν
250, 28.

κόγχην 124, 17.

κοῖλον 92, 16; 304, 5 κοίλας
126, 7 κοίλαι 4, 16 κοίλας
4, 10; 290, 4 κοίλων 92, 18
126, 24.

κοινόν 28, 27; 130, 29; 162, 12
κοινή 134, 2 κοινῶ 32, 2
κοινά 28, 11 κοινῶν 32, 6.

κόλονρος 112, 7. 12; 118, 16.
27; 120, 17 κόλονρον 104, 3;
106, 7; 116, 12; 118, 14. 24;
180, 14 κολούρον 106, 27;
108, 22; 112, 17; 118, 23;
120, 2. 5. 26; 178, 26; 180,
15.

κολουροκάνον 182, 9. 12.

κορυφή 100, 8; 104, 4. 6; 106,
11. 13. 14. 20. 22; 108, 25;
110, 23. 27; 112, 5. 11. 20.
28; 114, 1. 2. 4; 116, 18. 24;
118, 2. 4. 10. 12. 13; 120, 3.
14. 16. 23; 132, 14; 134, 25;
136, 4; 178, 21; 180, 8;
246, 5 κορυφήν 106, 9; 142,
4. 9; 176, 5 κορυφῆς 94, 27;
96, 14. 25; 100, 10; 102, 8.
18; 110, 24; 116, 15; 234, 4
κορυφῇ 112, 10; 120, 25;

- 144, 1; 176, 8; 178, 25;
180, 10 *κορυφαί* 134, 3 *κορυφάς* 134, 23; 136, 25 *κορυφαῖς* 174, 26.
κορυάν 204, 15 *κορυᾶς* 204, 4 *κορυᾶ* 204, 20.
κοχλίον 294, 16; 296, 13; 298, 4;
312, 19 *κοχλίᾱ* 294, 14, 20;
296, 16; 298, 13; 312, 8
κοχλίαν 194, 14, 17; 294, 20;
298, 7; 312, 10 *κοχλίαι* 296, 5
κοχλιῶν 212, 21 *κοχλίᾱς* 194,
12, 22; 196, 1; 294, 11
κοχλίᾱς 296, 6, 15; 312, 3, 23.
κοχλίδιον 194, 4, 7 *κοχλίδιον*
194, 6.
κρεμάνται 288, 26 *κρεμάμενον*
204, 17 *κρεμαμένους* 292, 10.
κρήναις 132, 3.
κρίνειν 188, 13; 292, 23.
κρυβική 178, 16 *κρυβικὴν* 176, 19;
178, 1, 3; 184, 2.
κρύβισον 176, 24; 182, 23 *κρυβίσαι* 132, 10 *κρυβίσαντα* 122,
11.
κύβος 4, 28; 132, 10; 176, 15,
17, 18; 178, 28, 29 *κύβον*
130, 27, 29; 176, 16; 178, 5,
28; 182, 1, 2 *κύβου* 132, 1,
7; 178, 12 *κύβοι* 122, 10;
176, 15 *κύβους* 182, 24.
κύκλος 22, 3; 54, 10; 58, 16;
62, 14; 70, 26; 82, 5; 88, 3,
21; 118, 4, 7, 12; 120, 14,
16, 23, 25; 124, 3; 126, 19;
128, 5, 17; 170, 19, 26; 172,
16; 178, 21; 180, 8; 182, 8;
184, 14, 23; 246, 5; 280, 22;
300, 15; 302, 26; 304, 7, 19;
306, 3, 13; 314, 13 *κύκλου*
2, 20; 22, 10; 46, 22; 50, 19;
52, 22; 54, 8, 12, 23; 56, 21;
60, 12, 17; 64, 4; 66, 6, 8, 9,
12, 14, 20, 28, 29, 30; 68, 5,
11, 19, 21; 70, 23; 72, 28;
74, 5, 11, 24, 25; 76, 18, 20;
82, 2, 21; 84, 28; 86, 6, 22,
25, 31; 88, 2, 4, 8, 31; 90, 1;
122, 22; 126, 16, 20, 27, 29;
128, 7, 18; 130, 7; 132, 16;
158, 16; 160, 3; 170, 28;
172, 5, 20, 22, 24; 174, 2;
180, 11; 184, 25; 200, 28;
242, 27; 244, 4; 246, 3, 10,
11; 282, 2; 302, 12; 306, 8;
314, 15 *κύκλω* 22, 22; 58, 19;
62, 18; 88, 28; 122, 2; 172,
2, 4; 180, 13; 282, 11; 304,
11 *κύκλον* 54, 7; 68, 7; 82,
28; 116, 29; 128, 26; 134,
26; 158, 18; 160, 2; 172, 13,
26; 180, 4; 286, 26; 300, 9,
13; 306, 10; 312, 19 *κύκλοι*
2, 16; 88, 5; 160, 4; 312, 21
κύκλων 68, 12, 14, 15; 88, 6;
300, 25 *κύκλοις* 66, 9 *κύκλους*
302, 1.
κυλίονται 312, 22.
κυνιδριῶν 126, 3 *κυνιδρικάς*
92, 7.
κυνιδριον 196, 21 *κυνιδρία*
196, 23, 27 *κυνιδρίων* 196,
25; 200, 3, 9.
κύνιδρος 2, 14, (15); 94, 18, 23;
96, 16; 98, 5, 10; 122, 1;
128, 13, 15, 20; 130, 8 *κύνιδρον* 98, 1; 118, 7; 128,
7, 19, 24; 130, 27 *κύνιδρον*
4, 3; 84, 20, 24, 26, 27; 86,
1, 29; 88, 12, 14, 26; 96, 21;
120, 29; 122, 6; 128, 12;
130, 9, 11, 13, 19, 22, 25
κύνιδρω 98, 6 *κύνιδροι*
98, 7; 174, 25 *κύνιδρων*
66, 14; 130, 29.
κυρταί 4, 16 *κυρτῆς* 126, 24
κυρτάς 4, 10.
κυρτώσεως 250, 2, 9.
κυρτώσαι 248, 10.
κῶμαι 140, 15.
κωνικάς 92, 7 *κωνικῶν* 126, 3.
κωνοειδέσιν 82, 27.

κωνοκόλορος 180, 16. 17. 20
κωνο[υ]κολούρου 184, 6.
κῶνος 96, 15. 21; 118, 16. 27;
120, 13. 15. 17; 124, 4; 178,
20; 180, 6. 21. 29; 184, 9;
246, 4. 24 κῶνον 116, 12. 18;
118, 3. 11. 14. 24; 120, 3.
22. 24; 122, 18. 25; 178, 17.
25; 180, 14. 30; 182, 18
κόνου 2, 15; 80, 18; 84, 15;
86, 3. 8. 13. 17; 96, 12. 14.
23; 116, 19; 118, 23; 120, 2.
6. 12. 26; 124, 2; 178, 26;
180, 15; 182, 19 κόνω 96,
17 κῶνοι 98, 7; 180, 31
κόνων 176, 2; 180, 30.

Δ

λαμβάνω 220, 1 λαμβάνει 4,
26. (27); 194, 11; 298, 11
λαμβάνειν 286, 25 λαμβάνων
242, 18; 258, 3. 7 λαμβάνον-
τες 74, 2; 242, 22; 244, 14
λαμβάνουσι 4, 25 λαμβάνεται
94, 28 ληψόμεθα 18, 23;
96, 24; 272, 23 λήψει 118,
26 ἔλαβον 220, 5; 224, 18.
20; 226, 1; 256, 26; 258, 1.
10; 260, 22. 27; 266, 11
λάβη 298, 8 λάβωμεν 52, 13
λαβέ 10, 9; 18, 16. 21; 48,
26. 27; 54, 5; 128, 28; 156,
11; 160, 12; 178, 5; 182, 9;
184, 2 λαβέτω 312, 8 λαβεῖν
8, 9; 46, 10; 50, 26; 66, 22;
74, 15; 84, 1; 90, 9; 122, 5.
7. 12; 124, 6; 136, 13; 174,
13; 176, 19; 178, 3; 218, 21;
220, 18; 224, 16. 27; 234, 19
λαβόν 74, 19; 254, 13. 16. 21
λαβόντα 8, 13; 26, 28; 90,
15; 94, 29; 100, 2; 102, 16;
104, 1; 132, 27; 136, 17. 20
λαβόντες 42, 16; 66, 26; 68,
1. 3. 7. 10; 138, 2. 4; 240,

15; 264, 8; 270, 15; 272, 19
λαβόντας 46, 9 ελληφέτω
298, 9 ελληφέναι 294, 10
λαμβαρομένων 244, 17 λα-
βόμενοι 272, 6 ελληφθω 48,
27; 50, 18; 52, 20; 54, 23;
56, 20; 60, 10; 64, 3; 126,
11. 29; 132, 16; 134, 25;
170, 24; 174, 17; 184, 21;
214, 23; 216, 2; 222, 16;
232, 20; 254, 10; 264, 20;
270, 8 ελληφθώσαν 240, 29
ελληφε 140, 17 ληφθείς
242, 21 ληφθέντων 250, 11.
12; 262, 3; 264, 21; 288, 18.
λανθάνωσιν 288, 24.
λέγω 4, 17; 70, 10; 76, 22;
110, 4. 8; 112, 10; 120, 1;
132, 7; 172, 19; 184, 24;
292, 13 ἐροῦμεν 178, 4;
200, 20 εἰπέν 46, 8. 10. 15;
90, 6; 140, 19; 302, 21 λε-
λεχόντων 188, 5 λέγεται 6, 11
λέγεσθαι 292, 26 εἰρηται 6, 2;
76, 15; 94, 22; 178, 24;
180, 13; 184, 10; 194, 24;
200, 18; 252, 15. 19; 270, 5;
308, 4 εἰρηται 174, 23 εἰ-
ρήσθω 46, 19 εἰρημένος 94,
6; 128, 15; 194, 14; 306, 3
εἰρημένη 76, 14; 138, 1;
204, 22 εἰρημένον 68, 23;
90, 1; 94, 31; 112, 15; 122,
22, 24; 128, 12; 132, 29;
194, 7; 204, 19; 256, 14
εἰρημένης 306, 16 εἰρημένην
74, 17; 94, 18. 30; 100, 3;
136, 19; 196, 7; 252, 24;
260, 4 εἰρημένον 204, 20;
298, 17; 308, 2; 314, 15
εἰρημένης 4, 5; 94, 14; 96, 5;
190, 24; 204, 10. 24 εἰρημένω
74, 22; 194, 3; 196, 2; 250,
14; 294, 10. 14; 298, 21
εἰρημένη 74, 8; 204, 20;
302, 27; 304, 11 εἰρημένον

98, 8; 172, 5; 288, 9 *εἰρη-
μένα* 4, 25; 6, 2; 188, 7, 8;
232, 4; 290, 21; 294, 1; 300, 2
εἰρημένα 4, 24; 172, 9 *εἰρη-
μένων* 4, 11. (12); 78, 27;
108, 24; 174, 22; 214, 16;
266, 4 *εἰρημένως* 204, 11
εἰρημένως 26, 7; 42, 8; 178,
17; 200, 1. 5; 212, 6; 230,
15; 246, 18; 302, 23 *εἰρη-
μένως* 196, 19 *εἰρημένους*
212, 25 *ἐηθένης* 302, 5
ἐηθὴν 18, 22; 48, 27 *ἐηθὴς*
26, 2. 3. 28.
λεπτότατον 90, 15.
λεπίδι 200, 16.
λεπίδια 200, 1. 14 *λεπιδίους*
200, 5.
λευκῶ 202, 3.
λιμένι 244, 14 *λίμενα* 242, 27;
244, 5 *λίμένων* 190, 3.
λόγος 2, 4; 6, 20; 40, 22; 52,
1. 2; 54, 16. 18. 20. 25. 27;
56, 1. 3. 6. 8; 58, 1. 3; 60,
28; 62, 2. 18. 20. 21; 64, 12.
20. 24. 25; 110, 16. 17; 120,
7; 124, 1; 128, 17. 20; 142,
11. 17; 144, 23; 146, 6. 22.
26; 150, 20. 24; 154, 1. 2.
5. 6. 25; 160, 1. 2. 5. 9. 21.
23; 166, 2. 22. 23; 168, 2;
170, 18; 176, 24; 180, 24.
29; 182, 4; 184, 13; 218, 5;
278, 6. 11. 12 *λόγον* 98, 16;
112, 9; 140, 21; 170, 15;
216, 13 *λόγον* 48, 3. 6. 13.
20; 50, 12. 28. 29; 52, 4;
54, 9; 56, 29; 58, 5. 7. 24.
25. 27; 60, 1; 62, 6. 23; 66,
15; 72, 3; 116, 28; 118, 1.
8. 10. 14; 122, 4. 9. 19; 128,
5; 134, 30; 136, 26; 140, 18;
142, 8. 26. 28; 144, 6; 146,
13; 150, 16; 162, 20; 166, 1;
170, 17. 29; 172, 9; 174, 27.
28; 176, 13. 16; 178, 28;

180, 16; 184, 12. 26; 220, 12;
230, 2; 274, 26. 28; 310, 19
λόγῳ 142, 4; 146, 5; 152, 9.
11. 28; 156, 20. 21; 158, 18;
160, 21; 162, 9. 24; 164, 5.
6. 7. 11. 12; 166, 18. 21;
168, 12; 178, 19; 180, 7;
218, 18; 252, 3 *λόγους* 174, 27.
λελογχότα 140, 10.

λοιπός 50, 31; 120, 17 *λοιπή*
30, 2. 27; 34, 1. 30; 108, 8;
142, 22; 152, 20; 158, 9;
180, 24. 28; 216, 26; 218, 1.
2; 232, 19; 278, 15. 16. 22;
280, 4 *λοιποῦ* 122, 20; 144, 2.
172, 3 *λοιπὸν* 12, 23; 14, 3;
26, 10; 44, 16; 82, 23; 104,
26; 110, 28; 112, 13. 16;
118, 12; 120, 26; 152, 13;
166, 26; 168, 5. 14; 240, 22;
284, 7. 8; 294, 24 *λοιπά* 10,
11; 14, 12. 14; 16, 5. 7;
30, 9; 32, 18. 34, 19; 36, 5;
40, 3; 42, 23; 44, 27; 46, 1;
108, 16. 17; 116, 5; 128, 23;
150, 2; 154, 29; 182, 13. 17;
262, 19; 266, 3; 272, 13
λοιπαί 18, 17. 18; 24, 25. 26;
32, 16; 40, 6; 156, 13; 184, 3
λοιπῶν 116, 6; 248, 16; 250,
10; 262, 25; 268, 16; 274, 14;
276, 24; 298, 22 *λοιποὺς*
268, 19.

λουτήρος 124, 17; 126, 6 *λου-
τήρα* 124, 14.

M

μακροί 196, 3 *μακρούς* 306, 24
μακροτέρων 214, 10.
μᾶλλον 46, 22; 52, 13; 284, 21
μάλιστα 290, 2; 302, 15.
ἐμάθομεν 26, 1; 34, 21; 46, 12;
48, 28; 82, 19. 21; 88, 9;
96, 20; 102, 14; 108, 15. 19;
128, 28; 130, 11; 132, 25;

- 146, 8; 152, 10; 154, 24;
182, 10. 19; 222, 15; 224, 3;
226, 12; 232, 13; 234, 9. 15;
240, 30; 260, 7. 20.
- μέγας 306, 13 *μεγάλην* 140, 9.
μέγεθος 20, 9; 224, 26; 226, 6;
234, 20; 252, 21; 280, 18;
296, 24 *μεγέθει* 148, 4; 214,
25. 27. 29; 244, 11; 270, 9;
278, 3. 5. 10; 300, 12 *μεγέ-*
θη 70, 7; 216, 12 *μεγεθῶν*
190, 7.
- μέγιστος 170, 19; 306, 3 *με-*
ρίστου 2, 20; 70, 10; 86, 31;
302, 13; 306, 8 *μερίστω* 122, 2
μερίστα 140, 9 *μερίστων* 184,
14.
- μέθοδος 10, 9; 14, 8; 16, 1;
18, 12; 80, 9; 144, 12; 146,
19 *μεθόδου* 212, 24 *μεθόδω*
46, 14; 74, 8; 138, 26 *μέθο-*
δον 138, 9; 302, 9 *μεθόδους*
292, 23.
- μείζων 72, 5; 74, 26; 76, 9.
16; 80, 10; 82, 25; 110, 3;
212, 11; 228, 9; 290, 25
μείζον 10, 24; 12, 7. 11;
14, 22; 44, 11; 50, 13; 76,
11. 12. 18. 22; 78, 7. 18;
80, 5. 6. 25. 28; 82, 1; 172,
25 *μείζονος* 68, 15. 19; 124,
16 *μείζονι* 194, 6 *μείζω* 140,
13 *μείζονα* 38, 2. 5; 66, 15;
78, 8. 22; 110, 7; 214, 11;
284, 21; 300, 13; 312, 20
μείζονες 312, 20 *μείζονι* 300,
14.
- μείον 268, 3; 274, 9; 286, 11.
μειούρων 176, 1.
μέλανι 202, 5.
μέλλει 246, 23 *μέλλομεν* 308, 2
μέλλουσα 292, 26 *μέλλον* 138,
10 *μέλλοντος* 258, 9.
μέντοι 76, 7; 80, 10; 284, 13.
17.
μενούσης 96, 4 *μένοντος* 126, 13;
210, 3; 228, 7. 15; 242, 4. 13;
256, 25 *μενούτων* 220, 1 *με-*
νεῖ 194, 18.
- μέριον 18, 25; 42, 21; 146,
21. 25. 27; 150, 6; 154, 27;
158, 13; 160, 11.
- μέρος 52, 7; 54, 1; 58, 20;
74, 22; 90, 16; 96, 21. 27;
102, 10; 106, 29; 130, 17;
136, 6; 172, 20. 22. 24. 28;
174, 1. 7. 18; 196, 4; 200,
14. 23; 202, 12. 23; 204, 18;
224, 20. 22. 23; 226, 2. 3.
4; 236, 28; 240, 17. 19;
260, 8. 9. 10; 266, 12; 268,
14; 270, 10. 12; 272, 2. 3;
274, 6. 12. 24. 25. 26; 276,
16. 18; 288, 14; 312, 6 *μέ-*
ρους 190, 26. 30; 194, 2; 200,
15; 294, 19. 26; 300, 4 *μέρου*
74, 26; 204, 11; 266, 12. 14;
268, 2. 5. 13; 274, 9 *μέρη*
4, 25; 6, 1. 5; 212, 10; 228,
10; 244, 6; 266, 9. 10; 272,
17. 26; 274, 16. 23 *μερῶν*
132, 4; 200, 6; 202, 18. 25;
204, 7. 9. 14. 16; 242, 21;
268, 3. 11. 16; 274, 7 *μέρεσι*
220, 2; 222, 22; 224, 7. 25;
234, 2; 248, 4.
- μεσημβρινός* 304, 7; 306, 4 *με-*
σημβρινοῦ 306, 1.
- μέση 204, 21; 264, 19 *μέσων*
50, 12; 188, 11; 248, 12
μέσων 18, 7; 264, 1 *μέσης*
70, 23. 24; 72, 8; 76, 20;
126, 24 *μέσω* 200, 22; 298,
20 *μέσους* 212, 22. 25. 29
μέσας 200, 4.
- μεταγαγεῖν* 188, 8.
μετακείσθω 210, 4; 214, 25. 29.
μετακινουμένης 244, 9.
μεταξύ 60, 12; 190, 6; 194, 27.
28; 196, 4; 214, 20; 218, 21;
222, 20; 224, 16; 228, 7. 26;
230, 7; 232, 3; 234, 17;

- 236, 6; 264, 3. 5. 10; 266, 1. 6; 272, 24; 288, 3. 17; 302, 5. 6. 11; 306, 11.
μεταπίπτει 46, 16.
μετατίδῃμι 242, 5 *μετατίθεσθαι* 138, 27 *μεταθείς* 220, 6 *μετατεθείσης* 242, 10.
μεταχειρίζεσθαι 92, 12.
μεταφέρειν 242, 14.
μετεωρίσει 202, 19.
μετέωρον 228, 1; 310, 21 *μετεωρότερον* 212, 12; 214, 6; 228, 20.
μετρῶμεν 74, 7 *μετρῆν* 90, 12. 18; 126, 5; 262, 11; 274, 2; 292, 18 *μετροῦντα* 292, 19 *μετροῦντες* 298, 8 *ἐμέτρουν* 72, 29 *μετρήσομεν* 82, 2; 86, 3; 88, 19; 124, 14. 18; 262, 16; 264, 6. 11; 266, 8 *ἐμέτρησα* 224, 1; 266, 11. 13 *ἐμέτρησεν* 86, 29 *ἐμετρήσαμεν* 92, 6 *μετρήσωμεν* 80, 7 *μέτρησον* 108, 14. 17; 128, 24. 26 *μετρήσαι* 82, 1. 25; 84, 3. 20; 86, 23; 88, 15; 92, 14; 96, 12; 98, 1. 15; 102, 5; 104, 3; 108, 23; 112, 3. 18; 116, 13; 118, 24; 120, 22; 122, 14; 126, 9. 27; 130, 4. 13; 132, 13. 20; 136, 21; 138, 20; 220, 16; 224, 6. 24; 226, 5; 244, 12; 260, 18; 264, 17; 270, 2. 3; 274, 4. 17; 256, 3. 22 *μετρήσαντα* 68, 14 *μετρήσαντες* 88, 14; 112, 15; 138, 17. 22; 262, 14 *μεμετρημένοι* 90, 23 *μεμετρήκως* 298, 5 *μετρεῖται* 66, 3; 94, 9. 20. 23; 100, 6; 112, 8; 262, 20 *μετρεῖσθαι* 66, 5; 90, 7; 92, 17; 138, 10 *μετρον-μένη* 296, 5 *μετροῦμενον* 296, 24 *μεμετρήσθαι* 90, 5 *μεμετρημένον* 262, 25; 264, 15 *μεμετροημένων* 126, 4 *μετρηθήσεται* 90, 21; 94, 22 *μετρηθήναι* 138, 12; 266, 5 *μετρηθέντος* 138, 24 *μετρηθείσης* 94, 10 *μετρηθέντων* 138, 6.
μέτρησις 266, 8 *μετρήσεως* 264, 16 *μετρήσει* 66, 6. 28; 124, 15; 126, 6; 138, 8 *μέτρησιν* 6, 4; 36, 10; 68, 16; 70, 6; 92, 3; 132, 10; 268, 20 *μετρήσεις* 2, 4; 16, 13; 66, 18; 126, 2; 132, 9 *μετρήσεων* 2, 8; 4, 8; 6, 3; 140, 4.
μετρικῶν 2, 1.
μέτρον 6, 7; 210, 1; 272, 9. 12 *μέτρον* 258, 10; 260, 14 *μέτρον* 224, 2 *μέτρα* 258, 4 *μέτροις* 272, 15.
μέχρι 2, 11; 16, 11; 80, 13.
μηδαμῶθεν 196, 25; 284, 19.
μηδέ 140, 19; 260, 4.
μηδέν 92, 11; 140, 14; 214, 9; 300, 21 *μηδενί* 214, 2.
μηδεμιᾶς 164, 16; 168, 11 *μηδεμιᾶ* 36, 19 *μηδεμίαν* 36, 19.
μηκέτι 254, 14.
μήκος 84, 25. 29; 92, 19; 130, 8; 174, 28; 194, 12; 196, 5. 8. 11; 200, 8. 20; 204, 6. 14; 212, 27; 256, 19; 298, 2. 26; 300, 2. 17; 306, 16 *μήκος* 92, 15; 264, 18 *μήκει* 42, 24. 26. 27; 54, 18; 196, 10; 202, 1 *μήκη* 254, 18; 302, 4.
μήν 12, 6; 188, 19.
μηχανῆς 308, 11.
μηχανήματα 190, 15.
μηνύουσιν 298, 16 *μηνῶσα* 288, 22.
μήτε 226, 8; 262, 13. 14.
μικρά 140, 10 *μικροί* 140, 14.
μικροψυχότεροις 140, 15.
μίλια 314, 12.
μιμήματος 268, 18; 270, 14; 272, 10 *μιμήματι* 272, 14.

αναΐατον 312, 1.
μοῖρα 306, 13 *μοίρας* 280, 5;
 288, 2. 19 *μοῖραν* 288, 13, 16
μοῖραι 306, 15 *μοιρῶν* 10,
 19; 278, 18. 19. 21. 22. 23.
 24. 25. 26. 27; 280, 3. 4. 7.
 11. 12. 15; 284, 5. 6; 288, 4.
 16. 17; 306, 9. 10. 12. 13.
μοιρογενωμόνιον 288, 16; 300, 6.
 8; 314, 4. 14 *μοιρογενωμονίου*
 288, 1 *μοιρογενωμονίων* 288,
 13; 300, 12. 25.
μολιβοῦν 202, 26; 284, 20.
μοναδιαία 94, 3. 6.
μονάδος 6, 19; 18, 29; 26, 8. 9
μονάδες 44, 29; 68, 2. 4;
 74, 16; 92, 22; 122, 8. 12;
 146, 17. 21; 156, 13; 158, 14;
 178, 7. 8. 14; 184, 13 *μονά-*
δων 6, 5. 9. 14. 22. 23; 8, 7.
 15. 17; 10, 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8;
 12, 14. 23. 25. 26; 14, 2. 3.
 4. 5. 6. 7. 19. 20. 24. 25. 26.
 27. 28. 29. 30; 16, 1. 9; 18,
 15; 24, 22. 23; 26, 5. 6. 8.
 10. 11. 13. 15. 21. 22; 28, 6;
 30, 14. (15). 16. 17. 26. 27.
 29. (30); 32, 9. 10. 11. 13. 14.
 20. 25. 26. 28; 34, 1. 3. 9.
 10. 14. 21. 26. 29. 30. 31;
 36, 3. 21. 22. 27; 40, 9; 42,
 6. 7. 10. 11. 12; 44, 2. 3. 4.
 6. 7. 8; 46, 4. 6. 24; 50, 17;
 54, 22; 56, 19; 58, 14; 60, 9;
 62, 13; 64, 3; 66, 10. 20. 23.
 24; 68, 1. 8. 10; 70, 1. 2;
 74, 10. 11. 12. 17. 27. 28;
 76, 3. 10. 11. 13; 82, 3. 4. 8.
 10. 12. 13. 15. 18. 19. 21. 23.
 24. 26; 84, 4. 10. 17. 19. 22.
 28. 29. 30. 31; 86, 2. 18. 19.
 21. 26. 27; 88, 1. 3. 9. 10.
 16. 17. 21. 22. 23. 24. 31;
 90, 1. 2; 92, 19. 20; 94, 1;
 96, 13. 20. 23; 98, 2. 3. 12.
 18. 20; 100, 9. 11; 102, 8.

9. 13. 14. 15; 104, 8. 11;
 114, 29; 116, 1. 2. 14. 16. 17;
 120, 27; 122, 15. 16; 126,
 28. 29; 128, 9. 10. 11. 14.
 25. 27; 130, 5. 6. 7. 9. 10.
 11. 15. 16; 132, 15. 20. 21.
 22. 29; 134, 9. 11. 12. 14.
 18. 21; 136, 1. 22. 29; 138, 1;
 142, 5. 6. 21. 22. 25. 26. 30.
 31; 144, 10. 11. 12. 13. 17.
 20; 146, 2. 3. 4. 8. 11. 14. 17.
 18; 148, 31; 150, 1. 3. 5. 7.
 8. 9. 10. 13. 25. 30; 152, 3.
 8. 19. 20. 21. 22. 23; 154, 22.
 23. 24; 156, 2. 4. 6. 8. 14.
 16. 18; 158, 10; 160, 8;
 176, 6. 17. 18. 19. 20. 21;
 178, 3. 15. 21. 23. 29; 180,
 1. 12. 13; 182, 18 *μονάδας*
 6, 15; 18, 17; 52, 18; 100, 4;
 132, 11; 150, 12; 156, 8. 15;
 158, 11. 12. 13.
μόνης 140, 21 *μόνοι* 270, 6.
μόριον 20, 1 *μορίῳ* 20, 1.

N

ναστόν 92, 17 *ναστῶν* 92, 19.
νεώς 314, 11 *νηΐ* 314, 8.
νέμεται 140, 9.
νεύειν 250, 6. 16. 28 *νεύουσα*
 240, 18. 19 *νεονουσῶν* 150,
 18.
νήσαν 302, 7 *νήσους* 190, 9.
νοεῖν 242, 25 *νοεῖσθω* 228, 4.
 10. 13; 230, 19. 24; 236, 1.
 3; 248, 16; 268, 15 *νοήσωμεν*
 84, 22; 86, 4; 136, 23; 252,
 4. 11; 274, 1; 276, 6 *νε-*
νοήσθω 96, 16; 98, 4; 116,
 17; 120, 2; 134, 24; 216,
 17; 236, 12. 14; 238, 4;
 240, 3. 10. 12 *νενοήσθωσαν*
 134, 19; 228, 17.
νομίζω 188, 5 *νομίζομεν* 90, 5.
 22; 140, 3; 292, 16

νῦν 2, 11; 20, 3; 178, 4; 188, 11; 200, 19; 204, 24; 276, 2.
νύξ 302, 26 νυκτός 302, 24. 25
νυκτί 302, 25. 27; 304, 11.

Ξ

ξύλινος 290, 4.
ξύλοις 132, 5.
ξύσται 126, 1.

Ο

ὄγκος 138, 15 ὄγκον 286, 8. 16.
ὥδε 20, 6 τοῦδε 310, 16 τῷδε 314, 8.
ὀδομέτρου 292, 17; 302, 5.
ὀδοντωμένω 310, 8. 10 ὀδοντωμένον 190, 31; 194, 8; 294, 15; 308, 5. 23; 310, 15.
17 ὀδοντωμένα 300, 2 ὀδοντωθέν 310, 9. 16.
ὀδοντωδεις 308, 23.
ὀδοντώσασαι 310, 1.
ὀδοντωτῷ 296, 14 ὀδοντωτῷ 194, 3; 298, 21 ὀδοντωτόν 294, 21; 298, 7. 18 ὀδοντωτά 308, 1 ὀδοντωτῶν 298, 22; 300, 23 306, 23.
ὀδός 296, 5 ὁδοῦ 214, 3; 296, 24; 298, 4. 17. 26; 300, 2. 17; 306, 16 ὁδόν 214, 10; 296, 26; 298, 3. 19. 25; 302, 6. 11.
ὀδοὺς 296, 16; 298, 16 ὁδόντα 296, 7. 10; 314, 11 ὁδόντες 298, 16 ὁδόντων 296, 23; 298, 24; 300, 11. 14; 312, 24. 25. 26; 314, 1. 2.
3. 4 ὁδοῦσαι 194, 5. 18; 312, 4 ὁδόντας 194, 15; 294, 15; 296, 1. 12. 17; 298, 11. 12. 19. 27.
ὀθεν 2, 5; 130, 22.
οἰαυδηποτοῦν 150, 26; 176, 4.
οἰανδήποτε 112, 8.
ἴσμεν 230, 6 εἰδόμεν 10, 17
εἰδέναι 284, 12; 286, 6. 32.

οἰκοδομήματος 190, 4 οἰκοδομημάτων 274, 19.
οἶμαι 90, 6; 288, 25.
οἶον 18, 14; 74, 8; 94, 11; 138, 7; 174, 24; 176, 1; 256, 17; 262, 24; 264, 5; 268, 7; 270, 5; 276, 1; 286, 3
οἶαν 100, 5; 102, 5 οἶα 102, 17 οἶων 304, 22; 306, 12.
οἰονδηποτοῦν 94, 8 οἰονδηποτοῦν 18, 3; 68, 7; 234, 7
οἰωνδηποτοῦν 234, 15.
οἰονεῖ 224, 21.
ὀκτάγωνον 56, 18; 58, 7. 9
ὀκταγώνον 58, 12.
ὀκτάεδρον 132, 28. 29; 134, 6.
15 ὀκταέδρον 132, 8; 134, 15.
ὀκταπλάσιον 58, 22.
ὀκτῶ 294, 9; 296, 9; 310, 19.
ὀλίγον 212, 20; 310, 28 ὀλίγην 140, 10 ὀλίγων 190, 2 ὀλίγας 188, 16; 288, 21.
ὀλος 126, 19 ὀλη 42, 4; 120, 11; 122, 29; 152, 22; 158, 9; 216, 23. 27; 218, 1. 3; 278, 20; 306, 14 ὅλον 28, 28; 154, 11; 162, 19; 166, 11; 168, 17; 172, 26; 262, 25; 274, 4; 276, 9; 278, 10. 25
ὅλου 38, 25; 44, 22; 46, 5; 120, 11; 134, 6; 156, 7; 172, 20. 22. 24; 174, 1; 264, 18; 274, 6. 9. 12; 276, 25 ὀλω 28, 28 ὀλην 112, 15; 230, 9; 246, 12.
ὀμβρων 284, 14.
ὀμοῖα 104, 5; 244, 3; 246, 3.
10; 250, 14; 304, 25. 28; 306, 4 ὀμοιον 24, 1; 104, 6.
7; 112, 21; 250, 2 ὀμοιαν 246, 14. 19 ὀμοια 104, 16; 144, 8; 256, 8 ὀμοιων 126, 8
ὀμοίως 4, 22; 6, 16; 8, 11; 12, 10; 34, 5; 36, 1; 44, 5; 46, 5; 68, 20; 70, 20; 74, 20; 26; 78, 10; 86, 5; 88, 16;

- 94, 22; 96, 23; 108, 18; 124, 18; 156, 22; 158, 10; 172, 26; 174, 14; 184, 17; 212, 8; 214, 27; 216, 1; 224, 19; 226, 2; 228, 22; 230, 20; 234, 10; 240, 8. 12. 14. 18; 242, 17; 244, 14; 246, 11. 26; 248, 4; 250, 4. 18; 256, 9; 260, 26; 262, 16. 25; 276, 23; 282, 14; 288, 15; 294, 17; 310, 3. 11. 14; 314, 2. 3.
- ὁμολογον* 112, 10 *ὁμολόγων* 176, 14.
- ὁμοῦ* 44, 25.
- ὁμοταγής* 304, 10. 20 *ὁμοταγές* 304, 17.
- ὀνομάζωμεν* 6, 5.
- ὦνῃσιν* 190, 5.
- ὀξυγώνιον* 12, 13; 32, 23; 34, 2
- ὀξυγωνίου* 34, 19 *ὀξυγωνίων* 36, 14.
- ὀξεία* 10, 21. 24; 12, 1. 2. 9. 16; 38, 2; 290, 20 *ὀξεία* 292, 15
- ὀξείαν* 32, 23 *ὀξεία* 190, 14.
- ὀπής* 308, 13.
- ὀπισθεν* 202, 18. 24; 204, 9.
- ὀπλα* 308, 13. 15; 312, 17.
- ὀπου* 132, 5; 202, 12; 204, 13; 250, 27.
- ὀπως* 10, 16; 92, 11; 256, 10; 288, 23; 302, 9.
- ὀδῃ* 226, 16 *ὀρωμένον* 226, 19; 234, 8. 10. 11. 13 *ὀρωμένο* 228, 2 *ὀρωμένων* 222, 19; 230, 12. 28.
- ὀργανον* 292, 24; 296, 26.
- ὀρθογώνιον* 4, 13. 28; 6, 11. 21; 28, 4; 92, 14; 112, 20. 21. 28. 29; 114, 2. 4. 6. 7. 9; 138, 21. 23; 262, 12 *ὀρθογωνίου* 80, 18; 84, 14 *ὀρθογωνίω* 24, 9 *ὀρθογωνίαν* 138, 11 *ὀρθογώνια* 262, 16. 18. 19.
- ὀρθός* 96, 15. 16; 98, 5. 10; 126, 12 *ὀρθή* 4, 18; 8, 4; 10, 21. 23; 12, 2. 3. 5. 9; 22, 21. 29; 30, 4; 36, 25; 40, 20; 42, 1; 44, 2. 17; 50, 23; 56, 26; 58, 23; 60, 28; 96, 3; 204, 21; 232, 22; 256, 6; 282, 10; 290, 18; 292, 3. 4 *ὀρθόν* 202, 15; 204, 22; 242, 15; 256, 19 *ὀρθοῦ* 98, 10; 126, 16; 239, 13; 296, 1 *ὀρθῆς* 24, 9; 50, 2. 8. 10. 21. 22; 56, 23. 24. 26; 60, 21. 25; 64, 6. 7 *ὀρθῇ* 22, 29; 40, 20 *ὀρθήν* 4, 18. 19; 6, 12. 21; 36, 19; 40, 13. 24; 50, 1; 88, 25; 262, 6. 20 *ὀρθοί* 196, 13; 204, 12; 228, 9; 248, 15 *ὀρθαί* 290, 7 *ὀρθῶν* 302, 1 *ὀρθοῖς* 300, 26 *ὀρθαῖς* 22, 23. 24. 27; 282, 12 *ὀρθούς* 240, 31 *ὀρθάς* 22, 19; 28, 5; 70, 24. 25; 72, 7; 76, 21; 94, 9. 12. 19. 21. 24; 98, 16; 128, 1; 170, 23; 184, 20; 202, 1; 214, 22. 28; 216, 1. 2. 4. 5. 18; 218, 8. 13. 17; 220, 3; 222, 4. 25. 27; 224, 1; 226, 7. 10. 16. 17; 232, 5; 238, 8. 10. 11. 12. 13; 240, 1. 16; 250, 24; 252, 1. 14. 17. 18; 256, 8; 260, 22. 25. 26. 27; 262, 4. 8; 264, 7. 9. 22; 268, 25. 26. 28; 270, 3; 272, 11. 14; 290, 9. 11. 15. 17; 294, 12. 16 *ὀρθά* 290, 21; 292, 12; 300, 24 *ὀρθῶς* 250, 3.
- ὀρίζοντος* 304, 26; 306, 7 *ὀρίζοντι* 212, 15; 228, 1. 12; 230, 14. 19. 22; 232, 3; 234, 6. 14. 22. 23; 236, 9. 13; 244, 3. 17; 246, 2. 21; 304, 26 *ὀρίζοντα* 13, 16; 232, 22; 250, 3; 256, 11; 290, 8. 10; 292, 9 *ὀρισθείση* 214, 16.
- ὄρος* 214, 6; 238, 3; 240, 27 *ὄρους* 234, 4; 238, 4 *ὄρει*

234, 7. 11. 13; 242, 1. 19. 22
ῥεων 234, 8.
ῥοι 270, 7 *ῥων* 268, 17 *ῥους*
 212, 29; 268, 19.
ῥογγή 256, 6.
ῥογγμα 234, 24; 240, 21. 22 *ῥογγ-*
ματος 234, 19; 238, 4; 240, 25.
ῥοῦσσοντες 242, 23 *ῥοῦσαι* 238, 6
ῥοῦξαντα 286, 12 *ῥοιζθείσης*
 256, 5.
ῥ 6, 6; 68, 23; 76, 11; 258, 3;
 260, 8. 10; 264, 17; 270, 12;
 272, 10; 304, 17; 310, 29
οῦ 22, 3; 46, 23; 50, 17;
 54, 22; 56, 19; 58, 14. 16;
 60, 9; 62, 12. 14; 78, 2;
 82, 3; 84, 21. 25; 86, 25;
 88, 2. 8. 12. 15. 20; 96, 12;
 98, 1; 100, 7; 102, 7. 13;
 106, 10. 19; 108, 14. 18. 25;
 112, 9. 19. 27. 29; 114, 1. 5.
 7. 8. 10. 13. 15; 116, 13;
 118, 3. 5. 7. 11. 13. 27; 120,
 13. 15. 22. 24; 122, 14. 23;
 124, 2; 126, 14; 128, 7. 24.
 26; 130, 21; 132, 28. 29;
 134, 5. 7. 17; 158, 16. 17;
 170, 20; 172, 2. 4. 16. 18;
 178, 20; 184, 15; 196, 1;
 204, 15; 216, 7; 218, 20;
 224, 17; 226, 10; 228, 5;
 234, 27. 28; 242, 16; 244, 12;
 252, 26; 256, 16; 258, 14;
 280, 23; 282, 22; 288, 7;
 294, 22; 298, 7; 300, 9; 302,
 26; 310, 17; 314, 4 *ῥς* 2, 14;
 82, 25; 84, 3; 110, 26; 112,
 4; 114, 3. 12; 116, 23; 118, 1.
 9; 132, 13. 15; 134, 24; 136,
 3; 213, 3; 260, 5; 294, 13;
 312, 9 *ῥ* 126, 13; 144, 23; 172,
 25; 176, 25; 246, 8. 25; 264,
 17; 292, 26; 304, 19; 308, 3;
 312, 24; 314, 4 *ῥ* 4, 17; 24,
 15. 18; 120, 21; 214, 29;
 250, 19; 260, 9; 280, 26;

284, 2; 290, 19; 300, 18 *ον*
 48, 3. 6. 7. 14. 20; 50, 28.
 30. 31; 52, 4; 54, 9. 18.
 20. 25. 26. 28; 56, 1. 2. 6.
 29; 58, 1. 3. 5. 6. 7. 25. 26.
 27; 60, 1. 2. 3. 29; 62, 2. 3.
 20. 23. 24; 64, 16. 21. 24.
 25. 26. 27; 66, 16; 116, 28;
 122, 19; 126, 23; 128, 4;
 136, 28; 142, 8. 21. 27; 144,
 6; 176, 16; 212, 11; 218, 5;
 244, 4; 274, 26; 286, 9;
 288, 1; 304, 11; 310, 19;
 312, 16 *ῥν* 6, 1; 236, 11;
 288, 13. 16; 306, 18 *ῥ* 10, 11;
 42, 16. 23; 68, 9; 258, 3
ων 6, 19; 14, 14; 24, 24;
 26, 22; 32, 21; 36, 12; 46, 3;
 66, 11; 68, 17; 74, 19; 76, 2;
 82, 22; 92, 5. 8; 94, 6; 108,
 13; 116, 2. 3. 5; 118, 17. 19;
 134, 2; 166, 25; 184, 6; 190,
 16; 212, 22; 216, 28; 228, 9;
 238, 5; 248, 15; 262, 4; 280,
 4; 288, 26; 292, 23; 294, 1;
 312, 6 *οῖς* 78, 11; 196, 27 *ῥς*
 200, 11 *ῥπερ* 142, 1; 296, 18.
ῥσάκως 298, 8.
ῥσαπλασία 260, 13.
ῥσος 138, 14 *ῥση* 284, 12 *ῥσοι*
 194, 12; 196, 4; 200, 8;
 204, 19 *ῥσφ* 296, 4 *ῥσοι* 188,
 13; 302, 3 *ῥσαι* 66, 4 *ῥσα*
 4, 4. 6. 7; 46, 7; 66, 1; 90, 4;
 140, 16; 160, 14. 15; 174,
 24. 25; 178, 7 *ῥσων* 42, 24;
 144, 17; 256, 22; 288, 4
ῥσους 204, 5; 256, 28; 258, 7.
ῥσαδηποτοῦν 70, 7 *ῥσαιδηπο-*
τοῦν 248, 14.
ῥτις 128, 11; 232, 6; 242, 19; 312,
 19.
ῥταν 4, 21. 23; 76, 8. 15;
 80, 9; 132, 3; 214, 8. 14;
 266, 8; 288, 3; 290, 2; 298,
 18. 25; 312, 21.

- ὅτε 236, 21; 240, 7; 258, 7.
 ὅτι 2, 16; 4, 1; 10, 23, 25;
 12, 9, 12; 34, 5; 40, 14, 17;
 50, 3; 58, 19; 62, 18; 66, 7;
 14, 29; 70, 10, 25; 72, 10;
 74, 13; 76, 22; 80, 17; 82,
 28; 84, 14; 86, 23; 88, 27;
 90, 15; 106, 31; 110, 6, 8;
 120, 1; 122, 1, 9, 17; 128, 4;
 130, 17, 27; 138, 14; 172,
 14, 19; 174, 15; 184, 24;
 190, 1; 230, 27; 234, 3;
 244, 2, 14; 284, 13; 286, 7;
 288, 26; 302, 13; 312, 17,
 20; 314, 11.
 οὐδὲ 12, 6, 8, 9; 286, 15; 290,
 12; 298, 5.
 οὐδεμία 142, 2 οὐδέν 92, 16;
 162, 4; 212, 26; 242, 21.
 οὐδοπότερον 310, 23.
 οὐκ 2, 9; 4, 16, 20; 12, 2, 3,
 5, 8; 18, 22; 48, 27; 50, 25;
 66, 1, 18; 76, 6, 14; 90, 13;
 118, 26; 132, 5; 140, 3, 11;
 160, 16; 168, 15; 172, 14;
 176, 1; 188, 9, 14, 19, 20;
 196, 15; 202, 12; 204, 13;
 214, 3; 284, 13, 17; 286, 7;
 288, 26; 290, 10, 21; 294, 17;
 298, 4; 302, 20.
 οὐκοῦν 14, 11; 194, 13; 268,
 10; 308, 12.
 οὐν 4, 4; 6, 4; 10, 18, 22;
 12, 3; 16, 11; 18, 6, 22;
 20, 8; 22, 21; 26, 1; 28, 2;
 30, 1, 27; 36, 16; 42, 12;
 46, 7; 64, 7; 66, 6; 68, 18;
 74, 13; 76, 5, 27; 82, 26;
 84, 27; 86, 14; 88, 16, 22;
 90, 4, 7; 96, 23; 98, 6, 25;
 102, 6, 9; 104, 16; 106, 7;
 110, 6, 22; 112, 13; 116, 25;
 122, 16, 21; 124, 16; 126, 26;
 128, 9; 132, 9, 22; 134,
 9, 11, 18, 27; 136, 1, 22;
 138, 1; 144, 21; 148, 10;
 152, 10, 22, 23; 154, 1, 26;
 156, 13, 20; 160, 1, 14, 21;
 162, 21; 166, 21; 172, 14;
 174, 20, 22, 24; 178, 26;
 180, 2; 182, 24; 188, 13, 17;
 190, 22; 194, 16, 20; 204, 24;
 210, 2, 3; 212, 6, 9; 216, 12;
 218, 2, 5, 10, 17; 220, 13;
 222, 1, 15, 28; 224, 2, 9;
 226, 16; 228, 3, 13, 16;
 230, 2; 234, 28; 236, 12, 23;
 240, 9, 15, 20, 30; 242, 3;
 246, 18; 248, 7, 17; 252, 22;
 256, 21; 258, 5, 13; 260, 13,
 20; 262, 20; 266, 2, 4, 11, 13;
 268, 6, 11; 270, 5, 15; 272, 8;
 274, 5, 14; 276, 5, 6; 278, 5,
 9, 20, 24, 27; 280, 3, 10, 11,
 14, 17, 27; 282, 10; 284, 18;
 286, 1, 19; 288, 3, 20, 24;
 290, 6, 7, 20, 22; 292, 11,
 22, 25; 294, 8, 10, 25; 296,
 11; 298, 20; 300, 23; 302, 3,
 17, 22; 306, 8, 11, 20; 308,
 21; 310, 8; 314, 11.
 οὐράνια 190, 5; 286, 22.
 οὗτος 294, 25 αὐτή 10, 9; 16, 2;
 76, 7; 116, 25; 164, 14;
 266, 8; 302, 23 τοῦτο 4, 28;
 36, 15; 44, 14; 46, 22; 78, 1;
 132, 1; 134, 2; 138, 22;
 150, 19; 162, 2; 166, 9;
 196, 16; 188, 17; 216, 5;
 232, 26; 244, 9; 254, 23;
 256, 7; 260, 15; 268, 10;
 276, 4; 290, 13; 292, 23;
 294, 8; 296, 2, 17; 298, 11;
 300, 27; 302, 9; 306, 3; 310,
 5; 312, 12 τούτῳ 22, 9;
 24, 3, 4, 8; 28, 24; 32, 8;
 42, 18; 46, 26; 48, 4, 7, 9;
 52, 3; 54, 11, 26, 28; 56, 2;
 58, 2, 7, 27; 60, 2; 62, 3, 21;
 64, 18, 27; 70, 29; 72, 4,
 6; 80, 12, 19, 23, 24; 84,
 10, 15, 17, 24; 86, 1; 100, 3;

104, 17. 18. 22. 28. 29; 106,
1. 4. 5; 108, 9; 110, 16;
114, 21. 23; 116, 2. 9; 118,
22; 120, 8. 11; 122, 6. 27;
124, 10; 126, 7; 128, 11;
130, 10. 23; 132, 18; 144, 18.
19. 20. 26; 146, 10. 24; 148,
24; 162, 14. 18; 178, 13;
180, 23; 182, 4. 8. 16; 212,
10. 14; 216, 11; 218, 9;
230, 4; 232, 14; 234, 16. 19;
236, 9. 25. 27; 238, 2; 252,
10. 26; 256, 20; 262, 13;
268, 21; 282, 16. 18. 21;
284, 1. 12; 298, 20; 302, 26;
308, 10 *τούτου* 16, 11; 20, 6;
26, 16; 76, 12; 80, 7. 13;
92, 5; 94, 1; 96, 18; 120, 24;
218, 6; 262, 15; 290, 11
ταύτης 256, 18; 264, 20 *τού-*
τω 68, 7; 80, 15; 194, 22;
200, 24. 26; 294, 20; 308, 5;
312, 3. 13. 14. 15. 25. 26;
314, 9 *ταύτη* 76, 5; 164, 13;
214, 14; 218, 7. 12; 222, 25;
260, 26; 290, 3; 302, 10
τούτον 116, 29; 122, 4; 128,
6; 238, 2 *ταύτην* 236, 19;
242, 25 *οἱ* 66, 17; 74, 4.
23 *ταῦτα* 14, 15; 16, 4. 9;
18, 19. 20; 30, 7. 9; 32, 17;
34, 22; 36, 8; 40, 2. 4. 5. 6;
44, 28; 46, 1. 2; 48, 25;
52, 10; 54, 4; 56, 15; 58, 10;
60, 5; 62, 8. 26; 64, 29;
66, 2. 11; 70, 2. 3. 7; 76, 4;
108, 20; 116, 4. 7. 8.; 120,
14; 122, 5; 124, 7. 9. 11;
144, 25. 27. 28; 146, 26;
150, 4; 152, 1. 4; 154, 27;
158, 12; 160, 16; 172, 10;
182, 10. 20; 250, 8; 296, 21;
308, 19 *τούτων* 4, 4. 25; 6,
1. 5; 8, 12; 10, 13; 14, 12.
14. 16; 16, 5. 8. 9; 18, 16
21. 27; 24, 28; 30, 6. 11;

32, 16. 19; 36, 7; 38, 28; 40, 3.
7; 42, 11; 44, 28; 46, 3;
48, 26; 52, 10; 54, 5; 56, 16;
58, 10; 60, 6; 62, 9. 27;
64, 30; 66, 22; 68, 9; 70, 3;
74, 2; 76, 4; 84, 1; 102, 3;
108, 19; 116, 7; 118, 20. 21;
122, 12; 124, 8. 12; 130, 24;
142, 1; 144, 26; 160, 12;
176, 27; 178, 1; 182, 13;
184, 2; 216, 17; 262, 10;
280, 2; 284, 6. 9; 302, 3;
304, 15; 310, 20 *τούτοις*
92, 7; 200, 7 *ταύτας* 92, 11;
188, 21; 290, 5.
οὕτως 18, 1. 5. 23; 24, 6. 8. 22;
28, 31; 30, 5. 8; 32, 15. 20; 34,
17; 36, 4; 38, 27; 42, 5; 44, 23;
48, 24; 52, 9; 54, 2; 56, 14;
58, 9; 60, 4; 62, 8. 26; 64, 29;
68, 16; 76, 1; 82, 2; 88, 20;
90, 12; 94, 15; 96, 2; 104,
17; 108, 11; 110, 15. 29;
114, 28; 118, 17; 122, 25;
128, 22; 132, 2; 144, 7. 19;
146, 10; 148, 8. 13. 15. 30;
150, 10. 11. 20. 23; 152, 18;
154, 21; 156, 14; 158, 4. 7;
8; 160, 4. 7; 162, 15; 164,
1. 10; 168, 1. 3; 170, 22;
172, 8. 16; 174, 17; 176, 1.
14. 23; 180, 31; 182, 9. 15;
184, 1. 8. 19; 194, 18; 204,
13; 212, 15. 29; 216, 17;
218, 14; 220, 10; 224, 14;
240, 25; 244, 6. 11; 246, 18;
248, 1. 16; 258, 3; 262, 7;
264, 6; 266, 7; 268, 15;
274, 15; 278, 18; 282, 19.
20; 284, 4; 286, 14; 300, 16.
ὁφθῆ 216, 6.
ὀλήματος 294, 4; 298, 1.
ὀχθης 222, 3. 7 *ὀχθη* 220, 19;
222, 2 *ὀχθαι* 220, 19 *ὀχθας*
222, 14
ὀψεως 244, 8 *ὀψιν* 296, 19.

II

παγέος 190, 25 παγῆ 194, 21.
 παιδάριον 308, 11.
 παλαιός 2, 3.
 παλαιστός 204, 5.
 πάλιν 4, 19. 26; 6, 1; 18, 17;
 38, 29; 44, 1; 60, 10; 76, 7;
 78, 9; 86, 14; 98, 5; 106, 3;
 108, 5. 7; 112, 15; 114, 22;
 122, 16; 126, 7. 19; 130, 12;
 136, 22; 138, 1. 16; 150, 11;
 152, 3. 25; 156, 2; 174, 13;
 210, 3. 15; 212, 2; 214, 29;
 216, 24. 28; 218, 11; 224, 4;
 238, 10; 240, 18; 242, 9. 13;
 246, 24; 250, 3. 7; 254, 21.
 23. 25; 256, 27; 264, 11;
 266, 1. 2. 5; 268, 3. 11. 14.
 27; 294, 7. 19. 20. 26; 296,
 13; 298, 13; 306, 20; 310, 7.
 παντελὸς 288, 21; 302, 9.
 πάντως 272, 7; 290, 10.
 πάντη 4, 28; 138, 11. 21.
 πένν 140, 6.
 παραβάλλω 280, 1. 13 παράβαλε
 14, 12; 16, 6; 130, 2; 144,
 25. 28; 152, 1. 4; 156, 1. 3. 10;
 176, 27; 182, 11 παραβαλεῖν
 124, 7 παραβεβλήσθω 168, 6.
 παραβοηθεῖν 290, 3.
 παραβολῆς 80, 11. 19; 84, 15.
 19 παραβολήν 84, 3; 246,
 13.
 παραγενώμεθα 210, 8 παρα-
 γέ[γενή]σθω 216, 7.
 παράγω 222, 26; 226, 13 πα-
 ράξει 294, 6 παραγέσθωσαν
 228, 13 παραχθέντων 298,
 24.
 παραδειγματός 308, 7.
 παραδόξους 92, 8.
 παραθέσσεως 306, 23 παραθέ-
 σεως 310, 25.
 παρακείσθω 294, 14. 21; 310,
 8. 15 1 παρακείσθαι

308, 1 παρακείμενος 194, 22
 παρακείμενον 296, 7. 10. 16;
 298, 13 παρακείμενον 296,
 11; 298, 7. 10; 312, 7. 12.
 13. 15 παρακείμενους 298, 5.
 παραλαμβάνονται 126, 2.
 παραλειφθέντα 188, 6.
 παραλληλεπίπεδον 98, 15; 100, 13.
 14. 15; 112, 27; 118, 5; 130,
 21; 134, 5. 13. 17 παραλλη-
 λεπίπεδον 130, 18 παραλλη-
 λεπίπεδον 114, 6. 10. 13. 15
 παραλληλεπίπεδα 98, 26; 174,
 25.
 παραλληλόγραμμον 6, 10; 8, 21;
 28, 25. (26.) 28. 30; 30, 22
 (23); 32, 4. 12. (13); 84, 25;
 100, 8; 104, 26; 106, 9. 11;
 112, 20. 21. 27. 29; 114, 2.
 4. 5. 7. 9. 10. 12. 14. 16. 18.
 22. 25; 118, 2. 5; 128, 15.
 18; 250, 18; 262, 11; 264,
 11 παραλληλόγραμμον 6, 17
 (18); 10, 6 (7); 84, 29. 31;
 106, 18; 114, 17; 128, 6;
 262, 15; 264, 1. 4 παραλληλο-
 γράμμω 34, 6; 104, 27; 250,
 17 παραλληλόγραμμα 104, 22;
 106, 16; 270, 2. 4 παραλληλο-
 γράμμων 270, 6.
 παράλληλος 8, 19; 28, 8; 30,
 20; 32, 27; 34, 28; 72, 12;
 104, 14. 18. 21; 110, 2. 13;
 152, 14; 158, 1. 2; 162, 9.
 10; 164, 13; 166, 4; 168, 13;
 172, 18; 174, 6. 13. 19; 224,
 1. 23; 226, 4; 230, 24; 232,
 18. 19. 23. 25; 236, 15; 244,
 11. 12; 246, 25; 252, 7. 14;
 260, 9. 14; 276, 18; 308, 22
 παραλλήλων 150, 14; 260, 2
 παραλλήλω 94, 26; 96, 1. 8;
 116, 26; 142, 29; 176, 7. 22;
 178, 18; 180, 9; 212, 15;
 246, 2. 7. 21 παραλλήλων 24,
 5; 36, 17. 19; 94, 16; 96, 7.

- 10; 108, 26; 144, 13. 14;
152, 26. 27; 162, 26; 180, 3;
220, 9; 224, 14; 228, 1. 11;
230, 14. 18. 22; 232, 2; 234,
14. 22. 23; 236, 9, 12; 244,
3; 246, 22. 27; 248, 6. 8;
252, 11; 266, 17; 274, 30;
276, 27; 278, 1; 280, 6; 294,
21; 312, 26 *παράλληλοι* 6, 17;
8, 20; 104, 19; 112, 24; 128,
3; 166, 10; 168, 16; 228, 19;
292, 2; 306, 25 *παράλληλα*
94, 4; 300, 23 *παράλληλον*
170, 4; 212, 21; 262, 20;
266, 10; 304, 9; 306, 2 *πα-*
ραλλήλους 8, 23; 104, 25 *πα-*
ραλλήλους 222, 14; 232, 26;
306, 25.
παρολογοισθέντες 190, 18.
παράπιπτον 204, 10.
παρασσημνήμενος 288, 12. 16.
παρτιδίεται 194, 4 *παρτιδιε-*
μένον 240, 23 *παρτιδιεμέ-*
ων 200, 19 *παρτιδιέντος*
232, 23; 250, 4.
παρাত্রίψεως 290, 6.
παραφέρω 238, 13.
παρεμβάλλουσα 294, 5.
παρεπομένον 190, 13 *παρασπο-*
μένον 46, 17.
παρέχειν 190, 19 *παρέχοντα*
188, 6 *παρέσχον* 190, 17 *πα-*
ρέχεται 190, 1 *παρεχομένης*
188, 4.
παριστορέσθαι 138, 8.
παρσπεραίρουν 196, 3.
πᾶς 86, 23; 96, 21 *παντός* 66,
14; 76, 7. 14; 88, 27; 190, 4;
212, 28; 234, 9. 11; 236, 21;
240, 7 *πάντες* 272, 18 *πάντας*
212, 7 *πάσα* 4, 10. 15. 19; 96,
26; 102, 9; 112, 17; 242, 19;
292, 26 *πάσης* 96, 24; 204,
24 *πάση* 246, 19; 260, 21
πᾶσαν 4, 15. 19 *πᾶσι* 4, 16.
20 *πάσας* 4, 16. 20; 22, 27
πᾶν 6, 10; 76, 18; 80, 17;
84, 14; 94, 7; 122, 18; 190,
10; 212, 27; 284, 19 *πάντα*
48, 3; 300, 18. 20.
πεπασσαλοκοπήσθω 248, 17.
πασσαλοκοπία 250, 10.
πάσσαλοι 248, 15 *πασσάων*
250, 8 *πασσάλοις* 250, 1. 11.
πάσσαν 314, 7.
πάχος 92, 18. 20; 94, 7; 194,
12. 27; 196, 6. 21; 200, 21
πάχους 92, 16.
παχυμερεστέραν 140, 17.
πειρῶνται 290, 3 *πειρᾶσθαι*
256, 9; 288, 25 *πειρωμένοις*
288, 23.
πελάγη 190, 9 *πελαγῶν* 302, 7.
πελεκίνος 200, 22.
πέμπτη 304, 15 *πέμπτον* 52, 7;
240, 16. 18; 310, 7 *πέμπτον*
60, 23 *πέμπτης* 304, 12. 15
πέμπτων 50, 2. 8. 9. 10. 21.
22; 60, 20. 27.
πεντάγωνον 50, 16; 52, 8;
102, 6. 12 *πενταγώνου* 50,
10; 52, 8. 12; 136, 24. 26.
29; 138, 2 *πενταγώνους* 136,
25 *πενταγώνων* 136, 28.
πεντάκις 52, 10.
πενταμήνων 302, 22.
πενταπλάσια 276, 1.
πενταπλάσιον 50, 4. 14. 24. 26;
52, 13.
πενταπλάσιονα 308, 6; 310, 3.
πεντάπλευρον 28, 27.
πενταπλή 220, 14. 15; 230, 3.
5; 240, 9. 14 *πενταπλής* 308,
18; 310, 11.
πέντε 132, 6; 308, 21.
πεντεκαιεικοσαπλάσιον 276, 2.
πεπερασμένος 160, 26.
πέρατος 226, 8 *πέρατι* 226, 9
πέρατα 214, 13; 240, 28;
244, 1; 262, 7; 272, 4 *περά-*
των 242, 28.

- περιαγόμενον 300, 9 περιαγο-
 μένον 300, 1.
 περιγράφει 312, 19 περιγρά-
 φομεν 244, 15; 246, 19. 26
 περιγράφει 242, 27; 244, 5
 περιγραφομένη 246, 1 περι-
 γραφόμενον 130, 19 περιγρα-
 φομένης 244, 13 περιγραφο-
 μένην 246, 11. 20 περιγε-
 γράφθαι 58, 15; 62, 13; 116,
 20.
 περιέχουσι 40, 25; 94, 4; 104,
 30 περιέχουσα 90, 8 περι-
 εχούσης 90, 11; 260, 23;
 262, 9 περιέχουσαι 272, 22
 περιεχουσών 6, 12 περιέχεται
 134, 19 περιεχόμενος 16, 17;
 78, 14 περιεχόμενον 6, 13; 18,
 2; 66, 10; 80, 11. 18; 84, 14;
 108, 23; 112, 19; 260, 19;
 264, 13; 268, 22; 270, 6;
 272, 20; 274, 20 περιεχομένου
 86, 23 περιεχομένην 90, 18.
 περικείται 196, 26.
 περιλαμβάνοντος 4, 2 περιλα-
 βόντα 284, 19.
 περιειληθῇ 90, 17.
 περίμετρος 66, 14. 24; 68, 1;
 302, 14; 306, 14 περιμέτρου
 22, 8. 12; 24, 14. 16. 17. 18.
 (19); 280, 27; 282, 4. 26;
 284, 1. 2. 3; 312, 20 περί-
 μετρον 66, 21. 23; 74, 4; 296,
 20; 314, 6 περιμέτρους 294, 9.
 περιπλάσματος 138, 26.
 περισσοτέρας 2, 10.
 περιστεγνόνται 196, 22.
 περιστομίων 286, 4 περιστομίων
 286, 2.
 περιτείνειν 90, 16.
 περιτμηθεῖσαν 246, 17.
 περιτίθεται 190, 27. 28.
 περιτρίχωμεν 214, 8.
 περιφέρεια 74, 11. 24. 28; 84,
 26. 28; 86, 21; 126, 13;
 130, 6; 246, 3. 10; 304, 14.
 23; 306, 8 περιφερείας 66,
 29; 74, 13; 86, 24; 246, 18;
 250, 7; 302, 12; 306, 18
 περιφέρεια 46, 22; 86, 11;
 304, 25. 28; 306, 4 περιφέ-
 ρειαν 86, 10; 246, 7. 12 πε-
 ριφέρειαι 72, 9; 76, 24; 78,
 4. 10 περιφερειῶν 68, 13.
 περιφερής 266, 6 περιφερει
 264, 6 περιφερῇ 66, 3.
 περιφέρω 242, 11 περιφέρων
 242, 7. 15 περιφερέσθω 126,
 14 περιφερόμεναι 126, 25.
 περόνη 294, 3.
 περρώδη 138, 8.
 πηγῇ 286, 8 πηγῆς 284, 11. 19.
 24. 25; 286, 12. 18 πηγῇ
 284, 23 πηγῇ 284, 17.
 πῆγμα 292, 25; 306, 24 πῆγμα-
 τος 200, 9.
 πηγμάτια 196, 26 πηγματίων
 200, 3 πηγματίας 200, 1.
 πεπηγώς 294, 12 πεπηγότι 294,
 13. 24.
 πηλῶ 188, 21 πηλόν 138, 22.
 πήχυν 4, 20; 210, 2. 12; 212,
 2. 4 πήχυν 4, 22. 29 πήχυν
 6, 4; 196, 6; 204, 5; 210, 3.
 6. 7. 10. 11. 12. 13. 14. 15.
 16. 17; 212, 1. 3. 9. 13; 218,
 9. 14; 244, 10; 256, 28. 29;
 258, 3; 296, 21; 298, 15. 16.
 17. 21 πηχῶν 200, 20; 216,
 13. 14. 15. 16. 21. 24. 25. 26.
 27. 28; 218, 1. 2. 3. 4. 7. 10.
 12. 15; 256, 19. 21. 22. 23.
 27; 296, 20; 298, 19 πήχυν
 244, 9.
 πίπτουσι 10, 18 πίπτειν 244, 8;
 314, 11 πίπτουσα 256, 6 πίπ-
 τουσιν 252, 13.
 πλάγιος 196, 5 πλαγίῳ 196, 26;
 204, 11 πλαγίων 204, 13.
 πλανᾶσθαι 214, 2.
 πλανητῶν 286, 23; 288, 5. 7.

πλάσαντες 138, 23.
πλάτος 84, 27. 30; 92, 20; 168, 7; 196, 6; 200, 21; 220, 18; 222, 13. 18 *πλάτους* 92, 15 *πλάτει* 200, 22.
πλάτυσμα 202, 26.
πλείον 196, 15; 296, 5 *πλείονα* 70, 9; 242, 18; 296, 4. 25 *πλείωνων* 296, 22 *πλείονας* 296, 18 *πλέον* 2, 7; 140, 6; 284, 17; 286, 11; 308, 16.
πλείστον 182, 3; 190, 30.
πλεονάζον 284, 15.
πλευρά 14, 15; 16, 8. 17; 18, 10. 28; 22, 16; 24, 11. 28; 26, 16 (17); 28, 1; 30, 11; 32, 19; 38, 9. 16; 40, 7; 44, 12. 14; 46, 3. 24; 50, 17; 52, 17. 30; 54, 11. 22; 56, 19; 60, 9; 62, 12; 86, 19; 98, 18; 102, 7. 13. 18; 112, 9; 132, 15. 28; 134, 28. 31; 136, 2. 22. 26. 29; 144, 26; 176, 6. 11; 178, 16. 23; 184, 6. 7; 280, 2; 282, 6. 7. 22; 284, 9 *πλευράς* 92, 15; 132, 11; 156, 12; 160, 19; 164, 16; 166, 16. 20; 168, 11 *πλευρᾷ* 54, 14; 86, 8; 178, 13; 300, 10 *πλευράν* 4, 21. 23. 29; 8, 13; 10, 19; 18, 15. 21. 22. 23. 25; 26, 27; 30, 28; 36, 19; 42, 15; 48, 26. 27; 54, 5. 9; 64, 2; 68, 10; 84, 23; 86, 5. 7; 156, 11; 160, 12; 172, 27; 176, 19; 178, 1. 3; 184, 2 *πλευραί* 26, 23; 108, 14. 18; 246, 5. 8 *πλευρῶν* 18, 12; 20, 7; 26, 1; 34, 20; 36, 5. 20; 40, 13; 46, 12. 16; 58, 14; 130, 28; 134, 18; 176, 15; 276, 21; 280, 16. 21; 300, 3 *πλευραῖς* 6, 18; 46, 18; 264, 4 *πλευράς* 10, 17; 36, 11; 46, 9; 262, 12. 17; 276, 4.

πλήθος 94, 6; 288, 17; 296, 23; 300, 11; 314, 5.
πλινθίδων 66, 14.
πλίνθον 194, 2. 25 *πλίνθον* 194, 28.
πνέη 290, 2.
ποιεῖν 94, 26; 242, 21; 274, 8; 278, 24 *ποιεῖται* 120, 5; 168, 7; 176, 10; 180, 4 *ποιουῖσα* 164, 14; 168, 8; 170, 14 *ποιούσαν* 166, 1; 170, 5 *ποιούντες* 218, 18; 240, 20; 290, 4 *ἐποιούμεν* 240, 6 *ἐποιοῦν* 74, 2 *ποιήσει* 96, 9; 116, 27; 152, 5; 156, 16; 158, 15; 164, 2; 180, 4 *ποιήσεις* 74, 19 *ποιήσομεν* 66, 25; 126, 6; 246, 14. 17. 24 *ποιήσουσι* 174, 20 *ἐποιήσαμεν* 236, 21 *ποιήσωμεν* 76, 1; 144, 18 *ποιήσαι* 66, 10. 21; 112, 1; 120, 18; 124, 6. 10; 136, 12; 254, 22; 284, 20 *ποίησιν* 18, 19; 42, 12; 160, 9; 156, 14; 158, 7; 178, 8; 182, 15. 24; 184, 7 *ποιήσαντα* 8, 9. 11; 122, 5; 130, 22; 136, 18; 138, 11 *ποιήσαντες* 20, 3 (4); 138, 5; 252, 21 *ποιεῖσθαι* 298, 3 *ποιησόμεθα* 16, 13 (14) *ἐποιησάμεθα* 16, 12 *ἐποιήσαντο* 4, 18 *ποιησώμεθα* 68, 16; 308, 8 *ποιήσασθαι* 2, 14; 294, 9 *πεποιήνται* 188, 14; 218, 8. 13; 232, 24 *πεποιήσθω* 168, 3.
ποικιλογραφῶμεν 254, 28.
πολεμίων 190, 12.
πολείσθω 294, 18. 23.
πολιορκεῖν 190, 15.
πόλεις 140, 11.
πολλάκις 190, 10; 214, 5.
πολλαπλασιάζω 278, 27 *πολλαπλασιᾶσαι* 94, 29; 100, 2; 102, 2. 18; 132, 25; 130, 23; 136, 18 *πολλαπλασιάσας* 130, 1

- πολλαπλασιάζαντα 82, 29; 122, 6
 πολλαπλασιάζον 14, 16; 42, 20; 46, 2; 146, 23; 150, 3; 156, 8; 158, 12
 πολλαπλασιάζοντας 74, 15; 138, 2
 πολλαπλασιάζομεν 92, 21
 πολλαπλασιάζομεν 68, 2
 πολλαπλασιασθέντων 262, 21
 πολλαπλασιασθείσης 94, 10
 πολλαπλασιασθέν 106, 30
 πολλαπλασιασθέντα 284, 8.
 πολλοστών 296, 23.
 πόλος 304, 7. 10; 306, 2. 7
 πολον 88, 29. 30
 πόλῳ 170, 25; 172, 1; 184, 22.
 πολύγωνον 80, 4; 90, 12
 πολυγώνῳ 80, 3
 πολυγώνων 66, 1.
 πολυκαδίας 212, 20.
 πολυπλέκρον 106, 15.
 πολύ 90, 11; 140, 3; 212, 19; 284, 18
 πολλῶν 20, 4; 72, 23; 80, 5; 284, 21; 296, 25
 <πολ>λά 42, 14; 190, 4; 286, 21
 πολλοί 188, 4. 15; 190, 14
 πολλῶν 188, 9
 πολλάς 188, 15
 πολλάς 188, 3; 190, 1.
 πορευόμενον 292, 20
 πορευθείσης 314, 12.
 ποριούμεθα 252, 21; 272, 13; 276, 24
 πορισάμεθα 236, 22
 πορίσασθαι 68, 7; 234, 10. 15; 236, 9. 11. 18. 20. 25. 27; 268, 19; 276, 20. 22. 25
 πορισάμενον 20, 9; 280, 18
 πεπορίσται 234, 1
 πεπορίσθω 230, 20
 πεπορισμένον 272, 13; 276, 10
 πορίσθηναι 276, 6.
 πόρρω 218, 21. 22. 24; 222, 19.
 πόσον 212, 23; 286, 7. 13. 15
 πόσων 306, 9.
 ποταμοῦ 220, 18. 19; 222, 13. 18.
 ποτέ 264, 3.
 πούς 4, 22
 ποδός 4, 23. 29
 πόδας 6, 4.
 πράγματος 2, 6.
 πραγματεία 92, 12; 190, 2; 302, 10
 πραγματείας 4, 5; 190, 9. 19; 188, 3. 14; 292, 17.
 πεπραγματευμένος 302, 15.
 πρίσμα 100, 7; 102, 1; 112, 20; 114, 1. 5. 8
 πρίσματος 100, 11. 15; 102, 4; 106, 8. 10. 12. 19
 πριμάτων 106, 15.
 προάξει 188, 9
 προήχθη 2, 7.
 πρόβλημα 164, 14; 168, 9; 170, 14; 172, 14.
 προγράφωμεν 70, 6
 προγράφεται 46, 8; 100, 15; 274, 4
 προγεγραμμένης 118, 26.
 προδεδεικται 30, 30; 220, 13; 232, 20
 προδείχθη 88, 16.
 πρόδηλον 312, 17.
 προδηλοτέρα 118, 25.
 προδεδιδαγμένων 234, 3.
 προεκβεβλήσθω 260, 11.
 προεირηται 84, 13; 90, 2. 19
 προειρημένον 190, 31; 194, 1
 προειρημένῳ 94, 20; 98, 6
 προειρημένη 78, 10; 126, 5; 190, 20; 292, 21
 προειρημένων 90, 21.
 προθέσεως 70, 11.
 προκατάληψιν 190, 12.
 προκειμένον 116, 11; 142, 23; 144, 14; 146, 19; 148, 2; 152, 6. 24; 156, 17; 158, 15; 162, 3; 164, 2; 176, 23; 180, 4; 184, 10
 προκειμένης 188, 18.
 προοίμιον 2, 2.
 προσαγόμενοι 190, 16.
 προσαναπεληρώσθω 6, 24; 70, 26; 82, 4.
 προσανοικοδομῆν 214, 1.
 πρόσβαλε 178, 11
 προσβαλῆν 290, 25
 προσβεβλήσθω 244, 11.
 προβεβασανισμένων 254, 14.

προσδεόμεθα 212, 18 προσδε-
ήσεται 140, 21 προσεδεήθη-
σαν 2, 10.
προσεγγίσαντα 218, 22; 226, 8;
228, 1; 230, 15; 232, 9;
234, 6.
προσεκβεβλήσθωσαν 290, 26.
προσελθόντα 260, 3.
προσεντάξει 132, 9.
προσευρήσθω 252, 2.
προσηλοῦται 200, 26 προσηλω-
μένων 202, 27.
προσηυξήσθω 180, 20.
προσθίσεις 312, 3.
προσθεωρήσαμεν 4, 7.
προσιόντα 234, 18.
προσκεῖσθω 28, 27; 162, 12
προσκεῖσθωσαν 28, 11 (12).
προσλαβόν 106, 29 προσελη-
φύται 306, 6.
προσομολογουμένου 302, 13.
προσπίπτουσα 254, 12; 246, 6.
προσπλάσθῃ 138, 20.
προστάξομεν 190, 23.
προστίθῃμι 266, 15 προστιθέαι
74, 21 προσέθηκα 268, 11
πρόσθες 18, 26; 30, 10; 42, 24;
76, 4; 108, 20; 116, 8; 118, 20;
128, 23; 182, 20 προσθύνειν
124, 8; 268, 3; 274, 13
προσθῶμεν 80, 8; 310, 27
προσθέντες 80, 15 προσθή-
σωμεν 42, 17 προσετέθη 310,
29 προστεθῇ 312, 1 προστε-
θῆναι 312, 18 προστεθέντος
32, 3; 268, 6 προστεθεισῶν
32, 6(7) προστεθείσης 112, 1;
120, 19.
προ(σ)νογραφῆσαι 92, 11.
προτάσεις 188, 16, 18.
πρότερον 46, 23; 126, 9; 138,
24; 190, 22; 294, 7 προτέρων
292, 25.
πρώτη 2, 3 πρώτων 298, 6 πρώτα
2, 9.
πτερῶν 314, 7.

πτερωτός 314, 6.
πτώματος 254, 1.
πυθμένι 292, 27; 294, 2. 6. 16.
22, 24; 300, 24 πυθμένα
296, 2.
πυκνότητα 274, 18.
πυραμῖς 96, 27; 102, 10; 112,
7; 114, 11; 116, 23; 118, 1.
9; 136, 3; 176, 4. 12. 22. 25
πυραμίδα 102, 5; 104, 3;
112, 4. 15; 114, 3; 132, 13;
176, 8. 12 πυραμίδος 96, 24;
102, 16. 17; 104, 1; 106, 7.
14. 21. 28; 108, 22; 110, 22.
25. 26; 112, 11. 14. 17; 132,
7. 24. 27; 134, 22; 136, 16;
138, 4; 178, 27 πυραμίδι
106, 17 πυραμίδες 136, 24;
176, 13 πυραμίδων 134, 2;
176, 1.
πῶμα 302, 1. 2.
πῶς 80, 23; 140, 17; 212, 23.

P

πάβδους 292, 8.
πέυματος 190, 14; 286, 9.
πειρώθη 138, 7.
πητόν 172, 14.
πόμβοιδές 36, 10. 14.
πόμβος 36, 10. 13.
πόσις 284, 16 πόσις 286, 10.
16 πόσιν 286, 12.

Σ

σανίδος 246, 14. 17.
σελήνης 190, 8; 302, 18. 21.
σημαίνει 298, 17. 19 σημαίνειν
296, 9. 26.
σημεῖον 96, 6; 106, 15. 22;
110, 23. 28; 112, 5; 114, 5;
118, 2. 4. 10. 12; 120, 14.
16. 23. 25; 132, 15; 134, 25;
136, 4; 150, 18; 162, 4; 164,
4. 15. 18; 166, 19; 168, 10;
170, 24; 174, 4; 176, 5;
184, 22; 214, 18; 216, 6;

- 220, 1. 7; 222, 3. 8. 24. 25;
226, 16. 17; 228, 2. 16; 234,
25; 236, 1. 16; 240, 2. 15;
242, 6. 9. 15; 246, 5; 248,
12; 250, 16. 27; 252, 26;
254, 6. 16. 22; 256, 4. 23.
25. 26; 258, 2. 11; 260, 23;
272, 7. 11. 13. 18. 25; 304,
26; 306, 6. 17. 21 σημειον
126, 13; 166, 16. 17; 176, 22;
184, 9; 214, 18; 224, 18;
226, 19; 228, 8; 234, 7. 11.
12. 20. 23; 236, 21; 240, 7;
246, 6; 248, 13; 256, 16. 20;
260, 2; 272, 17. 26; 274, 16
σημειω 218, 22; 226, 14;
228, 2. 15; 234, 26; 238, 15;
254, 28; 256, 5; 260, 4; 306,
19 σημεία 90, 9; 110, 9;
126, 11; 134, 3; 162, 2; 212,
14. 29; 214, 12; 218, 11. 16.
18. 23; 222, 21; 226, 10;
232, 6. 11. 21; 242, 18; 244,
7. 9; 246, 8; 250, 6. 8; 262,
4; 264, 8. 20; 272, 23 ση-
μείοις 104, 13; 134, 1; 230,
15; 232, 10; 234, 18 σημείων
214, 20; 218, 19. 20; 222,
19; 228, 21; 230, 12. 28;
232, 8. 15; 234, 14; 246, 1;
250, 11. 13. 22; 254, 10;
262, 3; 264, 21; 270, 8;
288, 18.
σημειωσάμενος 254, 18 σεση-
μειωμένων 212, 6.
σινδόνα 90, 15. 17.
σκαληνός 96, 16 σκαληνόν 98, 1
σκαληνοῦ 98, 13 σκαληνῶ 98,
10.
σκληρότερον 214, 6.
σκολιωτέραν 268, 20.
σκυτάλιον 294, 7 σκυτάλια 294,
1; 298, 14 σκυταλίων 294, 6.
σκυταλωτόν 294, 9 σκυταλωτοῦ
298, 12 σκυταλωτῶ 294, 11;
296, 9.
σπάρτος 202, 7; 204, 22 σπάρ-
τον 274, 23 σπάρτον 202, 19;
204, 1. 17 σπάρτω 272, 9
σπάρτοι 254, 7; 290, 7; 292,
11 σπάρτων 290, 10; 292,
10. 12 σπάρται 288, 26 σπάρ-
τας 290, 9.
σπείρα 128, 6; 130, 8 σπείραν
126, 9 σπείρας 126, 26; 128,
4. 19. 21; 130, 3 σπείραι 126,
21. 27.
σπειρικὴν 126, 18 σπειρικῆς
126, 20.
σταδίω 212, 28 στάδια 296, 21;
298, 26 σταδίων 302, 14;
314, 5 σταδίων 306, 14. 15.
στεγάζεσθαι 132, 5.
στεγνώματι 196, 24.
στενά 200, 23.
στερεόν 4, 1. 27; 92, 14. 22;
94, 4. 5. 7. 25. 28. 31; 96,
18. 23. 24; 98, 11. 13. 15.
28; 100, 4. 5. 11. 12. 13. 15;
102, 11. 16; 104, 1; 106, 7.
17. 20. 23. 28; 108, 21. 23.
24; 110, 25. 26. 29; 112, 14.
16. 18. 26; 114, 15. 27; 116,
11; 118, 5. 13. 15. 23; 120,
2. 26. 28; 122, 8. 13; 124,
13. 17; 128, 21. 26; 130, 3.
11. 21; 132, 12. 24. 27; 134,
4. 7. 13. 16; 136, 20; 138,
4. 5. 13. 25; 174, 28; 182,
9. 19 στερεοῦ 94, 11. 24;
96, 4. 27; 102, 10; 114, 26;
116, 1; 130, 18; 134, 13;
176, 9. 11 στερεῶ 98, 20;
112, 7; 114, 6. 8. 10. 12. 15.
18 στερεά 2, 7; 4, 26; 92, 4;
94, 6; 98, 26; 174, 23. 24
στερεῶν 138, 6.
στημάτια 194, 5. 25; 196, 2
στηματίων 312, 23.
στίχοις 212, 7.
στόματα 238, 5 στομάτων
238, 3.

στοχάσασθαι 286, 14 στοχασά-
μενον 284, 20.

στρέφεσθαι 308, 4 στρεφόμενος
196, 1; 312, 4 στρεφόμενων
310, 24 στρεφόμενον 300, 7
στραφήσεται 194, 15 στρα-
φείς 296, 6 στραφέν 296, 12
στραφέντος 296, 14. 19 στρα-
φέντα 296, 9.

στρογγύλος 196, 10 στρογγύλον
190, 26 στρογγύλοις 312, 5.

στροφή 298, 4 στροφήν 294, 4
στροφαιί 296, 19; 298, 12. 13.
15 στροφάς 294, 9; 296, 13;
298, 9.

[σ]τύλος 204, 18.

στυλίκος 190, 25; 228, 4.

συναγαγείν 4, 6 συνάγονται
24, 28.

συγκείμενος 36, 13 σύγκειται
106, 8; 134, 2.

συγκοινωνούμενον 194, 11.

σύγκρισις 6, 2 σύγκρισιν 4, 18
συγκρίσεις 4, 11. 24. 26.

συγχωνύνειν 214, 1.

συμβαίνοντα 288, 22 συμβήσεται
294, 8.

σόμετρον 242, 1.

συμπαράλαμβάνοντες 4, 8 (9).

σόμπασα 140, 8.

συμπεριφερομένον 126, 15.

συμπίπτει 110, 6 συμπεσείται
110, 5 συμπίεση 244, 12 συμ-
πεσούνται 110, 3 συμπιπτέ-
τωσαν 110, 4; 166, 10; 168,
16.

συμπεπλήχθαι 308, 1.

συμπεπληρώσθω 190, 12.

συμφυής 194, 9. 23; 294, 3. 11;
296, 15; 312, 16 συμφυής
190, 31; 194, 21; 246, 15;
308, 5. 22; 310, 2. 10. 17;
312, 11. 13. 14; 312, 24. 25;
314, 1. 2. 14 συμφυή 194, 6.
8; 200, 5. 12; 294, 1. 17. 22;
296, 8; 306, 26.

σύμφωνον 74, 8.

συναμφοτέρος 28, 13 (14). 20
(21). 23; 32, 7. 9; 34, 7;
50, 27; 68, 27; 108, 2. 8;
122, 25. 30; 166, 8 συναμ-
φοτέρον 36, 1; 50, 3. 14. 23;
68, 26; 106, 1. 2. 3; 166, 6
συναμφοτέρω 28, 16; 32, 8
συναμφοτέρον 106, 4; 170, 6
συναμφοτέρων 262, 22.

συνεγγίξει 46, 22 συνεγγίζω
18, 24 συνεγγίζουσα 264, 5
συνεγγίσω 254, 27.

σύνεγγος 26, 27; 28, 1; 50, 26;
262, 9; 264, 10; 266, 1; 268,
22; 272, 24.

συνέσεως 2, 18.

συνέχειν 196, 18 συνέχεσθαι
196, 28.

συνεχῇ 90, 9; 218, 18; 260, 28;
264, 8. 20.

συνθέσεως 16, 13 σύνθεσιν
162, 26; 170, 11.

συνίσταμαι 254, 27 συστήσάμε-
νος 254, 26 συνεστάτω 56,
24; 60, 25; 64, 6.

συντίθημι 212, 6 συντιθέντες
72, 29 συνθῆς 74, 18 σύνθεσις
16, 4; 18, 15; 24, 23; 30, 6;
32, 20; 34, 22; 36, 7; 40, 1;
42, 19; 44, 26; 76, 1; 108,
11; 116, 2; 118, 17; 144, 24;
146, 23; 150, 26; 154, 26;
158, 11; 160, 9; 176, 25;
182, 23; 184, 5; 284, 6 συν-
θέντι 24, 6; 142, 17; 148,
11; 160, 22; 166, 2. 23; 282,
18 συντεθείσιν 42, 18 συν-
τεθήσεται 24, 22; 30, 5; 32,
15; 34, 15; 36, 4; 38, 26;
42, 4; 44, 23; 48, 24; 52, 9;
54, 2; 56, 13; 58, 9; 60, 4;
62, 7. 25; 64, 29; 108, 10;
110, 29; 114, 27; 118, 16;
128, 21; 148, 29; 160, 23;
152, 17; 154, 20; 158, 7;

160, 7; 164, 9; 168, 1; 174, 17; 176, 23; 182, 8; 278, 17; 284, 4.
σύριγγας 290, 4. 7.
συστέλλεσθαι 254, 15; 262, 14; 300, 8.
σφαίρας 2, 19; 86, 28. 29; 88, 1. 9. 11. 13. 19. 20. 26. 28; 90, 3; 120, 27. 28; 122, 3. 8. 10. 13. 14. 18. 21. 22. 23. 24; 124, 3. 5; 134, 20. 23. 28; 136, 23. 26. 27; 170, 15. 16. 25. 27; 172, 11; 184, 12. 22. 24. 27 *σφαίρα* 86, 31; 122, 2; 170, 20. 28; 184, 15 *σφαίραν* 1841, 1 *σφαίρα*(*ις*) 122, 11.
σφαιρική 250, 13 *σφαιρικήν* 248, 10 *σφαιρικών* 126, 3 *σφαιρικός* 92, 6.
σφοδρός 290, 2.
σχήμα 76, 11; 90, 12; 94, 7. 14. 17. 21; 96, 8; 172, 24; 216, 10 *σχήματος* 94, 19 *σχήματα* 90, 4. 21; 126, 5 *σχημάτων* 66, 1. 3. 4; 126, 4; 132, 6.
σχοινίον 254, 13. 17. 22; 270, 15; 272, 7 *σχοινίου* 272, 4; 292, 19 *σχοινίω* 256, 1; 262, 13; 276, 12.
σωλήν 194, 14; 196, 9. 17 *σωλήνα* 194, 12; 196, 11. 14. 17. 18; 200, 10. 17; 284, 20 *σωλήνος* 196, 20; 286, 2. 3. 4. *σωλήνι* 196, 13. 22 *σωλήσι* 200, 2.
σώμα 92, 17; 138, 13. 20 *σώματος* 138, 15. 16. 19. 25 *σώματα* 2, 8; 4, 26; 92, 4 *σωμάτων* 92, 18; 138, 6. 27.

T

τάλαντα 308, 12; 310, 7. 19. 20
ταλάντων 308, 9. 10. 16. 20;
 310, 6. 7. 13. 14. 29.

τάξει 138, 6.
τάξομεν 20, 2 (3) *τεταγμένων* 46, 8; 90, 4.
ταπεινότερος 212, 19 *ταπεινότερον* 284, 24. 25.
τάφω 286, 14 *τάφρον* 286, 12.
τάφος 286, 10.
ταχέως 290, 1.
ταχύτερας 286, 10.
ταχών 190, 3. 18; 200, 3 *τείχεσιν* 190, 17.
τελευταίος 212, 4.
τεμνέτω 230, 25 *τέμνονσα* 164, 7. 11; 290, 15 *τέμνονσαν* 162, 7 *τέμνονσαι* 290, 15 *τεμνέσθω* 176, 10 *τεμείν* 162, 28; 170, 12. 15; 176, 7; 184, 11 *τεμόντα* 270, 2 *τέμνεται* 246, 7 *τέμνεσθαι* 282, 13 *τεμνόμενος* 246, 25 *τεμνομένης* 50, 12 *τεμνόμενον* 94, 25; 96, 8 *τέμνεται* 162, 24; 170, 9 *τετμήσθαι* 22, 25 *τετμήσθω* 28, 7; 162, 16; 170, 20; 184, 9. 17. 18 *τετμήσθωσαν* 30, 30; 76, 23; 78, 3. 9; 104, 12; 112, 23; 148, 6 *τετμημένην* 84, 23 *τετμημένον* 130, 13 *τμηθῇ* 116, 25; 176, 22 *τμηθείσης* 162, 6 *τμηθείσων* 34, 3.
τέσσαρας 196, 6 *τεσσάρων* 50, 21; 132, 4 *τέτ(τ)αρσι* 70, 15.
τετάρτον 56, 23. 25 *τέταρτον* 54, 4; 64, 30; 236, 28.
τετραγωνισθείσα 312, 8.
τετράγωνος 18, 2. 4. 8. 24; 118, 18; 196, 10 *τετράγωνον* 4, 21. 23; 6, 19 (20); 10, 22. 26; 12, 4. 7. 10 (11); 16, 16; 18, 3 (4). 6. 10; 50, 25; 52, 12; 116, 20. 24. 28; 118, 9; 130, 20; 134, 3. 8. 12; 144, 8. 9. 10; 284, 20 *τετραγώνον* 16, 16; 50, 25; 52, 13; 306,

5. 20 *τετραγώνῳ* 18, 8 *τετράγωνοι* 300, 5 *τετράγωνα* 2, 17; 8, 5; 66, 7; 88, 7; 160, 5; 172, 6 *τετραγώνων* 12, 1. 8. 11; 26, 22 (23) *τετραγώνοις* 10, 23; 12, 5; 300, 7.
τετραγωνική 280, 2.
τετράκις 68, 24. 25 *τετράκι* 70, 3; 150, 4.
τετραπλάσιον 86, 30; 88, 2; 178, 25; 180, 16.
τετραπλάσιος 88, 4 *τετραπλάσιον* 46, 26. 28; 70, 13. 28; 72, 1. 11. 20. 24. 25. 27; 76, 26. 29; 78, 7. 19. 29; 80, 26; 180, 10 *τετραπλάσια* 2, 19 (20); 26, 24; 48, 17; 70, 7; 78, 6. 23.
τετράπλευρον 22, 22; 38, 26; 44, 23; 150, 16; 152, 9. 27; 154, 9; 156, 20. 21; 160, 22; 162, 8. 15. 19; 164, 5. 8. 11. 17; 166, 3. 11 *τετραπλεύρου* 40, 9; 46, 9. 15. 16; 150, 14; 152, 25; 162, 6; 164, 16 *τετραπλεύρω* 162, 13; 252, 16 *τετράπλευρα* 36, 16 *τετραπλεύρων* 46, 7. 19.
τετραπλή 72, 5; 220, 15; 236, 23. 24 *τετραπλήν* 176, 9.
τέτρασιν 22, 27.
τεχνῶν 142, 2.
τηλικοῦτος 196, 11 *τηλικοῦτο* 300, 12.
τηρεῖν 286, 16 *τηρήσαι* 286, 12 *τηρήσαντας* 302, 21 *ἐτηρήθη* 304, 16 *ἐτηρησθῶ* 302, 17.
τήρησις 304, 24.
τίθῃμι 254, 16; 256, 17 *θήσομεν* 240, 17; 252, 18; 272, 5. 9; 306, 18 *θεῖναι* 170, 11 *θέντες* 240, 19; 272, 12; 306, 20.
τις 6, 7; 66, 21; 86, 6; 94, 12; 96, 2; 102, 17; 126, 10; 140, 18; 160, 27; 200, 14; 202, 14; 188, 19; 232, 22; 254, 10; 264, 18; 266, 6; 272, 23; 312, 9; 314, 13 *τι* 4, 12; 42, 13; 84, 25; 92, 17; 94, 17; 156, 15; 158, 8; 164, 3; 168, 4; 170, 24; 174, 3; 184, 1. 8; 190, 11; 214, 5. 16; 222, 8; 224, 21; 226, 2; 254, 16. 17; 260, 22; 274, 24; 290, 12; 300, 20; 304, 5; 308, 20 *τινός* 68, 6; 90, 14; 92, 10; 190, 13; 232, 23; 256, 17; 260, 2; 308, 13; 310, 26 *τινί* 142, 29; 190, 16; 196, 24; 226, 15; 228, 20; 234, 26; 288, 15; 286, 13 *τινά* 2, 11; 84, 23; 90, 9; 126, 17; 144, 20; 150, 10. 12; 182, 16; 218, 9. 14; 246, 13; 290, 1; 302, 9 *τίνα* 230, 2 *τινές* 90, 20; 92, 8; 126, 23; 214, 7; 288, 5. 20; 290, 3 *τινῶν* 298, 24; 300, 1; 302, 8; 312, 23 *τινάς* 170, 11; 292, 22.
τμήμα 50, 13; 70, 23; 72, 7. 28; 76, 18. 20. 22; 80, 3. 4. 6. 10. 17; 82, 1. 2; 84, 14; 88, 20; 112, 11; 122, 14. 18. 21. 24; 124, 3. 5; 126, 19. 20; 130, 13. 17. 21. 25. 29; 172, 20. 25; 180, 10; 242, 28; 248, 11 *τμήματος* 70, 6 74, 3. 22; 76, 7. 8. 12. 14; 80, 9. 16; 82, 16. 22. 23; 88, 19. 27. 30; 90, 3; 122, 20; 124, 14. 15. 18; 130, 16; 172, 2. 3; 250, 9 *τμήματι* 130, 20; 244, 4; 250, 3. 14 *τμήματα* 170, 27; 184, 12. 25 *τμημάτων* 76, 6; 126, 8; 170, 17.
τοι 76, 9.
τοίνυν 190, 24.
τοιούτη 14, 8; 144, 23; 146, 20; 190, 15; 296, 25 *τουούτο*

- 140, 14 *τοιούτων* 90, 15; 94, 19 *τοιούτων* 94, 25; 130, 17; 138, 14; 144, 16 *τοιούτην* 74, 6 *τοιούτοι* 214, 7 *τοιούτα* 138, 9; 140, 16 *τοιούτων* 176, 2; 304, 23 *τοιούτοις* 214, 8.
- τοίχος* 302, 2 *τοίχον* 254, 17; 300, 10; 308, 13; 312, 7 *τοίχων* 254, 12; 300, 5. 18; 302, 1 *τοιχοίς* 294, 14. 18. 25; 306, 25.
- τομέης* 86, 6. 23. 25; 172, 21 *τομέως* 86, 24. 26.
- τομή* 182, 7 *τομήν* 116, 27; 176, 10; 180, 4 *τομῆς* 80, 18; 84, 15 *τομῆς* 94, 26; 96, 1. 9 *τομῶν* 6, 17; 94, 3.
- τόπος* 212, 19; 248, 11; 250, 12; 252, 16. 22 *τόπον* 212, 11; 250, 13. 17; 256, 17; 258, 12; 284, 12 *τόπον* 138, 17; 190, 13; 194, 27; 204, 3; 252, 26; 254, 1; 284, 24; 286, 1 *τόποι* 140, 15; 214, 6. 7; 302, 3 *τόπους* 132, 5; 196, 27; 212, 22. 24. 25. 29 *τόπων* 144, 16; 302, 8 *τόποις* 226, 12.
- τόρμον* 190, 26. 27. 29; 194, 20 *τόρμω* 190, 28; 196, 2. 3 *τόρμων* 194, 9 *τόρμονς* 312, 5.
- τετορνευμένος* 314, 7.
- τοσανταπλασία* 260, 12.
- τοσοῦτος* 204, 18 *τοσοῦτους* 306, 15 *τοσοῦτον* 10, 12; 14, 15. 17; 16, 10; 24, 28 (29); 28, 2; 30, 7; 34, 23; 36, 8; 40, 8; 42, 13. 25; 52, 11; 54, 6; 56, 16; 58, 11; 60, 6; 62, 10. 28; 64, 31; 66, 12. 23; 68, 4. 10; 70, 4; 74, 3. 30; 84, 1; 86, 1; 88, 7; 90, 2; 94, 31; 98, 13; 100, 4; 102, 4. 15; 108, 21; 116, 10; 118, 23; 122, 13; 124, 13; 130, 3. 25; 134, 15; 138, 18; 144, 21. 29; 148, 1; 152, 19; 154, 28; 158, 14; 160, 12; 178, 1; 182, 12 *τοσοῦτω* 296, 5 *τοσοῦτον* 46, 19; 194, 26; 266, 13; 300, 21 *τοσανται* 298, 14 *τοσοῦταν* 30, 11; 32, 22; 92, 22; 152, 2. 4; 178, 14; 180, 2 *τοσαντάς* 96, 9; 288, 18.
- τότε* 214, 16; 304, 12.
- τραπέζιον* 28, 4. 30 (31); 30, 13; 32, 14. 23; 34, 6. 24; 40, 12; 44, 1; 264, 12. 13; 266, 7; 268, 7; 278, 2. 24; 280, 7 *τραπέζιον* 34, 13; 36, 3. 9; 46, 6; 144, 2. 4; 156, 6; 268, 9. 15; 276, 26 *τραπέζιω* 28, 29; 32, 4. 14 *τραπέζια* 262, 16. 19. 22; 266, 3 *τραπέζιων* 264, 2; 266, 5.
- τρεῖς* 18, 6; 94, 2; 126, 25; 204, 15; 210, 3. 11. 13. 15; 284, 6; 292, 6 *τρία* 172, 13 *τριῶν* 18, 12; 50, 8; 126, 22; 194, 10; 200, 22; 268, 18.
- τρήμα* 204, 15 *τρήματος* 200, 10 *τρήμασιν* 300, 7; 312, 5. *τριάκοντα* 296, 12.
- τρίγωνον* 6, 21; 8, 14; 10, 18; 12, 13; 14, 7. 18; 16, 1; 22, 1. 3; 24, 1; 26, 4; 28, 26; 30, 28; 32, 1. (2); 34, 2. 31; 36, 26; 38, 23; 44, 21. 22; 46, 23; 48, 20. 23; 52, 7. 29. 30; 54, 15; 56, 5; 58, 5. 18. 27; 62, 5. 16. 21; 64, 26; 72, 10. 17. 18. 19. 21. 25; 76, 23. 25; 80, 2. 7. 14; 104, 3. 4. 6. 7; 106, 13. 14. 19. 20. 22; 108, 1. 5. 10. 14. 18. 25; 110, 23. 27; 112, 4; 120, 6; 132, 14. 16; 134, 25. 26; 136, 4; 142, 3. 5. 14. 20. 28. 29; 144, 2. 4. 5. 6. 7; 146, 1. 5. 12. 13. 14. 24; 148, 4. 13. 14; 150, 1; 152, 13; 154,

9. 12; 156, 7. 23; 158, 3;
160, 20; 162, 12. 13. 14. 16.
18; 166, 12. 26; 168, 17;
172, 17. 23; 174, 7. 9; 220,
9; 254, 20. 23. 26; 256, 2;
264, 12; 274, 2. 5. 6. 8. 10.
11. 13. 29; 276, 2. 4. 19. 20.
22; 278, 9. 10. 11. 23. 25;
280, 9. 12. 15. 20. 22. 23
τριγώνου 6, 23. (24); 8, 3.
16. 22; 10, 8; 14, 6. 31; 16,
10; 18, 13. 14. 21. (22); 20,
6. (7). 9; 22, 6. 7. 8. 10. 12.
17; 24, 12. 15. 21. 29; 26, 1.
26; 34, 19; 36, 5; 38, 21;
44, 5; 46, 4. 12; 48, 16. 23;
52, 6; 56, 7; 62, 22; 72, 19.
26; 76, 19; 80, 4. 6. 19; 84,
7. 16. 17; 104, 10; 106, 23.
25. 26. 27. 28. 29; 110, 1. 20;
132, 25; 136, 2. 17; 142, 12.
19. 24. 25; 146, 15; 148, 3.
18; 156, 5; 160, 18. 22. 23;
172, 27; 174, 3. 9; 274, 3.
11. 12; 276, 3. 5. 11; 278,
11; 280, 8. 16. 19. 25. 27;
282, 5. 8. 22; 284, 4. 10 *τρι-
γώνω* 22, 15; 24, 2; 76, 27;
152, 13; 158, 1; 172, 23;
282, 15 *τρίγωνα* 46, 11; 48,
9. 12. 15; 66, 2; 78, 5. 6. 8;
90, 13; 104, 16; 134, 23;
142, 3. 8; 144, 9; 148, 5. 9;
150, 2; 174, 5. 21; 256, 7. 9;
262, 16. 17. 20; 266, 2; 270, 1
τριγώνων 10, 15; 36, 13. 14;
72, 11. 27; 76, 26; 78, 6. 14;
134, 19. 21. 29; 264, 2; 266,
4; 270, 5; 274, 15; 276, 24;
278, 9 *τριγόνους* 76, 28.
τριπλάσιος 2, 16 *τριπλάσιον* 46,
27; 64, 10; 78, 27; 80, 23. 26;
132, 18; 134, 4. 6. 14; 144, 2. 3;
174, 8 *τριπλάσια* 74, 25; 174, 15.
τριπλάσιονα 74, 5 *τριπλάσιων*
80, 10.

τριπλεύρων 46, 7. 19; 54, 15.
τριπλή 76, 9. 16; 174, 10.
τρίτον 52, 10; 58, 20; 70, 16;
78, 2. 24. 26; 80, 7. 16; 96,
21. 27; 102, 10; 104, 1; 106,
23. 24. 25. 26; 114, 13. 16.
19. 25; 132, 26; 136, 19;
138, 3; 172, 20. 22. 24. 28;
174, 1. 7. 18 *τρίτον* 64, 7
τρίτα 18, 26. 27.
τριτημόρια 4, 2.
τροπικῶν 304, 1. 5.
τροπᾶς 302, 28; 304, 13.
τρόπος 264, 16 *τρόπον* 290, 12.
τροχίλου 202, 8.
τροχός 296, 20; 314, 6 *τροχοῦ*
294, 8; 296, 9. 13. 19; 298,
14 *τροχῶ* 314, 9 *τροχῶν* 292,
21; 294, 4.
τρόπημα 204, 19.
τυγγάνει 4, 4; 132, 1; 174, 24;
190, 4 *τυγγάνη* 92, 11 *ἐτυγεν*
162, 4; 228, 11; 238, 7 *τύχη*
264, 2 *τύχοι* 10, 20; 66, 9.
20; 146, 3; 176, 9; 218, 7.
12; 220, 13; 224, 8; 230, 3;
236, 23; 240, 9; 254, 1; 256,
29; 276, 1; 296, 11; 298, 9;
302, 8. 11; 306, 10; 308, 6;
312, 1 *τυχόν* 164, 3; 170, 24;
184, 21; 216, 2. 3. 4; 220, 5;
240, 15 *τυχόντοος* 46, 9; 238,
7. 9. 10. 12 *τυχόντι* 252, 16
τυχόντα 126, 11; 232, 21 *τυ-
χοῦσαν* 260, 24 *τετυχέτω* 222,
28; 226, 16.
τυλάριον 200, 16 *τυλάρια* 200, 12.
τύλος 204, 14 *τόλον* 204, 21.
τυμπάνιον 190, 27. 30; 194, 8.
16. 19. 20; 294, 21 *τυμπανίον*
194, 1. 5. 15. 27; 294, 14;
296, 7. 10. 16. 22; 298, 17;
300, 11 *τυμπανία* 194, 4. 6.
11. 23; 296, 9 *τυμπάνια* 300,
3. 18. 20 *τυμπανίων* 212, 21;
298, 23.

τόμπανον 244, 2; 246, 15. 22.
27; 248, 7; 250, 2; 288, 8;
294, 9. 12. 16. 17; 298, 8. 10.
18; 308, 5. 16. 23; 310, 1. 3.
8. 15. 16. 17; 312, 11. 24. 25;
314, 12 τυμπάνον 246, 16;
286, 25; 288, 8; 296, 1; 298,
12. 13. 27; 300, 7; 308, 17;
310, 2. 4. 5. 11. 13. 16. 18. 23;
312, 4 τυμπάνον 218, 26;
288, 1; 294, 17; 298, 19;
300, 15; 310, 8. 9 τόμπανα
296, 4; 308, 1 τυμπάνων 300,
23; 306, 23; 310, 25.
τόπτεσθαι 290, 6.

Υ

ύάλινον 196, 21 ύάλινα 196,
23. 27. 28 ύάλινων 200, 3. 9.
ύγρόν 212, 12; 214, 3.
ύδραγωγίον 214, 5.
ύδρευμα 272, 18.
ύδωρ 138, 14. 15; 212, 11. 16.
18. 23; 214, 7. 10; 284, 15.
17. 19. 23; 286, 2. 8. 11. 14.
15 ύδατος 138, 13; 196, 24;
212, 5; 214, 9 ύδατι 272, 19
ύδάτων 190, 3.
ύλην 254, 2.
ύπαντήσουσιν 240, 25.
ύπάρχει 90, 8; 144, 15; 272,
10; 288, 4. 15. 17; 302, 6
ύπάρχη 96, 15; 132, 4 ύπάρ-
χειν 94, 17; 214, 19; 302, 9;
308, 16 ύπάρχον 92, 17; 228,
11 ύπάρχοντα 140, 11 ύπάρ-
χουσα 310, 14 ύπάρχουσαν
126, 1 ύπάρχοντος 2, 6; 234,
4; 268, 18 ύπαρχούσης 4, 4,
(5); 26, 3; 284, 11 ύπήρχε
212, 14.
ύπερβάλλειν 140, 20 ύπερβάλλει
178, 7 ύπερβάλλοντα 178, 5
ύπερβάλλοντι 268, 7 ύπερ-
βάλλον 268, 15 ύπερβάλλη

268, 5 ύπερβάλου 268, 13
ύπερβ βληκέτω 268, 5.
ύπερβολήν 246, 13.
ύπερέχει 24, 15. 17. 18; 282,
26; 284, 1. 2 ύπερεχέτω 312, 6
ύπερεχέτωσαν 300, 4 ύπερέ-
χειν 246, 16.
ύπερκειμένω 252, 25.
ύπεροχή 24, 15. 16 (17.) 18; 68,
24; 120, 20; 124, 15; 126, 8;
212, 9; 228, 25; 236, 19; 282,
26; 312, 8 ύπεροχής 68, 22
ύπεροχήν 112, 6 ύπεροχαί
290, 5 ύπεροχάς 200, 13 ύπε-
ροχών 196, 5.
ύπερπίπτει 306, 17 ύπερπίπτουσι
306, 19 ύπερπίπτουσης 306,
18.
ύπερτεθέντα 276, 26.
ύπερχυθήσεται 138, 14.
ύπισχνείται 142, 2.
ύπογεγραμμένον 264, 17.
ύποδείγματος 102, 6.
ύποδείξομεν 248, 16.
ύπόθειν 74, 7. 17.
ύποκείσθω 10, 25. (26) ύποκεί-
μένον 126, 12. 16 ύποκειμέ-
νης 126, 26 ύποκειμένω 128,
1; 255, 23 ύποκείμεναι 126,
21 ύποκειμένων 152, 7; 156,
18; 164, 3. 15; 168, 10.
ύπολαμβάνομεν 138, 7 ύπολαμ-
βάνουσιν 74, 5 ύπολαβόντες
212, 24.
ύπόνομος 254, 4 ύπονόμον 240,
28; 242, 24. 25; 252, 25; 254,
3. 12 ύπονόμω 240, 27. 28;
242, 9. 17. 20; 254, 1. 6. 11;
256, 8 ύπόνομον 252, 27.
ύποσύροντος 190, 14.
ύποτεινόνσαν 8, 13 ύποτεινόνσα
232, 5.
ύποτίετακται 86, 2.
ύποτίθεσθαι 6, 7 ύπεθέμεθα
308, 18.
ύφειλε 24, 25; 30, 8.

ὑποστησάμεθα 74, 26; 292, 7
ὑποστησάμενον 28, 2.

ὑποχειρίους 190, 17.

ὑψος 2, 16; 76, 19; 80, 15. 20;
84, 17. 22. 27; 88, 14. 16;
94, 9. 10. 13. 19. 21. 23; 96,
13. 17. 20. 22. 28; 98, 2. 3.
6. 9. 11. 16. 27; 102, 11. 13.
19; 106, 16; 114, 8. 11. 14.
17. 26; 116, 2. 9. 16; 118, 6.
8. 22; 122, 2. 6. 19; 124, 3;
128, 25; 130, 15. 20. 23; 134,
5. 8. 13; 180, 12. 19; 182,
16; 196, 15. 22; 200, 6. 8
ὑψους 184, 4. 8.

Φ

φαίρονται 74, 23 φαίνεσθωσαν
270, 7 φανῇ 216, 8; 218, 26;
222, 3. 8. 24. 28; 228, 6; 234,
28; 240, 1; 242, 8. 16; 256,
25; 258, 9 φανῶσι 228, 14;
242, 12 φανῆναι 220, 7; 242,
2 πεφηνέτω 216, 8; 222, 10;
240, 2.

φανερὰ 94, 1 φανερόν 12, 15.
(16); 40, 17; 110, 7; 224, 14;
228, 24; 230, 27; 232, 26;
234, 3; 246, 4; 256, 7; 260,
15 φανεράν 36, 11; 132, 10.

φέρειν 188, 12 φέρουσαι 254, 5
φέρεται 304, 11 φέρεται 96, 4
φερέσθω 94, 14 φερόμενον
214, 10; 314, 5 φερομένην
96, 7 φέρεσθαι 94, 16; 96, 6
ἐφέρετο 96, 11.

πεφιλολιμήμεθα 188, 17.

φορά 96, 10.

φορτίον 308, 12. 15; 312, 17.

φρεατίας 240, 27; 242, 24; 252,
26; 254, 2; 256, 5 φρεατίαν
254, 7 φρεατίαι 254, 4 φρεα-
τίων 254, 8.

φύσεως 140, 8.

φνσικού 190, 14.

φῶτα 132, 4.

Χ

χαλκωμένης 204, 3.

κεχαλάσθω 254, 7.

χαλκοῦς 196, 16 χάλκεον 190, 27;
294, 1 χαλκοῦν 196, 11. 18

χαλκᾶ 194, 25; 200, 1. 8

χαλκῷ 196, 13 χαλκῇ 190, 29.

χάριν 216, 13.

χάρτη 216, 10 χάρτην 90, 15. 17.

χαῖνον 214, 6.

χεῖλος 304, 7. 9.

χειμερινάς 302, 28; 304, 13.

χειρολάβης 312, 19 χειρολάβην
312, 9.

χελωνάριον 200, 24 χελωναρίον
202, 6 χελωναρίω 200, 26.

χοινικίς 190, 28; 194, 23 χοι-
νικίδα 194, 9 χοινικίδος 194,

10 χοινικίδι 194, 21; 294, 3.

χοινικιδίω 200, 17 χοινικιδία
200, 6.

χορηγεί 286, 8.

χορηγία 286, 17.

χρεία 194, 16 χρείας 188, 4;
190, 1. 23; 286, 20; 288, 21

χρείαν 188, 6.

χρειώδους 2, 5.

χρή 190, 16; 242, 24; 284, 13;
286, 6.

χρῆσιν 204, 25.

χρίεται 202, 4.

χρόνον 286, 17 χρόνον 290, 1.

χρῶνται 272, 19; 288, 20 χρῆσθαι
138, 26 χρησόμεθα 76, 17;

302, 20 χρῆσασθαι 76, 5; 288,

23; 296, 25 χρησάμενοι 118,

25 κέρηνται 188, 15 κερη-

μένους 288, 25.

χώραν 140, 10; 196, 7; 296, 3

χώρῃ 196, 5.

χωρῆσαι 2, 8 χωρήσομεν 174, 23

χωρητέον 92, 5.

χωρίον 4, 12. 21. 23. 27; 6, 8.

18. 20; 68, 13; 76, 28; 140,

5; 142, 3; 144, 22; 152, 10;

162, 1; 166, 18; 168, 4. 12;
260, 18. 19. 23; 262, 9. 11;
264, 17; 266, 2. 5. 9. 11. 13.
15; 268, 7. 10. 21; 272, 16.
20. 22. 26; 274, 5. 15. 17. 18.
20 *χωρίον* 68, 6. 8. 23; 74,
14; 162, 2; 166, 14. 22; 170,
2; 264, 1. 19; 268, 17; 274,
6. 9. 13. 23; 276, 10. 25 *χω-
ρία* 4, 25; 6, 2. 19; 140, 19;
142, 3. 7 *χωρίων* 140, 3; 174,
22 *χωρίους* 140, 4; 144, 15.
χωρίς 18, 14; 20, 10; 84, 20;
88, 12; 280, 19.
χωροβατήσαντα 228, 21.

Ψ

ψαύειν 300, 18 *ψαύοντα* 200, 3;
300, 3.
ψευδῶς 188, 8.

Ω

ῶρα 286, 13 *ῶρας* 302, 24. 25;
304, 12. 16. 25 *ῶραν* 284, 15;
304, 23.
ὠροσκοπίου 286, 13.
ὠσανεί 222, 13; 302, 2.
ὠσαντως 94, 23. 28; 100, 5;
112, 8; 218, 17; 242, 18;
258, 1; 266, 7.
ὠσπερ 86, 6; 90, 14; 92, 8;
94, 5; 236, 21; 250, 6; 272, 18.
ὠσπερεῖ 94, 18.
ὥστε 2, 7. 11; 4, 24; 10, 7; 18,
12. 29; 24, 7. 10; 30, 26;
32, 2; 34, 2. 30; 38, 7. 25;
42, 3; 44, 13. 18. 22; 46, 11.

27; 48, 23; 52, 2; 54, 27;
56, 1. 4. 23; 58, 22. 26; 60,
22; 62, 4. 5. 23; 64, 17. 22;
66, 9. 19. 30; 68, 28; 70, 21;
72, 1. 16; 74, 16; 76, 14;
78, 20; 80, 7; 88, 1. 9. 14;
90, 10; 94, 15. 22. 25; 96, 5;
100, 1; 102, 1. 14. 16; 104, 9;
106, 27; 108, 4. 10; 110, 18.
21; 112, 14; 114, 14. 25;
120, 8. 10; 122, 4. 11. 29;
128, 14. 16. 19; 130, 6. 10;
132, 24; 134, 6; 138, 21; 140,
19; 144, 1. 12; 148, 4. 7. 27;
150, 16. 20; 152, 12. 22; 154,
14; 156, 23; 162, 17. 28; 168,
12. 15; 170, 16. 21; 172, 28;
174, 4. 10; 176, 8. 20; 172, 24;
180, 9. 14. 25; 182, 3. 7; 184,
11. 17. 19; 188, 18. 21; 194,
17. 27; 196, 6. 11. 14. 18. 28;
202, 28; 212, 9; 214, 8; 216,
23; 220, 7. 16; 226, 5; 228,
22. 23. 25; 230, 1. 5. 9;
232, 5; 236, 27; 238, 1;
242, 1; 244, 7. 12; 246, 15;
248, 7. 10; 250, 4. 15; 252,
15. 17; 254, 1. 14. 19. 28. 24;
262, 7; 264, 10. 23; 266, 12;
268, 8; 270, 4. 14; 272, 5. 24;
274, 1; 276, 12. 22. 24; 278,
6. 12; 280, 5; 282, 19. 22;
284, 19. 22. 24; 286, 15; 290,
5. 9; 292, 18; 294, 6. 20; 296,
8. 25; 298, 23; 300, 7. 12. 21;
306, 26; 308, 11; 310, 1. 26.
29; 312, 11. 15; 314, 13.

Addendum.

Hodometri descriptionem (π. διότρως c. 34) Wilamowitzius
(*Griech. Lesebuch* p. 262 sq.) ex parte edidit cum figura emen-
datiore. Idem p. 294, 13 huius editionis *διατορῶν* scribendum,
300, 6 ὡς ἂν dittographia natum delendum esse perspexit.

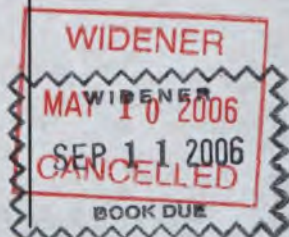
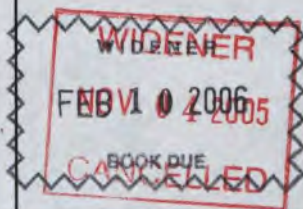




The borrower must return this item on or before the last date stamped below. If another user places a recall for this item, the borrower will be notified of the need for an earlier return.

*Non-receipt of overdue notices does **not** exempt the borrower from overdue fines.*

Harvard College Widener Library Cambridge, MA 02138 617-495-2413
--



Please handle with care.

Thank you for helping to preserve
library collections at Harvard.

Widener Library



3 2044 079 405 627

